

## اجزای هسته و بار الکتریکی :

هر اتم از هسته که شامل پروتون ها و نوترون ها است و الکترون هایی که در تراز هایی به دور هسته می پرفزند تشکیل شده است . اجسام در حالت عادی بدون بار الکتریکی هستند زیرا تعداد الکترون ها و تعداد پروتون ها با هم برابر است ، نوترون درون هسته بدون بار الکتریکی است اما اندازه بار الکتریکی یک الکترون و یک پروتون با هم برابر است و برابر با  $1/6 \times 10^{-19} C$  است که به این مقدار، بار پایه می گویند و آن را با نماد  $e$  نشان می دهیم. بار پروتون برابر با  $+e$  و بار الکترون برابر با  $-e$  است .

بار الکتریکی یک کمیت فیزیکی است که ان را با حرف  $q$  نمایش می دهیم و یکای بار الکتریکی در SI ، کولن (C) است .

$$e = 1/60217653 \times 10^{-19} C \approx 1/6 \times 10^{-19} C$$

**نکته :** اگر دو جسم بار هم نام داشته باشند (+ و +) و یا (- و -) یکدیگر را دفع می کنند و اگر بار ناهم نام داشته باشند و یا یکی از آن ها باردار باشد و دیگری خنثی، یکدیگر را جذب می کنند.



ذره	جرم (kg)	بار الکتریکی (C)
الکترون	$m_e = 9/11 \times 10^{-31}$	$q_e = -e = -1/6 \times 10^{-19} C$
پروتون	$m_p = 1/673 \times 10^{-27}$	$q_p = +e = +1/6 \times 10^{-19} C$
نوترون	$m_n = 1/675 \times 10^{-27}$	$q_n = 0$

اگر جسمی الکترون اضافی بگیرد، دارای بار منفی می‌شود و اگر جسمی الکترون از دست بدهد، دارای بار مثبت می‌شود  
 **نکته** : در یک جسم تعداد پروتون ثابت است و با کم و زیاد کردن تعداد الکترون می‌توان بار مثبت و منفی ایجاد کرد .

### اگر در یک جسم :

(1) تعداد الکترون ها بیشتر از پروتون ها باشد بار جسم منفی است :  $n_e > n_p \Rightarrow q < 0$

(2) تعداد پروتون ها بیشتر از الکترون ها باشد بار جسم منفی است :  $n_p > n_e \Rightarrow q > 0$

(3) تعداد پروتون ها و الکترون ها یکسان باشد بار جسم صفر است و اصطلاحاً جسم خنثی می‌باشد :  $n_e = n_p \Rightarrow q = 0$

### کوانتیدگی بار الکتریکی :

در فیزیک به کمیت هایی که مضرب صحیحی از یک مقدار پایه باشند، کمیت های کوانتومی می‌گویند و به آن مقدار پایه، کوانتوم می‌گویند. کمیت های کوانتیده (گسسته) کمیت هایی هستند که تنها می‌توانند مقادیر مشخص و مجزایی داشته باشند و نمی‌توانند مقدراری مابین دو مقدار مجاز متوالی داشته باشند.

کمیت ها را می‌توان به دو دسته ی کمیت های کوانتیده (گسسته) و پیوسته تقسیم کرد. کمیت های پیوسته کمیت هایی هستند که می‌توانند هر مقدار دلخواهی داشته باشند.

بار الکتریکی یک کمیت کوانتیده است و بار جسم ( $q$ ) مضرب درستی از بار بنیادی ( $e$ ) است . اگر جسم فنثی ای  $n$  الکترون بگیرد، بار آن برابر است با  $q = -ne$  و اگر  $n$  الکترون از دست بدهد، بار آن برابر با  $q = +ne$  می‌شود.

$$q = \pm ne$$

$$e = 1/6 \times 10^{-19} c$$

$$n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

✓ **نکته:**  $n$  اختلاف تعداد الکترون و پروتون است. (هواسمان باشد که  $n$  تعداد کل الکترون ها یا پروتون ها نیست بلکه اختلاف آن ها است .

✓ **نکته:** اگر به جسمی ، مقداری بار الکتریکی داده شود یا از آن گرفته شود مقدار بار منتقل شده از رابطه مقابل به دست می آید :  $\Delta q = \pm \Delta n . e$

✓ **نکته:** چون یک کولن ( $1c$ ) بار بزرگی است، معمولاً مقدار بار الکتریکی را با میکروکولن ( $\mu c$ ) نشان می دهند.

$$1\mu c = 10^{-6} c , 1nc = 10^{-9} c , 1pc = 10^{-12} c$$

تست 1) کدام گزینه می تواند بار الکتریکی یک جسم بر حسب کولن باشد ؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} c$ )

- 1)  $\frac{1}{3}$       2)  $\sqrt{6}$       3)  $\frac{1}{4}$       4)  $10^{-20}$



تست 2) چند الکترون باید از یک سکه خنثی خارج شود تا بار الکتریکی آن  $+1\mu c$  شود؟ (ریاضی 95)

- 1)  $1.6 \times 10^6$       2)  $1.6 \times 10^{12}$       3)  $6.25 \times 10^6$       4)  $6.25 \times 10^{12}$



تست 3) در اثر مالش ، بار الکتریکی جسمی نارسانا  $2\mu C$  می شود . کدام گزینه درباره این جسم درست است ؟  
 $(e = 1/6 \times 10^{-19}c)$

1) این جرم  $12/5 \times 10^{12}$  پروتون دارد .

2) این جسم در اثر مالش  $2 \times 10^6$  پروتون دریافت کرده است .

3) تعداد پروتون های این جسم  $12/5 \times 10^{12}$  تا بیشتر از الکترون های آن است .

4) این جسم در اثر مالش  $2 \times 10^6$  الکترون از دست داده است .



تست 4) دستگاهی با 1525 ذره (پروتون و یا الکترون) دارای بار کل  $-5/456 \times 10^{-17}$  است . تعداد الکترون های آن کدام است ؟

1012(4)

855(3)

592(2)

933(1)



اتم خنثی :  $(\overset{A}{\underset{p}{x}})$

در این حالت تعداد پروتون و الکترون برابر است .

یون منفی :  $(\overset{A}{\underset{p}{x}}C^{-})$

در این حالت تعداد الکترون ها به اندازه  $C$  از تعداد پروتون ها بیشتر است .

یون مثبت :  $(\overset{A}{\underset{p}{x}}C^{+})$

در این حالت تعداد الکترون ها به اندازه  $C$  از تعداد پروتون ها کمتر است .

☑ نکته: اگر سوال بار اتم را بفواهد ، اختلاف الکترون و پروتون را در نظر بگیریم و اگر بار هسته را بفواهد تعداد پروتون مهم است

تست 5) تمرین کتاب درسی : عدد اتمی اورانیوم 92 است . بار الکتریکی اتم اورانیوم چند کولن است ؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19}c)$$

- 1)  $1/472 \times 10^{-17}$     2)  $5/75 \times 10^{19}$     3)  $-1/472 \times 10^{23}$     4) صفر



تست 6) در مثال قبلی بار الکتریکی هسته چند کولن است ؟

- 1)  $1/472 \times 10^{-17}$     2)  $5/75 \times 10^{19}$     3)  $-1/472 \times 10^{23}$     4) صفر



تست 7) نسبت بار هسته به بار اتم ، در اتم  ${}_{60}^{120}\text{X}^{4-}$  برابر با کدام گزینه است ؟

- 1) -60    2) -4    3) -15    4) -120



## معرفی روش های بار دار کردن اجسام :

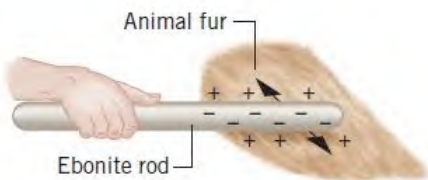
(3) القای الکتریکی

(2) تماس

(1) مالش

### انتقال بار الکتریکی به روش مالش :

یکی از روش های باردار کردن اجسام ، مالش آن دو جسم به یکدیگر است . زمانی که سطح دو جسم را به هم مالش می دهیم تعدادی الکترون که آمادگی جدا شدن از اتم را دارند (الکترون های لایه دورتر) از سطح یکی جدا شده و بر سطح جسم دیگر می نشینند . جسمی که الکترون از دست می دهد تعداد الکترون هایش کمتر از تعداد پروتون هایش می شود و بار مثبت پیدا می کند و همچنین تعداد الکترون های جسم دیگر بیشتر از تعداد پروتون هایش می شود و بار منفی پیدا می کند .



در این روش توجه به چند نکته اهمیت فراوانی دارد :

1) مالش بهترین روش برای باردار کردن اجسام نارسا است

2) در این روش الکترونی تولید نمی شود و از بین هم نمی رود ، بلکه صرفاً از جسمی به جسم دیگر منتقل می

شود و این یعنی اصل پایستگی بار که بیان می کند مجموع جبری همه بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی

ثابت است؛ یعنی بار می تواند از جسمی به جسم دیگر منتقل شود، ولی هرگز امکان تولید یا نابودی یک بار

خالص وجود ندارد.

## سری الکتریسیته مالشی

## (سری تریپوالکتریک) :

سری الکتریسته مالشی

(سری تریپوالکتریک)

انتهای مثبت سری

موی انسان

شیشه

نایلون

پشم

موی گربه

سُرب

ابریشم

آلومینیم

پوست انسان

کاغذ

چوب

پارچه کتان

کهریا

برنج، نقره

پلاستیک، پلی اتیلن

لاستیک

تفلون

انتهای منفی سری

برای اینکه متوجه شویم وقتی دو جسم نارسا را به هم مالش می دهیم، کدام یک دارای بار مثبت و کدام یک دارای بار منفی می شود، باید به جدول تریپوالکتریک توجه کنیم. براساس این جدول، هرچه به سمت پایین جدول برویم، الکترون فواهی بیشتر و هرچه به سمت بالای جدول برمی گردیم، الکترون دهی بیشتر می شود.

یعنی اگر دو جسم که در جدول یکی از آنها بالاتر و دیگری پایین تر باشد را به هم مالش دهیم، جسم بالایی بار مثبت و جسم پایینی بار منفی فواید داشت. اما اگر میله شیشه ای را به پارچه کتان مالش دهیم، چون شیشه بالاتر است، شیشه الکترون از دست می دهد و کتان الکترون می گیرد. پس شیشه مثبت شده و پارچه کتان منفی می شود.



**قانون پایستگی بار:** قبل از مالش هر دو جسم فنی هستند پس مجموع بار آن ها صفر است و بعد از مالش نیز مجموع بار صفر می شود و این بیانگر اصل پایستگی بار در مالش

اجسام است

تست 8) در شکل مقابل، جدول سری الکتروسیسته مالشی نشان داده شده است. اگر جسم A را به جسم B و جسم C را به جسم D مالش دهیم، کدام یک از اظهار نظرهای زیر در رابطه با آن صحیح است؟

انتهای مثبت سری
A
B
C
D
انتهای منفی سری

- 1) دو جسم B و D یکدیگر را جذب می کنند
- 2) دو جسم A و D همدیگر را دفع می کنند
- 3) دو جسم A و C یکدیگر را دفع می کنند
- 4) دو جسم B و C یکدیگر را دفع می کنند



تست 9) وضعیت قرارگیری دو ماده A و B در سری مالشی به صورت زیر است. اگر ماده A را به ماده B مالش دهیم، بار

انتهای مثبت سری
A
B
انتهای منفی سری

- الکتریکی B چند میکروکولن می تواند باشد؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} c$ )
- 1)  $4.8 \times 10^{-13}$       2)  $-4.8 \times 10^{-13}$       3)  $3.6 \times 10^{-13}$       4)  $-3.6 \times 10^{-13}$



تست 10) جدول زیر، قسمتی از جدول سری الکتروسیسته مالشی است. اگر میله ای خنثی از جنس چوب را ابتدا به یک پارچه پشمی خنثی و سپس به یک پارچه ابریشمی خنثی مالش دهیم، کدام گزینه می تواند به ترتیب از راست به چپ بار الکتریکی میله چوبی، پارچه پشمی و پارچه ابریشمی بر حسب نانو کولن باشد؟

انتهای مثبت سری
پشم
ابریشم
چوب
انتهای منفی سری

- 1)  $-6, +3, +4$       2)  $+6, -2, +8$
- 3)  $-6, +4, +2$       4)  $+6, +2, -8$





تست 11) دو جسم بدون بار A و B را جداگانه با جسم بدون بار C مالش می‌دهیم. پس از مالش A و B یکدیگر را دفع می‌کنند. اگر دو جسم بدون بار B و C را جداگانه با جسم بدون بار D مالش دهیم، پس از مالش B و C یکدیگر را جذب می‌کنند. کدام گزینه می‌تواند موقعیت این چهار جسم در سری مالشی به درستی نشان دهد؟ (قلم چی 98)

(2)

انتهای مثبت سری
A
B
D
C
انتهای منفی سری

(2)

(1)

انتهای مثبت سری
D
A
C
B
انتهای منفی سری

(1)

(4)

انتهای مثبت سری
C
B
A
D
انتهای منفی سری

(4)

(3)

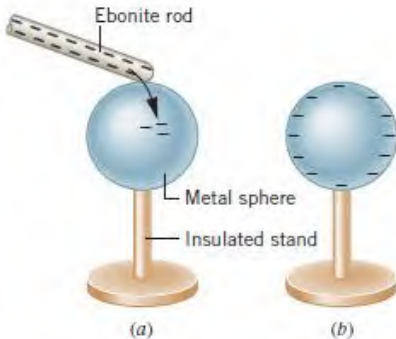
انتهای مثبت سری
A
C
D
B
انتهای منفی سری

(3)

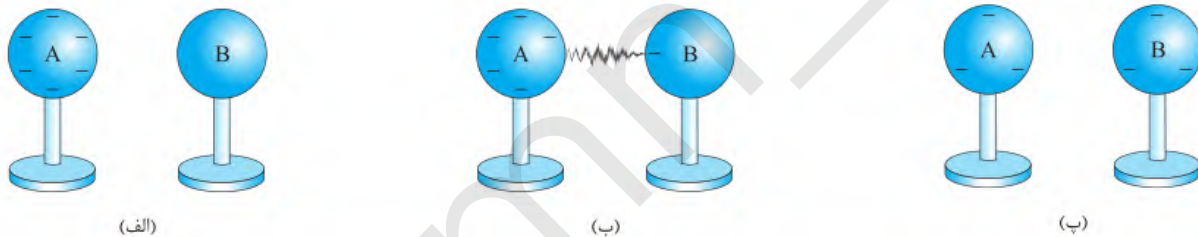


## انتقال بار الکتریکی به روش تماس :

دو جسم عایق ، عملاً در اثر تماس بار قابل توجهی را به هم منتقل نمی کنند در حالی که مطابق شکل مقابل برای انتقال بار الکتریکی در دو جسم رسانا، یک رسانای باردار در تماس با یک رسانای خنثی قسمتی از بار خود را به آن می دهد و به ترتیب جسم خنثی نیز باری هم نام با جسم باردار پیدا می کند و بار الکتریکی روی سطح دو جسم پخش خواهد شد پس دو جسم از لحاظ بار الکتریکی به تعادل می رسند.



☑ **توجه :** در شکل الف کره فلزی A دارای 6 الکترون و کره B خنثی است یعنی بار کره A برابر  $-6e$  و بار کره B صفر است . حال اگر با توجه به شکل ب دو کره را با یک سیم به هم متصل کنیم تعدادی الکترون از کره A به طرف کره B می رود در نتیجه کره B نیز باردار می شود .



تماس دو جسم رسانا به یکدیگر راهی است برای انتقال بار بین دو جسم است. به طوری که اگر دو جسم رسانا مشابه یکدیگر باشند (هم اندازه و هم شکل)، بار به طور مساوی بین آنها تقسیم می شود .

★ در این روش توجه به چند نکته اهمیت فراوانی دارد :

1) طبق اصل پایستگی بار الکتریکی، مجموع بار الکتریکی دو جسم قبل و بعد از تماس برابر است ، بنابراین اگر بار اولیه کره ها را با  $q_1$  و  $q_2$  ، و بار ان هارا پس از تماس با  $q'_1$  و  $q'_2$  نشان دهیم داریم:

$$q_1 + q_2 = q'_1 + q'_2$$

2) حال اگر دو کره فلزی مشابه را به هم تماس دهیم ، بار الکتریکی به مقدار مساوی بین دو کره تقسیم می شود و بار هر یک بعد از تماس برابر با میانگین بار دو جسم قبل از تماس است .

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

✓ **نکته:** اگر یک رسانای باردار با زمین تماس برقرار کند بار درون رسانا تخلیه می شود زیرا زمین یک فنشی کننده بزرگ است .

تست 12) دو کره فلزی مشابه که روی پایه های عایقی سوارند ، دارای بار های الکتریکی  $q_1 = -2\mu\text{C}$  و

$q_2 = +10\mu\text{C}$  هستند . اگر این دو کره را با هم تماس دهیم و سپس از هم جدا کنیم ، بار الکتریکی هر یک چند میکرو

کولن می شود ؟

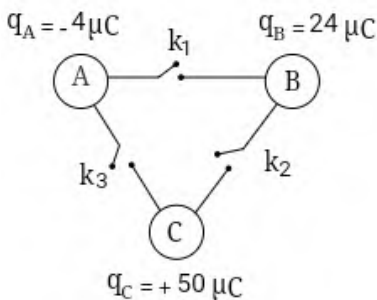
- +6 (1)      -6 (2)      +4 (3)      -4 (4)



تست 13) در شکل روبرو، کره های رسانا مشابه و تمامی کلید ها در ابتدا باز هستند . ابتدا کلید  $k_1$  را بسته و سپس باز

می کنیم . بعد از آن کلید  $k_2$  را بسته و سپس باز می کنیم و در آخر کلید  $k_3$  را می بندیم . در این حالت بار خالص کره

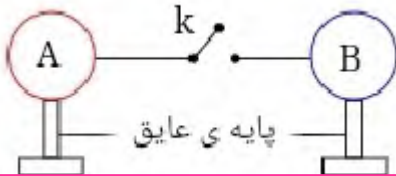
A چند برابر بار خالص اولیه کره B است ؟ (فرض کنید بار الکتریکی روی سیم های رابط قرار نمی گیرد)



- $\frac{1}{2}$  (1)       $\frac{6}{5}$  (2)  
 $\frac{5}{6}$  (3)      2 (4)



تست 14) در شکل زیر ، بار اولیه کره های مشابه و رسانای A و B برابر با  $q_A = 20\mu\text{C}$  و  $q_B = 12\mu\text{C}$  است . اگر کلید K را ببندیم ، چند الکترون و در چه جهتی بین دو کره جابه جا می شود ؟ (فرض کنید هیچ بار الکتریکی بر روی سیم قرار نگیرد و  $e = 1/6 \times 10^{-19}\text{C}$ )

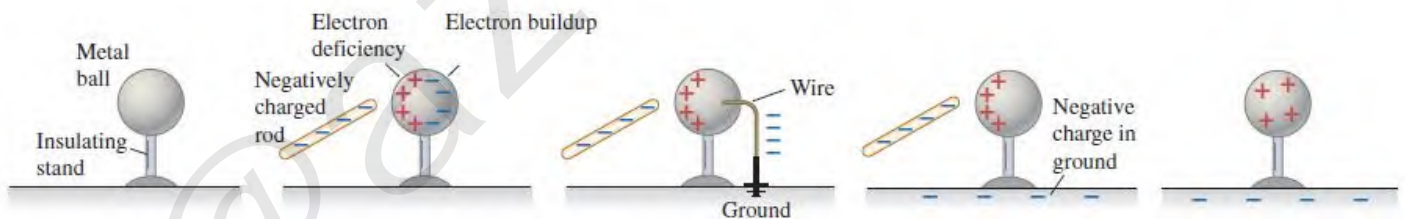


- (1)  $2/5 \times 10^{13}$  و از A به B  
 (2)  $2/5 \times 10^{13}$  و از B به A  
 (3)  $2/5 \times 10^{19}$  و از A به B  
 (4)  $2/5 \times 10^{19}$  و از B به A

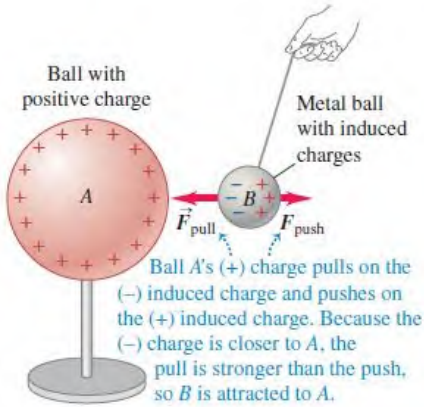


### انتقال بار الکتریکی به روش القای الکتریکی :

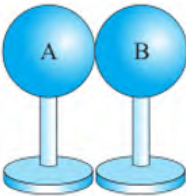
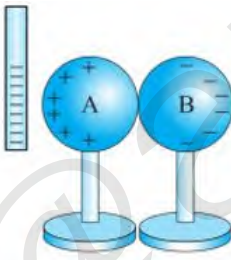
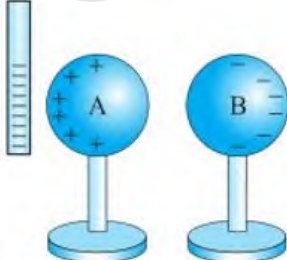
**روش القاء :** اینکه بار های هم نام یکدیگر را دفع و بار های ناهم نام یکدیگر را جذب می کنند اساس پدیده القای الکتریکی است . باردار کردن اجسام رسانا بدون تماس آن با یک جسم باردار و تنها با نزدیک کردن جسم باردار به آن ها را القا الکتریکی گویند . در واقع القای الکتریکی جابه جا شدن بار الکتریکی درون یک جسم در اثر نیروی جاذبه یا دافعه الکتریکی است . به طور مثال در شکل روبه رو وقتی یک میله شیشه ای با بار منفی ای با یک کره بدون بار نزدیک می کنیم الکترون های موجود در کره از میله دور می شوند به همین دلیل است که بار یک طرف کره منفی و طرف دیگر مثبت می شود پس در درواقع به این اتفاق القای الکتریکی می گویند .

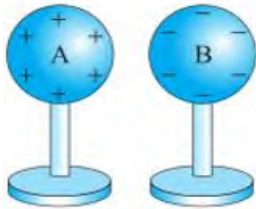


باید به این نکته توجه کرد که در القای الکتریکی همیشه جسم القا کننده و جسم القا شونده همدیگر را جذب می کنند. در شکل روبه رو می بینید که درون کره کوچکتر بارهای منفی به کره بزرگتر که بار آن مثبت است نزدیک تر هستند به همین دلیل نیروی بازبه الکتریکی ( $F_1$ ) از نیروی دافعه ( $F_2$ ) قوی تر است بنابراین دو جسم یکدیگر را جذب می کنند.



### 📖 مراحل ایجاد بارهای الکتریکی غیرهم نام در دو کره رسانا به روش القای الکتریکی:

	<p>الف) دو کره رسانا را که خنثی هستند را به هم تماس می دهیم.</p>
	<p>ب) میله پلاستیکی با بار منفی را به یکی از کره ها نزدیک می کنیم. در نتیجه بار مثبت به سمت میله جذب می شود و بار منفی توسط میله دفع می شود.</p>
	<p>پ) میله را از کره ها دور نمی کنیم و کره ها را از هم جدا می کنیم.</p>

	<p>ت) حال میله را از کوره دور کرده و بارهای ناهم نام روی دو کره ایجاد می شود.</p>
	<p>ث) اگر در مرحله دوم ، ابتدا میله را دور کنیم و سپس کره ها را جدا کنیم، چه اتفاقی می افتد؟</p>

☑ **نکته:** اگر در سؤالی گفته شود که دست خود را به کره می زنیم، دست نیز مانند سیم رابطی است که به زمین وصل می شود و می تواند الکترون را منتقل کند.



# جمع بندی

توضیحات	روش	رسانا یا نارسانا	
<p><b>نکته :</b> بار اجسام پلاستیکی معمولا منفی و اجسام شیشه ای مثبت است . در سری تریبو الکتریک هر چه به سمت سری منفی و پایین جدول میرویم فاصیبت الکترون دوستی نیز افزایش می یابد .</p>	مالش	مقتض اجسام نارسانا	روش
<p>در این روش هنگامیکه 2 کره مشابه با پایه عایق و بار های غیر یکسان <math>q_1</math> و <math>q_2</math> توسط سیمی به هم متصل می کنیم به دلیل افتلاف پتانسیل ، بار بین دو کره شارش پیدا می کند تا جایی که بار در دو کره با شعاع های برابر، یکسان گردد .</p> $q_1' = q_2' = \frac{q_1 + q_2}{2}$	تماس	مقتض اجسام رسانا	روش های باردار کردن اجسام
<p><b>نکته :</b> باردار کردن اجسام رسانا ، بدون تماس را القا گویند . <b>نکته :</b> در القا همواره بار القا کننده (میله) و القا شونده (کره) تا همنام است . در این روش ابتدا دو کره فنثی هستند ، میله ای با بار منفی را به کره ها نزدیک می کنیم . به دلیل جاذبه بین بار های ناهم نام بار مثبت به طرف میله جذب می شود . شکل (ب) . کره ها را جدا و سپس میله را برمیداریم . در نتیجه دو کره باردار به روش القا داریم .</p>	القا	مقتض اجسام رسانا (اتم های اجسام نارسانا قطبیده می شوند اما جسم نارسانا در کل باردار نمی شود)	

## الکتروسکوپ :

یکی از دستگاه های آزمایشگاهی در الکتریسته ساکن الکتروسکوپ یا همان برق نما است . در کتاب پایه هشتم گفته شد که برای تشخیص باردار بودن یک جسم ، نوع بار آن و همچنین رسانا و نارسانا بودن آن می توان از برق نما استفاده کرد . با کمک این دستگاه میتوان ماهیت الکتریکی مواد را بررسی کرد .

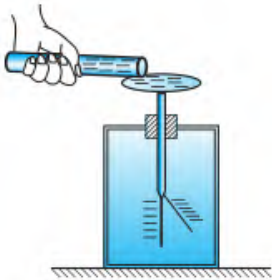
**باردار کردن الکتروسکوپ :** به طور کلی از دو روش می توان الکتروسکوپ را باردار کرد : روش تماسی و

روش القا

**روش تماسی :** الکتروسکوپ را در تماس با یک میله باردار قرار دهیم ، در این صورت الکتروسکوپ بار هم نام

میله را می گیرد . برای مثال یک میله با بار منفی را به کلاهک برق نما تماس می دهیم ،

در نتیجه برق نما دارای بار منفی می شود .



**روش القا :** میله ای با بار مثبت را به کلاهک نزدیک می کنیم ، در نتیجه بار منفی در کلاهک و بار مثبت در ورقه ها

القاء می شود . سپس برق نما را با سیم به زمین وصل می کنیم ، در نتیجه الکترون ها به سمت برق نما می آیند . ابتدا

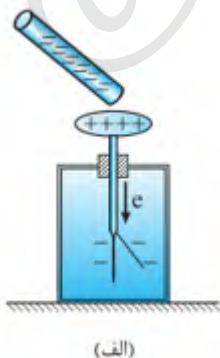
سیم را قطع می کنیم و سپس میله را دور می کنیم . در نتیجه در برق نما بار منفی القاء می شود .



	<p>الف) میله ای با بار مثبت را به کلاهک نزدیک می‌کنیم، در نتیجه بار منفی در کلاهک و بار مثبت در ورقه‌ها القاء می‌شود</p>
	<p>ب) سپس برق‌نما را با سیم به زمین وصل می‌کنیم، در نتیجه الکترون‌ها به سمت برق‌نما می‌آیند.</p>
	<p>ج) ابتدا سیم را قطع می‌کنیم و سپس میله را دور می‌کنیم. در نتیجه در برق‌نما بار منفی القاء می‌شود.</p>
<p><b>نکته :</b> در روش تماس بار میله و برق‌نما یکی است اما در روش القاء، بار میله و برق‌نما مخالف یکدیگر می‌شود.</p>	

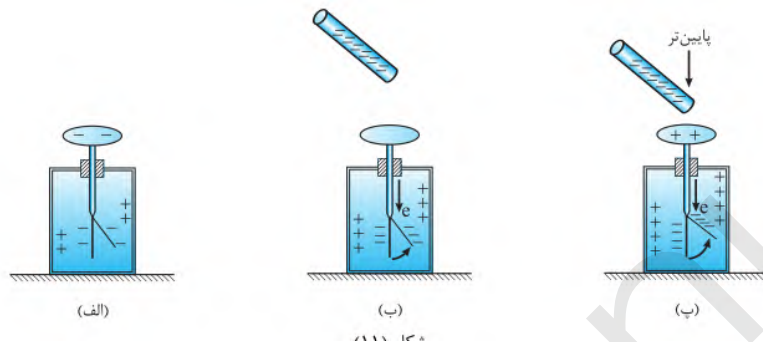
**تشخیص وجود بار در یک جسم به کمک الکتروسکوپ :**

زمانی که بفوایم مشفص کنیم یک جسم دارای بار است یا نه ، کافی است ان را به کلاهک الکتروسکوپ فنتی ای نزدیک کنیم . اگر با نزدیک کردن جسم، ورقه ها از هم فاصله نگر فتنند، باری وجود ندارد و عملا جسم فنتی است اما اگر ورقه ها از هم دور شدند ، جسم دارای بار الکتریکی است. به این دلیل که در کلاهک بار مخالف و در ورقه‌ها بار موافق ایجاد شده است که باعث می‌شود ورقه‌ها از هم فاصله بگیرند، اما نوع بار مشفص نمی‌شود.

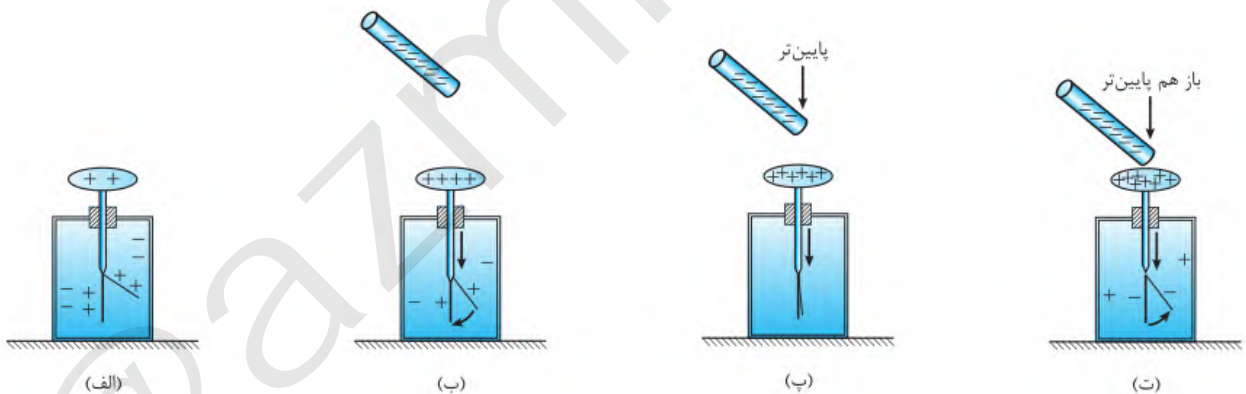


### تشخیص نوع بار جسم به کمک الکتروسکوپ :

اینکه یک جسم چه نوع باری دارد میتوان به کمک الکتروسکوپی که از قبل بار معینی به آن داده شده است مشخص کرد . برای این کار ابتدا جسم را به آرامی به الکتروسکوپ نزدیک می کنیم اگر بار موجود در جسم با بار الکتروسکوپ موافق باشد ، انحراف ورقه ها بیشتر از قبل می شود .

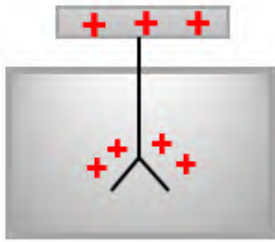


حال در مقابل حالت قبل اگر بار جسم و الکتروسکوپ مخالف هم باشند ، فاصله ورقه ها کم می شود و هر چه که اندازه بار القا شده در الکتروسکوپ بیشتر باشد ورقه ها به هم نزدیک تر می شوند تا جایی که ممکن است به هم بچسبند .

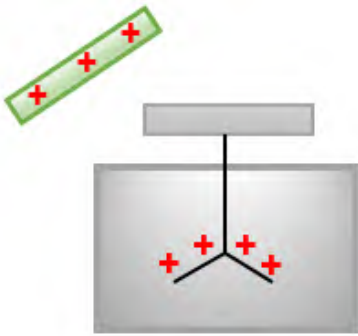


یک برق نما با بار معلوم در نظر می‌گیریم میله با بار مجهول را به آن نزدیک می‌کنیم. فرض شود که بار الکتروسکوپ بار مثبت است. در این صورت دو حالت پیش خواهد آمد :

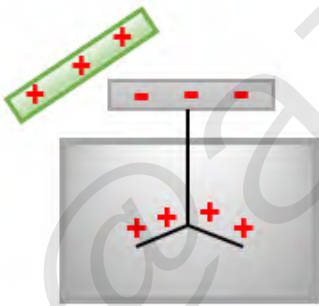
**اگر میله با بار مثبت را نزدیک کنیم ، به صورت زیر خواهد بود :**



بار برق نما ابتدا مثبت است .

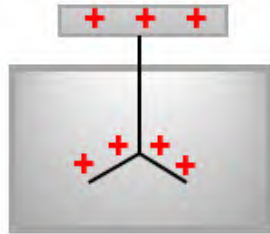


با نزدیک کردن میله با بار مثبت به کلاهک، بار مثبت در تیغه بیشتر شده و فاصله تیغه‌ها از هم بیشتر می‌شود .

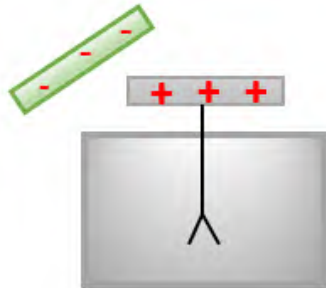


اگر میله را بیشتر به کلاهک نزدیک کنیم، الکترون بیشتری در کلاهک جمع می‌شود و بار مثبت بیشتری در تیغه‌ها، در نتیجه انحراف تیغه‌ها باز هم بیشتر می‌شود .

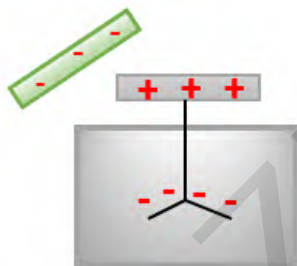
**اگر میله با بار منفی را نزدیک کنیم ، به صورت زیر خواهد بود :**



کلاهک در ابتدا بار مثبت دارد .



با نزدیک کردن میله، بار مثبت تیغه‌ها فشرده شده و بار مثبت در کلاهک بیشتر شده و تیغه‌ها بسته می‌شوند .



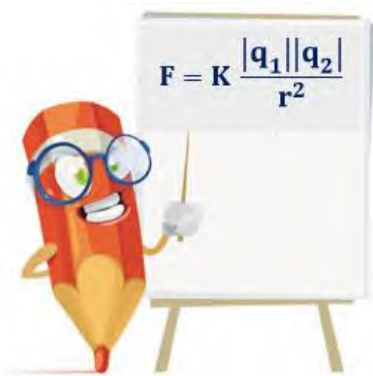
حال اگر میله را بیشتر به کلاهک نزدیک کنیم، الکترون بیشتری به سمت تیغه‌ها می‌رود و باعث می‌شود بار منفی در تیغه‌ها ایجاد شود. به علت بار هم‌نام منفی در تیغه‌ها، آن‌ها منصرف می‌شوند .

**نیروی الکتریکی :** نیروی الکتریکی نیرویی است که صرفاً بین اجسام باردار ایجاد میشود . بسیاری از اجسام به هم نیروی گرانشی وارد می کنند ، اما اجسام باردار علاوه بر نیروی گرانشی به هم نیروی الکتریکی هم وارد می کنند .

**تعریف قانون کولن :** طبق این قانون اندازه نیروی الکتریکی ( الکتروستاتیکی ) بین دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  که در راستای خط واصل آنها اثر می کند، با حاصل ضرب بزرگی آنها متناسب است ( $F \propto |q_1||q_2|$ ) و با مربع فاصله بین آنها نسبت وارون ( $F \propto \frac{1}{r^2}$ ) دارد. نیرویی که دو بار به یکدیگر وارد می کنند ممکن است از

نوع ربایشی باشد (یعنی دو بار ناهم نام) یا رانشی (یعنی هم نام) باشند . در نتیجه اندازه این نیرو برابر است با :

**نکته :** اگر  $q_1$  یا  $q_2$  منفی بود مقدار آن را به صورت قدرمطلق جایگذاری می کنیم.



$$\begin{cases} F \propto \frac{1}{r^2} \\ F \propto q_1 q_2 \end{cases} \rightarrow F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2} \rightarrow F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

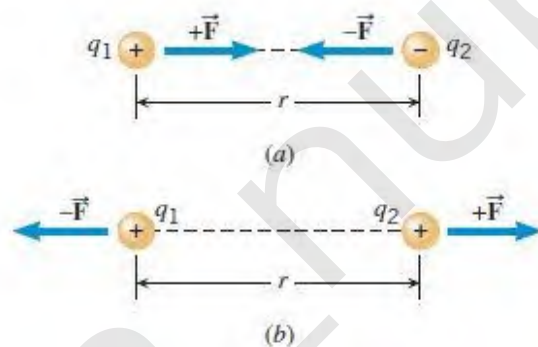
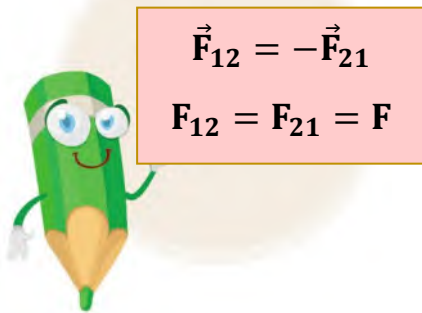
**ثابت کولن :** به مقدار ثابت  $K$  ثابت کولن یا ثابت الکتروستاتیکی می گوئیم و یکای آن در SI ، نیوتن متر مربع بر مربع کولن  $\left\langle \frac{N.m^2}{C^2} \right\rangle$  است و مقدار تقریبی آن برابر  $9 \times 10^9$  است .

**ضریب گذردهی فلاء :** بین ثابت کولن با ثابت دیگری به نام ضریب گذردهی الکتریکی فلاء یا همان  $(\epsilon_0)$  رابطه زیر برقرار است :

$$K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}, \epsilon_0 = 8/85 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N.m^2}$$

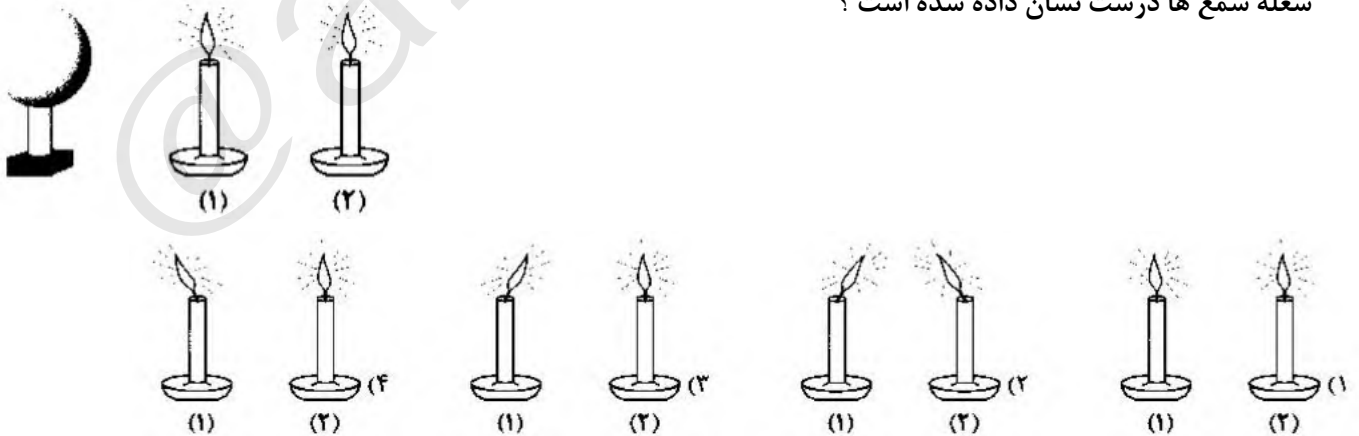
رابطه نیرویی که بارها به هم وارد می‌کنند : با توجه به شکل‌های زیر ،  $\vec{F}_{12}$  نیرویی است که بار نقطه ای  $q_1$  به بار نقطه ای  $q_2$  و  $\vec{F}_{21}$  نیرویی است که بار نقطه ای  $q_2$  به بار نقطه ای  $q_1$  وارد می‌کند . وقتی می‌نویسیم  $\vec{F}_{12}$  به این صورت آن را می‌خوانیم : نیرویی که (1) به (2) وارد میکند و وقتی که می‌نویسیم  $\vec{F}_{21}$  به این صورت

آن را می‌خوانیم : نیرویی که (2) به (1) وارد میکند در واقع این دو نیروی الکتریکی بر اساس قانون سوم نیوتن هم اندازه ، هم راستا ، و در خلاف جهت همدیگر هستند .



**جهت نیروی الکتریکی :** نیرویی که دو ذره باردار به یکدیگر وارد می‌کنند ، در امتداد خطی است که آن دو را به هم وصل می‌کند به این صورت که اگر بارها هم نام باشند ( $q_1q_2 > 0$ ) نیروی الکتریکی بین آن‌ها رانشی است و بالعکس اگر بارها نام باشند ( $q_1q_2 < 0$ ) نیروی الکتریکی بین آن‌ها رایشی است .  
 تست 15 ) مطابق شکل زیر ، یک شمع در فاصله نزدیک و شمع دیگری در فاصله دوری از یک مولد وان دو گراف قرار گرفته اند اگر کلاهک مولد وان دو گراف دارای بار الکتریکی مثبت شود ، در کدام گزینه چگونگی حالت قرار گرفتن

شعله شمع‌ها درست نشان داده شده است ؟



**تکنیک 90 حل تست :** بسیاری از طراحان ، بار الکتریکی را بر حسب میکرو کولن و فاصله بین ذره

های باردار را بر حسب سانتی متر می دهند . حال در این حالت ها برای محاسبه نیرو می توان تبدیل

واحد نکرد و مقدار  $K$  را  $90 \frac{N.(cm)^2}{(\mu c)^2}$  قرار داد .

$$K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2} = 9 \times 10^9 \frac{N.(10^2 cm)^2}{(10^6 \mu c)^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10^4 N.(cm)^2}{10^{12} (\mu c)^2} = 90 \frac{N.(cm)^2}{(\mu c)^2}$$



## تست های مفاهیم اولیه نیروی الکتریکی :

تست (16) دو بار نقطه ای  $q_1 = -4\mu c$  و  $q_2 = 16\mu c$  در فاصله 4 سانتی متر از یکدیگر قرار دارند. این دو بار نیروی.....

نیوتنی را به هم وارد می کنند و نوع این نیرو .... است.  $k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$

360(4) ، ربایشی

360(3) ، رانشی

180(2) ، ربایشی

180(1) ، رانشی

روش اول :



روش دوم: قانون 90

تست (17) دو ذره با بار های الکتریکی هم نام و برابر در فاصله 4 سانتی متری از یکدیگر قرار دارند و نیرویی برابر 90

نیوتن بر هم وارد می کنند . مقدار هر بار چند میکرو کولن است ؟  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$

6 (4)

2 (3)

8 (2)

4 (1)



تست 18) دو ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = 9\mu\text{C}$  و  $q_2 = 18\mu\text{C}$  به ترتیب در نقاط  $A(-1\text{cm}, 1\text{cm})$  و

$B(8\text{cm}, 4\text{cm})$  ثابت شده اند. اندازه نیرویی که دو ذره به یکدیگر وارد می کنند، چند نیوتن است؟

$$\left( K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2} \right)$$

486 (4)      162 (3)      4/86(2)      1/62 (1)



تست 19) دو ذره باردار هم نام با بارهای مثبت در فاصله 30 سانتی متر از هم ثابت شده اند و نیروی الکتریکی  $2/4\text{ N}$  را

به هم وارد می کنند. اگر مجموع بار دو ذره  $10\mu\text{C}$  باشد. بار هر یک از این دو ذره چند میکروکولن است؟

$$\left( K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2} \right)$$

7 و 3 (4)      6 و 4 (3)      8 و 2(2)      5 و 5(1)



تست 20) دو کره فلزی خیلی کوچکو مشابه دارای بار الکتریکی نامنما  $q_1 > 0$  و  $q_2 > q_1$  هستند و در فاصله

60 سانتی متری هم قرار دارند و بر هم نیروی الکتریکی  $0/9\text{N}$  وارد می کنند. اگر کره ها را به هم تماس دهیم و

دوباره به همان فاصله قبلی از هم دور کنیم، نیروی الکتریکی  $1/6$  نیوتون به هم وارد می کنند.  $q_1$  چند میکرو کولن

است؟

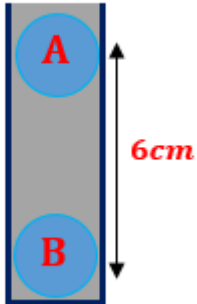
$$\left( K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2} \right)$$

20(4)      10(3)      2(2)      1(1)





تست 21) مطابق شکل زیر ، درون یک لوله بدون اصطکاک دو گلوله کوچک ، نارسانا و مشابه A و B به جرم های 250 گرم و بار الکتریکی  $q$  ، ( $q > 0$ ) در فاصله 6cm هم قرار دارند ، به طوری که گلوله بالایی معلق مانده است . بار هر گلوله چند میکرو کولن است؟ ( $K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2}$  ،  $g = 10 \frac{N}{kg}$  و از تمامی نیرو های اصطکاک صرفه نظر کنید .)

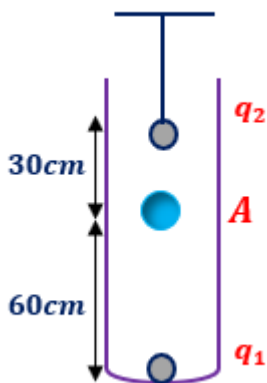


1(1) 4(2)

3(3) 6(4)



تست 22) در شکل مقابل ، یک گوی کوچک به جرم 300gr و بار  $-8\mu C$  در نقطه A بین دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  معلق است ، اگر بار  $q_1 = -10\mu C$  و در جای خود ثابت باشد ، بار  $q_2$  چند میکرو کولن است ؟



$$g = 10 \frac{N}{kg} , K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2}$$

1(1)  $-6/25$

2(2)  $+6/25$

3(3)  $-1/25$

4(4)  $+1/25$



تاثیر تغییرات اندازه بار ها و فاصله بین دو بار پد نیروی کولنی :

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \rightarrow \rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2} \times \left( \frac{r}{r'} \right)^2$$

نکته : در رابطه فوق هر کدام از کمیت ها که ثابت بماند و یا اینکه سوال عرفی در مورد آن ها نزنند ساده می شود و در معادله قرار نمی گیرند.

$$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2}$$

اگر فاصله بین ذره ها ثابت باشد :

$$\frac{F'}{F} = \left( \frac{q'_1}{q_1} \right) \left( \frac{r}{r'} \right)^2$$

اگر بار یکی از ذره ها ثابت باشد :

$$\frac{F'}{F} = \left( \frac{r}{r'} \right)^2$$

اگر هر دو بار ثابت باشد :

تست 23) دو بار  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله  $r$  قرار دارند اگر اندازه یکی را نصف ، دیگری را سه برابر و فاصله بین آن ها را نصف کنیم نیرو وارد بر دو بار چند برابر می شود؟

$\frac{1}{6}$  (4)

$\frac{1}{4}$  (3)

6 (2)

4 (1)

روش 1 :



روش 2 :

تست 24) دو بار  $q$  و  $q$  در فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند. اگر 25٪ یکی را برداشته و به دیگری اضافه کنیم و فاصله بین آن ها را نصف کنیم نیروی وارد بر آن ها چند برابر می شود ؟

$\frac{4}{15}$  (4)

$\frac{5}{4}$  (3)

$\frac{15}{4}$  (2)

$\frac{4}{5}$  (1)



تست 25) دو بار  $q$  و  $-q$  در فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند. اگر 25٪ یکی را برداشته و به دیگری اضافه کنیم

و فاصله بین آن ها را نصف کنیم نیروی وارد بر آن ها چند برابر می شود ؟

$$\frac{9}{16} (4)$$

$$\frac{9}{4} (3)$$

$$\frac{16}{9} (2)$$

$$\frac{4}{9} (1)$$



تست 26) دو بار مثبت  $q$  که در فاصله  $r$  قرار دارند نیروی  $F$  به یکدیگر وارد می کنند . چند درصد یکی را برداشته و به دیگری اضافه کنیم تا در همان فاصله نیروی بین آنها 16 درصد کاهش یابد؟

$$50 (4) \text{ درصد}$$

$$40 (3) \text{ درصد}$$

$$60 (2) \text{ درصد}$$

$$20 (1) \text{ درصد}$$



تست 27) تجربی خارج 97 : دو بار نقطه ای  $q$  در فاصله  $r$  نیروی  $F$  را به هم وارد می کنند . چند درصد از یکی از بار ها را برداریم و به دیگری اضافه کنیم ، تا وقتی فاصله دو بار 25 درصد افزایش یابد نیرویی که به هم وارد می کنند 52 درصد کاهش یابد ؟

$$50 (4)$$

$$40 (3)$$

$$30 (2)$$

$$20 (1)$$



تست 28) دو بار  $q$  و  $-q$  در فاصله  $r$  از یکدیگر نیروی  $F$  را به هم وارد می کنند، چند درصد از یکی را برداشته و به

دیگری اضافه کنیم تا در صورتی که فاصله بین دو بار را نصف کنیم نیرویی که به یکدیگر وارد می کنند 125 درصد افزایش یابد؟

40(4)

70 (3)

50 (2)

25 (1)



☑ **نکته :** اگر جمع دو بار مقراری ثابت باشد ، نیروی بین دو بار زمانی **max** می شود که مقدار دو بار با یکدیگر برابر باشد .

تست 29 ) دو بار نقطه ای  $q_1 = q$  و  $q_2 = 0/6 q$  در فاصله ثابتی از هم قرار دارند . چند درصد از بار  $q_1$  را برداشته

و به بار  $q_2$  اضافه کنیم تا نیروی الکتریکی بین آن ها بیشینه شود ؟

50(4)

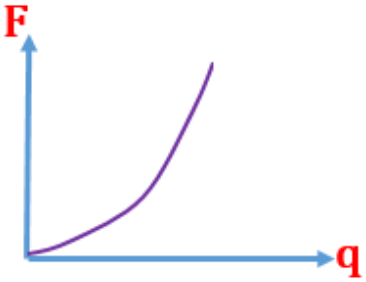
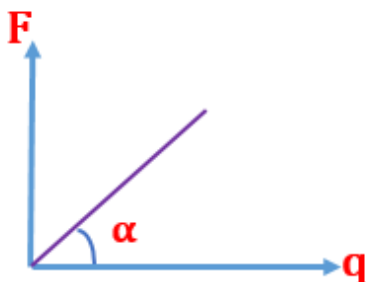

40(3)

20(2)

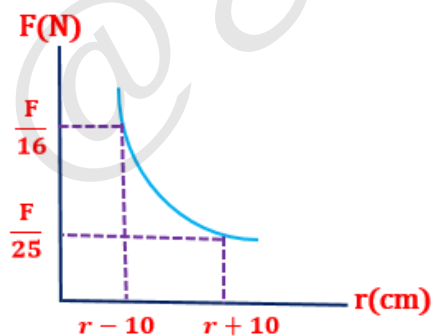
10(1)



**نمودار های قانون کولن :**

	<p>نمودار نیرو بر حسب بار <math>q</math> (دو بار متغیر و برابر <math>q</math> در فاصله ثابت)</p>
 <p><math>\tan \alpha = k \frac{q_1}{r^2}</math></p>	<p>نمودار نیرو بر حسب بار <math>q</math> (یک بار متغیر و یک بار ثابت در فاصله ثابت <math>r</math>)</p>
	<p>نمودار نیرو بر حسب فاصله <math>r</math> (دو بار ثابت در فاصله متغیر <math>r</math>)</p>

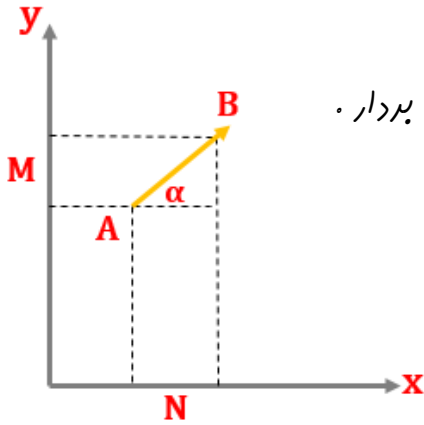
تست 30) نمودار تغییرات اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار الکتریکی نقطه ای  $q_2 = q_1 = 3 \mu C$  بر حسب فاصله بین دو بار مطابق شکل زیر است . مقدار  $F$  در SI کدام است ؟  $K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2}$



$\frac{81}{40}(2) \quad 10(1)$

$\frac{81}{4}(4) \quad 0/1(3)$





آشنایی با بردار ها و نحوه براینده گیری آنها :

تجزیه بردار : تجزیه یک بردار یعنی مشخص کردن مولفه افقی و عمودی یک بردار .

$$\cos \alpha = \frac{N}{AB} \rightarrow N = (AB) \cos \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{M}{AB} \rightarrow M = (AB) \sin \alpha$$

### 3 حالت براینده گیری :

نمونه	توضیحات
	الف) اگر دو بردار هم جهت باشند ، بردار براینده جمع آن دو بردار خواهد بود .
	ب) اگر دو بردار خلاف جهت یکدیگر باشند ، بردار براینده اختلاف آن دو خواهد بود .
	پ) اگر دو بردار بر یکدیگر عمود باشند ، بردار براینده را از طریق قانون فیثاغورث به دست می آوریم

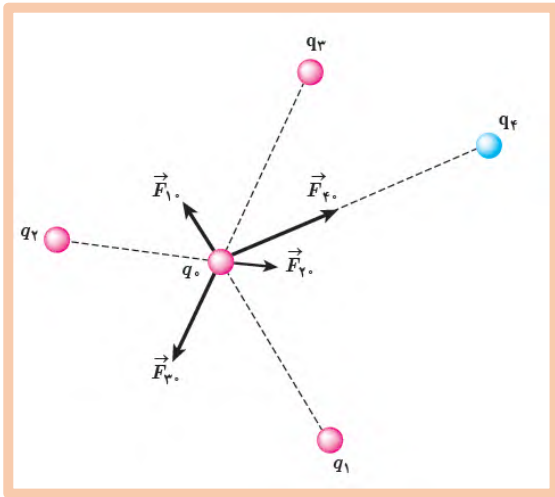
☑ نکته : برای براینده گیری دو بردار عمود بر هم میتوان از اعداد طلایی نیز استفاده کرد .

☑ نکته : اگر دو بردار عمود بر هم با یکدیگر برابر باشند براینده آن ها برابر  $F\sqrt{2}$  می شود .



### اصل برهم نهی نیرو های الکتروستاتیکی :

وقتی اطراف یک بار چند بار الکتریکی وجود دارد از طرف هر بار نیرو به ذره وارد می شود که تمامی این نیرو ها را با یک نیرو به نام نیروی برآیند یا نیروی خالص ( $F_T$ ) ، می توان جایگزین کرد



$$\vec{F}_T = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3$$

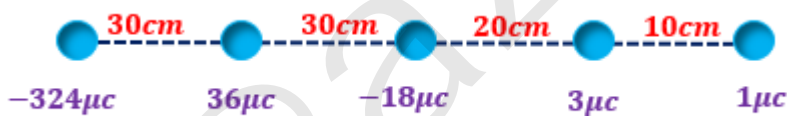
### مراحل برآیند گیری :

- 1) تعیین جهت نیرو ها
- 2) تناسبه نیرو ها
- 3) برآیند گیری نیرو ها

### محاسبه برآیند نیروی کولنی چند بار الکتریکی واقع در یک راستا:

در این حالت ، نیرو های الکتریکی وارد شده بر هر بار الکتریکی در یک راستا هستند و برای تناسبه اندازه برآیند ، یا آن ها را با هم جمع و یا از هم کم می کنیم .

تست ( 31 ) در شکل زیر ، برآیند نیرو های وارد بر بار  $1\mu\text{C}$  چند نیوتن است ؟

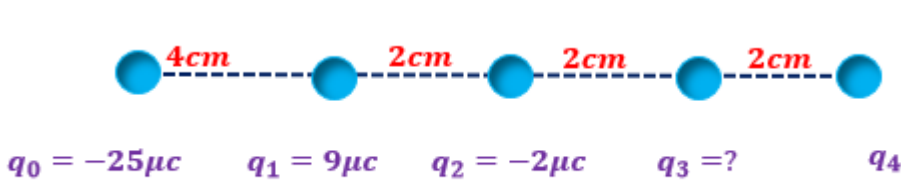


- |         |        |
|---------|--------|
| 1/8(2)  | 0/9(1) |
| 3/6 (4) | 2/7(3) |



روش دوم : (روش انتقال)

تست 32) در شکل زیر ، برابند نیرو های الکتریکی وارد بر  $q_4$  برابر صفر است . بار  $q_3$  چند میکرو کولن است ؟



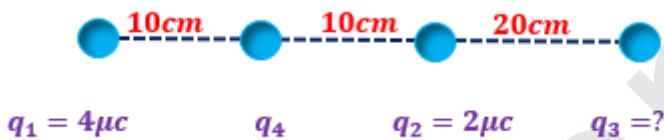
- 5(1)      -5(2)  
0/5(3)      -0/5(4)

روش اول :



روش دوم :

تست 33) در شکل زیر ، برابند نیرو های الکتریکی وارد بر  $q_4$  برابر صفر است . بار  $q_3$  چند میکرو کولن است ؟



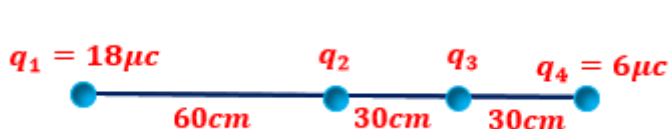
- 18(1)      8(2)  
-8(3)      -18(4)

روش اول :



روش دوم :

تست 34) در شکل زیر ، اگر برابند نیرو های الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  برابر با صفر باشد ، بار  $q_2$  چند میکرو کولن است ؟

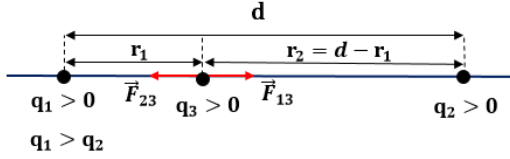
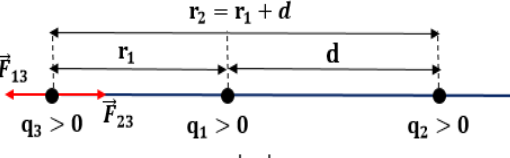



$$(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$$

- 4(1)      -4(2)  
8(3)      -8(4)





$\vec{F}_{13} = \vec{F}_{23} \Rightarrow \frac{k q_1 q_3}{(r_1)^2} = \frac{k q_2 q_3}{(r_2)^2}$ $\Rightarrow \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = \left \frac{q_2}{q_1}\right $ <p><math>r_1</math>: فاصله از <math>q_3</math> از بار <math>q_1</math></p> <p><math>r_2</math>: فاصله از <math>q_3</math> از بار <math>q_2</math></p>	 <p><math>q_1 &gt; 0</math>   <math>q_3 &gt; 0</math>   <math>q_2 &gt; 0</math></p> <p><math>q_1 &gt; q_2</math></p>	<p>هر گاه دو بار الکتریکی هم نام داشته باشیم ، بین دو بار و نزدیکتر به بار کوچکتر میتوان نقطه ای را یافت که اگر بار دیگری را آنجا قرار دهیم بر ایند نیرو های وارد بر آن صفر شود</p>
$\vec{F}_{13} = \vec{F}_{23} \Rightarrow \frac{k q_1 q_3}{(r_1)^2} = \frac{k q_2 q_3}{(r_2)^2}$ $\Rightarrow \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = \left \frac{q_2}{q_1}\right $ <p><math>r_1</math>: فاصله از <math>q_3</math> از بار <math>q_1</math></p>	 <p><math>q_3 &gt; 0</math>   <math>q_1 &gt; 0</math>   <math>q_2 &gt; 0</math></p> <p><math>q_1 &gt;  q_2 </math></p>	<p>هر گاه دو بار الکتریکی نا هم نام داشته باشیم ، خارج از دو بار و نزدیک به بار کوچکتر نقطه ای وجود دارد که اگر بار الکتریکی دیگری را در آن قرار</p>


**نکته:** در این دو بار الکتریکی که هم بر این نیروهای وارد می شود. نیرویی به آن وارد نشود ، به صورت زیر عمل می کنیم :

داشته باشیم ، و بخواهیم نقطه ای را پیدا کنیم که وقتی بار سوم را در آن نقطه قرار می دهیم فاصله  $q_3$  از بار  $q_2$  :  $r_2$

تست 35) دو بار الکتریکی  $1\mu\text{C}$  و  $4\mu\text{C}$  در فاصله 30 سانتی متری از هم قرار دارند . در چه فاصله ای از بار  $1\mu\text{C}$  بار الکتریکی  $5\mu\text{C}$  را قرار دهیم تا نیروی وارد بر آن از طرف دو بار  $q_1$  و  $q_2$  صفر شود ؟

25(4

15(3

20(2

10(1



روش اول :

روش دوم :  $(x, \sqrt{\text{بار}})$

تست 36) اگر  $q_1 = -1\mu\text{C}$  و  $q_2 = 4\mu\text{C}$  و فاصله بین ن ها 30 سانتی متر باشد ، بار  $q_3 = 20\mu\text{C}$  را در چه فاصله ای از بار  $q_1$  قرار دهیم تا به حالت تعادل قرار بگیرد ؟

25(4

30(3

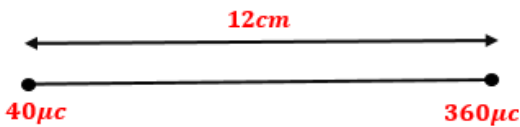
20(2

10(1



نکته: در روش  $x$  ، بار  $\sqrt{\quad}$  ، اگر بار های الکتریکی مجزور کامل نبودند ابتدا آن ها را ساده کرده تا مجزور کامل شوند و سپس از روش  $x$  ، بار  $\sqrt{\quad}$  استفاده می کنیم .

تست 37) در فاصله چند سانتی متری از بار  $360\mu C$  بار الکتریکی  $10\mu C$  را قرار دهیم تا نیرویی به آن وارد نشود ؟



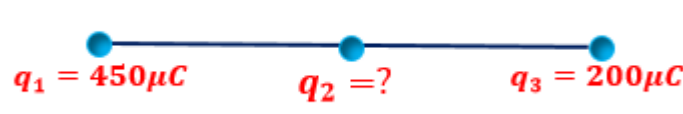
- 3(1)      6(2)
- 9(3)      12(4)



نکته: همانطور که دیدیم ، مقدار بار سوم هیچ تاثیری در حل مساله ندارد .

**بار در تعادل در یک راستا :**

تست 38) در شکل زیر ، برابند نیرو های وارد بر هر یک از بار ها صفر است . بار  $q_2$  چند میکرو کولن است ؟



- 72(1)      48(2)
- 72(3)      -48(4)



تست 39) در شکل زیر ، برابند نیرو های وارد بر هر یک از بار ها صفر است . بار  $q_2$  چند میکرو کولن است ؟ (گاج 98)



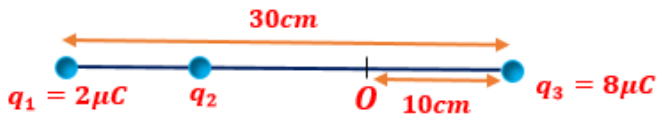
تست 40) سه ذره باردار  $q_1 = 12 \mu C$  و  $q_2 = 3 \mu C$  و  $q_3$  در صفحه x-y به ترتیب در مختصات  $(x_3, y_3)$  ،  $(x_2 = -8cm, y_2 = 12cm)$  ،  $(x_1 = 4cm, y_1 = 3cm)$  قرار دارند . اگر برابند نیرو های الکتریکی وارد بر هر ذره صفر باشد ،  $q_3$  چند میکرو کولن است ؟ (کنکور خارج 98)

$\frac{16}{3}(1)$   
 $\frac{4}{3}(2)$   
 $-\frac{4}{3}(3)$   
 $-\frac{16}{3}(4)$



★ اگر 3 بار در تعادل باشند و بار الکتریکی دیگری را بین ان ها قرار دهیم تعادل به هم خورده و نیروی اعمال شده به ان بار را می توان محاسبه کرد .

تست 41) در شکل زیر ، برابند نیرو های الکتریکی وارد بر هر یک از بار ها صفر است . اگر بار  $q_4 = 1 \mu C$  در نقطه 0 قرار گیرد نیرو های الکتریکی وارد بر چند نیوتن می شود ؟ (تجربی 97).  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$



5/95(2)

1/25(1)

7/55(4)

6/75(3)



⊛ سوالاتی که یکی از بارها حذف می شود :

تست 42) در شکل زیر ، بار الکتریکی نقطه ای  $q_A$  واقع در نقطه A از طرف دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  نیروی الکتریکی برآیند  $\vec{F}$  وارد می شود . اگر بار  $q_3$  حذف شود ، نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_A$  در نقطه A برابر با  $\frac{\vec{F}}{4}$  می شود ، حاصل

$\frac{q_1}{q_2}$  کدام است ؟



$-\frac{1}{20}$ (4)

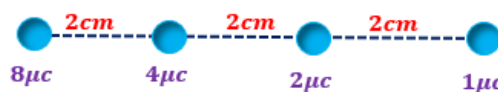
$\frac{1}{12}$ (3)

$-\frac{4}{5}$ (2)

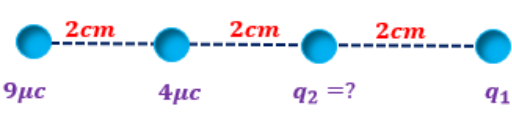
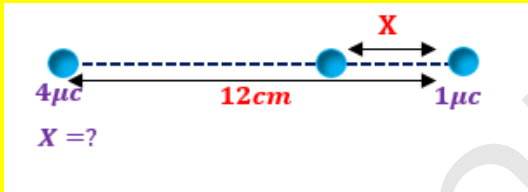
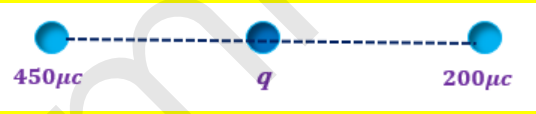
$\frac{1}{5}$ (1)



**روش 1 :** تک تک نیروها را حساب می کنیم و سپس برآیندگیری می کنیم  
**روش 2 :** انتقال



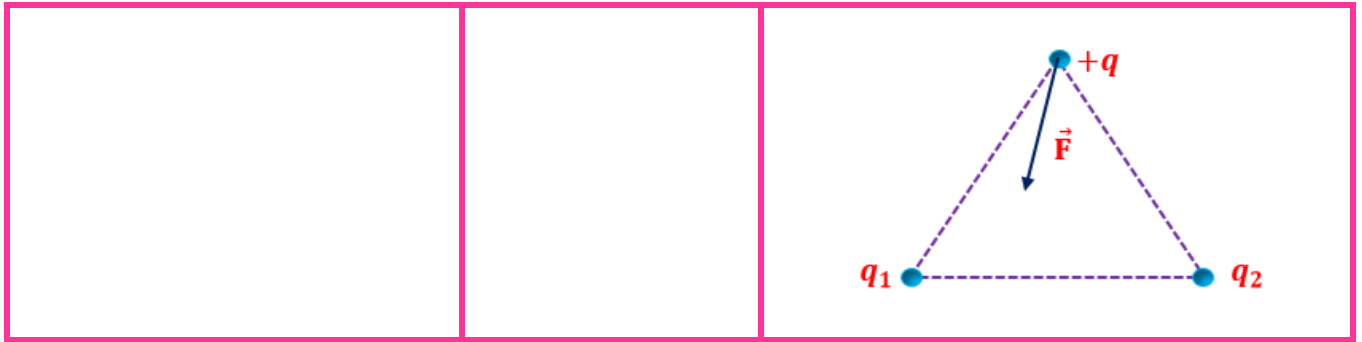
وقتی برآیند نیروهای وارد بر یک بار الکتریکی را از ما می خواهند

	<p>برایند نیرو های وارد بر بار <math>1\mu\text{C}</math> را از ما می فوهند</p>	
<p><b>روش 1:</b> برایند نیرو ها را برابر صفر قرار داده و مقدار <math>q_2</math> را به صورت قدر مطلق به دست می آوریم ، باید تشخیص دهیم <math>q_2</math> مثبت است یا منفی</p> <p><b>روش 2:</b> انتقال</p>	 <p>برایند نیرو های وارد بر <math>q_1</math> صفر است ، مقدار <math>q_2</math> چه قدر است؟</p>	<p>وقتی برایند نیرو های وارد بر یکی از بارها صفر می باشد و یکی دیگر از بارها مجهول است</p>
<p>اگر دو بار هم نام باشند و نزدیک بار کوچکتر و بین دو بار برایند نیرو ها صفر می شود و اگر دو بار نا هم نام باشند نزدیک به بار کوچکتر و قارج از دو بار برایند می تواند صفر شود .</p> <p><b>روش 1:</b> نقطه مورد نظر را مشخص می کنیم و نیرو های <math>F_1</math> و <math>F_2</math> وارد بر آن را در نظر می گیریم</p> <p>و <math>F_2 = F_1</math> را می نویسیم و جواب به دست می آید</p> <p><b>روش 2:</b> <math>x</math> بار</p>	 <p>مقدار <math>x</math> چه قدر باشد تا بار <math>q</math> در تعادل قرار گیرد</p>	<p>وقتی 2 بار الکتریکی وجود دارد و نقطه ای را میخواهیم بیابیم که در آن نقطه به بار الکتریکی سوم نیرو وارد نشود</p>
<p><b>روش 1:</b> برایند نیرو ها را برای دو بار الکتریکی مختلف صفر قرار می دهیم</p> <p><b>روش 2:</b> ترکیب انتقال و <math>x</math> بار</p>	 <p>مقدار <math>q</math> چه قدر باشد تا هر 3 بار در تعادل باشند</p>	<p>وقتی 3 بار الکتریکی در تعادل بوده و فاصله و همپنین یکی از بار های الکتریکی مجهول باشد</p>

مساله 43) در شکل های زیر ، برایند نیرو های وارد بر بار  $q$  از طرف بار های  $q_1$  و  $q_2$  رسم شده است ، نوع بار

$q_1$  و  $q_2$  و بزرگی ها را با هم مقایسه کنید .

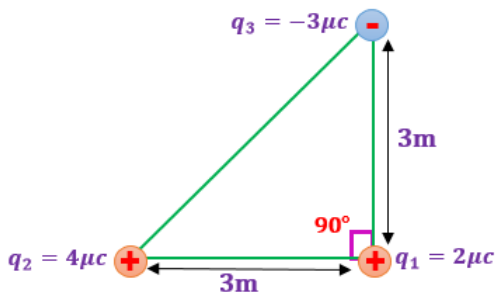
مشخص کردن نوع بار های $q_1$ و $q_2$	مقایسه بزرگی بارها	شکل ها
-------------------------------------	--------------------	--------

⊛ پر هم نهی نیرو های الکتروستاتیکی غیر هم راستا (عمود پر هم) :

تست 44) تمرین کتاب درسی : سه ذره باردار مطابق شکل روبه رو در سه رأس مثلث قائم الزاویه ای ثابت شده اند.

نیروی الکتریکی خالص وارد بر ذره واقع در رأس قائمه را به دست آورده و اندازه این نیرو را محاسبه کنید ؟

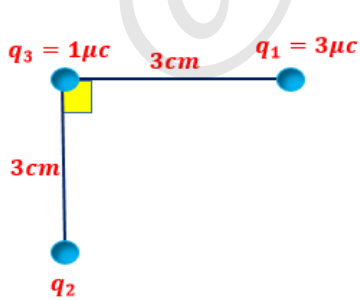


$2 \times 10^{-2}$  (2)       $10^{-2}$  (1)

$4 \times 10^{-2}$  (4)       $3 \times 10^{-2}$  (3)



تست 45) اگر در شکل زیر اندازه برابند نیرو های الکتریکی وارد شده به بار الکتریکی  $q_3$  برابر  $50N$  باشد . اندازه نیروی



الکتریکی که بار  $q_1$  به  $q_2$  وارد می کند ، چند نیوتن است ؟  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$

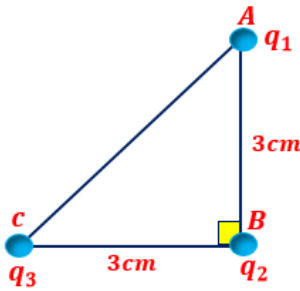
10(2)      60(1)

20(4)      40(3)





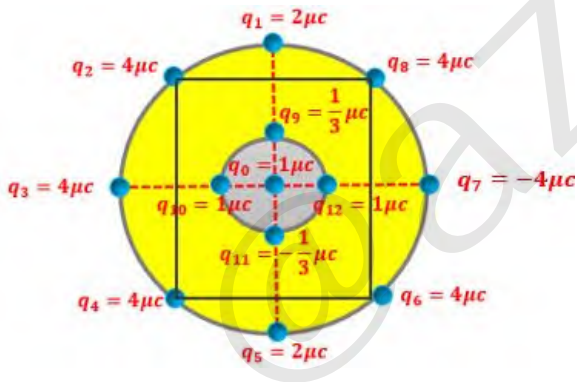
تست 46) در شکل زیر ، سه ذره با بار های الکتریکی  $q_1 = -4\mu\text{C}$  ،  $q_2 = 3\mu\text{C}$  و  $q_3 = -3\mu\text{C}$  در سه رأس یک مثلث قائم الزاویه ثابت شده اند . نیروی برآیند وارد شده به بار  $q_2$  با راستای AB چه زاویه ای می سازد ؟  $\sin 37^\circ = 0/6$  ،  $\sin 30^\circ = 0/5$



- 37°(1)
- 53°(2)
- 30°(3)
- 45°(4)



تست 47) در شکل مقابل اگر مرکز دایره ها و مربع بر هم منطبق باشند و شعاع دایره بزرگ و کوچک به ترتیب 3 و 1 سانتی متر باشد ، نیروی برآیند در نقطه O چند نیوتن است ؟  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$

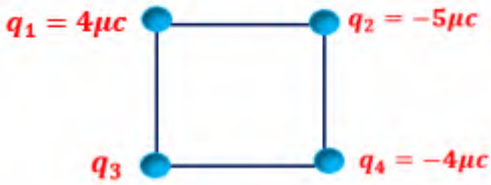


- 10(1)
- 100(2)
- 20(3)
- 200(4)



تست 48) چهار ذره باردار در راس های یک مربع به ضلع 20 سانتی متر قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر  $q_2$

در SI به صورت  $\vec{F} = -9\vec{i}$  باشد،  $q_2$  چند میکرو کولن است؟ (ریاضی 98)  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$



4(2)                      -4(1)

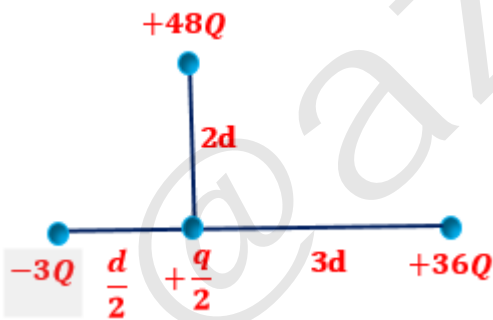
$8\sqrt{2}$ (4)                       $-8\sqrt{2}$ (3)



⊙ سوالاتی که نیروی  $F$  به صورت پارامتری مشخص شده و بقیه نیروها ضریبی از  $F$  هستند.

تست 49) اگر اندازه نیروی وارده از طرف بار  $Q$  به بار  $q$  که در فاصله  $d$  از هم قرار دارند برابر با  $F$  باشد، اندازه برابند

نیروهای وارد بر بار  $\frac{q}{2} +$  در شکل زیر کدام است؟

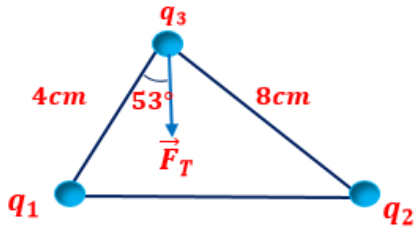


10F(2)                      5F(1)

20F(4)                      15F(3)



تست 50) مطابق شکل ، سه بار نقطه ای  $q_1$  و  $q_2$  و  $q_3$  بر روی سه راس یک مثلث قائم الزاویه ثابت شده اند . اگر  $F_T$  برآیند نیروهای وارد بر  $q_3$  از طرف بارهای  $q_1$  و  $q_2$  باشد ، کدام است  $\frac{q_1}{q_2}$  ؟ (مثلث در راس  $q_3$  قائمه است و  $\tan 53^\circ = \frac{4}{3}$ )

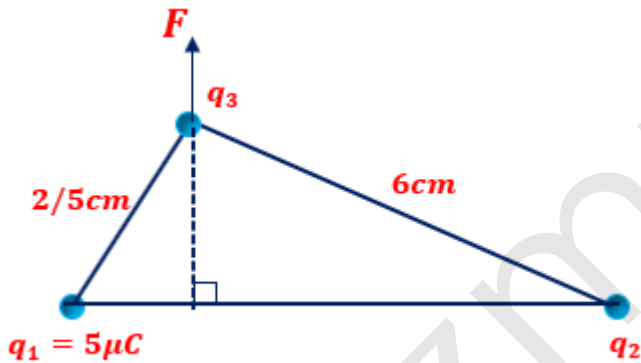


- (1)  $\frac{3}{4}$
- (2)  $-\frac{3}{4}$
- (3)  $\frac{3}{16}$
- (4)  $-\frac{3}{16}$



تست 51) دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  مطابق شکل زیر قرار دارند . نیروی الکتریکی خالص (برآیند) ناشی از دو ذره به ذره

باردار  $q_3$  برابر  $\vec{F}$  است . چند میکرو کولن است ؟



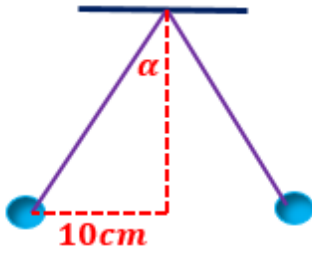
- (1) 108
- (2) 24
- (3) 12
- (4) 6



**گلوله های باردار آونگ :**

تست ( 52 ) در شکل مقابل ، دو گلوله مشابه با بار یکسان ، هر یک به جرم 24 گرم توسط نخ هایی سبک به طول 26 سانتیمتر

آویزان شده اند و در حالت تعادل قرار دارند . بار هر گلوله چند میکرو کولن است ؟



- (1)  $\frac{1}{9}$       (2)  $\frac{2}{3}$   
 (3) 3      (4) 9



## میدان الکتریکی :

**تعریف کیفی میدان الکتریکی :** دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله معینی از یکدیگر قرار دارند ، بر هم نیروی الکتریکی وارد می کنند . اما چگونه زمانی که این دو بار در تماس با یکدیگر نیستند می توانند به هم نیرو وارد کنند . در علم فیزیک پاسخ اینگونه است که بار  $q_1$  خاصیتی در فضای اطراف خود ایجاد می کند که به آن میدان الکتریکی می گویند . حال زمانی که بار  $q_2$  در نقطه ای از فضای اطراف بار  $q_1$  قرار می گیرد در واقع تحت تاثیر میدانی است که بار  $q_1$  ایجاد کرده است .

بنابراین بار  $q_1$  نه از طریق تماس بلکه به وسیله میدان الکتریکی خودش به بار  $q_2$  نیرو وارد کرده است .

یکای میدان الکتریکی در SI ، (نیوتن بر کولن)  $(\frac{N}{C})$  است .

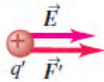
**تعریف کمی میدان الکتریکی :** میدان الکتریکی در هر نقطه از فضای اطراف یک جسم باردار الکتریکی به شکل زیر تعیین می‌گردد : در ابتدا بار کوچک و مثبت  $q_0$  معروف به ((بار آزمون)) را در آن نقطه قرار می‌دهیم و بعد نیروی الکتریکی  $\vec{F}$  وارد بر آن را اندازه می‌گیریم و در نهایت میدان الکتریکی  $\vec{E}$  ناشی از جسم باردار در آن نقطه به صورت رابطه زیر به دست می‌آید



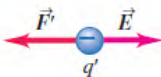
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$$

**نکته :** بار آزمون در رابطه مقابل در واقع باری است که در داخل میدان  $\vec{E}$  قرار گرفته و خودش میدان  $\vec{E}$  را ایجاد نکرده است .

The force on a positive test charge points in the direction of the electric field.



The force on a negative test charge points opposite to the electric field.



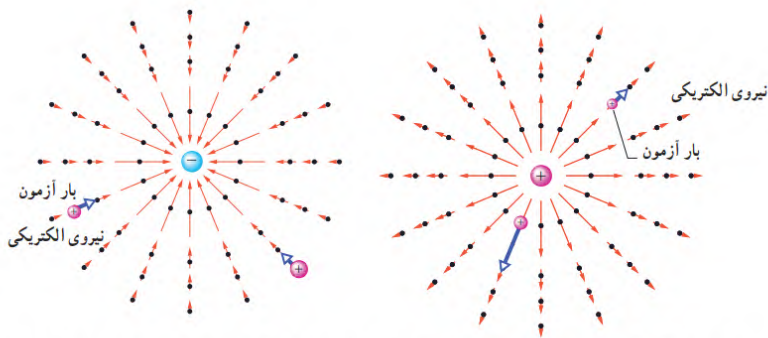
**جهت میدان الکتریکی :** میدان الکتریکی یک کمیت برداری است که از ضرب یک کمیت نرده ای  $(\frac{1}{q_0})$  در یک کمیت برداری  $(\vec{F})$  به دست می‌آید . حال برای تعیین جهت بردار الکتریکی در یک نقطه بایستی بار آزمون را در آن نقطه قرار دهیم . نکته اول اینکه  $\vec{E}$  همواره هم راستا با  $\vec{F}$  است و اگر بار آزمون مثبت باشد  $\vec{E}$  با  $\vec{F}$  هم جهت و اگر منفی باشد  $\vec{E}$  با  $\vec{F}$  در خلاف جهت هم هستند .

## خطوط میدان الکتریکی :

**مقدمه :** در بحث میدان به این نکته اشاره کردیم که بار الکتریکی در فضای اطراف خود میدان الکتریکی ایجاد می‌کند . مایکل فاراده نخستین کسی بود که در اواسط قرن 19 میلادی به روشی دست یافت که بتوان بردار میدان الکتریکی را در نقاط اطراف یک ذره باردار مثبت یا منفی تبسم کرد . حال برای نشان دادن میدان الکتریکی در فضای اطراف اجسام باردار از خط های فرضی جهت داری ، معروف به **خطوط میدان الکتریکی** استفاده می‌شود .

### نکات مهم در رسم خطوط میدان الکتریکی :

اگر یک بار آزمون را در نزدیکی یک ذره باردار مثبت یا منفی قرار دهیم ، بسته به نوع بار ، نیروی الکتریکی وارد به بار مثبت آزمون در جهت دور شدن ذره و یا در جهت نزدیک شدن به آن است .



الف) میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار مثبت ساکن . ب) میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار منفی ساکن .

این یعنی خطوط میدان اطراف یک بار مثبت نقطه ای به صورت شعاعی از آن خارج می شود زیرا اگر یک بار آزمون مثبت است را در نزدیکی آن قرار دهیم همان طور که قبلاً گفتیم میدان الکتریکی در جهت نیرویی است که به بار مثبت  $q_0$  وارد می شود. پس چون دو بار مثبت یکدیگر را دفع می کنند پس میدان الکتریکی باید از بار

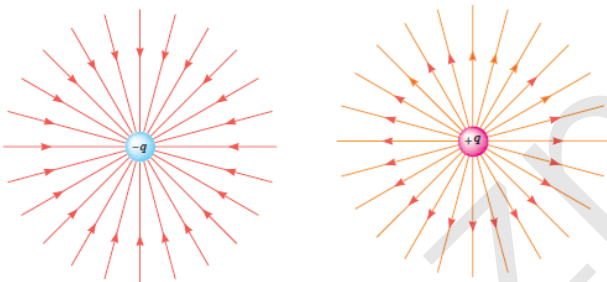
مثبت خارج شود. بار دیگر بار آزمون را در نزدیکی بار منفی  $q$  قرار می دهیم،

می دانیم که خطوط میدان در جهت نیرویی است که به بار

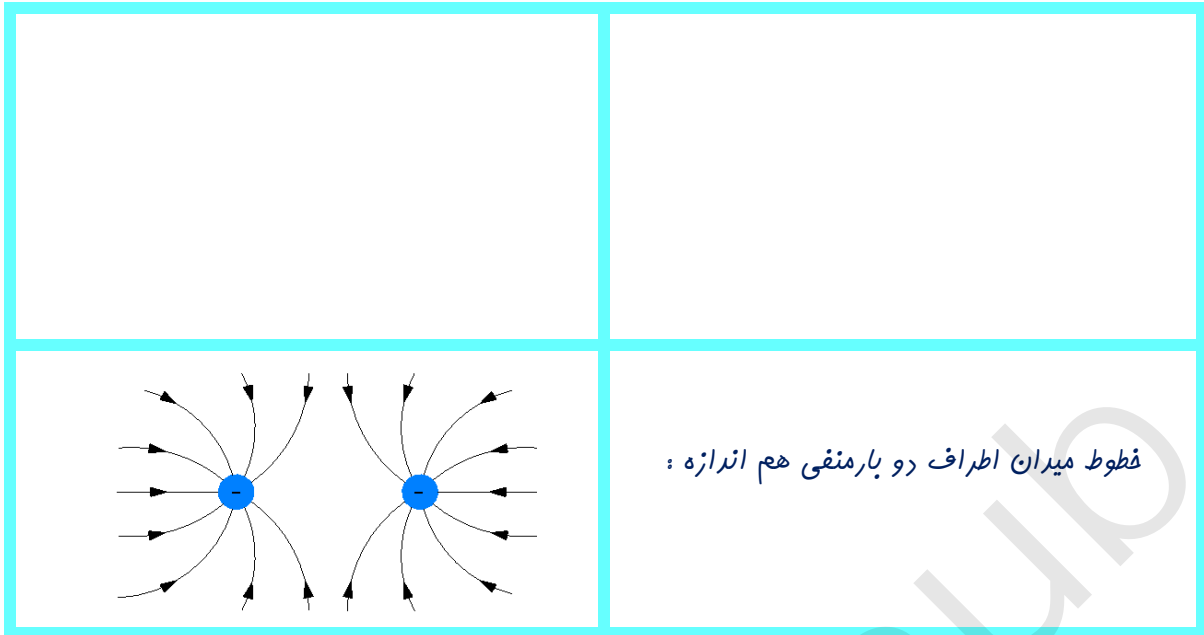
مثبت آزمون  $q_0$  وارد می شود چون دو بار هم نام دیگر را ج

ذب می کنند . پس خطوط میدان نیز باید به یک بار منفی

وارد شود .

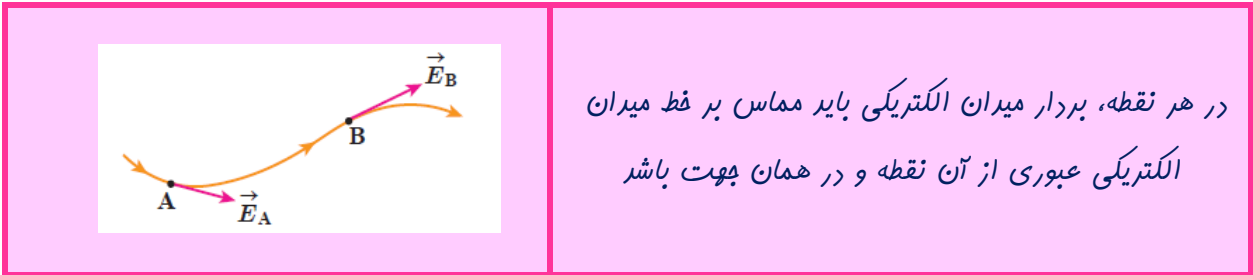


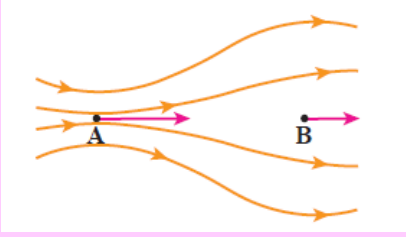
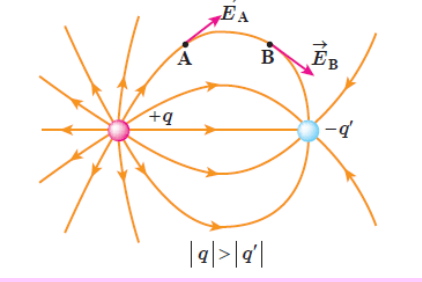
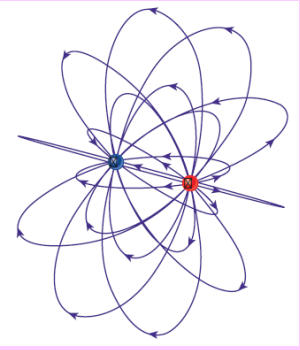
	<p>خطوط میدان الکتریکی اطراف یک دو قطبی :</p>
	<p>خطوط میدان اطراف دو بار مثبت هم اندازه :</p>



نکته : تعداد خطوط میدان یک بار الکتریکی متناسب است با اندازه آن بار.

قاعده های رسم خطوط میدان الکتریکی :



	<p>میزان تراکم خطوط میدان در هر ناحیه از فضا نشان دهنده اندازه میدان در آن ناحیه است؛ هرجا خطوط میدان متراکم تر باشد، اندازه میدان بیشتر است نکته : خطوط میدان یکدیگر را قطع نمی کنند</p>
	<p>خطوط میدان بر ایند هرگز یکدیگر را قطع نمی کنند یعنی از هر نقطه فضا فقط یک خط میدان الکتریکی می گذرد.</p>
	<p>تبسم واقعی خطوط میدان، در فضاست، و بنابراین طری سه بعدی دارد</p>

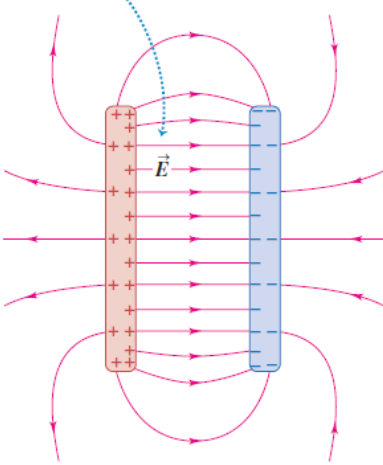
## میدان الکتریکی یکنواخت :

خطوط این میدان در فضای بین دو صفحه و دور از لبه های صفحات مستقیم ، موازی و هم فاصله اند یعنی بردار میدان



در تمام نقاط بین دو صفحه هم اندازه و هم جهت است که به چنین میدانی، **میدان الکتریکی یکنواخت** گفته می شود .  
همچنین به عنوان مثال هرگاه دو صفحه رسانا با بارهای ناهم نام داشته باشیم بین دو صفحه میدان یکنواخت ایجاد می شود .  
مانند میدان درون قازن .

Between the plates of the capacitor, the electric field is nearly uniform, pointing from the positive plate toward the negative one.



خطوط میدان دور از دو انتهای دو صفحه رسانا با بار ناهم نام یکنواخت و از

صفحه مثبت به صفحه منفی است.

### نیروی الکتریکی وارد بر بار الکتریکی در یک میدان الکتریکی :

برای تعریف میدان الکتریکی یک جسم باردار از بار آزمون مثبت استفاده کردیم اما وجود این میدان مستقل از بار آزمون است . بنابراین ، حال اگر بار الکتریکی  $q$  در میدان الکتریکی  $\vec{E}$  ناشی از اجسام باردار دیگری قرار گیرد این میدان بر آن ذره نیروی  $\vec{F} = q\vec{E}$  را وارد می کند به طوری که بزرگی این نیرو اگر ذره مثبت باشد در جهت  $\vec{E}$  و اگر منفی باشد در خلاف جهت  $\vec{E}$  است .

### میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار : میفواهیم میدان الکتریکی ناشی از ذره ای با بار $q$ را در نقطه $A$ که

به فاصله  $r$  از بار  $q$  قرار دارد را مناسبه کنیم . و حال اگر بار آزمون  $q_0$  را در نقطه  $A$  قرار دهیم چون بار  $q$  در اطرافش میدان الکتریکی دارد، به بار  $q_0$  نیروی  $\vec{F}$  وارد می کند ، پس بزرگی میدان الکتریکی بار  $q$  در نقطه  $A$  از روابط زیر به دست می آید



$$F = \frac{kq \cdot q_0}{r^2} \rightarrow E = \frac{F}{q_0} \rightarrow E = k \frac{q}{r^2}$$



**نکته :** براساس رابطه فوق، مقدار میدان فقط با بار  $q$  نسبت مستقیم دارد که تولید کننده میدان است، و هیچ ارتباطی به بار آزمون ( $q_0$ ) ندارد.

	<p>میدان الکتریکی با مجزور فاصله از ذره نسبت عکس دارد و غیر یکنواخت است.</p> $E = \frac{kq}{r^2} \rightarrow E \propto \frac{1}{r^2}$
	<p>میدان الکتریکی با اندازه بار الکتریکی تولید کننده میدان رابطه مستقیم دارد.</p> $E = \frac{kq}{r^2} \rightarrow E \propto q$
	<p>میدان الکتریکی مستقل از بار آزمون است.</p>

تست (53) در یک میدان الکتریکی یکنواخت، به بار الکتریکی  $q = 2\mu\text{C}$  نیروی الکتریکی  $F = 10.8\vec{i} - 14.4\vec{j}$  وارد می شود. بزرگی میدان الکتریکی چند نیوتون بر کولن است؟

$4/5 \times 10^6$  (4)

$9 \times 10^6$  (3)

$18 \times 10^6$  (2)

$36 \times 10^6$  (1)



تست 54) میدان الکتریکی حاصل از بار  $q$  در نقطه A که در فاصله 30 سانتی متری آن قرار دارد، برابر  $10^5 \frac{N}{C}$  است. اگر بار  $q'$  در نقطه A قرار گیرد. نیرویی برابر  $0.02 N$  از طرف میدان به آن وارد می شود.  $q$  و  $q'$  به ترتیب از

راست به چپ چند میکروکولن اند؟ (تجربی 97)  $(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$

0/5 ، 10 (4

0/5 ، 1 (3 0/2 ، 10 (2

0/2 ، 1 (1



تست 55) در شکل زیر ، میدان الکتریکی حاصل از بار  $q_1$  در محل بار  $q_2$  ،  $\vec{E}_1$  است و میدان الکتریکی حاصل از بار  $q_2$  در محل بار  $q_1$  ،  $\vec{E}_2$  است . کدام رابطه بین  $\vec{E}_2$  و  $\vec{E}_1$  برقرار است ؟



$$\vec{E}_2 = 4\vec{E}_1 \quad (2) \quad \vec{E}_2 = \vec{E}_1 \quad (1)$$

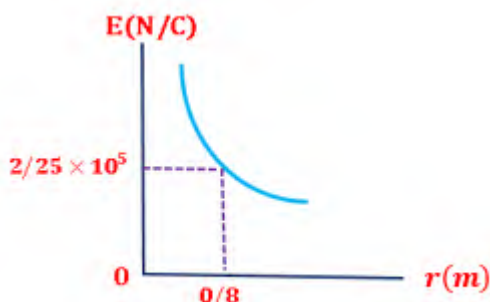
$$\vec{E}_2 = -4\vec{E}_1 \quad (4) \quad \vec{E}_2 = -\vec{E}_1 \quad (3)$$



تست 56) نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی  $q$  بر حسب فاصله از آن به صورت شکل زیر است .

اگر بار الکتریکی  $q' = -9 \mu C$  را در فاصله 90 سانتی متری بار  $q$  قرار دهیم . نیرویی که دو ذره باردار بر یکدیگر وارد

می کنند چند نیوتن است ؟ (کنکور 98 خارج از کشور)



0/32(2

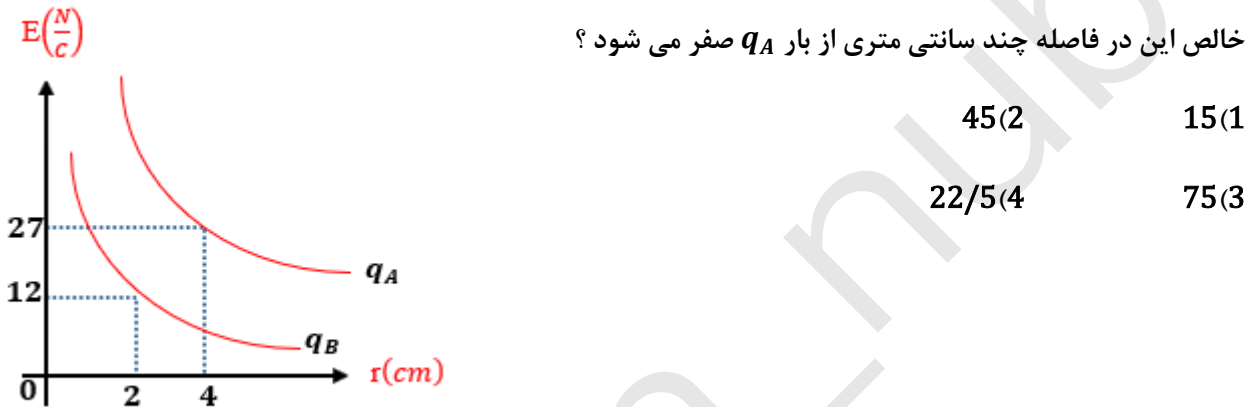
0/16(1

3/2(4

1/6(3



تست 57) در شکل مقابل ، نمودار تغییرات بزرگی میدان الکتریکی بر حسب فاصله ، برای دو بار الکتریکی ناهم نام  $q_A$  و  $q_B$  نشان داده شده است . اگر دو بار  $q_B$  و  $q_A$  را در فاصله  $30\text{cm}$  از یکدیگر قرار دهیم ، میدان الکتریکی خالص این در فاصله چند سانتی متری از بار  $q_A$  صفر می شود ؟



### اصل برهم نهی میدان الکتریکی :

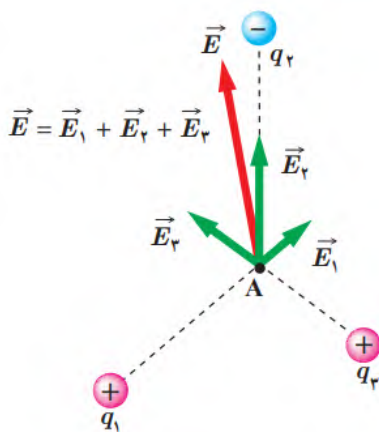
در بخش برهم نهی نیرو های کولنی دیدیم وقتی چندین بار نقطه ای داشته باشیم نیروی الکتریکی بر ایند این بار ها بر بار آزمون از رابطه  $(\vec{F}_T = \vec{F}_{10} + \vec{F}_{20} + \dots)$  به دست می آید ، حال میفواهیم میدان الکتریکی را در محل بار آزمون بیابیم پس با استفاده از تعریف میدان الکتریکی  $(\vec{E} =$

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

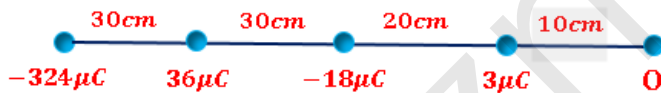
$\vec{F}$   
 $q_0$  دو طرف معادله بر نهی نیرو های کولنی را بر  $q_0$  تقسیم می کنیم و در افر به رابطه اصل بر نهی میدان های الکتریکی فواهی رسید :

بر اساس این اصل میدان الکتریکی ناشی از چند بار الکتریکی برابر مجموع میدان هایی است که هر بار در غیاب

بقیه بار ها ایجاد می کند ، به بیانی دیگر برای یافتن میدان الکتریکی خالص حاصل از چند ذره باردار در نقطه ای از فضا، ابتدا باید میدان الکتریکی ناشی از هر ذره را در آن نقطه به دست آوریم سپس به صورت برداری این میدان ها را به یکدیگر جمع کنیم



تست 58) میدان الکتریکی برآیند در نقطه O چند  $\frac{N}{C}$  است ؟



$1/8 \times 10^6$  (2)

$0/8 \times 10^6$  (1)

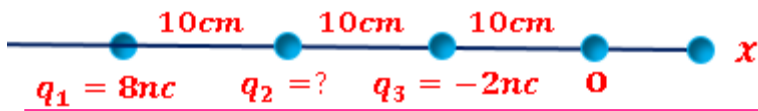
$18 \times 10^6$  (4)

$0/9 \times 10^6$  (3)



تست 59) مطابق شکل زیر ، سه بار الکتریکی نقطه ای در مکان خود ثابت شده اند . اگر میدان الکتریکی خالص ناشی

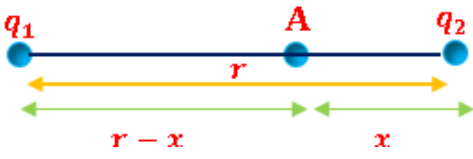
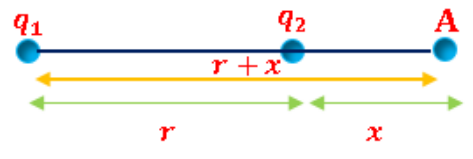
از سه بار در نقطه O برابر با  $100\vec{i} \left(\frac{N}{C}\right)$  باشد ، بار  $q_2$  چند نانوکولن است ؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$



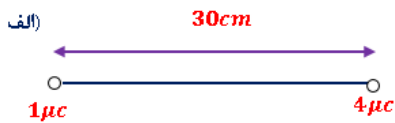
$$\begin{array}{ll} -4(2) & 4(1) \\ -\frac{44}{9}(4) & \frac{44}{9}(3) \end{array}$$



**صفر شدن برآیند میدان الکتریکی دو ذره باردار :**

$\frac{kq_1}{(r-x)^2} = \frac{kq_2}{x^2}$ $E_1 = E_2$	 <p style="text-align: center;"><math> q_1  &gt;  q_2 </math></p>	<p>در صورت داشتن دو بار هم نام برآیند میدان الکتریکی بین دو بار و نزدیک تر به بار کوچکتر، نقطه ای وجود دارد که برآیند میدان الکتریکی صفر است</p>
$\frac{kq_1}{(r+x)^2} = \frac{kq_2}{x^2}$ $E_1 = E_2$	 <p style="text-align: center;"><math> q_1  &gt;  q_2 </math></p>	<p>در صورت داشتن دو بار ناهمنام در خارج از دو بار و نزدیک به بار کوچکتر نقطه ای وجود دارد که برآیند میدان الکتریکی صفر می شود.</p>

تست 60) در هر کدام از شکل های الف و ب به ترتیب فاصله بار کوچکتر تا نقطه ای که میدان برآیند صفر شود چند سانتی متر است ؟

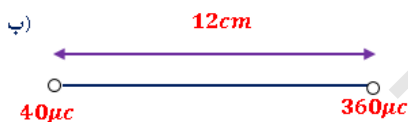


10 و 3(2)

3 و 10(1)

20 و 9(4)

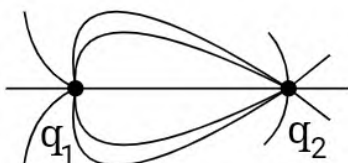
9 و 20(3)



روش اول: 

روش دوم:  $(\sqrt{\text{بار}}, x)$

تست 61) دو بار الکتریکی نقطه ای  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله 12 سانتی متری از یکدیگر قرار دارند و خطوط میدان



الکتریکی ان ها رسم شده است . اگر اندازه یکی از بار ها 9 برابر اندازه بار دیگری باشد ، در چه فاصله ای از بار  $q_2$  بر حسب سانتی متر برآیند میدان های الکتریکی حاصل از دو بار صفر است ؟

3(1) 6(2)

9(3) 18(4)



تست 62) دو بار الکتریکی نقطه ای همانم و نامساوی در اختیار داریم . اگر روی خط واصل بین دو بار ، از بار کوچکتر به سمت بار بزرگتر حرکت کنیم ، مقدار میدان الکتریکی برآیند .....

1) ابتدا زیاد و سپس کم می شود

2) ابتدا کم و سپس زیاد می شود

3) ثابت می ماند

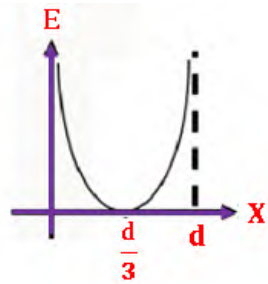
4) همواره زیاد می شود



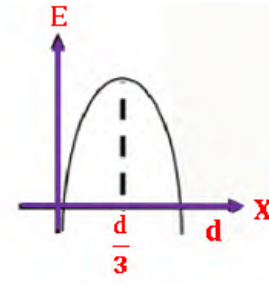
تست 63) در شکل رو به رو نمودار مقدار میدان بر حسب فاصله از  $q$  کدام گزینه است ؟



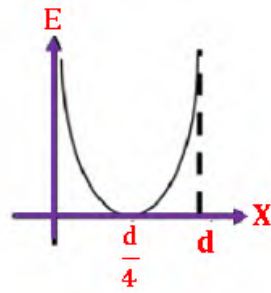




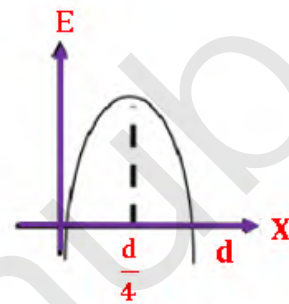
(2)



(1)



(4)

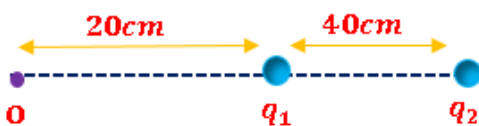


(3)



تست (64) در شکل زیر، شدت میدان حاصل از دو بار  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه  $O$  برابر  $\vec{E}$  است. اگر بار  $q_2$  را خنثی کنیم،

شدت میدان در نقطه  $O$ ،  $-4\vec{E}$  می شود. نسبت  $\frac{q_1}{q_2}$  چند است؟



$$-\frac{4}{45}(2) \quad \frac{4}{45}(1)$$

$$-\frac{7}{45}(4) \quad \frac{7}{45}(3)$$



⊛ سوالاتی که یکی از بارها تغییر می کند .

تست 65) در شکل زیر ، میدان الکتریکی برآیند ناشی از بارهای الکتریکی نقطه ای  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه  $M$  برابر با  $\vec{E}$  است . اگر  $q_1$  را دو برابر کنیم و  $q_2$  را در امتداد خط واصل بارها به اندازه  $2d$  به سمت چپ ببریم ، میدان الکتریکی برآیند ناشی از بارها در نقطه  $M$  برابر با  $6\vec{E}$  می شود . حاصل  $\frac{q_1}{q_2}$  کدام است ؟



$$\frac{1}{3}(2)$$

$$-\frac{1}{3}(1)$$

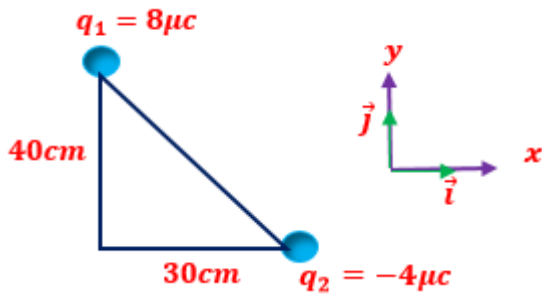
$$\frac{27}{16}(4)$$

$$-\frac{27}{16}(3)$$



⊛ برآیندگیری میدانها عمود بر هم :

تست 66) در شکل زیر میدان الکتریکی خالص در نقطه A در دستگاه SI کدام است؟  $(K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$



(1)  $(4\vec{i} - 5/4\vec{j}) \times 10^5$

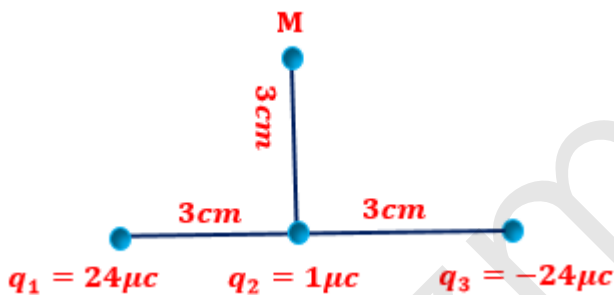
(2)  $(-3\vec{i} + 5/4\vec{j}) \times 10^5$

(3)  $(4\vec{i} - 4/5\vec{j}) \times 10^5$

(4)  $(3\vec{i} - 4/5\vec{j}) \times 10^5$



تست 67) سه بار نقطه‌ای مطابق شکل قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی در نقطه M چند نیوتون بر کولن و در کدام جهت است؟



(1)  $17 \times 10^7$

(2)  $17 \times 10^7$

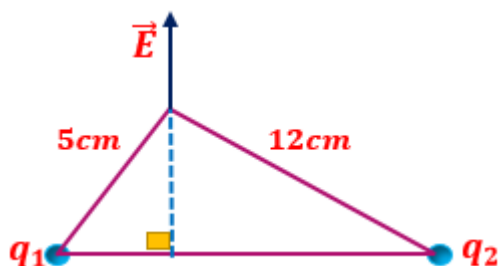
(3)  $12\sqrt{2} \times 10^7$

(4)  $12\sqrt{2} \times 10^7$



تست 68) دو ذره باردار مطابق شکل زیر، در دو راس یک مثلث قرار دارند. میدان الکتریکی خالص این دو ذره در

راس دیگر مطابق شکل است. کدام است؟ (ریاضی 97)



(1)  $\frac{25}{144}$

(2)  $\frac{5}{12}$

(3)  $\frac{12}{5}$

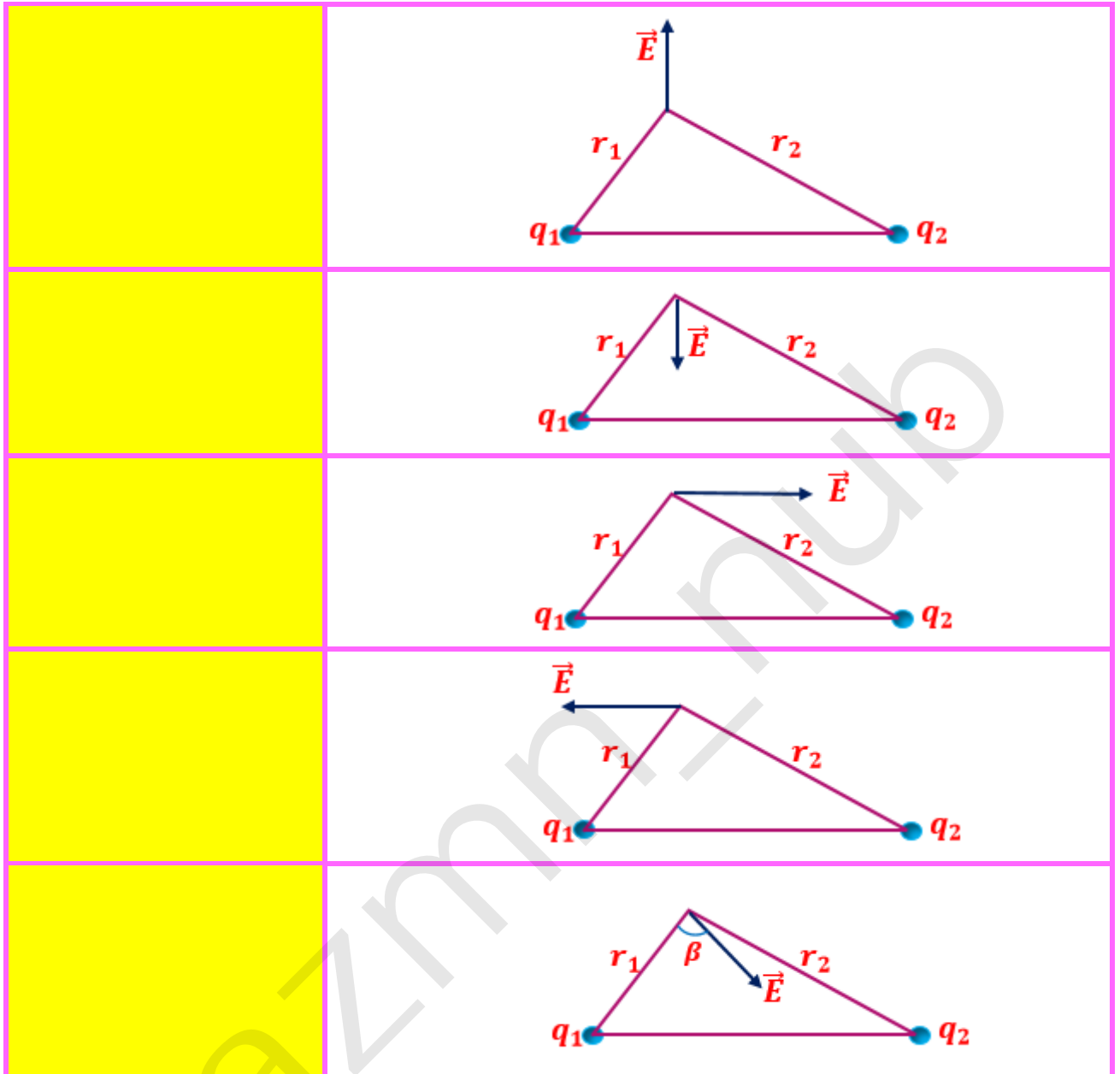
(4)  $\frac{144}{25}$



@azmn\_hub

نسبت های پر اهمیت

اشکال



## انرژی پتانسیل الکتریکی

مقدمه : بچه های عزیز این بخش یکی از مفهومی ترین قسمت های فیزیک یازدهم شماست ، پس دوستانه بهتون توصیه می کنم قبل از ان نکات زیر را که مربوط به فصل کار و انرژی است را مرور کنید ، برای اینکه فایالتون راحت بشه چند نکته مهم را برایتون یادآوری می کنم .

1. اگر به جسمی نیرو وارد کنیم ان جسم جابه جا می شود یعنی ان نیرو وارد شده بر روی جسم ما کار انجام داده است ومقدار این کار از رابطه  $w = Fd \cos \theta$  به دست می اید .

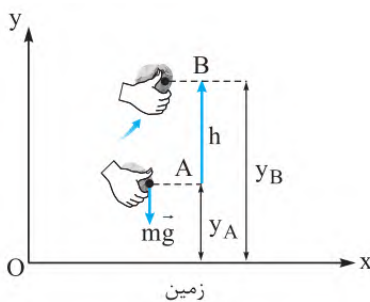
2. تغییرات انرژی مکانیکی برابر است مجموع تغییرات انرژی جنبشی و تغییرات انرژی پتانسیل :

$$\Delta E = \Delta K + \Delta U$$

3. و قانون پایستگی انرژی مکانیکی میگه اگر به جسمی فقط نیرو هایی مثل گرانش ، کشسانی فنر و یا نیروی الکتریکی اثر کند ، انرژی مکانیکی ان جسم پایسته می ماند .

$$\Delta E = 0 \Rightarrow \Delta K + \Delta U = 0 \Rightarrow \Delta U = -\Delta K$$

4. رابطه تغییر انرژی پتانسیل گرانشی و کار نیروی گرانشی  $\Delta U_{\text{گرانش}} = -W_{mg}$  : این را میدانیم که

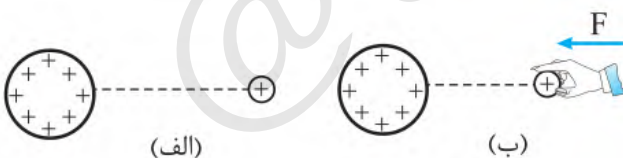


نیروی وزن وارد بر یک جسم به سمت پایین است ، حال اگر جسم فلاف جهت نیروی وزن به سمت بالا حرکت کند انرژی پتانسیل گرانشی ان زیاد می شود و حال تغییر انرژی پتانسیل گرانشی یک جسم با رابطه  $\Delta U_g = -W_{mg}$  توصیف می شود

دلیل :

5. اگر دو بار هم نام را بر فلاف میل طبیعی شان به هم نزدیک کنیم ، انرژی پتانسیل الکتریکی دو بار زیاد می شود که

طبق رابطه ی  $\Delta U_E = -W_E$  توصیف می شود .



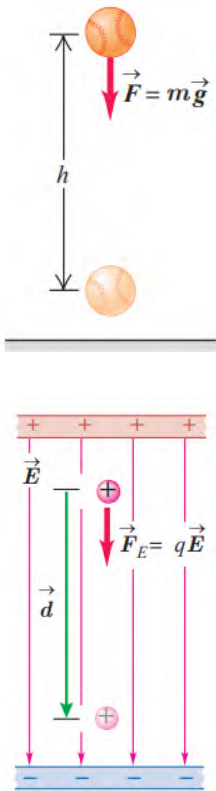
انرژی پتانسیل الکتریکی :

همانطور که در بحث کار و انرژی دیدیم هر گاه ذره ای در جهت حرکت خود به فودی اش حرکت کند، انرژی پتانسیل آن کاهش می یابد. مانند ذره ای که سقوط می کند در جهت خود به فودی حرکت میکند و انرژی پتانسیل آن کاهش می یابد.

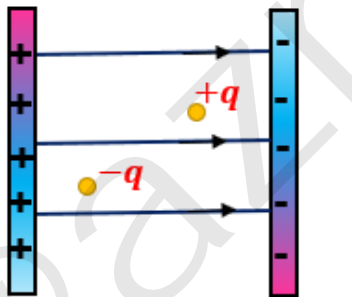
حال اگر یک ذره باردار را در یک میدان الکتریکی قرار دهیم ذره در جهت خود به فودی خود حرکت خواهد کرد و انرژی پتانسیل آن کاهش خواهد یافت.

اگر بار مثبت را در میدان الکتریکی رها کنیم تمایل در جهت میدان الکتریکی و به سمت صفحه منفی حرکت کند پس اگر در جهت میدان جابجا شود انرژی پتانسیل آن کاهش می یابد و اگر آن را در خلاف جهت میدان جابجا کنیم، انرژی پتانسیل ذخیره شده در آن افزایش می یابد. (مثل حالتی که یک گوی را به سمت بالا ببریم و ارتفاع آن را زیاد کنیم پتانسیل آن زیاد میشود).

به همین ترتیب بار منفی تمایل دارد در خلاف جهت میدان حرکت کند و به سمت صفحه مثبت برود. پس اگر در خلاف جهت میدان جابجا شود انرژی پتانسیل ذخیره شده در آن کاهش می یابد و اگر آن را در جهت میدان جابجا کنیم انرژی پتانسیل ذخیره شده در آن را افزایش میدهیم.

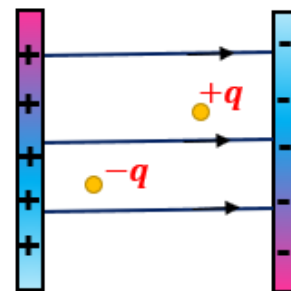


جهت حرکت خود به خودی بار مثبت



جهت حرکت خود به خودی بار منفی

حرکت غیر خودی بار مثبت (افزایش انرژی پتانسیل)



حرکت غیر خودی بار منفی

(افزایش انرژی پتانسیل)

همانطور که در نکات بالا برای مبث کار و انرژی اشاره کردیم در این مبث نیز کار نیروی الکتریکی وارد بر یک ذره باردار در میدان الکتریکی یکنواخت در یک جابه جایی مشخص برابر است با منفی تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی

$$W_E = -\Delta U_E \text{ : یعنی جابه جایی یعنی}$$

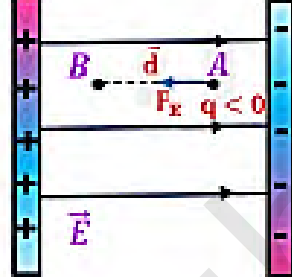
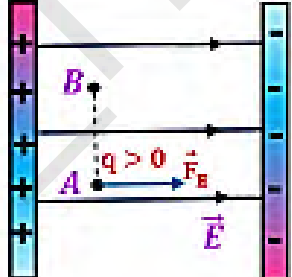
😊 **نکته:** رابطه  $W_E = -\Delta U_E$  در حالت کلی برای هر میدان الکتریکی برقرار است .

اما زمانی که ذره ای را در میدان الکتریکی یکنواخت با جابه جایی  $d$  داشته باشیم . تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی ذره برابر با  $\Delta U_E = -W_E = -E|q|d \cos \theta$  خواهد بود که طبق رابطه  $\theta$  زاویه بین نیروی  $\vec{F}_E$  و جابه جایی  $d$  است .  $\Delta U_E$  تغییرات انرژی پتانسیل بار  $q$  است ،  $-E$  بزرگی میدان الکتریکی بر حسب  $\left(\frac{N}{C}\right)$  و  $|q|$  بار الکتریکی بر حسب کولن می باشد .

😊 **نکته:** رابطه  $\Delta U_E = -W_E = -|q|Ed \cos \theta$  هم برای ذره ای با بار مثبت و هم منفی برقرار است .



$\Delta U_E$	$w_{شخصی}$	$w_E$	$\vec{F}_E$	شکل	حالت ها
$\Delta U_E < 0$	$w_{شخصی} < 0$	$w_E > 0$	هم جهت یا خطوط میدان و در جهت جابه جایی ( $\theta = 0$ )		الف) جابه جایی بار مثبت در جهت خطوط میدان
$\Delta U_E > 0$	$w_{شخصی} > 0$	$w_E < 0$	هم جهت یا خطوط میدان و در خلاف جهت جابه جایی ( $\theta = 180^\circ$ )		ب) جابه جایی بار مثبت در خلاف جهت خطوط میدان
$\Delta U_E > 0$	$w_{شخصی} > 0$	$w_E < 0$	در خلاف جهت خطوط میدان و در خلاف جهت جابه جایی ( $\theta = 180^\circ$ )		ج) جابه جایی بار منفی در جهت خطوط میدان

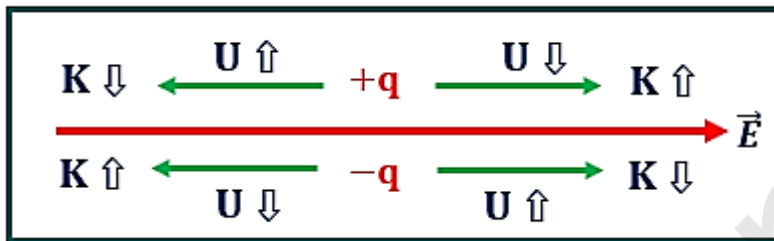
$\Delta U_E < 0$	$w_{\text{تغیسی}} < 0$	$w_E > 0$	در خلاف جهت خطوط میدان و در جهت جابه جایی ( $\theta = 0$ )		(د) جابه جایی بار منفی در خلاف جهت خطوط میدان
$\Delta U_E = 0$	$w_{\text{تغیسی}} = 0$	$w_E = 0$	در جهت یا خلاف جهت خطوط میدان و عمود بر جابه جایی ( $\theta = 90^\circ$ )		(ه) جابه جایی بار مثبت یا منفی عمود بر خطوط میدان

★ تعیین علامت  $\Delta U$ :

علامت	صغفه مثبت	صغفه منفی
بار مثبت	+	-
بار منفی	-	+

### نکته تستی برای تشخیص علامت انرژی پتانسیل الکتریکی :

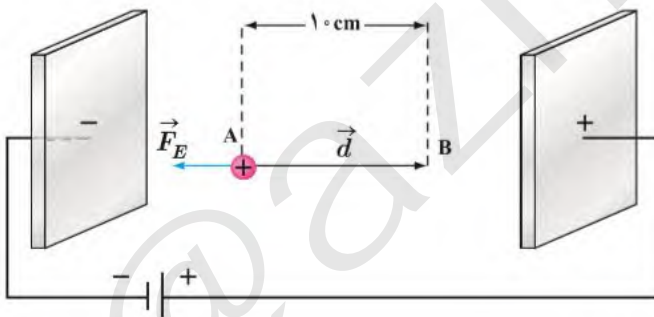
بار مثبت	سمت مثبت ها را قله می بیند	پس سمت قله برود انرژی پتانسیل آن افزایش می یابد
	سمت منفی ها را دره می بیند	پس سمت دره برود انرژی پتانسیل آن کاهش می یابد
بار منفی	سمت منفی ها را قله می بیند	پس سمت قله برود انرژی پتانسیل آن افزایش می یابد
	سمت مثبت ها را دره می بیند	پس سمت دره برود انرژی پتانسیل آن کاهش می یابد



$$\Delta U + \Delta K = 0$$

به شرطی که نیروی خارجی وجود نداشته باشد .

تست ( 69 ) در یک میدان الکتریکی یکنواخت  $E = 2 \times 10^3 \frac{N}{C}$  ، پروتونی از نقطه A با سرعت  $\vec{v}_0$  در خلاف جهت میدان الکتریکی پرتاب شده است . پروتون سرانجام در نقطه B متوقف می شود . بار پروتون  $1/6 \times 10^{-19} C$  و جرم آن  $1/6 \times 10^{-27} kg$  است . تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی پروتون و تندی پرتاب پروتون به ترتیب چند ژول و چند متر بر ثانیه است ؟



1)  $3/2 \times 10^{-17}$  ,  $4 \times 10^{-5}$

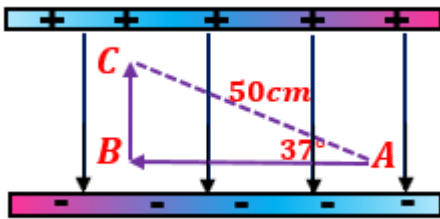
2)  $6/4 \times 10^{-17}$  ,  $2 \times 10^5$

3)  $3/2 \times 10^{-17}$  ,  $2 \times 10^5$

4)  $2/3 \times 10^{-17}$  ,  $4 \times 10^{-5}$



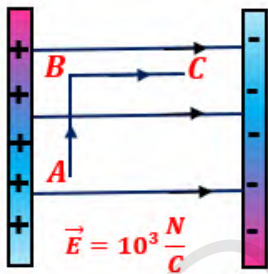
تست 70) مطابق شکل روبرو بار  $q = 200nc$  را در میدان الکتریکی یکنواخت  $1 \times 10^7 \frac{N}{C}$  ، ابتدا از A تا B و سپس از B تا C جابجا می کنیم. انرژی پتانسیل بار  $q$  از A تا C چگونه تغییر می کند؟



- (1) 0/6J افزایش  
(2) 3J افزایش  
(3) 0/6J کاهش  
(4) 3J کاهش



تست 71) مطابق شکل زیر بار الکتریکی  $q$  از مسیر نشان داده شده از نقطه A تا نقطه C در میدان الکتریکی یکنواخت  $\vec{E}$  جابه جا می شود. اگر تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی بار  $q$  در این جابه جایی  $-60\mu j$  باشد ، چند

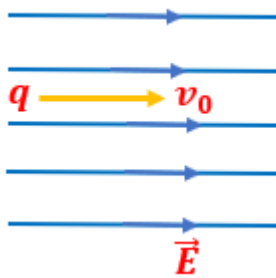


میکرو کولن است ؟  $(BC = 2AB = 20cm)$

- (1) 0/3 (2) -0/3  
(3) 0/1 (4) -0/1



تست 72) در شکل مقابل میدان الکتریکی برابر  $\vec{E} = 10^3 \frac{N}{C}$  است. اگر ذره ای با بار  $-20nc$  و جرم  $0/4$  گرم با سرعت اولیه  $8 \frac{m}{s}$  مطابق شکل پرتاب می شود. پس از چند متر جهت حرکت آن تغییر می کند؟ (نیروی وزن را نادیده



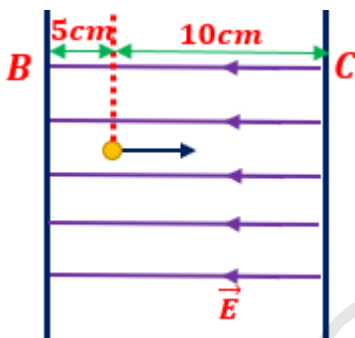
بگیرید)

- 0/8(2)      3/2(1)
- 6/4(4)      1/6(3)



تست 73) مطابق شکل پروتونی به جرم  $1/6 \times 10^{-27}$  با تندی  $10 \frac{km}{s}$  از نقطه A در جهت مشخص شده پرتاب می شود

اگر میدان یکنواخت  $E = 50 \frac{N}{C}$  باشد، کدام گزینه درست است؟  $e = 1/6 \times 10^{-19} C$



- 1) با سرعت  $100 \frac{km}{s}$  به صفحه C می رسد .
- 2) با سرعت  $10 \frac{km}{s}$  به صفحه C می رسد .
- 3) پس از طی مسافت  $7cm$  به صفحه B می رسد .
- 4) پس از طی مسافت  $12cm$  به صفحه B می رسد .



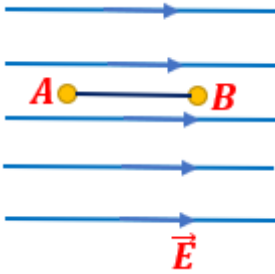
نکته : اگر در حرکت ذره باردار نیروی اصطکاک وجود داشته باشد ، بهتر است از قفسیه کار و انرژی استفاده شود .

تست 74) در شکل مقابل شدت میدان الکتریکی یکنواخت  $E = 5000 \frac{N}{C}$  و طول  $AB = 40cm$  است. بار الکتریکی

$q = 5\mu C$  را بدون سرعت اولیه در نقطه A رها می کنیم. اگر انرژی جنبشی این ذره باردار در انتقال به نقطه B برابر

6 میلی ژول است. چند میلی ژول انرژی صرف غلبه بر نیروهای مقاوم در مسیر شده است؟ (از اثر گرانش صرفه نظر

شده است)



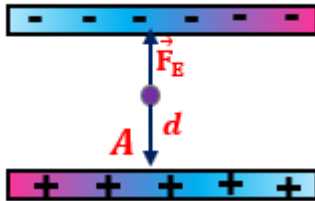
1(1) 2(2)

3(3) 4(4)



چه رابطه ای؟	شکل	چه طوری حرکت کنه؟
$W_{mg} = 0 \Rightarrow \Delta U = -\Delta K$ چون		افقی در راستای خطوط میدان
$W_{mg} \neq 0 \Rightarrow W_T = \Delta K$ چون		قائم در راستای خطوط میدان

تست 75) قلم چی 98 : مطابق شکل زیر ، ذره ی بارداری به جرم 20 گرم و بار الکتریکی 0/6 میکرو کولن را در میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی  $5 \times 10^5 \frac{N}{C}$  که در راستای ان قائم است ، با تندی 1 متر بر ثانیه به سمت پایین پرتاب می کنیم . اگر جهت حرکت بار در نقطه A تغییر کند ، فاصله d چند سانتی متر است ؟ (از مقاومت هوا صرفه نظر کنید)



5(1) 10(2)

15(3) 20(4)



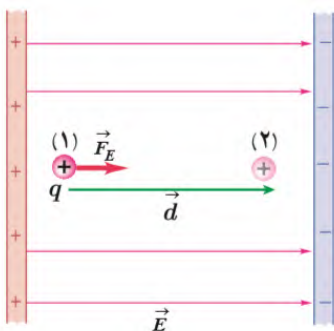
☑ **نکته :** همانطور که در دو سوال قبلی دیدیم به طور کلی اگر نیروی اصطکاک و یا نیروی گرانش وجود داشته باشد دیگر نمی توانیم از رابطه  $\Delta U = -\Delta K$  استفاده کنیم و باید از قضیه کار و انرژی  $(W_T = \Delta K)$  استفاده کنیم .

هرگاه یک کره فلزی رسانای فنثی در میدان الکتریکی یکنواخت فاربی قرار دهیم در اثر پدیده القا ، بار های درون رسانا جابه جا می شوند و در اثر همین جابه جایی بار ، شکل خطوط میدان تغییر می کند به طوری که می گوئیم در حالت تعادل میدان الکتریکی درون جسم رسانا صفر است . حال آنکه چه طور این اتفاق می افتد در جدول زیر توضیح داده !!

## اختلاف پتانسیل الکتریکی :

**مقدمه :** در بخش های قبلی این نکته را فهمیدیم که وقتی انرژی پتانسیل الکتریکی ذره ی باردار ی تغییر کند این تغییرات به نوع و مقدار بار الکتریکی که در میدان جابه جا می شود بستگی دارد و حالا می فوایم کمیتی را معرفی کنیم که مستقل از باری است که در میدان قرار داده می شود که آن را **افتلاف پتانسیل الکتریکی** می نامیم و با نماد  $(\Delta V)$  نمایش می دهیم .

پس به طور کلی میتوان گفت ((افتلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه برابر است با تغییرات انرژی پتانسیل بار به بار الکتریکی))



$$\Delta V = V_2 - V_1 = \frac{\Delta U_E}{q}$$

در این رابطه  $V$  یک کمیت نرده ای است به نام پتانسیل الکتریکی که مقدار آن در نقطه 1 برابر  $V_1$  و در نقطه 2 برابر  $V_2$  است ، همچنین واحد افتلاف پتانسیل الکتریکی ژول بر کولن  $(J/C)$  یا ولت  $(V)$  است . نکته قابل ذکر این است که این رابطه هم برای میدان های الکتریکی یکنواخت و هم غیر یکنواخت برقرار است . و همما بایستی در این رابطه علامت  $q$  لحاظ شود .

در تشابه با انرژی پتانسیل گرانشی ، در این جا نیز می توانیم برای انرژی پتانسیل الکتریکی ، مرجعی اختیار کنیم که در آن انرژی پتانسیل الکتریکی ذره و پتانسیل الکتریکی صفر باشد ، بنابراین پتانسیل الکتریکی در هر نقطه از میدان با رابطه زیر بیان می شود :

$$V = \frac{U_E}{q}$$





## موارد زیر را اثبات کنید :

1. با حرکت در سوی خطوط میدان بدون توجه به نوع بار ، پتانسیل الکتریکی کاهش می یابد

2. با حرکت در فلاف جهت خطوط میدان بدون توجه به نوع بار ، پتانسیل الکتریکی افزایش می یابد

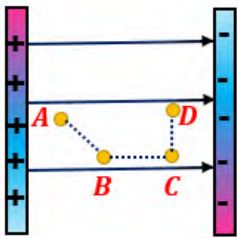
3. در یک میدان الکتریکی یکنواخت با حرکت در جهت عمود بر خطوط میدان پتانسیل تغییر نمی کند



## نکات مهم اختلاف پتانسیل الکتریکی :

1. در رابطه  $\Delta U = q\Delta V$  ،  $q$  را به صورت جبری جایگذاری می کنیم و این حالت جز معرود حالت هایی است که به صورت جبری نوشته می شود .

2. هرچه به صغه مثبت نزدیک شویم ، پتانسیل الکتریکی بیشتر خواهد بود و هرچه به صغه منفی نزدیک تر شویم پتانسیل الکتریکی کمتر خواهد بود .



$$V_A > V_B > V_C = V_D$$

3. پتانسیل نقاط که روی راستای عمود بر خطوط میدان با هم برابرند .

4. برای مناسبه  $\Delta V$  میتوان از روابط مقابل استفاده کرد :  $\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-W_E}{q} = \frac{W_{شحن}}{q} = -\frac{\Delta K}{q}$  .

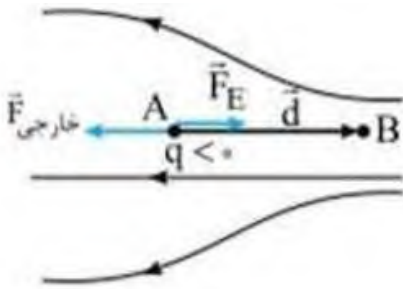
5. اگر از نقطه **A** به نقطه **B** برویم افتلاف پتانسیل الکتریکی را به صورت  $V_B - V_A$  می نویسیم .

6. نکته بسیار مهمی که باید حتما به ان توجه کنید این است که اندازه بار جابه جا شده بین دو نقطه ارتباطی به افتلاف پتانسیل بین ان دو نقطه ندارد . برای مثال دو بار  $q$  و  $2q$  بین نقاط **A** و **B** جابه جا می شوند در این حالت  $\Delta V_1 = \Delta V_2$  اما به علت اینکه بار دومی دو برابر اولی است ،  $\Delta U_E$  برای ان نیز دو برابر خواهد بود

$$\Delta V = \frac{\Delta U \rightarrow (2 \text{ پراپر})}{q \rightarrow (2 \text{ پراپر})} \leftarrow \Delta V \text{ (ثابت)}$$

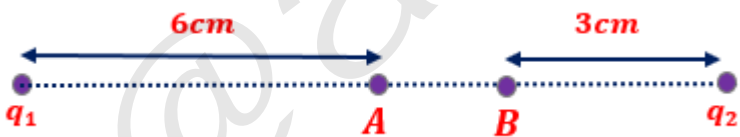
7. باتری ها ولتاژهای متفاوتی دارند و معمولا ان ها را با افتلاف پتانسیل (ولتاژ) ان ها می شناسیم . هر باتری دارای دو پایانه مثبت (+) و منفی (-) است . طبق رابطه  $\Delta V = (V_+) - (V_-)$  افتلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک باتری برابر است با پتانسیل پایانه مثبت ( $V_+$ ) منهای پتانسیل پایانه منفی ( $V_-$ ) . این نکته را هم باید بدانیم که همیشه پتانسیل الکتریکی پایانه مثبت از پایانه منفی بیشتر است . وقتی باتری ماشینی 12 ولت است این یعنی پتانسیل پایانه مثبت 12 ولت از پایانه منفی ان بیشتر است . مثلا اگر پتانسیل پایانه منفی را برابر با  $-4V$  فرض کنیم ، پتانسیل پایانه مثبت برابر  $+8V$  خواهد شد . می توان پایانه منفی را مربع پتانسیل در نظر گرفت در این صورت پتانسیل پایانه مثبت برابر  $+12V$  می شود . معمولا پتانسیل زمین یا نقطه ای از مدار را برابر صفر می گیرند و به ان نقطه اصطلاحا نقطه زمین می گویند و پتانسیل نقطه های دیگر را نسبت به ان می سنجند . نقطه زمین را در مدار های الکتریکی با نماد  $\text{نشانی}$  دهند . اگر پایانه مثبت یک باتری 12 ولتی را مربع پتانسیل در نظر بگیریم ، پتانسیل پایانه منفی ان  $-12$  ولت خواهد بود .

در شکل رو به رو ، ذره ای با بار  $q < 0$  ، را از نقطه **A** تا نقطه **B** جابه جا می کنیم . در جدول زیر هر کمیتی را که می شود بررسی کرد ، آورده ایم :



کدام کمیت ؟	وضعی دارد ؟	چرا ؟
اندازه میدان الکتریکی ( $E$ )	زیاد می شود	چون تراکم فط های میدان از <b>A</b> تا <b>B</b> افزایش یافته است .
اندازه نیروی الکتریکی ( $F_E$ )	زیاد می شود	طبق رابطه $F_E = Eq$ وقتی $E$ زیاد شود ، $F_E$ هم زیاد می شود .
کار میدان الکتریکی ( $W_E$ )	مثبت است	زیرا نیروی میدان $F_E$ وارد بر بار منفی در فلاف جهت فط های میدان اثر می کند و در اینجا $F_E$ با جابه جایی $d$ هم سو است
انرژی پتانسیل الکتریکی بار $q$	کم می شود	طبق رابطه $W_E = -\Delta U_E$ چون کار میدان مثبت است ، $\Delta U_E$ منفی می شود .
پتانسیل الکتریکی	زیاد می شود	پتانسیل الکتریکی همیشه در جهت فط های میدان کاهش و در فلاف جهت فط های میدان افزایش می یابد و هیچ ربطی به نوع بار $q$ ندارد .

تست ( 76 ) دو بار الکتریکی نقطه ای  $q_1 = 8\mu C$  و  $q_2 = 2\mu C$  در دو نقطه و به فاصله  $12\text{cm}$  از یکدیگر ثابت شده اند . یک بار نقطه ای منفی را بین دو بار مطابق شکل زیر از نقطه **A** تا نقطه **B** با سرعت ثابت جابه جا می کنیم . انرژی پتانسیل الکتریکی بار در این جابه جایی چگونه تغییر می کند ؟

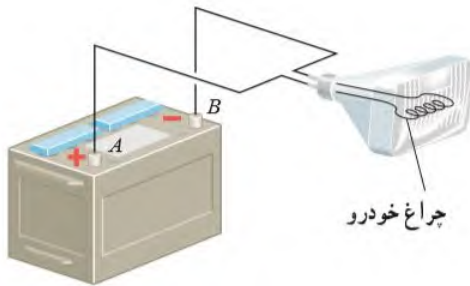


- 1) افزایش می یابد
- 2) ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد
- 3) کاهش می یابد
- 4) ابتدا کاهش و سپس افزایش می یابد



تست 77) اختلاف پتانسیل الکتریکی پایانه های باتری خودرویی نشان داده شده در شکل برابر 12V است . اگر بار الکتریکی 50C- از پایانه منفی به پایانه مثبت باتری جابه جا شود ، انرژی پتانسیل الکتریکی ان چه قدر تغییر می کند ؟

(برگرفته از کتاب درسی)

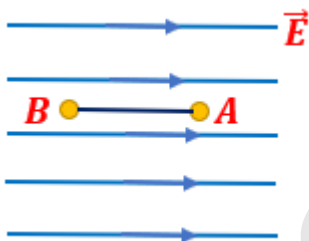


-600(2)      +600(1)

-300(4)      +300(3)



تست 78) بار الکتریکی  $q = -4\mu C$  مطابق شکل در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی  $10^5 \frac{V}{m}$  رها می شود . در جابه جایی بار q از A تا B انرژی جنبشی بار 8 میلی ژول افزایش می یابد .  $V_B - V_A$  چند کیلو ولت است ؟

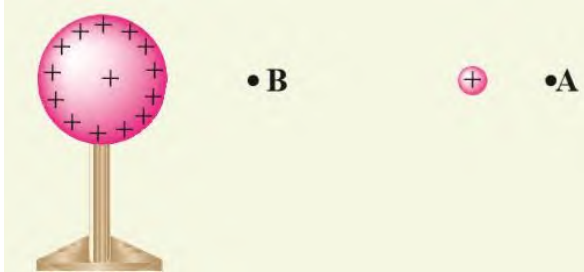


-2(2)      2(1)

-200(4)      200(3)



تست 79) در شکل مقابل کره ای مثبت روی پایه عایقی قرار دارد. شخصی در میدان الکتریکی حاصل از این کره، ذره باردار مثبت را با سرعت ثابت در راستای افقی از نقطه A تا B جابه جا می کند. اگر کار شخص در این میدان W و کار نیروی حاصل از میدان W' و اختلاف پتانسیل الکتریکی  $V_A - V_B$  باشد، کدام رابطه درست است؟ (ریاضی خارج 96)



(1)  $\Delta V < 0, W' < 0, W > 0$

(2)  $\Delta V < 0, W' > 0, W < 0$

(3)  $\Delta V > 0, W' < 0, W > 0$

(4)  $\Delta V < 0, W' < 0, W > 0$



تست 80) در یک میدان الکتریکی یکنواخت، ذره بارداری به جرم 0/1 گرم از نقطه ای با پتانسیل 100 ولت از حالت سکون به حرکت درمی آید و با سرعت 10 متر بر ثانیه به نقطه دیگری با پتانسیل 100- ولت می رسد. اگر در این مسیر نیروی موثر فقط حاصل از میدان الکتریکی باشد، بار الکتریکی ذره چند میکرو کولن است؟ (ریاضی خارج 95)

- 1) 2/5      2) 4      3) 25      4) 40



تست 81) در شکل زیر، دو بار الکتریکی منفی در نقاط A و B ثابت شده اند. با حرکت از نقطه A تا نقطه B پتانسیل الکتریکی چگونه تغییر می کند؟



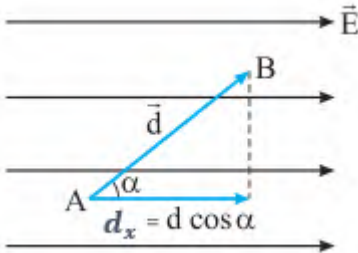
- (1) کاهش می یابد  
 (2) افزایش می یابد  
 (3) ابتدا کاهش و سپس افزایش می یابد  
 (4) ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد

### رابطه اختلاف پتانسیل الکتریکی و میدان الکتریکی :

اختلاف پتانسیل دو نقطه که به فاصله  $d$  از یکدیگر قرار دارند و خط واصل آن ها هم راستا با میدان الکتریکی است طبق

رابطه  $|\Delta V| = Ed \cos \alpha$  بر قرار است ، در این رابطه  $\Delta V$  بر حسب ولت ،  $\vec{E}$  بر حسب نیوتن بر کولن و  $d$  بر حسب

متر است .



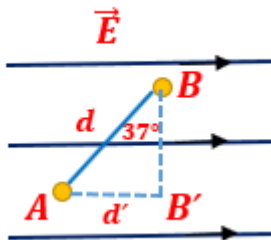
اثبات :

$$\begin{cases} \Delta u = q\Delta v \\ \Delta u = qEd \cos \alpha \end{cases} \Rightarrow \Delta V = Ed \cos \alpha$$

در واقع فقط جابه جایی افقی اهمیت دارد .

$$\Delta V = Ed_x$$

تست 82) بزرگی میدان یکنواخت شکل مقابل  $4 \times 10^4 \text{ N/C}$  و فاصله نقاط A و B از هم 25 سانتی متر است .  $V_A - V_B$  چند ولت است ؟ ( $\sin 37^\circ = 0/6$ )



چند ولت است ؟ ( $\sin 37^\circ = 0/6$ )

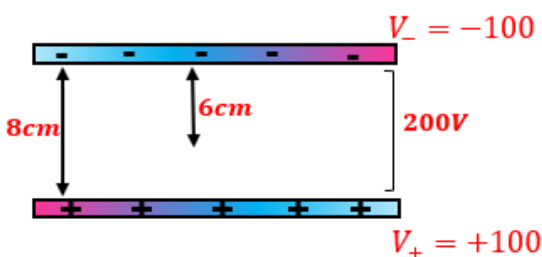
6000(2)      -6000(1)

8000(4)      -8000(3)



تست 83) در شکل روبه رو ، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو صفحه رسانای موازی 200 ولت است ، پتانسیل الکتریکی

نقطه A چند ولت است ؟

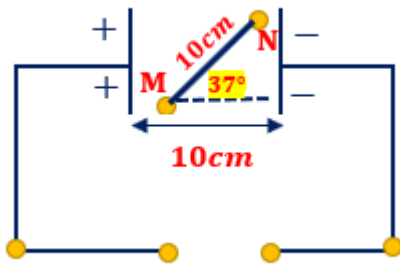


-150(2)      150(1)

-50(4)      50(3)



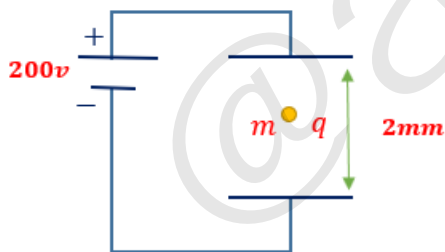
تست 84) در شکل روبه رو، M و N دو نقطه در فضای بین دو صفحه رسانای موازی است که در آن فضا میدان الکتریکی یکنواخت ایجاد شده است. اختلاف پتانسیل الکتریکی بین نقاط M و N چند ولت است؟



- 48(1)
- 60(2)
- 64(3)
- 80(4)



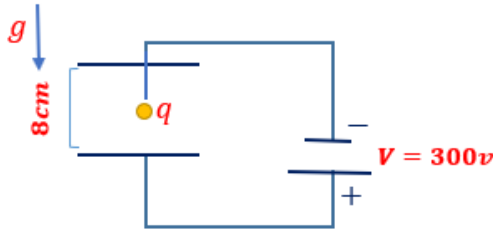
تست 85) قطره روغنی به جرم  $8 \times 10^{-12} \text{ gr}$ ، مطابق شکل مقابل در فضای بین دو صفحه رسانا که به فاصله  $2 \text{ mm}$  از یکدیگر واقع اند، به صورت تعادل قرار دارد. اگر اختلاف پتانسیل دو سر صفحه 200 ولت باشد، کدام گزینه درست است؟  $(g = 10 \frac{N}{Kg}, e = 1/6 \times 10^{-19} c)$



- 1) قطره روغن تعداد 50 الکترون از دست می دهد.
- 2) قطره روغن تعداد 50 الکترون دریافت می کند.
- 3) قطره روغن تعداد 5 الکترون از دست می دهد.
- 4) قطره روغن تعداد 5 الکترون دریافت می کند.



تست 86) ذره ای به جرم 5 گرم و بار  $q$  در فضای بین دو صفحه رسانا توسط یک نخ آویخته شده است . اگر نیروی کشش نخ  $0/02N$  باشد و ذره در تعادل باشد ، بار  $q$  چند میکرو کولن است ؟  $(g = 10 \frac{N}{Kg})$



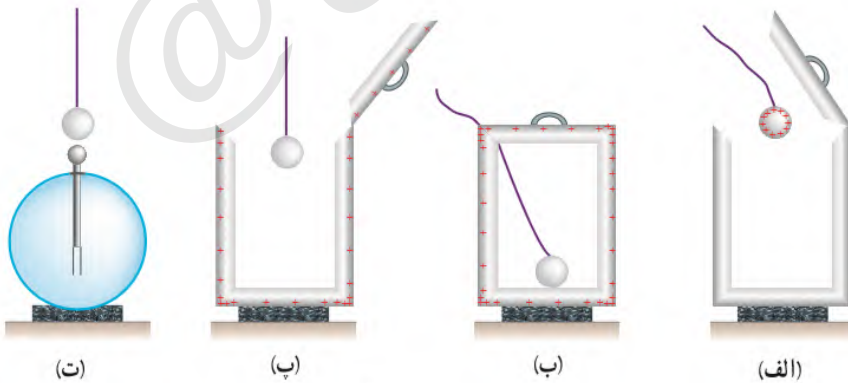
- 4(1)
- 4(2)
- 8(3)
- 8(4)



### میدان الکتریکی در داخل رسانا : توزیع بار الکتریکی در یک جسم رسانا :

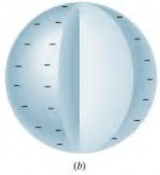
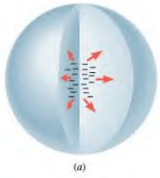
مقرمه : برای اولین بار فرانکلین آمریکایی در سال 1755 برای پی بردن به اینکه بار الکتریکی داده شده به یک رسانای خنثی چگونه در آن توزیع می شود آزمایش را انجام داد . با این حال 80 سال بعد آزمایش او توسط مایکل فاراده انگلیسی به طور کامل تری تکرار شد . حال به این آزمایش و نتایج آن می پردازیم :

یک محفظه رسانا با درپوش فلزی را در نظر بگیرید که بر روی یک پایه نارسانا قرار دارد و روی در پوش آن دسته ای عایق نصب شده است . در ابتدای آزمایش محفظه کاملاً بدون بار است . سپس یک گوی باردار را که به نخ عایقی متصل است به درون محفظه وارد می کنیم (الف) . با وارد شدن گوی آن را به کف محفظه تماس می دهیم و در پوش آن را نیز می بندیم (ب) . بعد درپوش فلزی را با دسته عایقیش بر می داریم (پ) . هنگامی که گوی فلزی را از محفظه خارج کردیم آن را به کلاهک یک الکتروسکوپ نزدیک می کنیم و می بینیم که عقربه های الکتروسکوپ حرکت نمی کنند (ت) . با این حال اگر ظرف را به الکتروسکوپ نزدیک کنیم مشاهده می شود که عقربه های الکتروسکوپ حرکت می کنند و از هم دور می شوند





**نتیجه می گیریم** که بار اضافی دانه شده به یک رسانا بعد از مدت ، زمانی کمتر از  $(10^{-9} s)$  روی سطح

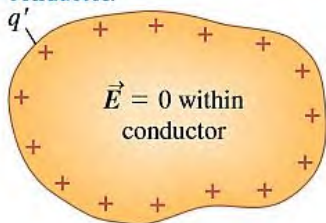


قارچی ان توزیع می شود ، به طوریکه میدان الکتریکی در داخل رسانا صفر می شود . حال اگر به یک جسم نارسانا بار الکتریکی دهیم، به علت عدم وجود الکترون آزاد، بار الکتریکی، در یک نقطه باقی می ماند و جابه جا نمی شود؛ اما اگر به یک جسم رسانا بار الکتریکی بدهیم، به علت این که بارهای همنام یکدیگر را می رانند، در بیشترین فاصله از یکدیگر قرار می گیرند؛ به همین دلیل بارهای الکتریکی روی سطح قارچی جسم رسانا قرار می گیرند.

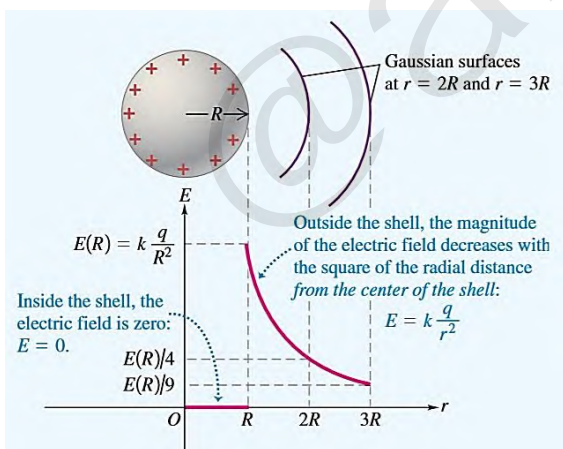
**نکته** : زمانی که به یک جسم رسانایی که در حال تعادل است بار اضافی دانه می شود میدان در داخل ان صفر شده که اگر صفر نشود میدان بر الکترون های آزاد درون رسانا نیرو وارد می کند و ان هارا مجبور به حرکت می کند ولی در باطن اصلا پنین جریانی در داخل رسانا نیست پس باید بگوییم که :

((میدان در داخل یک رسانای باردار که در تعادل الکتروستاتیکی نیز هست صفر می باشد ))

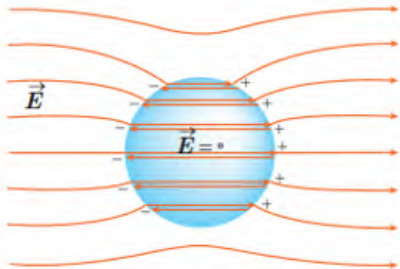
The charge  $q'$  is distributed over the surface of the conductor. The situation is electrostatic, so  $\vec{E} = 0$  within the conductor.



**میدان الکتریکی بر حسب فاصله از مرکز رسانا :**



## رسانای خنثی در میدان الکتریکی :



زمانی که یک رسانای خنثی را مطابق شکل در میدان الکتریکی خارجی قرار می دهیم الکترون های آزاد تحت تاثیر میدان الکتریکی خارجی، طوری روی سطح - فاربی توزیع می شوند که میدان الکتریکی ناشی از آنها اثر میدان خارجی را درون رسانا خنثی کند و بدین ترتیب میدان الکتریکی خالص درون رسانا صفر شود . چون میدان الکتریکی درون رسانایی که در تعادل الکتروستاتیکی است برابر با صفر است، نیروی باردار در داخل رسانا نیز صفر می شود. بنابراین، کار نیروی الکتریکی در هر جابه جایی دلفواهی در داخل رسانا صفر می شود. در نتیجه همه نقاط رسانا پتانسیل یکسانی دارند ، به

عبارت دیگر:

$$F_E = 0 \Rightarrow \Delta U_E = -W_E = 0$$

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} = 0 \Rightarrow V_2 - V_1 = 0 \Rightarrow V_1 = V_2$$

یک گوی رسانای خنثی در میدان الکتریکی خارجی . میدان الکتریکی خارجی باعث برداشتن بار های مثبت و منفی در دو وجه رسانا شده است به طوری که میدان حاصل از این بار ها ، میدان خارجی در داخل رسانا را خنثی می کند. (توجه کنید که دو قطب هر جفت خطوط میدان نشان داده شده در داخل رسانا منطبق بر هم اند و برای آنکه دیده شوند ، با فاصله اندکی از هم رسم شده اند)

	<p>کره خنثی را در داخل میدان الکتریکی قرار می دهیم ، و الکترون ها در فلاف جهت خطوط میدان حرکت می کنند .</p>
	<p>یک میدانی الکتریکی در داخل کره در فلاف جهت میدان بیرونی شکل می گیرد و بار ها تا جایی جابه جایی می شوند که این دو میدان هم اندازه و بر هم نهدی ان ها در داخل کره صفر شود .</p>
	<p>و در آخر میدان الکتریکی درون جسم رسانا صفر و خطوط میدان الکتریکی در بیرون از رسانا به شکل مقابل است .</p>

\* \* میدان الکتریکی همیشه بر سطح یک رسانای باردار که در تعادل الکتروستاتیکی است ، عمود است ، زیر اگر عمود نباشد مولفه ای مماس بر سطح رسانا خواهد داشت که الکترون ها را از سطح رسانا وادار به حرکت میکند و تعادل الکتروستاتیکی را بر هم می زند .

شکل مقابل، نوعی از قفس فاراده است ، در مورد نوع کار این قفس

توضیح دهید ؟ ؟ ؟

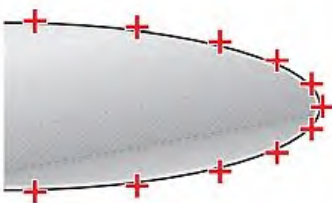


چرا معمولا شخصی که در داخل اتومبیل یا هواپیما است از خط آذرخش در امان می ماند ؟

**\*\* پاسخ :** در هنگام برخورد آذرخش با اتومبیل یا هواپیما برنه فلزی آن به صورت یک قفس فاراده (مانند رسانای فنتای منزوی را در یک میدان الکتریکی خارجی قرار دهیم . الکترون های آزاد رسانا طوری روی سطح خارجی آن توزیع می شوند که اثر میدان خارجی درون رسانا را فنتی و میدان خالص درون رسانا را صفر کنند) عمل می کند و مانع رسیدن امواج الکتریکی به سر نشینان درون اتومبیل یا مسافران هواپیما می شوند .

**نکته :** اگر به یک رسانای نوک تیز بار الکتریکی برهیم ، تجمع بارها در قسمت نوک تیز رسانا بیشتر است .

نیروی دافعه ای که بارها بر روی سطح نسبتا صاف بر یکدیگر وارد می کنند تقریبا موازی سطح است و باعث می شود بارها تا حد ممکن از هم دور شوند . در سطوح خمیده و نوک تیز نیرویی که بارها بر یکدیگر وارد می کنند تقریبا عمود بر سطح جسم است (هر چه خمیدگی سطح بیشتر باشد ، مولفه موازی با سطح نیروی الکتریکی کمتر خواهد بود !!) و نیروی عمود بر سطح نمی تواند بارها را بر سطح جسم پخش کند (این کار بر عهده نیروی موازی با سطح است) لذا بارهای هم نام ، در یک فاصله معین از یکدیگر در نقاط نوک تیز تعادل بیشتری دارند تا مناطق صاف . این خود توضیحی است بر دلیل تراکم بیشتر بار در نواحی خمیده



تست 87) گلوله ای فلزی با بار  $+Q$  را از درون ، به یک استوانه فلزی توخالی خنثی که روی میز عایقی قرار دارد ، تماس می دهیم . بار توزیع شده در درون و بیرون استوانه به ترتیب از راست به چپ برابرند با :

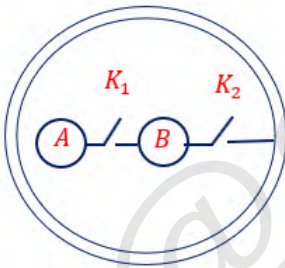
(1)  $+Q$  و  $+Q$       (2)  $+Q$  و صفر

(3)  $\frac{+Q}{2}$  و  $\frac{+Q}{2}$       (4) صفر و  $+Q$



سوال 88) در مثال قبل اگر گلوله را وارد استوانه کنیم اما به بدنه آن تماس ندهیم کدام گزینه درست خواهد بود ؟

تست 89) مطابق شکل زیر ، دو کره رسانای مشابه که دارای بارهای  $q_A = -4nc$  و  $q_B = 12nc$  هستند ، درون یک پوسته رسانای خنثی قرار دارند . ابتدا کلید  $K_1$  را بسته و باز می کنیم . سپس کلید  $K_2$  را بسته و باز می کنیم . به ترتیب از راست به چپ بار خالص نهایی پوسته ، کره A و کره B بر حسب نانو کولن برابر با کدام گزینه می شود ؟

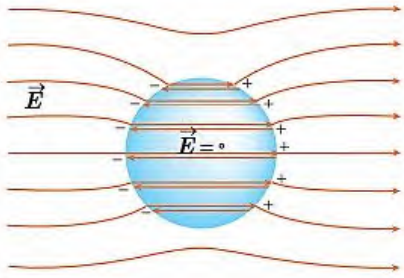


(1) 8 و صفر و صفر      (2) صفر و 4 و 4

(3) 4 و 4 و صفر      (4) 4 و صفر و 4



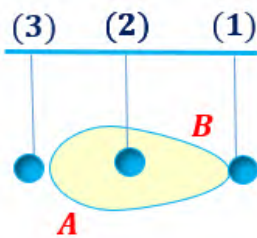
تست 90) شکل زیر ، کره ای را نشان می دهد که درون میدان الکتریکی قرار دارد . این کره ..... است و درون آن از چپ به راست ، پتانسیل الکتریکی .....



- (1) رسانا - ثابت می ماند  
 (2) رسانا - کاهش می یابد  
 (3) نا رسانا - کاهش می یابد  
 (4) نا رسانا - افزایش می یابد



تست 91) مطابق شکل زیر ، در مقابل یک جسم رسانای دوکی شکل که دارای بار الکتریکی مثبت است ، سه آونگ مشابه با بار های الکتریکی مثبت و یکسان آویزان شده است . در این آزمایش ، آونگ ..... نسبت به سایر آونگ ها بیشتر منحرف می شود و پتانسیل الکتریکی نقطه A ..... پتانسیل الکتریکی نقطه B است .

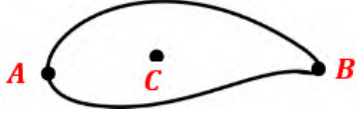


- (1)(1) - برابر  
 (2)(3) - کمتر از  
 (3)(2) - برابر  
 (4)(3) - کمتر از



تست 92) میله ای با بار منفی را به نقطه A از جسم دوکی شکل مقابل که بدون بار است اتصال می دهیم پس از دور کردن میله ، تراکم بار الکتریکی در کدام نقطه از جسم بیشتر خواهد بود ؟ (جسم دوکی شکل توپیر و C نقطه ای داخل آن است)

A(1      B(2



C(3      4) بسته به نوع جنس دوک هر یک از گزینه های 1 و 2 می توانند درست باشند



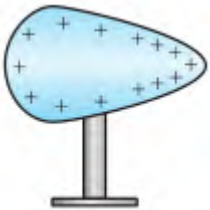
@azmnhub



## چند نکته را در نظر داشته باشید :

1. بار الکتریکی بر سطح جسم های متقارن مثل کره به شکل یکنواختی پخش می شود به طوری که می گوئیم پگالی سطحی بار در تمامی نقاط کره رسانا یکسان است

2. در جسم های نامتقارن پخش بار الکتریکی بر سطح جسم رسانا به شکل یکنواخت نیست بلکه مطابق شکل تراکم بار در نقاط نوک تیز بیشتر است



3. خطوط میدان الکتریکی در نقاط نوک تیز متراکم تر و در نتیجه میدان در همسایگی این نقاط ، قوی تر است .

4. در اجسام رسانایی که نامتقارن هستند ، پگالی سطحی بار در قسمت هایی که شعاع انحنای کمتری دارند ، بیشتر است مثال در شکل زیر ، شعاع A کمتر از B است حال در صورتی که جسم باردار شود مقدار  $\sigma$  در قسمت A بیشتر از B است .



تست 93) یک کره رسانا به شعاع 10 سانتی متر روی پایه عایق قرار دارد . چگالی سطحی بار کره  $160 \frac{\mu C}{m^2}$  است . اگر

کره را با یک سیم به زمین (چشمه خنثی بار الکتریکی) اتصال دهیم ، چند الکترون از زمین به کره منتقل می شود؟

(سراسری تجربی 92)  $(e = 1/6 \times 10^{-19} C, \pi \cong 3)$

- $1/2 \times 10^{13}$  (1)     
  $1/2 \times 10^{14}$  (2)     
  $1/2 \times 10^{17}$  (3)     
  $1/2 \times 10^{19}$  (4)





تست 94) دو کره رسانای A و B به شعاع های  $r_A$  و  $r_B = 2r_A$  و چگالی سطحی بار  $\sigma_A$  و  $\sigma_B = 2\sigma_A$  دارای بار الکتریکی مثبت اند . چند درصد از بار کره ی بزرگتر به کره کوچکتر منتقل شود تا نسبت بار کره ها برابر نسبت شعاع ان ها شود ؟

75(4

50(3

25(2

15(1



@azmnhub

## محازن:

فازن یک نوع وسیله ی الکتریکی است که این قابلیت را دارد که بار و انرژی الکتریکی را در خود ذخیره کند و در مواقع

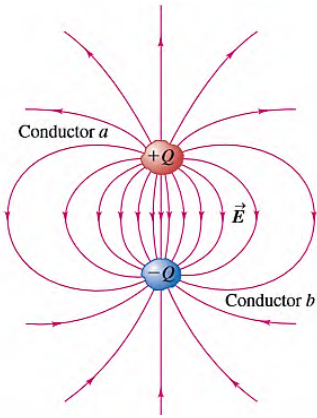
لزوم سریعاً در مدار تخلیه کند به عنوان مثال در یک دوربین باتری با باردار کردن فازن

انرژی را در فازن فلاش دوربین ذخیره می کند پس وقتی فازن به این شکل باردار شد می

تواند با آهنگ بسیار زیادی برای فلاش زدن عمل کند . حال اینکه تفاوت باتری با فازن

در این نکته است که باتری انرژی اش را در یک زمان طولانی به مدار می دهد اما فازن

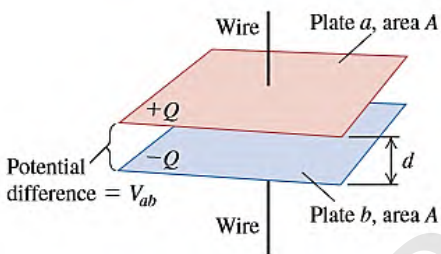
باردار انرژی اش را به صورت ناگهانی در مدار تخلیه می کنید.



اجزای اصلی یک فازن معمولی باردار همانطور که در شکل مقابل می بینید شامل دو رسانا با هر نوع شکلی است این

رسانا ها را صفحه های فازن می نامیم .

در این فصل ما بیشتر فازن تفت را ، که ساده ترین نوع فازن است مورد بررسی قرار می دهیم . این نوع فازن



شامل دو صفحه رسانای موازی با اندازه سطح مقطع **A** که به فاصله **d** از هم قرار

گرفته اند است که توسط یک نارسانا مانند هوا یا هر نارسانای دیگری از هم جدا شده

اند . به عایقی که بین دو صفحه فازن را پر می کند ، **دی الکتریک** می گوئیم .

فازن را با نماد های  $\text{---}||\text{---}$  که مبتنی بر شکل یک فازن است نمایش می دهیم ، ولی از ان برای نشان دادن فازن

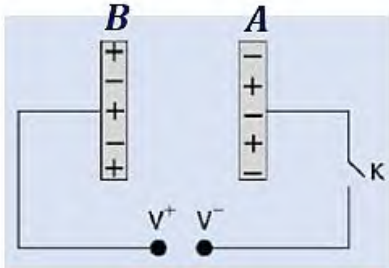
ها با هر شکلی استفاده می شود . فازن ها به طور گسترده ای در وسایل الکتریکی که ما روزمره با ان ها سر کار داریم به

کاررفته اند مثل رایانه ، گوشی همراه ، تلویزیون و ....

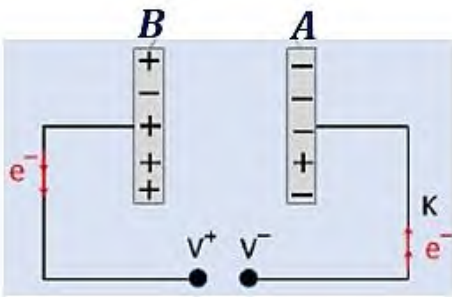


## باردار کردن خازن :

یک روش ساده برای باردار کردن خازن قرار دادن آن در مدار الکتریکی ساده ای است که فقط یک باتری دارد . در جدول زیر مراحل شارژ یک خازن گفته شده است .

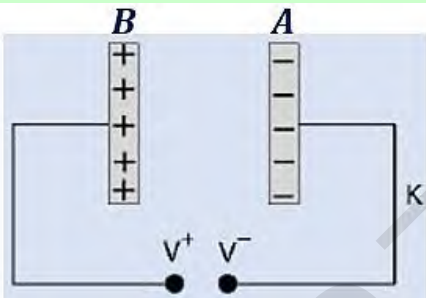


مطابق شکل مقابل در ابتدا کلید **S** باز است ، خازن خالی می ماند. به این معنی که بار خالص روی هر صفحه خازن صفر است ، چون تعداد بارهای مثبت و منفی روی هر صفحه خازن با هم برابر است.



با بستن کلید **S** بین صفحه **A** و قطب منفی اختلاف پتانسیل ایجاد می شود و یک میدان الکتریکی در سیم ایجاد می شود که به الکترون ها نیرو وارد کرده و باعث می شود الکترون ها از قطب منفی به سمت صفحه منفی بروند.

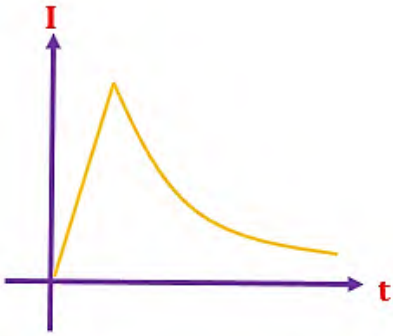
به تدریج بار صفحه **A** منفی می شود و همچنین الکترون ها از صفحه **B** به سمت قطب مثبت باتری شارش پیدا می کنند که باعث می شود صفحه **B** مثبت شود.



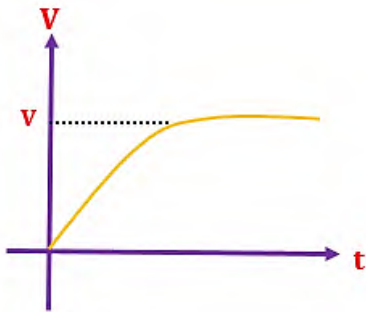
این روند انتقال الکترون پس از مدتی متوقف می شود. زیرا پتانسیل صفحه **A** با قطب منفی برابر می شود و پتانسیل صفحه **B** با قطب مثبت برابر می شود. پس شارش الکترون قطع می شود و در این حالت دیگر خازن پر شده است. (می توان گفت چون ظرفیت صفحه **A** برای گرفتن الکترون بیشتر پر شده است پس الکترون دیگر منتقل نمی شود.)

**نکته :** وقتی خازن پر شود آنگاه اختلاف پتانسیل دو سر خازن برابر خواهد شد با اختلاف پتانسیل دو سر باتری.

$$\begin{cases} V_A = V_- \\ V_B = V_+ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} V_B - V_A = V_+ - V_- \\ \Delta V_{\text{خازن}} = \Delta V_{\text{باتری}} \end{cases}$$



در لحظه وصل کلید S فازن مانند یک سیم راست عمل می کند و تمام جریان را از خود عبور می دهد . پس در لحظه وصل کلید مقدار جریان از صفر به یک مقدار max می رسد . اما پس از مدتی که فازن پر شد انتقال الکترون ها متوقف می شود و جریان به صفر می رسد .



قبل از وصل کلید S افتلاف پتانسیل دو سر فازن صفر است اما پس از وصل کلید افتلاف پتانسیل ان برابر با افتلاف پتانسیل دو سر باتری می شود .

### ظرفیت خازن :

برای اولین بار عبارت ظرفیت الکتریکی را دانشمند ایتالیایی آلساندرو ولتا که مخترع باتری های نسل امروز است به کار برد . برای بیان توضیح ظرفیت الکتریکی باید بگوییم که اگر افتلاف پتانسیل دو سر فازن ( $\Delta v$ ) را تغییر و یا افزایش دهیم ، بارذخیره شده در فازن ( $q$ ) نیز به همان اندازه تغییر می کند و افزایش می یابد . این تغییرات به گونه ای است که نسبت این دو کمیت ( $\frac{q}{\Delta v}$ ) در فازن همواره مقداری ثابت است که به این نسبت ثابت ظرفیت فازن می گوییم و با نماد (C) نمایش می دهیم .

اگر قدر مطلق افتلاف پتانسیل بین صفحات فازن را به اختصار با  $v$  نشان دهیم ، ظرفیت فازن برابر است با :

$$C = \frac{q}{v}$$

در این رابطه یکای بار الکتریکی کولن (C) ، یکای اختلاف پتانسیل ولت (V) و بنابراین یکای ظرفیت کولن بر ولت ( $\frac{C}{V}$ ) می شود که به پاس زحمات فیزیکدان انگلیسی ، مایکل فارادی ، فاراد (F) نامیده شده است . باید به این نکته توجه کنید که فاراد یکای بسیار بزرگی است و عملاً اکثر خازن ها در مسوده ی پیکو فاراد ( $10^{-12} F$ ) تا میلی فاراد ( $10^{-3} F$ ) هستند

$$1F = 1 \frac{C}{V}$$



نکته: اگر ولتاژ دو سر خازن 4 برابر شود ، طبق رابطه ی زیر بار آن 4 برابر شده اما ظرفیت خازن

تغییری نمی کند.  $q = cv$

تست 95) اگر اختلاف پتانسیل دو سر یک خازن که به دو سر یک منبع برق وصل است دو برابر شود بار الکتریکی و ظرفیت آن به ترتیب چند برابر می شود ؟

2 و 4(4

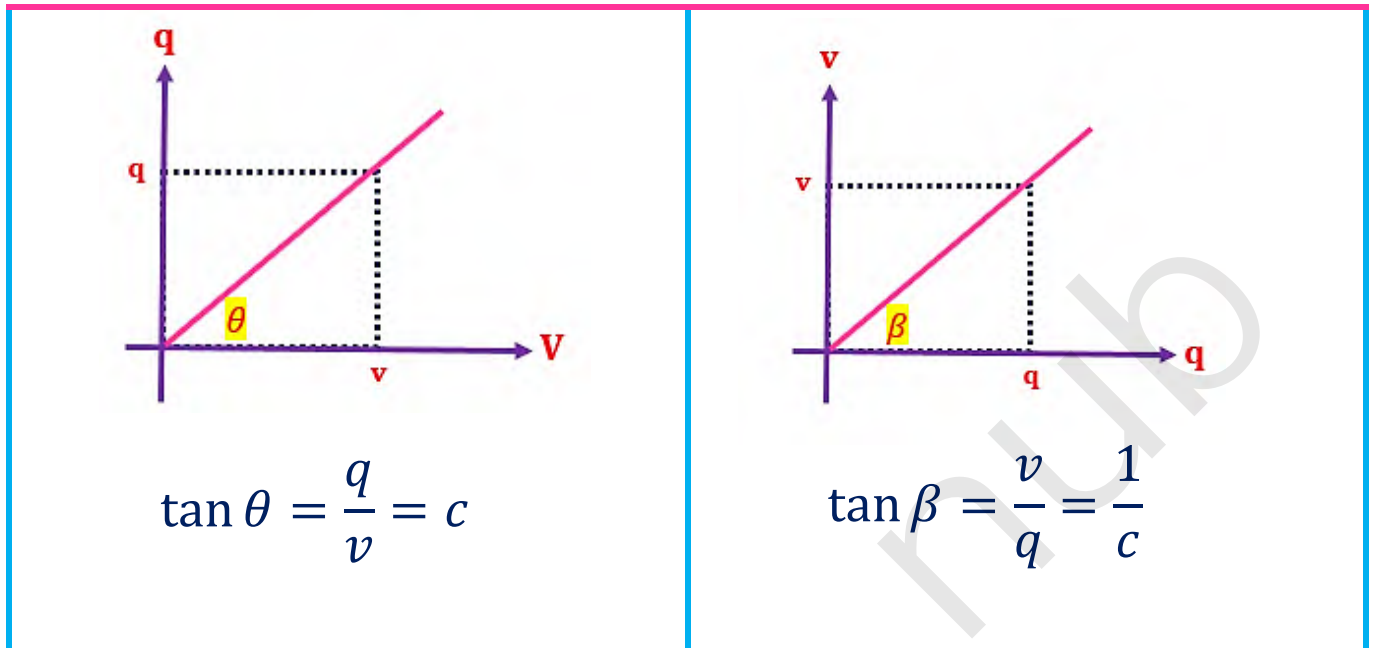
2 و 2(3

1 و 2(2

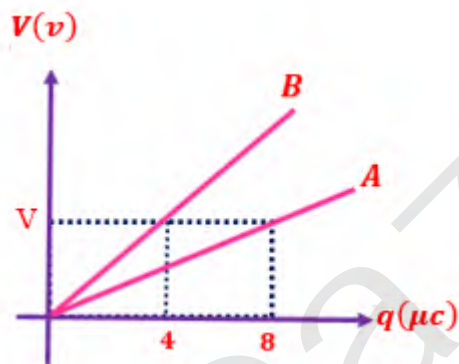
$\frac{1}{2}$  و 1(1



نمودار  $q$  بر حسب  $v$  :



تست 96) نمودار بار ذخیره شده در دو خازن A و B بر حسب ولتاژ دو سر آن ها مطابق شکل روبه رو است. ظرفیت خازن A چند برابر ظرفیت خازن B است ؟



1) 2)  $\frac{1}{2}$

3) 4)  $\frac{1}{4}$



## ظرفیت فازن و عوامل موثر بر آن

مماسبات نشان می دهد که ظرفیت یک فازن تفت که مسامت صفحه های ان A و حاصله صفحه های ان از همدیگر

$$C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$$

در این رابطه به  $\epsilon_0$  ضریب گذردهی الکتریکی فلا می گوئیم و مقدار ان را با  $\epsilon_0 = 8/85 \times 10^{-12} F/m$  (نمایش می دهیم).

در قسمت قبل این موضوع را توضیح دادیم که به عایقی که بین دو صفحه فازن را پر می کند ، **دی الکتریک** می گوئیم .  
حال این سوال پیش می آید که دی الکتریک چه نقشی در ظرفیت فازن دارد ؟؟

برای اولین بار فاراده انگلیسی در سال 1837 میلادی با استفاده از وسایل آزمایشگاهی دریافت که ظرفیت فازن با ضریبی که به ثابت دی الکتریک ماده عایق ( $K$ ) معروف است ، افزایش می یابد این یعنی اگر ظرفیت فازن بدون دی

$$C = KC_0$$

الکتریک را با  $C_0$  نمایش دهیم ، ظرفیت فازن با دی الکتریکی برابر می شود با :

**نکته:** ثابت دی الکتریک به جنس ماده عایق بین صفحات بستگی دارد . برای فلا برابر 1 و برای سایر مواد نارسا  $1 <$  می باشد . ثابت دی الکتریک برای گاز ها بسیار نزدیک به 1 است بنابراین با تقریب مناسبی برای هوا این مقدار را 1 در نظر می گیریم .

## فروریزش الکتریکی (فرو شکست خازن):

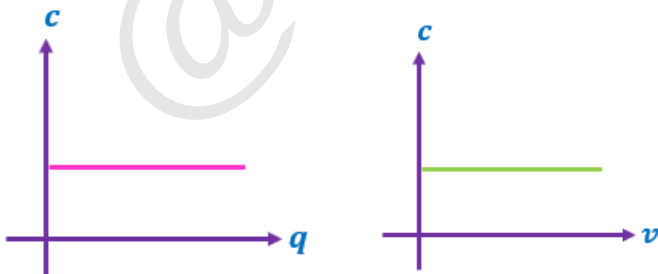
اثر دیگر حضور دی الکتریک ها در خازن ، افزایش حداکثر ولتاژ قابل تحمل خازن است . اگر افتلاف پتانسیل دو صفحه یک خازن را به اندازه کافی زیاد کنیم ، تعدادی از الکترون های اتم های ماده دی الکتریک ، توسط میدان الکتریکی ایجاد شده بین دو صفحه ، کنده می شوند و مسیر هایی رسانا درون دی الکتریک ایجاد می شود که سبب تخلیه خازن می گردد . به این پدیده فروریزش الکتریکی ماده دی الکتریک می گویند .

☑ **نکته:** اگر دی الکتریک به کار رفته در فضای بین صفحات هوا یا روغن باشد پدیده فرو ریزش کوتاه مدت است و پس از جرقه ، بار روی صفحات کاهش می یابد ولی خازن نمی سوزد ، اما اگر دی الکتریک های جامد باشد در اکثر مواقع همین جرقه کوچک باعث ذوب شدن بخشی از دی الکتریک جامد می شود و خازن می سوزد .



### نکات لازم برای حل تست های این قسمت :

باید توجه داشت همانطور که از نمودار های زیر پیداست ، ظرفیت خازن ربطی به مشفصات مدار خازن (یعنی افتلاف پتانسیل دو سر خازن و باری که روی صفحه های ان ذخیره می شود ) ندارد و فقط تابعی از ویژگی های ساختمانی ان است .

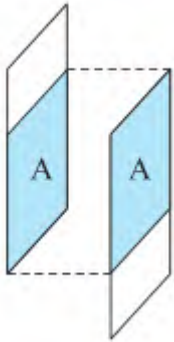


$$C \propto \frac{1}{d}$$

ظرفیت خازن با فاصله بین دو صفحه رابطه عکس دارد.



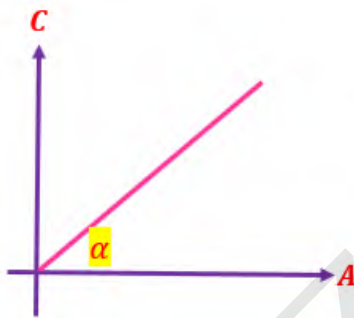
ظرفیت فازن با مساحت موثر دو صفحه رابطه مستقیم دارد.  $C \propto A$   
 منظور از  $A$  در رابطه  $C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$  مساحت سطح مشترک و رو به روی صفحه های فازن است.



ظرفیت فازن با ضریب دی الکتریک که مربوط به ماده نارسانا بین دو صفحه است رابطه مستقیم دارد. ضریب دی الکتریک واحد ندارد.  $C \propto K$

از رابطه  $C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$  این نکته مشخص است که ظرفیت فازن اصلا به جنس صفحات رسانا بستگی ندارد.

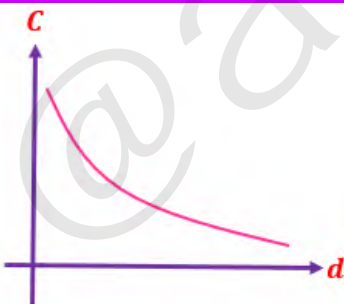
نمودار C بر حسب A :



$$C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$$

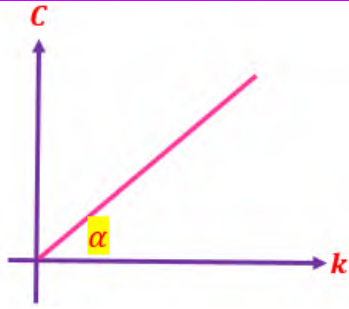
$$\tan \alpha = \frac{k\epsilon_0}{d}$$

نمودار C بر حسب d :



$$C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$$

نمودار C بر حسب k :



$$C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$$

$$\tan \alpha = \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

تست 97) فاصله بین صفحات خازنی  $5mm$  و مساحت هر یک از صفحات آن  $40$  سانتی متر مربع و بین صفحات آن هوا است. اگر فاصله بین صفحات خازنی  $4mm$  کاهش یابد، ظرفیت خازن چند پیکو فاراد افزایش می یابد؟

$$(\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N.m^2})$$

- 36(4)      28/8(3)      24(2)      7/5(1)



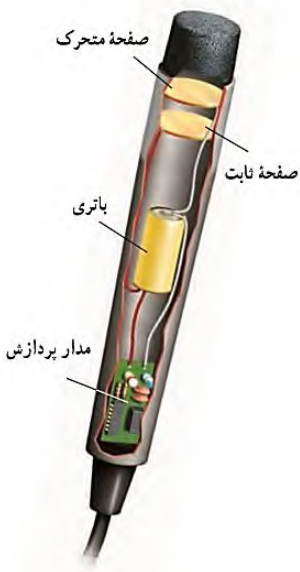
تست 98) در خازن مسطحی که عایق آن هوا و فاصله صفحات آن  $d$  است، تیغه عایقی به ثابت دی الکتریک  $4$ ، ضخامت  $\frac{d}{2}$  و یک تیغه فلزی به ضخامت  $\frac{d}{2}$  را طوری قرار می دهیم که فاصله بین صفحات خازن را کاملاً پر کند، در این صورت ظرفیت خازن چند برابر می شود؟

- 16(4)      8(3)      4(2)      2(1)



**میکروفون مخازنی :** در این نوع از میکروفون ها یک فازن تعبیه شده است که یکی از صفحات ان ثابت و

صفحه دیگر متحرک است . به صفحه متحرک ان اصطلاحا دیافراگم میکروفون می گوئیم . این صفحه به این شکل عمل می کند که با دریافت یک موج صوتی ، مرتعش می شود و در نتیجه فاصله صفحات و همچنین ظرفیت فازن تغییر می کند . و در نهایت قسمت پردازشگر میکروفون این تغییر ظرفیت فازن را به صورت سیگنال الکتریکی دریافت می کند .



♥ بررسی کمی میدان الکتریکی در بین صفحات یک مخازن :

میدان الکتریکی بین صفحات فازن تفت یکنواخت است و رابطه  $V = Ed$  در مورد ان صدق میکند پس می توان نوشت :

$$E = \frac{q}{\kappa \epsilon_0 A}$$

حال اگر بین صفحات یک فازن فلا باشد ( $\kappa = 1$ ) ، اندازه میدان در فضای بین صفحات برابر می شود با :

$$E_0 = \frac{q}{\epsilon_0 A}$$

پس نتیجه می گیریم که می توان ثابت دی الکتریک یک ماده را به صورت تقسیم اندازه میدان بین دو صفحه فازن در نبود دی الکتریک به اندازه میدان بین دو صفحه فازن در حضور دی الکتریک تعریف کنیم :

$$E = \frac{E_0}{\kappa} \Rightarrow \kappa = \frac{E_0}{E}$$

طبق رابطه افر هر چه ثابت دی الکتریک بزرگتر باشد ، میدان الکتریکی در فضای بین صفحات فازن کوچکتر می شود .

## انرژی ذخیره شده در خازن :

زمانی که یک خازن به یک باتری متصل می شود بار  $Q$  صفات خازن دارای بار الکتریکی می شوند و در خازن انرژی ذخیره می گردد . برای ذخیره بار الکتریکی روی صفات خازن، باتری روی خازن کار انجام می دهد که این کار به صورت انرژی پتانسیل الکتریکی در خازن ذخیره می شود. یک روش ساده برای اینکه بتوانیم این انرژی ذخیره شده را بینیم این است که دو سر خازن پر شده را به دو سر یک لامپ کوچک وصل کنیم سپس می بینیم که لامپ برای مدت کوتاهی روشن و سپس خاموش می شود ، البته این اتفاق به شرطی هست که ظرفیت و افتلاف پتانسیل خازن به مقدار قابل توجهی زیاد باشد .

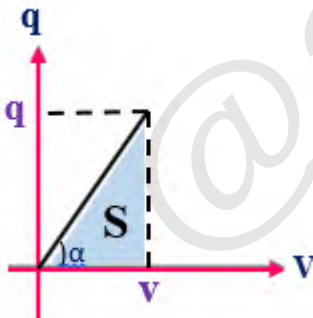


حال می توانیم نشان دهیم انرژی ذخیره شده در خازن برابر است با :

$$\langle J \rangle \Leftrightarrow U_{\text{خازن}} = \frac{1}{2} \underbrace{Q}_{\langle (C) \rangle} \underbrace{V}_{\langle (V) \rangle} = \frac{1}{2} \underbrace{C}_{\langle (F) \rangle} V^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

## نکات کلیدی انرژی خازن :

♥ اگر نمودار  $q$  را بر حسب  $v$  رسم کنیم، سطح زیر نمودار انرژی خازن و شیب نمودار ظرفیت خازن را نشان می دهد .



$$S = \frac{qv}{2} = U$$

$$\tan \alpha = \frac{q}{v} = c$$

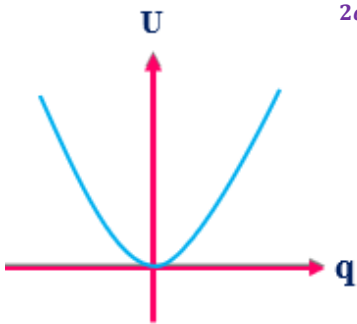
بچه ها این نکته را به یاد داشته باشید که هنگام استفاده از فرمول های انرژی لازم نیست که همه یکنایه ها البته به جز افتلاف پتانسیل) در  $SI$  باشند ، فقط کافیه که یکنایه های ظرفیت ، انرژی و بار پیشوند های یکسانی داشته باشند . برای مثال در فرمول  $U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$  زمانی که بار بر حسب میکرو کولن و ظرفیت بر حسب میکرو فاراد باشد ان وقت انرژی بر حسب

میکرو ژول به دست می آید و یا مثلا در رابطه  $U = \frac{1}{2} CV^2$  اگر ظرفیت فازن بر حسب میکرو فاراد و ولتاژ دو سر فازن بر حسب ولت باشد آن وقت انرژی ذخیره شده در فازن بر حسب میکرو ژول به دست می آید .

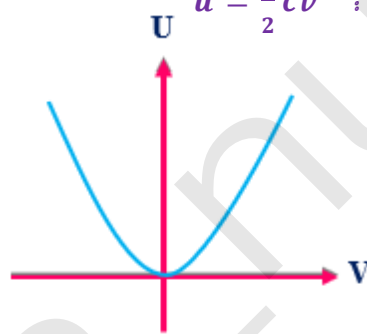
♥ به طور کلی رابطه  $u = \frac{1}{2} qv$  را کمتر استفاده می کنیم و بیشتر از دو رابطه دیگر استفاده می کنیم. هرگاه ولتاژ فازن ثابت بود، رابطه  $u = \frac{1}{2} cv^2$  را در نظر می گیریم که در این حالت  $U$  و  $C$  رابطه مستقیم دارند و هرگاه بار فازن ثابت بود، از  $u = \frac{Q^2}{2c}$  بهره می گیریم که در این حالت  $U$  و  $C$  رابطه عکس دارند.

♥ باتری برای ذخیره انرژی  $\frac{1}{2} Qv$  در فازن ، به اندازه  $Qv$  انرژی مصرف می کند یعنی همیشه و تحت هر شرایطی نیمی از انرژی که مولد مصرف می کند در فازن ذخیره می شود و نیمی دیگر به صورت گرما هدر می رود .

نمودار  $U$  بر حسب  $q$  :  $u = \frac{q^2}{2c}$



نمودار  $U$  بر حسب  $V$  :  $u = \frac{1}{2} cv^2$



تست (99) خازنی به یک باتری که ولتاژ آن قابل تنظیم است ، متصل است . اگر ولتاژ دو سر خازن از 20 ولت به 15 ولت برسد ، انرژی ذخیره شده در آن چند برابر می شود ؟

- $\frac{3}{4}$ (1)       $\frac{2}{3}$ (2)       $\frac{9}{16}$ (3)       $\frac{3}{16}$ (4)



تست (100) ظرفیت خازنی 22 میکرو فاراد است ، اگر بار الکتریکی آن 20 درصد افزایش یابد ، انرژی آن 16 میکرو ژول افزایش می یابد . بار اولیه آن چند میکرو کولن است ؟

- 20(1)      40(2)       $2 \times 10^{-2}$ (3)       $4 \times 10^{-2}$ (4)



$u = \frac{1}{2}cv^2$	متصل به باتری ( $v \Leftrightarrow$ ثابت)	<b>خازن</b>
$E = \frac{v}{d}$		
$u = \frac{q^2}{2c}$	جدا از باتری ( $q \Leftrightarrow$ ثابت)	
$E = \frac{q}{k\epsilon_0 A} \Rightarrow (d \text{ وجود ندارد})$		

تست 101) چند مورد از موارد زیر صحیح است ؟

الف) اگر فاصله بین دو صفحه یک خازن باردار که از مولد جداست را  $n$  برابر کنیم میدان الکتریکی و انرژی خازن به ترتیب  $\frac{1}{n}$  و  $n$  برابر می شود و همچنین ولتاژ خازن نیز  $n$  برابر می شود .

ب) اگر فاصله بین دو صفحه یک خازن که به دو سر یک باتری متصل است را  $n$  برابر کنیم ، میدان الکتریکی و انرژی خازن به ترتیب  $\frac{1}{n}$  و  $\frac{1}{n}$  برابر می شود و همچنین بار الکتریکی خازن نیز  $\frac{1}{n}$  برابر می شود .

ج) یک خازن زمانی شارژ می شود که پتانسیل الکتریکی دو صفحه آن برابر شود .

د) اگر خازن شارژ شده ای را از باتری جدا کنیم با برداشتن دی الکتریک از بین صفحات خازن ، میدان الکتریکی بین صفحات خازن کاهش می یابد .

4(4

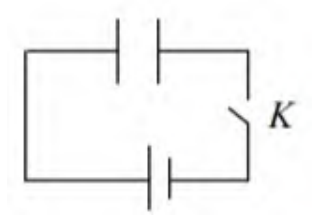
3(3

2(2

1(1



تست 102) در شکل مقابل ، خازنی که عایق بین صفحه های آن هواست توسط یک کلید به مولد متصل شده و باردار است ، کدام گزینه ها درست هستند ؟



- الف) اگر کلید وصل باشد ، با کاهش فاصله بین صفحات خازن شدت میدان بین دو صفحه افزایش می یابد .  
 ب) اگر کلید را قطع کنیم ، با افزایش فاصله بین صفحات ، شدت میدان کاهش می یابد .  
 پ) اگر کلید را قطع کنیم ، با کاهش فاصله بین صفحات خازن ، انرژی و ولتاژ دو سر خازن افزایش می یابد .  
 ت) اگر کلید را وصل کنیم ، با افزایش فاصله بین صفحات خازن ، بار و انرژی ذخیره شده در خازن کاهش می یابد .
- 1) ب - پ      2) الف - ت      3) الف - پ - ت      4) ب - پ - ت

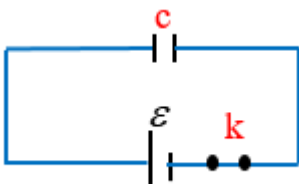


تست 103) دو سر خازنی را که دی الکتریک آن هوا است به دو سر یک باتری وصل میکنیم. انرژی ذخیره شده در آن می شود. در حالتی که خازن به باتری وصل است، فاصله بین دو صفحه را  $n$  برابر می کنیم. در این حالت انرژی آن  $U$  می شود. بار دیگر خازن اولیه را از باتری جدا کرده و سپس فاصله بین دو صفحه را  $n$  برابر می کنیم. در این حالت انرژی آن  $U''$  می شود، نسبت  $\frac{U''}{U}$  چقدر است؟ (ریاضی خارج 93)

$\frac{1}{n}$  (1)       $n$  (2)       $\frac{1}{n^2}$  (3)       $n^2$  (4)



تست 104) در شکل روبرو دی الکتریک بین صفحات خازن هوا است. در حالی که کلید  $k$  بسته است فاصله بین صفحات را  $m$  برابر می کنیم، سپس کلید را باز کرده و فاصله صفحات خازن را  $\frac{1}{m}$  می کنیم. انرژی ذخیره شده در خازن چند برابر انرژی اولیه خازن می شود؟



$\frac{1}{m^2}$  (1)       $m^2$  (3)

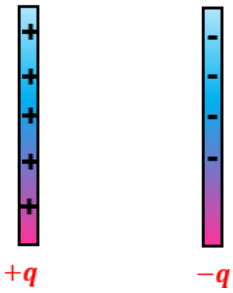
$\frac{1}{m}$  (2)       $m$  (4)



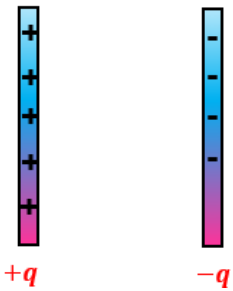


## چند حالت مهم :

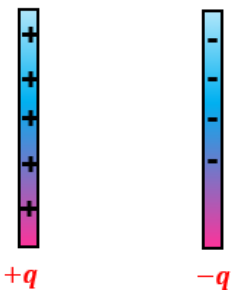
1) اگر  $2\mu\text{C}$  بار را از صفحه منفی فازن به صفحه مثبت آن انتقال دهیم بار فازن چند میکروکولن می شود؟



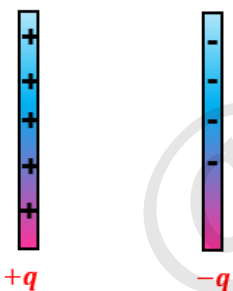
2) اگر  $2\mu\text{C}$  بار را از صفحه منفی فازن به صفحه مثبت انتقال دهیم بار فازن چند میکروکولن می شود؟



3) اگر  $2\mu\text{C}$  بار را از صفحه مثبت به صفحه منفی انتقال دهیم بار فازن چند میکروکولن می شود؟



4) اگر  $2\mu\text{C}$  بار را از صفحه مثبت به صفحه منفی انتقال دهیم بار فازن چند میکروکولن می شود؟



تست 105) ظرفیت خازنی 12 میکرو فاراد و بار الکتریکی آن  $q$  است. 8 ژول انرژی باید صرف شود تا 3+ میلی کولن بار الکتریکی را از صفحه منفی جدا کرده و به صفحه مثبت انتقال دهیم. بار اولیه خازن چند میلی کولن است؟

61(1) 30/5(2) 26(3) 13(4)



تست 106) ظرفیت خازنی 15 میکرو فاراد و انرژی ذخیره شده در آن  $U$  است. اگر  $3mc$  بار الکتریکی را از صفحه منفی جدا کنیم و به صفحه مثبت انتقال دهیم، انرژی ذخیره شده در خازن  $900mj$  افزایش می یابد. انرژی اولیه ( $U$ ) چند میلی ژول است؟ (تجربی خارج 97)

300(1) 600(2) 1200(3) 1500(4)



تست 107) اگر صفحات یک خازن را به هم تماس دهیم جرقه ای ایجاد می شود . حال اگر دوباره بار صفحات را به همان اندازه باردار کنیم ولی فاصله ان ها را دو برابر کنیم و سپس دو صفحه را به هم وصل کنیم ، کدام گزینه اتفاق می افتد ؟

1) جرقه با شدت بیشتر اتفاق می افتد

2) جرقه با شدت کمتر اتفاق می افتد

3) تغییر نمی کند

4) هر کدام از موارد ممکن است اتفاق بیفتد .

