

فصل سوم: آمار
درس اول: شاخن های آماری

خط فقر را تعریف کنید. کمینه درآمدی است که برای زندگی یک نفر در یک ماه، مورد نیاز است.



نکله: خط فقر را به دو روش می توان محاسبه کرد که عبارتند از:
 (الف) نصف میانگین درآمد ماهانه ای افراد جامعه
 (ب) نصف میانگین درآمد ماهانه ای افراد جامعه

نکله: برای بدست آوردن میانگین چند عدد باید صورت عمل علی کلم:
 ابتدا تمام اعداد داد، سده را بهم جمع کنیم و سپس عدد بدست آمده را بر تعداد آنها تقسیم کنیم.
 مثال: میانگین اعداد ۲، ۹، ۵، ۴ و ۷ را بدست آورید:

$$\text{میانگین} (\bar{x}) = \frac{۳+۷+۴+۵+۹+۲}{۶} = ۵$$

لئے تعداد باین عدد ها ۶ تایی باشد

نکله: برای بدست آوردن میانگین چند عدد، ابتدا آنها را از کوچک به بزرگ مرتب کنیم و سپس؟

(الف) آگر تعداد اعداد داد، سده، فرد باشد، عدد وسط را به عنوان میانه در نظر گیریم.
 (ب) آگر تعداد اعداد داد، سده، زوج باشد، میانگین دو عدد وسط را به عنوان میانه در نظر گیریم.

مثال: میانگین اعداد ۱۱، ۱، ۲، ۹، ۴ را مشخص کنید.

جواب: ابتدا باید آنها را از کوچک به بزرگ مرتب کنیم:
 آنچون چون تعداد باین عدد ها ۵ تایی باشد
 و عددی فرد است، عدد وسط (یعنی ۳) را به عنوان میانه در نظر گیریم.

مثال: میانگین اعداد ۱۰، ۶، ۴، ۱۱، ۱ را بدست آورید.

جواب: ابتدا باید آنها را از کوچک به بزرگ مرتب کنیم
 آنچون چون تعداد باین عدد ها ۵ تایی باشد و
 عددی زوج است، میانگین دو عدد وسط
 یعنی ۶ را به عنوان میانه در نظر گیریم

سوال امتحانی: آرگو درآمد ماهانه‌ی ۷۰ نفر از افراد کیک شرکت به صورت زیر باشد (بر حسب میلیون تومان)

با توجه به تعریف خط فقر براساس نصف میانه، چند نفر زیر خط فقر هستند.

۳۹، ۱۳، ۱۰، ۹، ۷، ۵، ۲

جواب: ابتدا باید آنها را از کوچک به بزرگ مرتب کنیم:

۱۳، ۹، ۹، ۹، ۱۰، ۷، ۵

اکنون چون تعداد این عدد ها زوج است پس باید میانگین در میان دو سطح اینها میانه در نظر بگیریم:

$$\text{میانه} = \frac{7+9}{2} = 8$$

$\frac{1}{2} = ۸$

اکنون می‌دانیم که خط فقر برابر است با نصف میانه یعنی:

بنابرایی واضح است که دونفر از افراد این شرکت زیر خط فقر هستند

سوال امتحانی: آرگو درآمد ماهانه‌ی ۷۰ نفر از افراد کیک شرکت به صورت زیر باشد (بر حسب میلیون تومان برای هر نفر در روز ۳۰ روزه) درآمد ماهانه‌ی ۷۰ نفر کیک خانواری همانند ۳۰ روزه چقدر باشد، تا این حافظه زیر خط فقر نباشد.

$$۳۰ \times ۴۰۰۰ = ۲۰۰۰۰ = \text{حداقل درآمد کیک خانواری همانند برای ۱ روز}$$

$$۳۰ \times ۲۰۰۰۰ = ۶۰۰۰۰۰ = \text{حداقل درآمد این خانواری همانند برای ۱ ماه (۳۰ روز)}$$

یعنی آرگو درآمد ماهانه‌ی این خانواری همانند زیر ۶۰۰۰۰۰ تومان در ماه باشد، این خانواری زیر خط فقر ترار ندارد.

سوال امتحانی: آرگو درآمد ماهانه‌ی ۷۰ نفر از افراد کیک شرکت به صورت زیر باشد (بر حسب میلیون تومان) با توجه به تعریف خط فقر براساس نصف میانگین چند نفر زیر خط فقر قرار دارند؟

۶، ۷، ۹، ۲، ۷، ۹، ۲، ۷، ۹



$$\frac{۱۰}{۱۰} = ۱ = \text{میانگین این عدد}$$

اکنون می‌دانیم که خط فقر برابر است با نصف میانگین. یعنی

$$\frac{۱}{۲} = ۰,۵ = \text{خط فقر}$$

یعنی افرادی که زیر ۰,۵ میلیون تومان حقوقی گیرند، زیر خط فقر ترار ندارند که دونفر هستند. ۰,۱ و ۰,۱

شاخص؛ یک معیار آماری است که تغییرات تدبیی در جامعه آماری را شاندیده.

منظور از شاخص «نرخ بیکاری» چیست؟ نرخ بیکاری عبارت است از نسبت جمعیت بیکار به جمعیت فعال.

$$\frac{\text{جمعیت بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} = \text{نرخ بیکار}$$

نکته: نرخ بیکاری را معمولاً با صورت درصد بیان می‌کنند.

$$\frac{\text{جمعیت بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} \times 100 = \text{نرخ بیکار}$$

مثال: در منطقه‌ای ۱۴۰۰ نفر شاغل و ۲۰۰ نفر بیکار هستند، نرخ بیکاری در این منطقه چند درصد است؟

(الف)

$$\text{ب)} \quad \frac{\text{نرخ بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} = \frac{200}{1400} = \frac{20000}{14000} = 11,11\%$$

(ج) ۱۱,۱۱

$$\text{افراد شغل} + \text{افراد بیکار} = \text{جمعیت فعال}$$

(د) ۱۳,۵

$$200 + 1400 = 1600$$

مثال: در یک جامعه با ۱۵۰۰ نفر شاغل، نرخ بیکاری ۲۵ درصد است، چند نفر از افراد این جامعه بیکار هستند؟ جمعیت فعال چند نفرند.

$$\frac{\text{نرخ بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} \times 100 = \text{افراد بیکار}$$

$$25 = \frac{x}{1500+x} \times 100 \Rightarrow 25(1500+x) = 100x$$

$$37500 + 25x = 100x$$

$$37500 = 100x - 25x = 75x$$

$$x = \frac{37500}{75} = 500$$

$$\text{جمعیت بیکار} = 1500 - 500 = 1000 = \text{افراد شاغل} + \text{افراد بیکار} = \text{جمعیت فعال}$$

نکته: بیکار به مردمی بالای ۱۲ سال گفته می‌شود که حداقل یکی از این شرایط را داشته باشد.

(الف) به طور موقت بیکار شده باشد.

(ب) در جستجوی شغل باشد.

(ج) منتظر شروع یک کار جدید از تاریخ مشغفی باشد.

لازم به ذکر است که این تعریف از شفق بیکار، برای تمام کشورها یکسان است.



منظور از شاخص بھای کالا و خدمات معرفی چیست؟ به متوسط مبلغ پرداخت سده از سوی مصرف کنندگان برای همومعه‌ای از تعداد زیادی کالا و خدمات در طول یک سال گفته می‌شود.

مثال: این شاخص تغولات قیمت را بر مبنای یک سال پایه مشان می‌دهد. در واقع سطح قیمتها در یک سال را اندازه‌گیرید و نشان می‌دهد که با پولمان چقدر می‌توانیم خرید کنیم یا با اصطلاح قدرت خرید پولمان چقدر است. هر چقدر قیمتها افزایش یابند، قدرت خرید پولمان کاهش می‌یابد.

مثال: آرسد هزینه‌ای خانواری در سال پایه از دو کالای نان و گوشت تشکیل شده، باشد، و قیمت این دو کالا در سال پایه به ترتیب ۱۵۰۰۰۰ و ۷۰۰۰۰ ریال باشد. در سال مورد نظر به ۱۵۰۰۰۰ و ۸۰۰۰۰ ریال بر سد و بازیغت آنکه مقادیر معرفی نان و گوشت در سال پایه به ترتیب معادل ۱۲۰۰۰۰ و ۵۰۰۰۰ کیلوترم باشد، برای محاسبه ای شاخص بھای نان و گوشت در سال مورد نظر داریم:

$$\text{شاخص بھای نان و گوشت} = \frac{150000 \times 120 + 50000 \times 80}{120000 + 50000} = ۱۴/۵$$

منظور از تورم چیست؟ تغییر متوسط قیمت کالاها و خدمات در طول زمان را تورم می‌گویند.

در مثال قبل نزخ تورم با این صورت محاسبه می‌شود.
(شاخص بھای گوشت و نان در سال پایه) - (شاخص بھای گوشت و نان در سال مورد نظر) = نزخ تورم
= ۱۰۰ - ۱۴/۵ = ۸۵٪

در واقع هر چقدر شاخص بھای کالا و خدمات بالاتر برود به همان نسبت تورم داشته باشد.

مثال: قیمت یک کالا در سال ۱۳۹۰ برابر ۱۵ میلیون تومان بود. است. آرسد این تورم قیمت این کالا در سال ۱۳۹۸ نسبت به سال ۱۳۹۰ برابر ۶ درصد باشد، قیمت این کالا در سال ۱۳۹۸ چقدر است؟

$$\text{میزان افزایش قیمت} = \frac{۱۵0000000 - ۹0000000}{۹0000000} \times ۱۰۰ = ۶۶.۶۷٪$$



$$\text{قیمت این کالا در سال ۱۳۹۸} = ۱۵0000000 + ۹0000000 = ۲۴0000000$$

مثال: قیمت یک یخچال در سال ۹۶ سی میلیون تومان بود که قیمت آن در سال ۹۷ ده درصد کاهش یافته، قیمت آن در سال ۹۷ چقدر است؟

$$\text{قیمت یخچال در سال ۹۷} = \frac{۳00000000 - ۲۷0000000}{۱00} \times ۱۰۰ = ۳0000000$$

$$= ۳0000000 - ۲۷000000 = ۳000000$$

نمونه سوالات امتحانی:

۱- در کشوری جمعیت بیکار ۳ میلیون نفر، و زن بیکاری ۲ درصد است. جمعیت فعال این کشور چند میلیون نفر است؟

$$\frac{\text{جمعیت بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} = \frac{\text{زن بیکار}}{}$$

$$F = \frac{4}{F} = \frac{4000}{4000} = 100 \Rightarrow F = 100 \times 100 = 10000 \quad \leftarrow \text{لینی جمعیت فعال این کشور ۱۰۰ میلیون نفر است}$$

۲- در کشوری جمعیت بیکار ۲ میلیون نفر و تعداد افراد شاغل ۱۸ میلیون نفر است، شاغر زن بیکاری در این کشور چند درصد است؟

$$(میلیون نفر) ۲ = \frac{\text{تعداد افراد شاغل}}{\text{تعداد افراد بیکار}} + \text{جمعیت فعال} = \frac{18}{2} = 9 \quad \leftarrow$$

$$1 = \frac{200}{200} = \frac{100}{100} \times \frac{2}{2} = \frac{\text{شاغر زن بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} \quad \leftarrow \text{له زن بیکاری در این کشور ۹ درصد است}$$

۳- در یک کشور شاغر زن بیکاری ۳ ا درصد است. آنچه جمعیت فعال این کشور ۲ میلیون نفر باشد، تعداد بیکاران را بدست آورید. پس تعداد افراد شاغل را مشخص کنید.

$$\frac{\text{ما} \times \text{جمعیت بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} = \frac{\text{شاغر زن بیکار}}{}$$



$$\text{جمعیت بیکار} \rightarrow 3 = \frac{B}{20} \times 100 \Rightarrow 300 = 100B \Rightarrow B = \frac{300}{100} = 3 \quad \leftarrow \text{جمعیت بیکار}$$

$$3 = \frac{B}{20} \times 100 \Rightarrow \frac{\text{تعداد افراد شاغل}}{\text{تعداد افراد بیکار}} = \frac{\text{جمعیت فعال}}{}$$

بنابراین در این کشور ۳ میلیون نفر بیکار و ۱۷ میلیون نفر شاغل هستند.

مثال: آنچه می‌گویند در ۱۰۰ خانوارهای که کشور ۴ میلیون نفر دارد (عائوفاً) هماناً که تقریباً فرض سده اند که خانوارهای سکونتی با درآمد ماهانه ۱۸۰۰۰۰۰ نفران را در نظر نگیرید. هر کیک از اعماق این خانواره زیرخط فقر نیز یا بالای خط فقر؟

$$\frac{4000000}{2} = 2000000 \quad \leftarrow \text{خط فقر برای هر عصی خانواری ۲۰۰۰۰۰ نفری}$$

$$\frac{1800000}{2} = 900000 = 2000000 - \frac{1800000}{2} = 2000000 - 900000 = 1100000 \quad \leftarrow \text{اعمای خانوار بالای خط فقر هستند}$$

سؤال: سرپرست کی خانواری ۵۰۰۰۰ تومان درآمد دارد. اگر خط فقر را به صورت بین المللی در نظر بگیریم، اعتنای این خانوار را برخط فقر بین بالای خط فقر چرا؟

آن داشتم خط فقر بین المللی متعادل ۴۰۰۰ تومان برای هر ترکیب روزی باشد بنابراین:

$$120000 = \text{مقدار راهانه‌ی خط فقر برای هر نفر} = 4000 \times 30$$

$$\frac{100000}{5} = \text{سهم هر عضو این خانواری} \text{ که نفره از درآمد}$$

بنابراین تمام اعتنای این خانوار زیرخط فقر عار دارند پس باید هر کدام از اعتنای این خانوار ۲۰۰۰۰ تومان بیشتر در راعت کنند تا به خط فقر برسند، یعنی باید $100000 + 20000 = 120000$ تومان به حقوق سرپرست خانوار اضافه شود تا به خط فقر برسند.

مثال: در یک لشتر تعداد بیکاران ۳ میلیون نفر و تعداد سالمندان ۱۷ میلیون نفر است. شاخنی نرخ بیکاری را کشور جنبد رصد است؟

$$2 = 3 + 17 = \text{تعداد سالمندان} + \text{تعداد بیکاران} = \text{جمعیت مقال}$$

$$\text{نرخ بیکاری} \rightarrow \frac{\text{جمعیت بیکار}}{\text{جمعیت مقال}} = 15 = \frac{3}{2} = \text{نرخ بیکاری} \text{ کادر رصد می‌باشد.}$$

شاخنی نوادگی بدنی یا نهادوب؟ این شاخنی میزان اختلاف وزن یا کمبود وزن اشان عیده دهد بهمین دلیل به شاخنی سلامت هم معروف است و از فرمول زیر بدست می‌آید

$$BMI = \frac{\text{وزن}}{(\text{طول} \times \text{قلا})^2}$$

گروه سنی	نهادوب اید. آن
۱۹-۲۴	۲۲
۲۵-۳۴	۲۳
۳۵-۴۴	۲۴
۴۵-۵۴	۲۵
۵۵-۶۴	۲۶
۶۵ بالا	۲۷

نکته: وزن با بر حسب کیلوگرم و طول قد باید بر حسب متر باشد

نکته: بعد از بوسیت آوردن BMI باید آن را با جدول مقابل مقایسه کنیم تا ببینیم که سعف سود نظر افتد و وزن دارد یا کمبود وزن

نکته: مخفف «Body Mass Index» می‌باشد.

مثال: احمد ۲۵ سال س دارد و وزنش ۸۵ کیلوگرم و طول قدش ۱۶۳ سانتی متر است.
 الف) ساختن سلامت او چقدر است؟
 ب) این شخص اضافه وزن دارد یا کمبود وزن؟ پردازش!

$$BMI = \frac{\text{وزن}}{\text{(طول قد)}^2} = \frac{۵۸}{۱,۶۳^۲} \approx ۲۱,۸$$

کلز طبق جدول صحیح قبل، نتیجه اید. آن برای یک شخص بساله ۲۴ می باشد ولی از آنجاکه نتیجه احمد ۲۱,۸ می باشد، پس احمد کمبود وزن دارد.

شاخت پایی آموزش؛ یکی از شاختهای حوانایی که سالهای تحمل حوانه‌های متعدد ائمه را تحسین می‌زند، به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\text{شاخت پایی آموزش} = \left[\frac{\text{میانگین تعداد کلمات در هر جمله}}{\text{درصد کلمات دشوار}} + \frac{\text{درصد کلمات دشوار}}{\text{میانگین تعداد کلمات در هر جمله}} \right]$$

که منظور از کلمات دشوار: همان کلمات دو همایی بدوی در نظر گرفته اسامی و کلمات آسان است.

نکته: شاخت پایی آموزش عددی طبیعی از ۱ تا ۱۲ می باشد که شان دهدی پایی تحسیل است.

مثال: برای کتاب که هر جمله‌ی آن به طور متوسط ۱۱ کلمه دارد و لغات دشوار هر جمله‌ی آن ۱۰ درصد می باشد، شاخت پایی آموزش را بدست آورید.

$$\text{شاخت پایی آموزش} = \left[\frac{\text{میانگین تعداد کلمات در هر جمله}}{\text{درصد کلمات دشوار}} + \frac{\text{درصد کلمات دشوار}}{\text{میانگین تعداد کلمات در هر جمله}} \right]$$

$$= [10 + 14] = [9,4] = 9$$

مثال: در یک کتاب لاتین، درصد لغات دشوار ۷ و میانگین تعداد کلمات در هر جمله برابر ۱۰ می باشد.
 شاخت پایی آموزش چقدر است.

$$\text{شاخت پایی آموزش} = \left[\frac{۱۰ \times ۷}{۱۰ + ۷} \right]$$

$$= [10,4] = 10$$

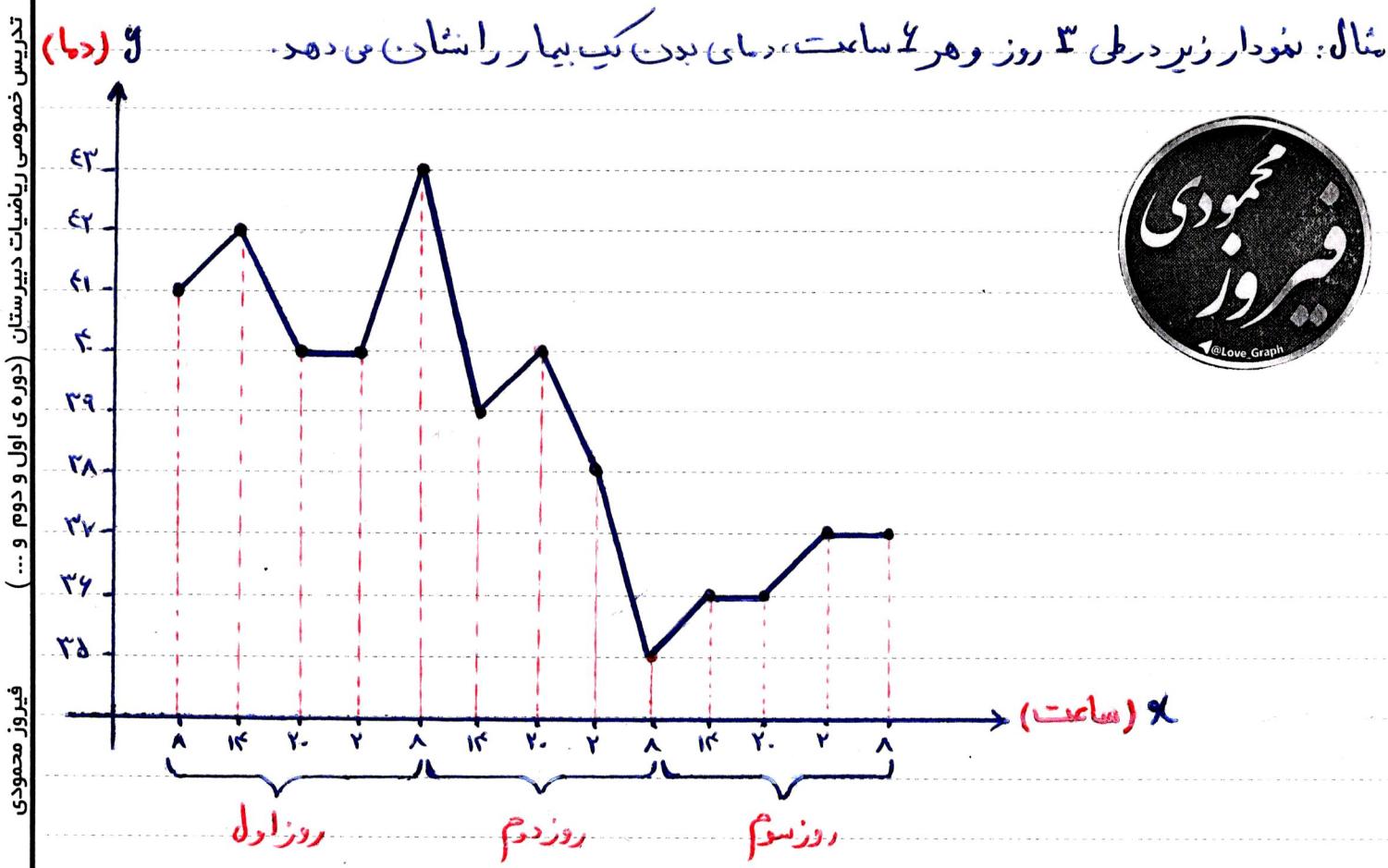


فصل ۳ - آمار

درس ۳: سری های زمانی

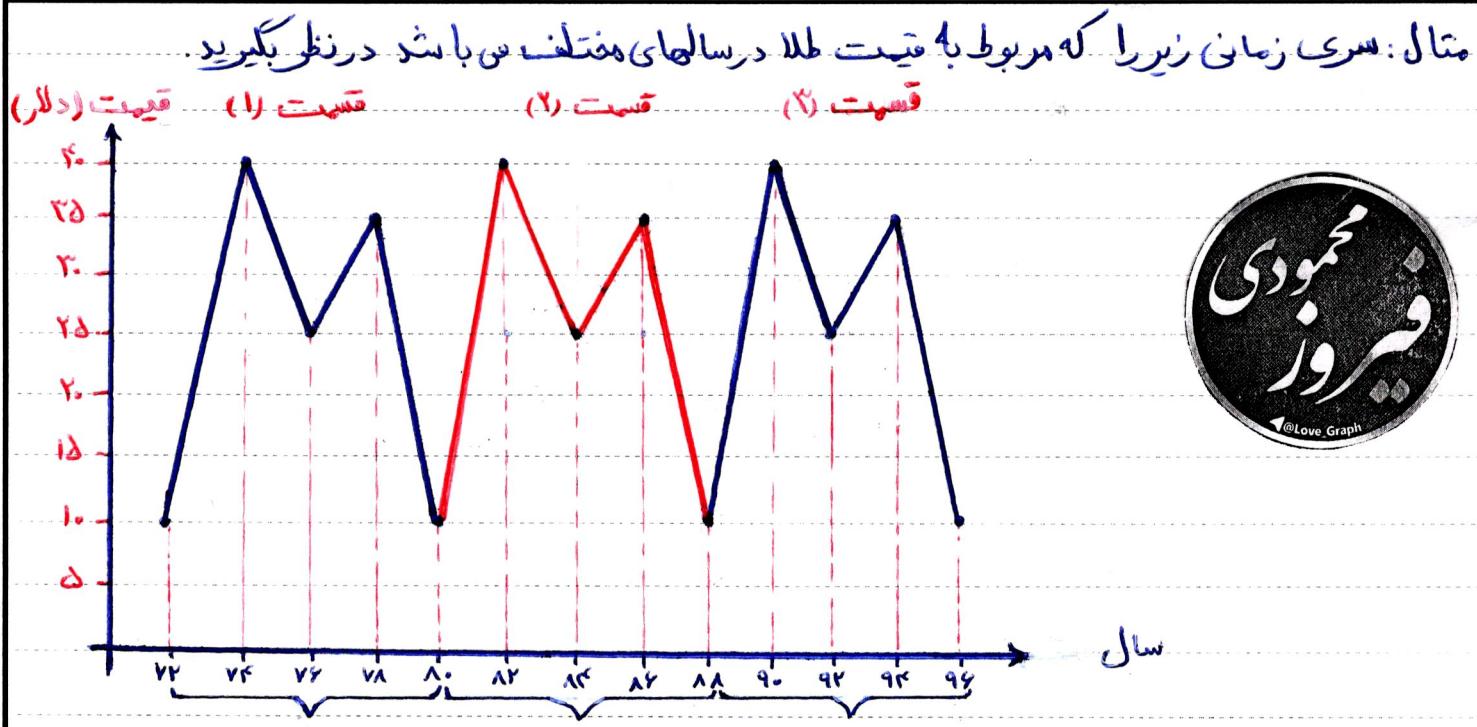
سری های زمانی؟ داده های هستند که در طی فواصل زمانی منظم جمع آوری شوند. حال آنکه نقاط به دست آمده از جمع آوری داده ها را به هم رصل کنیم، نمودار سری زمانی بدست می آید.

نکته: منتظر از نقاط همان نمودار پر از نشی نگاشت است



بالرجه به این نمودار، واضح است که ما نزدیم دمای بدن این بیمار ۳۷ درجه و در ساعت ۷ صبح روز دهم است و لکترین دمای بدن این بیمار ۳۵ درجه و در ساعت ۷ صبح روز سیم می باشد.

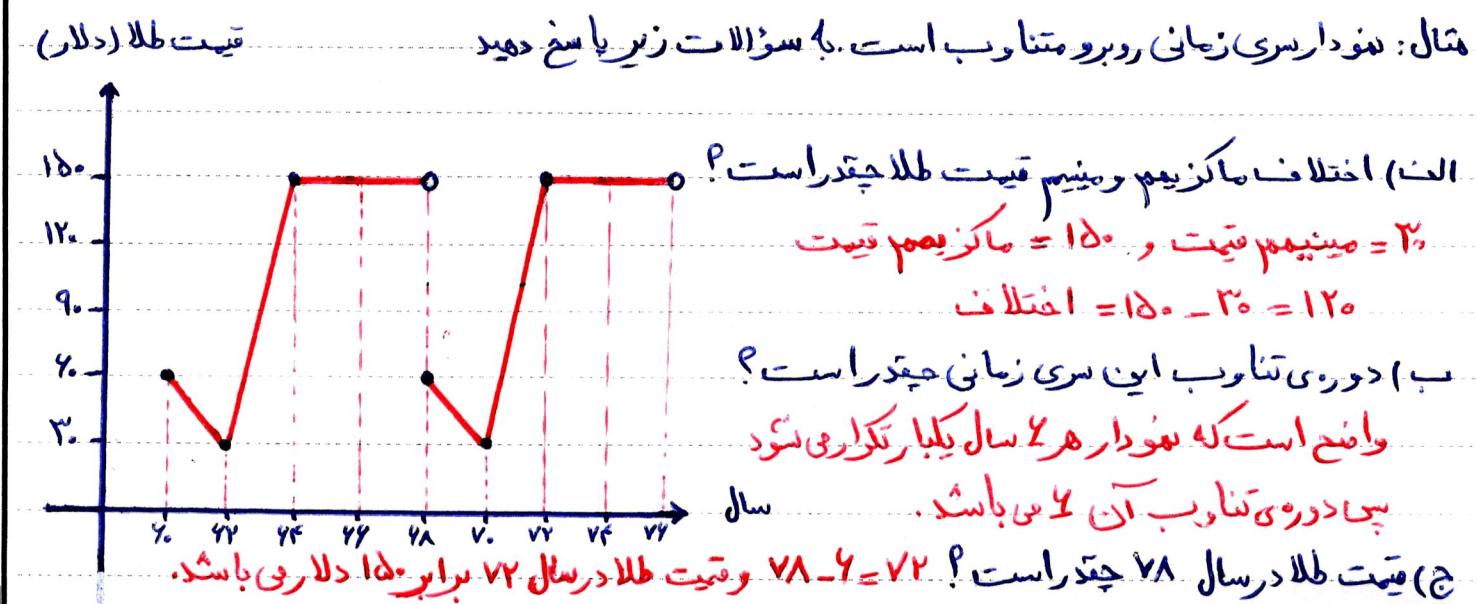
نکته: بعضی از نمودارهای سری زمانی حالت تکرار شونده دارند، یعنی در مقاطع زمانی خاص، مرتبتاً تکرار می شوند. این تکرار شدن به ما امکن است که بتوانیم اتفاقات و پدیده های را که در آینده رخ می دهند، پیش بینی کنیم. البته وقایی بتوانیم آینده را پیش بینی کنیم.قطعاً این بتوانیم وضعيت آینده پدیده را در نزد شاهمن مخفی کنیم، در صفحات بعدی این جزو، در مورد این موضوع متأله این را نگذاریم.



با توجه به این نمودار واضح است که قیمت (۱) هر ۸ سال عیناً تکرار می شود پس می کوشیم که این نمودار دارای دوره‌ی تناوب ۸ سال است. آنکه معرفت کنید که می خواهیم بدانیم قیمت طلا در سال ۹۸ چقدر است؟ واضح است که سال ۹۸ در این نمودار وجود ندارد. ولی جزو دوره‌ی تناوب این نمودار ۸ عنوانی باشد من توانم ۹۸ را مخفای ۸ کلیم تا عدد ۹۰ بدهست تا بدین که قیمت طلا در سال ۹۰ برابر ۴۰ دلاری باشد.

سوال: با توجه به نمودار بالا، قیمت طلا در سال ۷۶ را تخمین بزنید.

جواب: عدد ۷۶ در نمودار دیده، فنی سود ولی آنرا آنرا با ۸ جمیع کلیم با عدد ۷۸ فی رسیم که در نمودار وجود دارد و قیمت طلا در آن سال ۳۵ دلاری باشد.



روش بسط آوردن معادله خط کسری از دو نقطه دلخواه:

موضوع را بایک مثال بیان می کنیم.

مثال: معادله خط کسری از نقاط $\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix}\right]$ و $\left[\begin{matrix} 3 \\ 7 \end{matrix}\right]$ را باید

$$\text{سیب خطی باش} \rightarrow m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{7 - 2}{1 - 3} = \frac{-5}{-2} = +2$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 2 = +2(x - 1) \Rightarrow y - 2 = +2x - 2$$

$$y = +2x - 2 + 2 \Rightarrow y = +2x + 0 \rightarrow \text{معادله خط}$$

مثال: معادله خط کسری از نقاط $\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix}\right]$ و $\left[\begin{matrix} 0 \\ 5 \end{matrix}\right]$ را باید.

$$\text{سیب خط} \rightarrow m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 2}{0 - (-1)} = \frac{-3}{+1} = -3$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 2 = -3(x - (-1))$$

$$y - 2 = -3(x + 1) \Rightarrow y - 2 = -3x - 3$$

$$y = -3x - 3 + 2 \Rightarrow y = -3x - 1 \rightarrow \text{معادله خط}$$



مثال: (الف) معادله خط کسری از نقاط $\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix}\right]$ و $\left[\begin{matrix} 0 \\ -2 \end{matrix}\right]$ را مشخص کنید.

(ب) مختصات نقطه ای از این خط را بسط آورید که طول آن $+1$ باشد.

(ج) مختصات نقطه ای از این خط را بسط آورید که عرض آن $+7$ باشد.

$$\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix}\right] \rightarrow x_2 \quad \left[\begin{matrix} 0 \\ -2 \end{matrix}\right] \rightarrow x_1$$

جواب قسمت (ب)

$$x = +1 \Rightarrow y = -2 \times (+1) - 3 \\ \Rightarrow y = -2 - 3 = -5$$

$\left[\begin{matrix} +1 \\ -5 \end{matrix}\right]$ = نقطه مورد نظر

$$\text{سیب خط} \rightarrow m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-2 - (+2)}{0 - (1)} = \frac{-2 - 2}{0 + 1} = \frac{-4}{+1} = -4$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - (+2) = -4(x - 1)$$

$$y - 2 = -4(x + 1)$$

$$y - 2 = -4x - 4$$

$$y = -4x - 4 + 2 \Rightarrow y = -4x - 2 \rightarrow \text{معادله خط مورد نظر}$$

جواب قسمت (ج)

$$y = +7 \Rightarrow +7 = -4x - 2$$

$$4x = -2 - 7 = -9$$

$$x = \frac{-9}{4} = -2.25$$

$\left[\begin{matrix} -2.25 \\ +7 \end{matrix}\right]$ = نقطه مورد نظر

منظور از دروست یا بی چیست؟ یعنی بین داده های مشخصه، مقدار داده های صورت نظری را تخمین
برآوردم

مثال: جدول زیر تعداد مشتریان یک فروشگاه در ساعت مختلف را نشان می دهد.

ساعت	۸	۱۰	۱۲	۱۴	۱۶	۱۸	۲۰	۲۲	۲۴
تعداد مشتریان فروشگاه	۳۰	۴۴	۷۸	۹۳	۱۰۰	۸۰	۹۱	۱۸	۳۴

با توجه به این جدول واضح است که تعداد مشتریها در ساعت ۱۶ برابر صد تا و در ساعت ۲۴ برابر هجده تا می باشد. حال فرق کنید که می خواهیم با طور تقریبی تعداد مشتریها در ساعت ۹ صبح را بدست آوریم روش کار به این صورت است.

می دایم که ساعت ۹ صبح بین ساعتها ۸ و ۱۰ باشد. لذا به کمترین نقاط $\left[\begin{smallmatrix} ۸ \\ ۱۰ \end{smallmatrix} \right]$ و $\left[\begin{smallmatrix} ۱۰ \\ ۱۲ \end{smallmatrix} \right]$ متعادلی خط را بدست آوریم.

$$\left[\begin{smallmatrix} ۱۰ \\ ۴۴ \end{smallmatrix} \right] \xrightarrow{x_2} \left[\begin{smallmatrix} ۸ \\ F_0 \end{smallmatrix} \right] \xrightarrow{y_1} \left[\begin{smallmatrix} ۱۰ \\ ۴۴ \end{smallmatrix} \right] \xrightarrow{y_2}$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{44 - ۴۰}{10 - ۸} = \frac{۴}{۲} = ۲$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - ۴۰ = ۲(x - ۸)$$

$$y - ۴۰ = ۲x - ۱۶$$

$$y = ۲x - ۴۰ + ۴۰ \Rightarrow y = ۲x$$



اگرچه نقل کانی است که در معادله خط داده شده، به جای ۲ عدد ۹ را ترجیح می دهیم.

$$9 = ۹ \Rightarrow y = ۱۳x - ۴۰$$

یعنی فروشگاه در ساعت ۹ صبح تقریباً ۳۳ نفر مشتری دارد.

اگرچه فرق کنید که تعداد واقعی مشتریان در ساعت ۹ صبح ۵۷ مشتری بود. است و مابه صورت تقریبی عدد ۳۳ را بدست آوریم، بنابراین: با تدریجی احتلاف بین مقدار واقعی و مقدار تخمین زد. سکه خطای درون یا بی کنندی سود که آنرا با مرغ

نهایتی می دهیم

$$| \text{مقدار تخمین} - \text{ردشده} - \text{مقدار واقعی} |$$

$$= ۵۷ - ۳۳ = ۲۴$$

در مثال قبل خطای درون یا بی برابر است با

منظور از بروز نابی چیست؟ تخمین داده های بعد از تبدل از داده های ثبت شده را بروز نابی کنیم.

مثال: جدول زیر تعداد یخچال های فروخته شده یک فروشنده در پنج روز را اشاند می دهد.

روز	۱	۲	۳	۴	۵
تعداد یخچال های فروخته شده	۴	۸	۱۰	۱۴	۳۲

با توجه به باجدول واضح است که تعداد یخچال های فروخته شده در روز چهارم ۱۶ عدد و تعداد یخچال های فروخته شده در روز دهم ۸ عددی باشد. حال فرض کنید که می خواهیم بدانیم که این فروشنده در روز ششم تقریباً چند یخچال را به عرض می رساند. لازم است که در این کار به این صورت است.

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{۱+۲+۳+۴+۵}{۵} = \frac{۱۵}{۵} = ۳ \\ \frac{۴+۸+۱۰+۱۴+۳۲}{۵} = \frac{۷۰}{۵} = ۱۴ \end{array} \right. \Rightarrow \begin{cases} ۳ = \text{قطعه میانی} \\ ۱۴ = \text{قطعه میانی} \end{cases}$$

از روی جدول مشخص است که نزدیک ترین قطعه به روز ششم، روز پنجم است، لذا نقطه دهم را باید صدرست $\left[\frac{۱۵}{۵} \right]$ در نظر گیریم که برابر با ۳ است.



$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{32 - 4}{5 - 1} = \frac{28}{4} = 7$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 4 = 7(x - 1)$$

$$y - 4 = 7x - 7$$

$$y = 7x - 7 + 4 \rightarrow y = 7x - 3$$

معادله خط



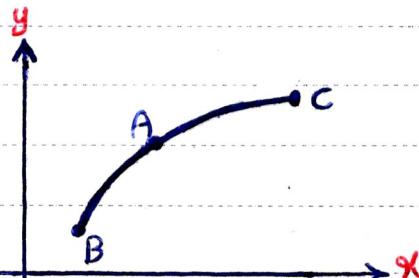
اگر برای بدست آوردن میزان فروش در روز ششم فقط کافی است که باید $7x = 14$ را حل کردیم. با برای میزان فروش در روز ششم $7x = 14$ یخچال می باشد. $x = 2 \Rightarrow y = 9 \times 2 - 3 = 15$. با صورت تقریبی

اگر مقدار واقعی فروش در روز ششم ۳۹ یخچال باشد، خطای بروز نابی عبارت است از:

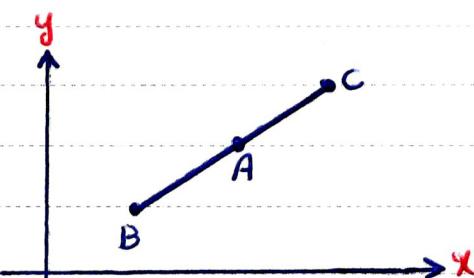
$$e = |39 - 15| = 24 = 24$$

نکته‌ی مهم: آنچه نهادرسی زمانی با شکل خط مستقیم باشد، درون یا ب و بروند یا ب همچنان خطا داشت ولی آنچه با شکل سُحنی باشد، در آن خطداریم.

مثال: در نهادرسی (الف) درون یا ب در نقطه‌ی A خطدار است. ولی در نهادرسی (ب) درون یا ب در A خطدار نیست.



(ب)



(الف)

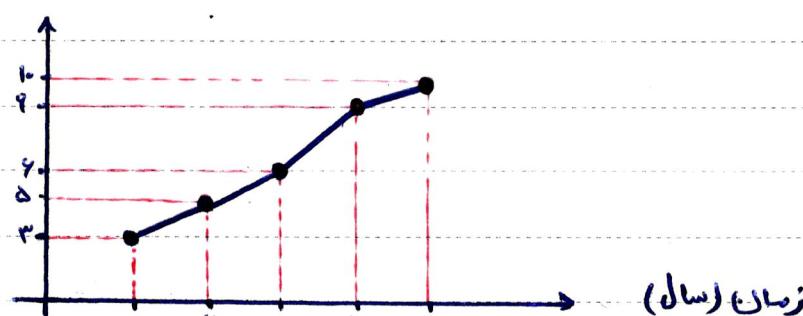
نمونه سوالات امتحانی:

مثال: می‌توانیم درآمد سالانه‌ی صدیرات بانگی شهر به صورت زیر است

سابقه‌ی کار (سال)	۳	۶	۸	۱۰	۱۲
درآمد (میلیون تومان)	۳	۵	۶	۹	۱۰

(الف) نهادرسی زمانی جدول مقابله را سازید

ب) درآمد شخصی با سابقه‌ی کار ۱۱ سال را به روش درون یا ب تخمین نمایند.



حواب (الف)

حواب (ب) چون سال یازدهم بین سالهای ۱۰ و ۱۲ قرار دارد پس،

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{9 - 10}{10 - 12} = \frac{-1}{-2} = \frac{1}{2}$$

$$y - y_1 = m(x - x_1) \Rightarrow y - 10 = \frac{1}{2}(x - 10)$$

$$y - 10 = \frac{1}{2}x - 5$$

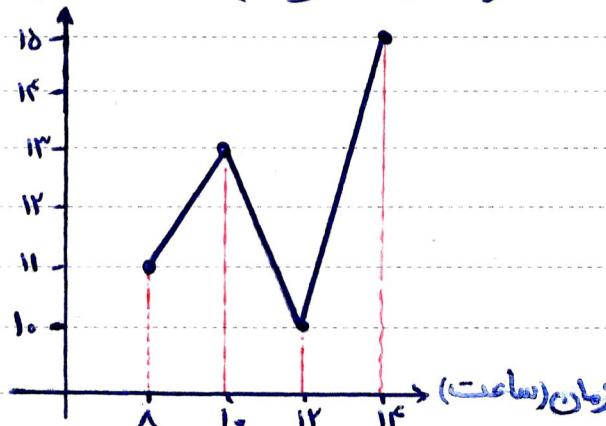
$$y = \frac{1}{2}x + 5$$

$$\text{معادله خط } \rightarrow y = \frac{1}{2}x + 5$$

اکنون نقطه باید بجای عدد ۱۱ قرار دهد؛

شخصی با ۱۱ سال سابقه تقریباً ۹,۵ میلیون تومان حقوق دریافت می‌کند.

مثال: در بیو دارسی زمانی رو برو، قیمت کالا را در ساعت ۹ برو بیاب کنید، پس قیمت کالا را در ساعت ۱۵ برو بیاب کنید (در محاسبات حدود از قسمتهای اعشاری صرف نظر کنید) **قیمت (دلار)**



حوالہ الف) ساعت ۹ بین ساعتهای ۱۰ و ۱۲ قرار دارد، پس:

$$\begin{bmatrix} 10 \\ 11 \end{bmatrix} \xrightarrow{x_1} y_1 \quad \begin{bmatrix} 12 \\ 13 \end{bmatrix} \xrightarrow{x_2} y_2$$

$$\begin{aligned} m &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{13 - 11}{12 - 10} = \frac{-2}{-2} = 1 \\ y - y_1 &= m(x - x_1) \\ y - 11 &= 1(x - 10) \Rightarrow y - 11 = x - 10 \end{aligned}$$

$$y = x - 10 + 11$$

$$\boxed{y = x + 1}$$

$$x = 9 \Rightarrow y = 9 + 1 = 10 \text{ دلار}$$

کلوف باید به جای محمد عدد ۹ را قرار دهم.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{حواله ب)} \quad \text{میانگین زمانها} \\ \frac{1+10+12+14}{4} = \frac{47}{4} = 11 \\ \text{ نقطه میانگین} \Rightarrow \boxed{\begin{bmatrix} 11 \\ 12 \end{bmatrix}} \\ \text{میانگین قسمتها} \\ \frac{11+13+10+15}{4} = \frac{59}{4} \approx 12 \end{array} \right.$$

واز روی حදول واضح است که نزدیکترین نقطه به ساعت ۱۵، ساعت ۱۰ باشد، پس:

$$\begin{bmatrix} 14 \\ 15 \end{bmatrix} \xrightarrow{x_2} y_2 \quad \begin{bmatrix} 11 \\ 12 \end{bmatrix} \xrightarrow{x_1} y_1$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{15 - 12}{14 - 11} = \frac{3}{3} = 1$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 12 = 1(x - 11)$$

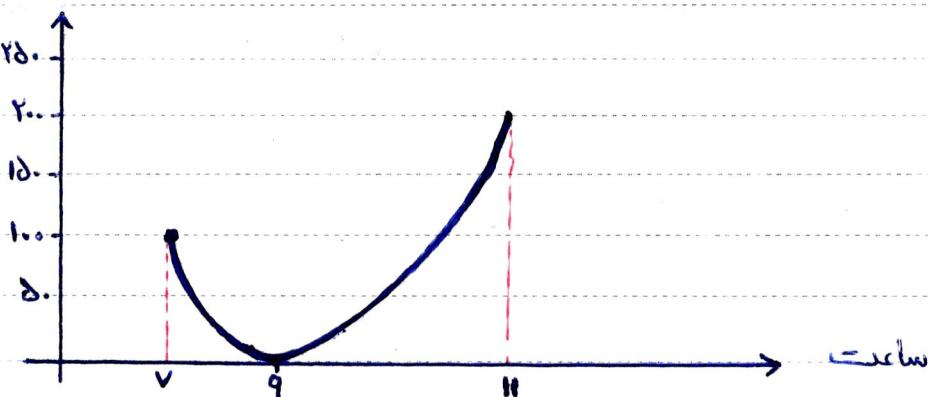
$$y - 12 = x - 11 \Rightarrow y = x - 11 + 12 \Rightarrow \boxed{y = x + 1}$$



کلوف باید به جای محمد عدد ۱۰ را قرار دهم.

$$x = 10 \Rightarrow y = 10 + 1 = 11 \text{ دلار}$$

مثال: باقی‌جای بهمن‌دار و برو، تعداد مشتری‌ها را در ساعت «اصبح درویاب» کنید، آنکه تعداد دقیق مشتری‌ها در ساعت «اصبح برابر ۹۸» باشد. خطای درویاب چقدر است؟ تعداد مشتری‌ها



جواب: می‌دانیم که ساعت «اصبح بین ساعت‌های ۹ و ۱۱ قرار دارد» پس:

$$\begin{aligned} & \left[\begin{array}{l} 9 \\ 10 \end{array} \right] \rightarrow x_0 \quad \left[\begin{array}{l} 11 \\ 20 \end{array} \right] \rightarrow x_1 \\ & \left[\begin{array}{l} y_0 \\ y_1 \end{array} \right] \rightarrow y \\ & m = \frac{y_1 - y_0}{x_1 - x_0} = \frac{0 - 200}{9 - 11} = \frac{-200}{-2} = +100 = 100 \\ & y - y_1 = m(x - x_1) \\ & y - 200 = 100(x - 11) \\ & y - 200 = 100x - 1100 \\ & y = 100x - 1100 + 200 \Rightarrow y = 100x - 900 \end{aligned}$$

اگر نون باید به جای ۱۰۰ عدد «۹۰۰» قرار دهد،

$$\text{تعداد تقریبی مشتری‌ها در ساعت «اصبح»} \rightarrow y = 100x - 900 = 1000 - 900 = 100 = 100 - 90 = 10$$

$$\text{اقدار تخمین زده شده - اقدار واقعی} = |94 - 100| = 6 = F$$

مثال: درست یا نادرست بودن جملات زیر را مشخص کنید.

الف) آنکه آنکه بهمن‌دار سری زمانی به صورت منحنی باشد، درویاب و برویاب همچ خطای ندارند. \times

ب) خطای درویاب و برویاب عبارتست از مجموع مقدار واقعی و مقدار تخمین زده شده \times

ج) از بهمن‌دار سری زمانی متساوب بی توان اطلاعات نسبتاً دقیق در مورد نکره شناخته ایند بودست اورد. \checkmark

د) خطای درویاب سری زمانی که به صورت خط باشد، صفر است. \checkmark

ه) برویابی به ۱۰۰٪ انتقاله بین درداده‌ی منحنی، داده‌ی مورد تنظیمان را تخمین بزنیم. \times

ست) همیشه مقدار بودست آمد. از برویابی بادرون یابی بیشتر از مقدار واقعی است. \times