

۱- الف) نیرو چیست؟ ب) انواع نیروهای بنیادی در طبیعت را نام ببرید؟

پاسخ: الف) نیرو تاثیر یا بر هم کنش دو جسم با یکدیگر است، که معمولاً باعث تغییر در وضعیت جسم می‌شود. ممکن است دو جسم با هم در تماس باشند، مثل میخ و چکش، و یا در تماس نباشند مثل دو بار الکتریکی و یا دو قطب آهنربا
ب) نیروی گرانشی، نیروی الکترومغناطیسی، هسته‌ای قوی و هسته‌ای ضعیف

۲- اگر بر جسمی نیرو وارد شود، در جسم چه تغییراتی ممکن است ایجاد شود؟

پاسخ: اثر نیرو بر یک جسم به شکلهای مختلف مانند، شروع به حرکت کردن، توقف، کم و زیاد شدن اندازه سرعت (تندی)، تغییر سرعت و تغییر شکل آن جسم شود.

۳- نیروی بین دو جسم چگونه به وجود می‌آید؟ آیا دو جسم باید در تماس با یکدیگر باشند؟

پاسخ: در تاثیر دو جسم بر یکدیگر، همواره دو نیرو به وجود می‌آید که هر نیرو را یک جسم به دیگری وارد می‌کند.
نیرویی که یک جسم بر جسم دیگر وارد می‌کند، تا زمانی وجود دارد که دو جسم با هم در تماس باشند، به محض آن که تماس دو جسم از بین رفت، نیرویی که هر جسم بر دیگری وارد می‌کند نیز از بین می‌رود. به عبارت دیگر نیرو را نمی‌توان ذخیره کرد.
تاثیر دو جسم بر هم، ممکن است ناشی از تماس دو جسم باشد و یا دو جسم از راه دور بر یکدیگر نیرو وارد کنند.

۴- الف) نیرو بین دو جسم چگونه به وجود می‌آید؟ آیا لزوماً برای ایجاد نیرو، دو جسم باید در تماس با یکدیگر باشند؟

ب) آیا برای به وجود آمدن نیرو وجود دو جسم الزامی است، توضیح دهید؟

پاسخ: الف) نیرو کشیدن و یا هل دادن یک جسم است که حاصل برهمکنش آن با جسم دیگری می‌باشد. نیرو بر حسب اینکه اجسام با هم تماس داشته باشند و یا خیر، انواع مختلفی دارد، در دو گروه اصلی قرار می‌گیرند. نیروی تماسی از تماس دو جسم ایجاد می‌شود مانند: نیروی اصطکاک، نیروی کشش، نیروی عمودی تکیه‌گاه، نیروی مقاومت هوا، نیروی کشش فنر
نیروی غیر تماسی از راه دور با فاصله دو جسم بوجود می‌آید، مانند: گرانشی، مغناطیسی، الکتریکی

ب) برای آن که نیرو بوجود آید، وجود دو جسم لازم است که با تاثیر بر یکدیگر، هر کدام به دیگری نیرو وارد کند. یعنی یک جسم نمی‌تواند بر خودش نیرو وارد کند.

۵- با توجه به انواع نیروهای تماسی و موثر از راه دور، نیروی وارد بر جسم تا چه زمانی وجود دارند و بر جسم اثر می‌گذارد؟

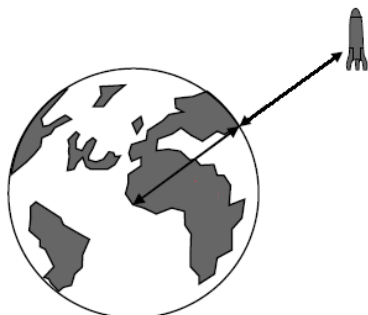
پاسخ: در مورد نیروهای تماسی تا زمانی که دو جسم در تماس با هم باشند، دو جسم بر هم اثر می‌گذارند، در مورد نیروی موثر از راه دور (غیر تماسی) تا زمانی که در بُرد نیروی هم قرار داشته باشند، اثر می‌گذارند؛ مثلاً دو قطب ناهمنام آهنربا در فاصله‌ی نزدیک یکدیگر را جذب می‌کنند ولی هر چه آهنرباها از هم دور و دورتر شوند، تأثیر آنها بر یکدیگر کم و کمتر می‌شود. برد نیروهای الکترومغناطیسی نامحدود است، اما هسته‌ای کوتاه برد هستند

۶- وسیله اندازه‌گیری نیرو چیست؟ روش اندازه‌گیری نیرو چگونه است؟

پاسخ: نیروسنج، نیرو توسط تأثیرش بر اجسام اندازه‌گیری می‌شود، مثل تغییر شکل دادن یک فنر

۷- الف) با توجه به شکل مقابل، ماهواره‌ها تحت تأثیر چه نیرویی در مدار خود باقی می‌مانند؟

ب) کمیت نیرو و انرژی چه رابطه‌ای با هم دارند؟



پاسخ: الف) ماهواره تحت تأثیر نیروی گرانشی بین زمین و ماهواره که همان نیروی وزن در محل ماهواره است روی مسیر دایره‌ای به دور زمین می‌چرخد و نقش نیروی مرکز‌گرا را تأمین می‌کند.

در سال ۱۶۶۵ میلادی آیزاک نیوتون نشان داد که نیرویی که کره ماه را در مدارش به دور زمین نگه می‌دارد، همان نیرویی است که باعث افتادن سیب از درخت می‌شود. نیوتون دریافته بود که نه تنها زمین؛ ماه و سیب را به طرف خود می‌کشد، بلکه هر جسم در جهان، دیگر اجسام را به طرف خود می‌کشد. این تمایل برای حرکت اجسام به طرف یکدیگر گرانش نامیده می‌شود. نیوتون برای این نیرو قانون پیشنهاد کرد که به قانون گرانش نیوتون معروف است.

ب) ماهواره فضایی است که در مداری به دور یک سیاره می‌چرخد برای آنکه ماهواره در ارتفاع معینی از سطح سیاره به گردش درآید، توسط مو شک‌های مخصوصی پرتاب و تار سیدن به سرعت مشخصی، روی مداری به دور زمین به حرکت در می‌آیند. ماهواره‌ها پس از قرار گرفتن در یک مدار معین دیگر نیاز به هیچ محرکی ندارند و فقط و فقط تحت تأثیر نیروی گرانش زمین به حرکت دورانی خود ادامه می‌دهند.

ب) اگر انرژی را به صورت کار ذخیره شده یا توانایی انجام کار تعریف کنیم، طبق قانون پایستگی انرژی، انرژی نه از بین می‌رود و نه به وجود می‌آید کمیتی نرده‌ای است که یکای آن ژول است یعنی حاصل ضرب نیوتن در متر که می‌تواند در اجسام به صورت‌هایی ذخیره شود و یا با روشهایی آزاد گردد، از حاصل ضرب نیرو در جابه‌جایی انرژی یا کار حاصل می‌شود.

۸- مرکز جرم جسم چیست و با گرانیگاه جسم چه تفاوتی دارد؟

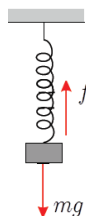
مرکز ثقل (*Center of gravity*) یا گرانیگاه یک جسم، نقطه‌ای است که گشتاور ناشی از میدان گرازشی، حول آن نقطه صفر می‌شود. در شرایطی که میدان گرازشی یکنواخت باشد، مرکز ثقل با مرکز جرم یکسان خواهد بود، اما در حالت کلی و در میدان‌های غیر یکنواخت، مرکز جرم می‌تواند از گرانیگاه منحرف شود. برای مثال، برای یک ماهواره در مدار زمین، گرادیان میدان گرازشی بین دو قسمت دورتر و نزدیک‌تر ماهواره به زمین، می‌تواند یک گشتاور روی ماهواره ایجاد کند. در چنین شرایطی توجه به تفاوت مرکز جرم و مرکز ثقل الزامی است. این موضوع حداقل از دو طریق قابل مشاهده است. در حقیقت می‌توان گفت: «مرکز جرم نقطه‌ی میانگین تمام جرمی است که جسم را تشکیل می‌دهد.» از این رو در یک توپ به دلیل تقارن این نقطه در مرکز هندسی قرار دارد و برعکس در یک جسم نامتقارن مانند چکش این نقطه در محل سنگین‌تر قرار می‌گیرد.

مرکز جرم نقطه‌ای است که می‌توان در حرکت یک جسم غیر نقطه‌ای برای آن حرکت انتقالی در نظر گرفت ولی گرانیگاه نقطه‌ای که وزن کل جسم به آن اعمال می‌شود. مرکز جرم نقطه‌ای است که تغییر نمی‌کند، ولی گرانیگاه تغییر می‌کند و جابجا می‌شود بستگی به جسم دارد و گشتاور حول آن نقطه صفر است.

۹- چرا گفته می‌شود، نیرو کمیته برداری است؟

پاسخ: چون برای تغییر در وضعیت جسم جهت نیروی اعمالی مهم هست، مثلاً نیروی اصطکاک و مقاوم خلاف جهت نیروی وارد بر جسم عمل می‌کنند.

۱۰- این شکل بیانگر چه موضوعی است؟



نیروی وزن جسم در راستای قائم بسمت پایین باعث کشیدگی فنر می‌شود و نیروی بازگرداننده فنر بر خلاف نیروی وزن تمایل دارد جسم را به وضعیت قبل برگرداند، پس خلاف جهت یکدیگرند و در حالت تعادل با هم مساوی‌اند.

۱۱- صحیح و یا غلط بودن جملات زیر را مشخص کنید.

الف) نیرو نقش اساسی در تغییر حرکت یک جسم یا تغییر شکل آن دارد. (ص- غ)

ب) گالیله با انجام آزمایش گوی غلتان بر روی سطح شیبدار نتیجه گرفت، در غیاب نیرو، حرکت جسم متحرک ادامه می‌یابد. (ص- غ)

ج) قبل از سال ۱۶۰۰ میلادی، دانشمندان فکر می‌کردند؛ حالت طبیعی ماده، حالت سکون است. (ص- غ)

د) سرشت و طبیعت اجسام این نیست که پس از به حرکت درآمدن توقف کنند، بلکه می‌خواهند حالت اولیه خود را حفظ کنند. (ص- غ)

ه) سرشت و طبیعت اجسام حفظ حالت سکون است. (ص- غ)

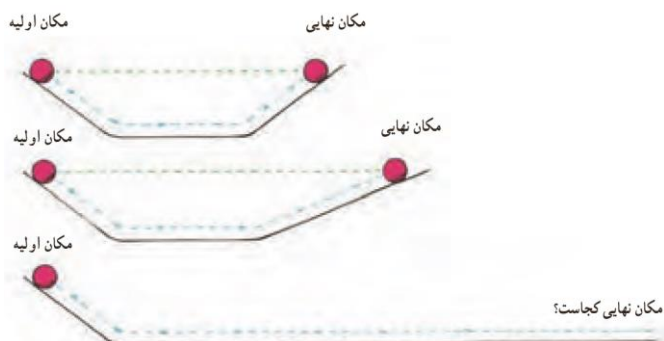
و سرشت و طبیعت اجسام این است که پس از به حرکت درآمدن توقف کنند، بلکه می‌خواهند حالت اولیه خود را حفظ کنند. (ص - غ)

ن) سرشت و طبیعت اجسام حفظ حالت اولیه است. (ص - غ)

۱۲- کدام یک از موارد زیر، جزء اثرات نیرو بر یک جسم نیست؟

- ۱) شروع به حرکت کردن ۲) تغییر تندی ۳) جهت سرعت ۴) تغییر رنگ

۱۳- برداشت خود را، از شکل مقابل بیان نمایید.



پاسخ: آزمایش گالیله نشان می‌دهد، اگر گوی غلتان را روی سطح شیبدار بدون اصطکاک رها کنیم، از سطح شیبدار مقابل به همان اندازه ارتفاع بالا خواهد رفت. در شکل دوم زاویه شیب مقابل کمتر شده پس جسم مسافت بیشتری را طی خواهد کرد، ولی ارتفاع یکسان است. در شکل سوم شیب سطح دوم صفر و سطح افقی است، پس جسم با سرعت ثابت تا بینهایت به حرکت خود ادامه خواهد داد.

گالیله با آزمایش گوی غلتان روی سطح شیبدار نتیجه گرفت؛ در صورتی که به جسم نیرویی وارد نشود جسم متحرک به حرکت خود ادامه خواهد داد. به عبارت دیگر برای حرکت یکنواخت جسم روی خط راست نیازی به وارد کردن نیرو به جسم نیست.

۱۴- در چه حالت نیروهای وارد بر جسم متوازن اند؟

پاسخ: نیروی متوازن، یعنی جسم در حال تعادل باشد و برآیند نیروها صفر شود. اگر به جسمی چند نیرو، بطور هم زمان وارد شود و نیروها اثر یکدیگر را خنثی کنند و برآیند نیروهای وارد بر جسم صفر شود، در این حالت می‌گوییم نیروهای وارد بر جسم متوازن است. وقتی جسم با سرعت ثابت بر روی خط راست در حال حرکت باشد، یا ساکن باشد جسم در حال تعادل و نیروهای وارد بر جسم متوازنند. به عبارت دیگر وقتی که وضعیت جسم تغییر نکند، نیروهای وارد بر جسم متوازن‌اند.

۱۵- در هر یک از شکل‌های زیر، کدام نیروها اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند؟



پاسخ: شکل الف) نیروی پیشران با مجموع نیروی اصطکاک + نیروی مقاومت هوا اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند و همچنین نیروی عمودی سطح و نیروی وزن نیز اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند.

۱ اصطکاک چرخهای جلو در به حرکت در آوردن اتومبیل کمک می‌کنند، (ما شین دیفرانسیل جلو) و جهت آن برای چرخهای جلو در جهت حرکت است. فقط اصطکاک چرخهای عقب است، که خلاف جهت حرکت است. برای ثابت کردن این که اصطکاک چرخهای جلو عامل حرکت است؛ فرض کنید اتومبیل روی یک سطح کاملاً لغزنده باشد که اصطکاک ناچیز فرض شود، ماشین قادر به حرکت رو به جلو نخواهد بود چون هیچ نیروی خارجی در راستای افق وجود ندارد.

شکل ب) نیروی پیشران با نیروی مقاومت هوا و همچنین نیروی شناوری با نیروی وزن کشتی متوازنند.

شکل پ) نیروی مقاومت هوا با نیروی وزن متوازنند.

۱۶- گاليله با انجام آزمایش حرکت گوی غلتان روی سطح شیبدار، چه نتیجه ای گرفت؟

پاسخ: نتیجه گرفت، در نبود نیرو، حرکت جسم متحرک ادامه می‌یابد. به عبارت دیگر برای حرکت یکنواخت جسم روی خط راست نیازی به وارد کردن نیرو به جسم نیست.

گاليله دریافت اندازه‌ی سرعت گویی که روی سطح شیب‌دار پایین می‌غلتد، در ثانیه‌های متوالی به یک اندازه افزایش می‌یابد؛ یعنی، غلتش با شتاب بدون تغییر صورت می‌گیرد. اندازه‌ی سرعت لحظه‌ای یا سرعت گوی در هر زمان پس از رها شدن از حال سکون صرفاً برابر شتاب آن ضرب در زمان است.

$$\text{زمان} \times \text{شتاب} = \text{سرعت حاصل}$$

گاليله برای سطح‌های با شیب بیشتر شتاب‌های بیشتری به دست آورد، با وجود اصطکاک. گوی وقتی بیشتر شتاب را به دست می‌آورد که سطح به صورت عمودی قرار بگیرد. در این صورت شتاب جسم با جسم در حال سقوط آزاد برابر می‌شود گاليله کشف کرد، بدون توجه به وزن یا اندازه‌ی جسم، اگر مقاومت هوا آن قدر کم باشد که بتوان آن را نادیده گرفت، تمام اجسام با شتاب بدون تغییر یکسانی سقوط می‌کنند.

۱۷- مفاهیم زیر را تعریف نماید.

الف: قانون اول نیوتن

ب: اینرسی (لختی)

پاسخ: الف) یک جسم حالت سکون، یا حرکت با سرعت ثابت بر روی خط راست خود را حفظ می‌کند، مگر آنکه نیروی خالص غیر صفری به آن وارد شود.

ب) تمایل اجسام به حفظ وضعیت خود، در غیاب نیرو را لختی گویند.

۱۸- یک دیسک‌هاکی که در حال سر خوردن روی یخ است، سرانجام متوقف می‌شود. گالیله و نیوتن آن را چگونه توجیه می‌کردند؟

پاسخ: گالیله می‌گوید وقتی دیسک شروع به حرکت کرد، حرکتش تداوم می‌یابد. نیوتن می‌گوید، وقتی دیسک شروع به حرکت می‌کند، حرکتش تداوم دارد، اما آنچه مانع از استمرار حرکت می‌شود اصطکاک (نیروی خارجی) است که جسم با آن روبرو می‌شود.

۱۹- آیا قانون اول نیوتن همه جا برقرار است؟ توضیح دهید.

پاسخ: در دستگاه‌های مرجع لخت یا دستگاهی که دارای شتاب نیستند، قانون اول برقرار است.

دستگاه مرجع لخت یا چارچوب مرجع لخت دستگاهی است، که در آن قانون اول و دوم نیوتون معتبر هستند، یعنی دستگاه مختصاتی که دارای شتاب نیست. اگر دستگاه در حال چرخش حتی با تندی ثابت باشد، شتاب‌دار محسوب می‌شود.

۲۰- ارتباط جرم و اینرسی چیست؟

پاسخ: جرم یک جسم معیاری از مقدار لختی جسم در برابر تغییر حرکت است. هر چه جرم یک جسم بیشتر باشد، بر اثر اعمال نیرویی ثابت و معین شتاب کمتری می‌گیرد.

۲۱- درستی و یا نادرستی جمله‌های زیر را تعیین کنید:

الف) لختی، خاصیتی از ماده است که با تغییر وضعیت (سرعت) آن مخالفت می‌کند.

ب) هر چه جرم جسمی بیشتر باشد، لختی آن نیز بیشتر خواهد بود.

ج) شتاب یک جسم با نیروی وارد بر آن نسبت مستقیم و با جرم جسم نسبت عکس دارد.

د) دستگاه لخت دستگاهی است که هیچ نیرویی بر آن وارد نشود.

ه) قانون اول نیوتن دستگاههای تخت را تعریف می‌کند.

و) قانون دوم نیوتن در هر دستگاهی صادق است.

ن) قوانین با یکدیگر همپوشانی ندارند.

ی) قانون اول نیوتن حالت خاصی از قانون دوم نیوتن است.

پاسخ: الف) درست ب) درست ج) درست د) نادرست ه) درست و) نادرست ن) درست ی) نادرست

۲۲- به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

الف) چرا حرکت سریع مقوا در شکل «الف»، سبب افتادن سکه در لیوان می‌شود؟

ب) چرا در شکل «ب» اگر به آرامی نیروی وارد بر گوی را زیاد کنیم، نخ بالای گوی پاره می‌شود، اما اگر ناگهان نخ را بکشیم، نخ پایین آن پاره می‌شود؟

پ) چرا با ضربه زدن به انتهای دسته به زمین در شکل «پ» چکش به طرف پایین سفت می‌شود؟

ت) چرا وقتی در اتوبوس در حال حرکت نشسته‌اید و راننده ناگهان اقدام به ترمز می‌کند، به طرف جلو پرت می‌شوید؟

ج) هنگامی که اتومبیلی به سرعت می‌پیچد، شما احساس می‌کنید که به مرکز چرخش کشیده می‌شوید.

پاسخ: الف) اگر کاغذ را به طور ناگهانی از زیر سکه بیرون بکشید، مشاهده می‌کنید، سکه تمایل دارد حالت اولیه خود را حفظ کرده و همراه کاغذ حرکت نکند (در مثال فوق اگر نیرو را به تدریج زیاد کنیم، سیستم به صورت یکپارچه حرکت می‌کند).

ب) نخ از جایی پاره می‌شود که بیشترین نیرو به آن وارد شود، زمانی که در بار اول نخ را به آرامی پایین می‌کشیم و به تدریج نیرو را افزایش می‌دهیم، نیروی وارد بر پایین وزنه فقط نیرویی است که ما وارد می‌کنیم ولی نیروی وارد بر بالای وزنه، برابر با مجموع نیروی ما و نیروی وزن وزنه می‌باشد، بنابراین نخ از بالا پاره می‌شود. در بار دوم که نخ را به صورت ضربه‌ای در یک لحظه پایین می‌کشیم، نیروی زیادی را در یک لحظه کوتاه وارد می‌کنیم و بنابراین نخ از پایین وزنه پاره خواهد شد.

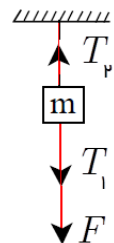
ب) روش دوم: ابتدا که به آرامی نخ پایینی را می‌کشیم، می‌توان فرض کرد که شتاب وزنه m صفر است، در نتیجه $T_1 + mg = T_p$ ؛

پس مقدار T_p همواره بیشتر از T_1 است و با زیاد شدن T_1 ، T_p زودتر از آن به آستانه پاره شدن خواهد رسید. اما در حالت دوم با

کشیدن سریع نخ، به جرم m شتابی بیشتر از g می‌دهیم و در این حالت با توجه به قانون دوم نیوتن می‌توان نوشت

$$T_1 + mg - T_p = ma \Rightarrow T_1 + mg = T_p + ma \xrightarrow{if\ g < a} T_1 > T_p$$

پس می‌توان با کشیدن سریع، کشش نخ پایینی را بیشتر از کشش نخ بالایی کرد و باعث شد که زودتر پاره شود. توجه شود اگر



شتاب جسم بیشتر از g نشود، نخ پایینی پاره نخواهد شد. نکته‌ی دیگر در این آزمایش، این است که جرم m تقریباً

ثابت است، و علت آن این است که نیروهای زیادی لازم است که به جسم شتاب بیشتر از g بدهد و نخ پایینی قبل از تامین این نیرو پاره شود.

ب) وقتی به آرامی بر نخ نیروی رو به پایین وارد می‌کنیم، نیروی کشش نخ بالایی؛ به اندازه وزن جسم بیشتر از نیروی کشش نخ پایینی است، $T_p = T_1 + mg$ ، و فرصت انتقال نیرو به نخ بالایی وجود دارد پس از نخ بالا پاره می‌شود. ولی وقتی نخ را سریع می‌کشیم چون شتاب حرکت گلوله زیاد می‌شود پس نیروی کشش نخ پایینی بیشتر شده؛ طبق رابطه $(T_p - T_1 = mg - ma \xrightarrow{a > g} T_1 > T_p)$ فرصت انتقال نیرو وجود ندارد طبق اینرسی گلوله تمایل دارد به سکون قبلی خود باقی بماند، پس از نخ پایین پاره می‌شود.

پ) با نیروی وارد بر دسته و حرکت آن بطرف پایین، چکش نیز تمایل دارد به حرکت خود ادامه دهد، پس بطرف پایین سفت می‌شود. (ت) زیرا در هنگام ترمز، بعلت اینرسی تمایل داریم به حرکت قبلی خود ادامه دهیم.

۲۳- مطابق شکل جسمی توسط نخ، به سقف آویخته شده است. اگر نخ را به صورت ضربه‌ای در یک لحظه پایین بکشیم، طبق قانون



نخ از وزنه پاره می‌شود.

- | | |
|----------------|-----------------|
| (۱) اول - بالا | (۲) اول - پایین |
| (۲) دوم - بالا | (۴) دوم - پایین |

پاسخ: هنگامی که نخ را به صورت ضربه‌ای (یا ناگهانی) پایین می‌کشیم در اولین محل اتصال نیرو با جرم (یعنی از پایین) جرم جسم از حرکت باز می‌ماند و حالت قبلی خودش (سکون) را حفظ می‌کند. این خاصیت اینرسی یا لختی می‌باشد، که با قانون اول نیوتن توجیه می‌شود. بنابراین گزینه‌ی ۲ صحیح می‌باشد.

۲۴- راستی اگر همین سوال می‌گفت، نیروی طناب را به تدریج و به آهستگی زیاد می‌کنیم، در این صورت طناب از کجا پاره می‌شد؟

در این صورت چون، نیرو زمان کافی برای انتقال به جرم را داشت، در هنگام پاره شدن جرم گوی را هم همراه خودش جدا می‌کرد یعنی نخ از قسمت بالا پاره می‌شد.

۲۵- سفینه‌های فضایی در خارج از جو می‌توانند باموتور خاموش به حرکت خود با سرعت ثابت ادامه دهند، علت آن را با توجه به قوانین نیوتن توضیح دهید.

پاسخ: وقتی سفینه با موتور خاموش به حرکت ادامه می‌دهد، نیروی جلوبرنده بر جسم وارد نمی‌شود، از طرفی در آنجا مقاومت هوا وجود ندارد. بنابراین برآیند نیروهای وارد بر سفینه برابر صفر است. طبق قانون دوم نیوتن، اگر به جسمی نیرو وارد نشود، شتاب جسم برابر صفر خواهد بود. پس در اینجا شتاب سفینه برابر صفر و سفینه با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه می‌دهد.

۲۶- فضا نوردی هنگام راهپیمایی در فضا آچاری را فشار داده و از خود دور می‌کند. حرکت آچار را پس از جدا شدن از دست فضا نورد توضیح دهید.

پاسخ: در فضای بین سیارات، دیگر نیرویی وجود ندارد، اگر آچار هل داده شود، بر روی خط راست و با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه می‌دهد.

۲۷- وقتی در ماشین نشسته‌اید و ماشین ناگهان شروع به حرکت می‌کند، به عقب پرتاب می‌شوید. چرا؟

پاسخ: وقتی ماشین شروع به حرکت می‌کند، بنابر قانون اول شخص مایل است که وضعیت خود را حفظ کند و در همان حالت قبلی بماند، بنابراین به عقب پرت می‌شود.

۲۸- آیا جسم الزاماً در راستای برآیند نیروهای وارد بر آن حرکت می‌کند؟

خیر ممکن است نیروی برآیند همراه ستا با حرکت جسم نباشد، مثلاً وقتی وقتی جسمی را پرتاب می‌کنیم نیروی وزن جسم رو به پایین و با حرکت جسم همراه ستا نیستند؛ مثل حرکت دایره‌ای. در چه صورتی، جسم در راستای نیروی برآیند حرکت می‌کند؟ اگر ساکن باشد، در راستای نیرو خالص حرکت می‌کند، اگر جسم تحت آن نیرو خالص بخواهد شروع به حرکت کند، در جهت نیرو خالص شروع به حرکت می‌کند. وقتی شتاب و سرعت هم جهت باشند.

۲۹- جسمی با سرعت ثابت، روی یک سطح در حال حرکت است. کدام یک از قانون‌های اول یا دوم نیوتون را می‌توان در مورد این جسم به کار برد؟

پاسخ: هر دو قانون می‌تواند بکار برود. طبق قانون اول، جسم تمایل دارد به حرکت خود با سرعت ثابت ادامه دهد و طبق قانون دوم، وقتی سرعت جسم ثابت باشد، شتاب حرکت جسم صفر و برایند نیروهای وارد بر جسم صفر می‌شود.

قانون اول نیوتن این دستگاه رو به عنوان دستگاه لخت تایید می‌کند در حالی که قانون دوم نیوتن رابطه‌ی بین نیروهای متوازن رو بیان می‌کند.

۳۰- قانون دوم نیوتن را تعریف کنید.

پاسخ: از دید ناظر لخت، اگر به یک جسمی نیروی خالصی وارد شود، شتابی می‌گیرد که با نیروی خالص وارد بر جسم، نسبت مسقیم

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m} \Rightarrow \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

و با آن هم جهت است و با جرم جسم نسبت وارون دارد.

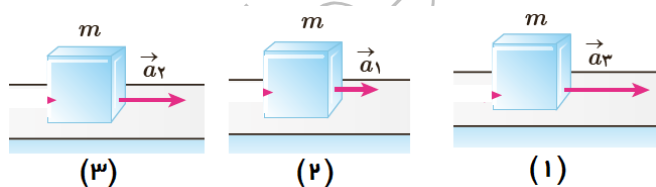
۳۱- یکای نیرو در SI نیوتون (N) می‌باشد. N را بر حسب یکاهای بنیادی جرم، طول و زمان بنویسید و سپس N را تعریف کنید.

$$F = ma \Rightarrow 1N = 1kg \times 1 \frac{m}{s^2} = \frac{kg \times m}{s^2}$$

پاسخ:

یک نیوتن، بزرگی نیرویی است، که اگر بر جسمی به جرم یک کیلوگرم وارد شود؛ به آن جسم شتابی برابر یک متر بر مجذور ثانیه بدهد.

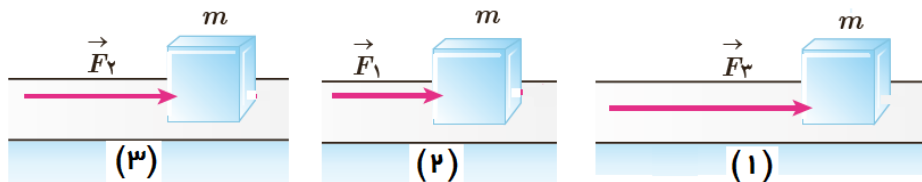
۳۲- در شکل‌های زیر، جرم جسم‌ها یکسان است، اندازه‌ی نیروی وارد بر اجسام با توجه به بردار شتاب، را به ترتیب از بزرگ به کوچک مرتب کنید.



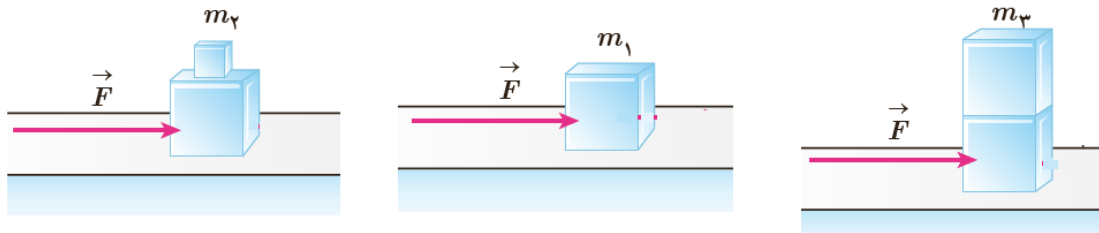
پاسخ: با توجه به شکل‌ها داریم:

$$|a_3| > |a_2| > |a_1| \xrightarrow{F=ma} F_3 > F_2 > F_1$$

۳۳- در شکل‌های زیر، جرم جسم‌ها یکسان است، با توجه به اندازه و جهت نیروی وارد بر اجسام؛ بردار شتاب وارد بر هر جسم را رسم کنید. (در رسم بردار به بزرگی شتاب توجه شود.)



۳۴- در شکل‌های زیر، نیروی یکسانی در جهت‌های نشان داده شده بر اجسام وارد شده است، با توجه به اندازه جرم‌ها بردار شتاب وارد بر هر جسم را رسم کنید. (در رسم بردار به بزرگی شتاب توجه شود.)



پاسخ: با توجه به شکل‌ها داریم:

$$|m_3| > |m_2| > |m_1| \quad \frac{F_1=F_2=F_3}{F=ma} \rightarrow a_3 > a_2 > a_1$$

رسم بردارهای شتاب یادتون نره ♥♥♥

۳۵- بر یک قایق موتوری که جرم آن با سرنشینش 400 kg است، نیروی افقی خالص 800 N به طرف جلو وارد می‌شود. (مثال ۲- (کتاب درسی)

الف) شتاب قایق چقدر و در چه جهتی است؟
ب) چند ثانیه طول می‌کشد، قایق از حالت سکون به سرعت $15 \frac{m}{s}$ برسد؟

$$v = at + v_0 \Rightarrow 15 = 2t \Rightarrow t = 7.5 \text{ s} \quad \text{ب)}$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{800}{400} = 2 \frac{m}{s^2} \quad \text{پاسخ: الف)}$$

۳۶- جسمی با سرعت $5 \frac{m}{s}$ در حرکت است. اگر نیروی ثابت 20 N در جهت حرکت جسم به مدت 2 s بر آن وارد شود، سرعتش به $15 \frac{m}{s}$ می‌رسد.

جرم این جسم چند کیلوگرم است؟

۵(۴)

۴(۳)

۳(۲)

۲(۱)

پاسخ: گزینه ۳ صحیح است.

$$\left. \begin{array}{l} v_0 = 5 \\ t = 2 \\ V = 15 \end{array} \right\} \rightarrow V = at + v_0 \rightarrow 15 = a(2) + 5 \rightarrow a = 5 \frac{m}{s^2}, m = ? \left. \right\} \Rightarrow \sum F = ma \Rightarrow 20 = m \times 5 \Rightarrow m = 4 \text{ kg}$$

۳۷- به يك جسم، همزمان سه نیروی $6N$ ، $8N$ و $10N$ وارد می‌شوند و جسم به حالت تعادل است. اگر نیروی $6N$ حذف شود، جسم با شتاب ثابت

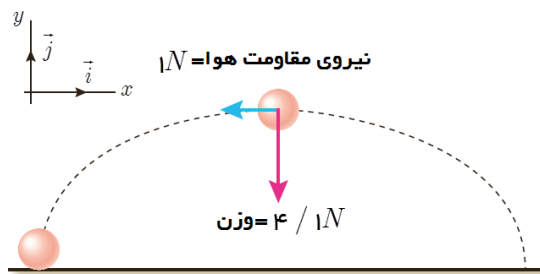
a_1 و اگر نیروهای $6N$ و $8N$ حذف شوند؛ جسم با شتاب a_2 حرکت می‌کند. نسبت $\frac{a_1}{a_2}$ کدام است؟

- (۱) $\frac{6}{10}$ (۲) $\frac{8}{10}$ (۳) $\frac{8}{10}$ (۴) باید زاویه بین بردارها مشخص باشد.

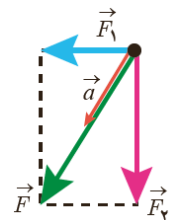
پاسخ: هر گاه برآیند سه بردار صفر شود و یکی حذف شود؛ برآیند دو بردار دیگر برابر، بردار حذف شده است. در حالت دوم هنگامی دو بردار $6N$ و $8N$ حذف شوند، فقط بردار $10N$ بر جسم اثر می‌کند.

$$\left. \begin{array}{l} (1) : F_{T1} = 6N \Rightarrow a_1 = \frac{F_{T1}}{m} = \frac{6}{m} \\ (2) : F_{T1} = 6N \Rightarrow a_2 = \frac{F_{T2}}{m} = \frac{10}{m} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{6}{10}$$

۳۸- شکل رویرو، نیروهای وارد بر توپ فوتبالی به جرم $420g$ را در بالاترین نقطه مسیرش نشان می‌دهد. جهت شتاب توپ در این نقطه را تعیین کنید. (مثال ۲-۲ کتاب درسی)



پاسخ: همانند شکل زیر، نیروی خالص وارد بر توپ دارای دو مولفه افق و قائم است. همچنین شتاب حرکت جسم رسم شده است.



$$\vec{F} = -1\vec{i} - 4/1\vec{j} \Rightarrow a = \frac{\vec{F}}{m} = \frac{-1\vec{i} - 4/1\vec{j}}{0/42kg} = -2/4\vec{i} - 9/8\vec{j}$$

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{(-2/4)^2 + (-9/8)^2} = 10/1 \frac{N}{kg}$$

۳۹- بر جسمی به جرم $2kg$ نیروی ثابت $\vec{F} = 2\vec{i} - 4\vec{j}$ وارد می‌شود. اگر سرعت جسم $3s$ پس از اعمال نیروی F به $\vec{V}_2 = 4\vec{i} - 7\vec{j}$ برسد، سرعت آن در لحظه‌ی وارد شدن نیروی F کدام است؟

- (۱) $\vec{i} - \vec{j}$ (۲) $\vec{i} + \vec{j}$ (۳) $7\vec{i} - 13\vec{j}$ (۴) $7\vec{i} + 13\vec{j}$

پاسخ: گزینه (۱) صحیح است.

$$\sum F = ma \Rightarrow ۲\vec{i} - ۴\vec{j} = ۲ \times \vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \vec{i} - ۲\vec{j}$$

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t} \Rightarrow \vec{i} - ۲\vec{j} = \frac{(۴\vec{i} - ۷\vec{j}) - \vec{V}_1}{۳} \Rightarrow ۳\vec{i} - ۶\vec{j} = (۴\vec{i} - ۷\vec{j}) - \vec{V}_1 \Rightarrow -\vec{V}_1 = -\vec{i} + \vec{j} \Rightarrow \vec{V}_1 = \vec{i} - \vec{j}$$

۴۰- جسمی به جرم $۵kg$ تحت اثر سه نیروی $\vec{F}_1 = -۱۵\vec{i} + ۸\vec{j}$ ، $\vec{F}_2 = -۲۱\vec{i} + ۱۹\vec{j}$ و \vec{F}_3 قرار گرفته و شتاب $\vec{a} = -۴\vec{i} + ۳\vec{j}$ را پیدا کرده است. اندازه‌ی نیروی \vec{F}_3 کدام است؟

۴۸(۴)

۲۸(۳)

۲۰(۲)

۴(۱)

$$m = ۵kg$$

$$F_1 = -۱۵i + ۸j$$

$$F_2 = -۲۱i + ۱۹j$$

$$F_3 = \alpha i + \beta j$$

$$a = -۴i + ۳j$$

$$\Rightarrow \sum F = ma \rightarrow \overbrace{(-۱۵ + (-۲۱) + \alpha)}^{-۳۶ + \alpha} i + \underbrace{(۸ + ۱۹ + \beta)}_{۲۷ + \beta} j = -۲۰i + ۱۵j$$

پاسخ:

$$\left. \begin{array}{l} -۳۶ + \alpha = -۲۰ \\ ۲۷ + \beta = ۱۵ \end{array} \right\} \Rightarrow \alpha = ۱۶, \beta = -۱۲ \rightarrow F_3 = ۱۶i - ۱۲j \rightarrow |F_3| = \sqrt{۱۶^2 + (-۱۲)^2} = ۲۰N$$

۴۱- دو نیروی هم اندازه F وقتی تحت زاویه‌ی ۹۰° نسبت به هم به جسمی وارد می‌شوند. شتاب جسم، $۴m/s^2$ می‌شود. در صورتی که این دو نیرو تحت زاویه‌ی ۱۲۰° نسبت به هم، به همان جسم وارد شوند، شتاب حرکت جسم چند $\frac{m}{s^2}$ می‌شود؟

۲√۲ (۳)

۲√۲ (۲)

√۲ (۲)

۲(۱)

۴۲- اتومبیلی به جرم $۱۲۰۰kg$ با سرعت اولیه $۷۲ \frac{km}{h}$ بر جاده‌ای مستقیم حرکت می‌کند، ناگهان مانعی را در مقابل خود می‌بیند و ترمز می‌کند، اگر اتومبیل پس از طی مسافت $۴۰m$ متوقف شود، نیرویی که باعث توقف اتومبیل شده است چند نیوتن است؟

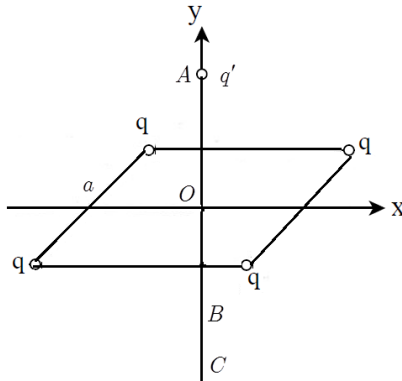
$$v^2 - v_0^2 = ۲a \times \Delta x \Rightarrow ۰ - ۴۰۰ = ۲ \times a \times ۴۰ \Rightarrow a = -۵ \frac{m}{s^2}, F = ma = ۱۲۰۰ \times (-۵) = -۶۰۰۰N$$

پاسخ:

۴۳- مطابق شکل چهار ذره، در رئوس یک مربع واقع در صفحه افقی با ضلع a قرار دارند و محور y عمود بر صفحه، از مرکز مربع می‌گذرد و بار

q' در نقطه‌ی A به حالت تعادل قرار دارد. اگر همزمان دو بار q واقع روی قطر مربع را خنثی کنیم. شتاب بار q' در کدام به بیشترین مقدار

خود می‌رسد؟ (مقاومت هوا ناچیز و g ثابت است.)



$$O(0, 0) \quad (1) \quad B(0, \frac{-a}{2}) \quad (2)$$

$$C(0, \frac{-\sqrt{2}a}{2}) \quad (3)$$

(۴) در همه نقاط یکسان است.

پاسخ: گزینۀ ۲ صحیح است.

$$F_T = 2F_{wy} = 2F_1 \cos \theta = \frac{2kqq'}{r^2} \times \frac{x}{r} = 2kqq' \times \frac{x}{(\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{3}{2}}}$$

اکنون از معادله نیرو مشتق می‌گیریم:

$$\frac{dF}{dx} = 2kqq' \frac{(\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{3}{2}} - 3x^2(\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{1}{2}}}{(\frac{a^2}{2} + x^2)^3} = 0 \Rightarrow (\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{3}{2}} - 3x^2(\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{1}{2}} = 0 \Rightarrow$$

$$(\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{1}{2}} \left[(\frac{a^2}{2} + x^2) - 3x^2 \right] = 0 \Rightarrow (\frac{a^2}{2} + x^2)^{\frac{1}{2}} (\frac{a^2}{2} - 2x^2) = 0 \Rightarrow x = \pm \frac{a}{2}$$

۴۴- قانون سوم نیوتن را تعریف کنید.

پاسخ: تاثیر اجسام بر هم همواره متقابل است، یعنی وقتی جسم اول به جسم دوم نیرو وارد کند، جسم دوم هم به جسم اول نیرویی وارد می‌کند مساوی و در خلاف جهت آن. به بیان دیگر «هر عملی را عکس العملی است، مساوی با آن ولی در خلاف جهت آن.»

۴۵- ویژگیهای نیروهای کنش و واکنش را بنویسید.

پاسخ: این دو نیرو هم اندازه، هم راستا و مختلف الجهد هستند.

به دو جسم وارد می‌شوند، نیروی کنش را جسم اول به دوم و نیروی واکنش را جسم دوم به جسم اول وارد می‌کند. در نتیجه دارای برابند نیستند. (برایند زمانی محاسبه می‌شود، که نیروها بر یک جسم وارد شوند.)

با هم بوجود می‌آیند، یعنی هر کدام منشاء دیگری است.

این دو نیرو هم نوع‌اند، به عنوان مثال یا هر دو گرانشی یا هر دو الکتریکی‌اند.

۶- با استفاده از کدام قانون نیوتن و چرا ما انسانها به راحتی می‌توانیم روی زمین حرکت کنیم.

پاسخ: ما با نیروی یا زمین رو به عقب هل می‌دهیم و زمین با اصطکاک ایستایی که به ما وارد می‌کند واکنش نشان می‌دهد و این نیروی رو به جلو (اصطکاک) باعث حرکت ما می‌شود. در واقع در حین راه رفتن پاهای ما ساکن هستند، فقط مرکز جرم ما جابجا می‌شود.

۷- موتورسواری با سرعت به دیوار برخورد می‌کند، بعد از برخورد با دیوار چه اتفاقی می‌افتد؟ با کدام قانون نیوتن آن را توجیه می‌کنید؟



پاسخ: قانون اول لختی که شخص بعد از برخورد به جلو پرتاب می‌شود. برای حل مساله قانون دوم (مفهوم تکانه)، قانون سوم، ضربه و نیروی وارد بر دیوار، به موتور وارد شده و به عقب پرتاب می‌شود.

با توجه به قانون سوم نیوتن میتوان توجیه کرد، طبق قانون سوم نیوتن موتور سوار به دیوار نیروی به یک جهت وارد می‌کند و برخلاف آن دیوار نیز به موتور سوار نیروی همان اندازه وارد می‌کند و قانون اول پررنگتر است و گرنه هر دو قانون دیگر هم مطرح هستند.

۸- شخصی ادعا می‌کند، که می‌تواند با کشیدن موهای سر و بلند کردن خود، خود را از درون چاله نجات دهد. این بیان او را چگونه تفسیر می‌کنید.

پاسخ: طبق قانون سوم نیوتن، شخص به موهای خود نیروی رو به بالا وارد می‌کند «کنش»، واکنش این نیرو از طرف مو به دست شخص و رو به پایین اعمال می‌شود، «واکنش». نیروهای کنش و واکنش نیروهای داخلی سیستم محسوب می‌شوند و بنابراین شخص با اعمال این نیرو نمی‌تواند نجات یابد.

۹- یک دسته مگس را در شیشه در بسته‌ای قرار داده‌ایم، شیشه مگس را روی ترازو می‌گذاریم. ترازو موقعی وزن بیشتری را نشان می‌دهد، که مگسها:



(۱) در ته ظرف نشسته باشند.

(۲) در فضای داخل ظرف به طرف بالا در حال پرواز باشند.

(۳) در فضای داخل ظرف به طرف پایین در حال پرواز باشند.

(۴) وزن شیشه در هر دو حالت یکسان است.

وقتی مگس به ته ظرف می‌نشیند وزن کل بیشتر می‌شود، ولی وقتی پرواز می‌کند نیروی شناوری در هوای ظرف نیروی وزن مگس را خنثی می‌کند؛ نوع حرکت رو به بالا و یا رو به پایین مگسها می‌تواند تاثیر داشته باشد. زمانی که مگسها در هوا هستند، به هر طرف پرواز کنند، تاثیری ندارند چون رو سطح نیستند. اگر حرکت مگسها با سرعت ثابت رو به بالا و یا پایین باشد فرقی نمی‌کند، اما اگر مثلاً تند شوند رو به بالا باشد، ترازو عدد بیشتر رو نشان می‌دهد در هوای درون شیشه قانون شناوری بکار می‌بریم. نیرویی که بال زدن پشه در هوا ایجاد می‌کند برابر با نیروی وزن مگس‌هاست و هوا هم متقابلاً نیرو وارد می‌کند، نیروی شناوری جز نیروهای داخلی حساب می‌شود و اثرات همدیگر رو خنثی می‌کنند.

پاسخ: (ج) پاسخ درست است. وقتی مگسها از ته شیشه بلند می‌شوند یا بر آن فرود می‌آیند ممکن است وزن آن اندکی تغییر کند. اما اگر در داخل شیشه در بسته در حال پرواز باقی بمانند یا در ته آن نشسته باشند وزن شیشه تغییر نمی‌کند. وزن شیشه بستگی دارد به جرم داخل آن که تغییر نمی‌کند. اما چگونه وزن یک مگس در حال پرواز به ته شیشه منتقل می‌شود؟ به وسیله جریان هوا مخصوصاً جریانهای رو به پایینی که بال مگسها تولید می‌کنند. اما آن جریانهای رو به پایین باید به طرف بالا هم برگردند. آیا ممکن است نیروی جریانهای هوا بر ته ظرف با همین نیرو بر در ظرف برابر باشد؟ خیر اثر این جریانها بر ته ظرف بیشتر است زیرا سرعت آنها از سرعت جریانهای سر بالا بیشتر است زیرا سرعت آنها از سرعت جریانهای سر بالا بیشتر است. چه چیز سبب کند شدن سرعت جریانهای هوا می‌شود؟ اصطکاک. اگر اصطکاک نبود، مگس نمی‌توانست پرواز کند.

۵۰- آیا با اویختن یک آهنربا در مقابل یک اتومبیل آهنی، آن طور که در شکل دیده می‌شود، می‌توانیم اتومبیل را به حرکت در بیاوریم؟

(۱) بلی، می‌توانیم.

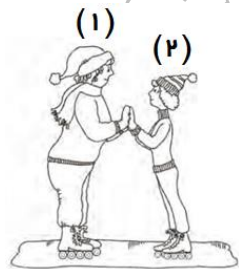
(۲) اگر اصطکاک مانع نشود، می‌توانیم.

(۳) نمی‌توانیم.



پاسخ: گزینه ۳ صحیح است. طبق قانون سوم نیوتن، آهنربا به خودرو نیرویی وارد می‌کند «کنش» و خودرو نیز همان مقدار نیرو را در جهت مخالف به آهنربا وارد می‌کند، «واکنش». نیروهای کنش و واکنش نیروهای داخلی سیستم محسوب می‌شوند و نیروی خالص خارجی بر خودرو وارد نمی‌شود، بنابراین شخص با اعمال این نیرو خودرو حرکت نمی‌کند. می‌توان این طور استدلال کرد که کار ورودی صفر، کار خروجی صفر انجام می‌دهد، که این نتیجه محال است.

۵۱- دو شخص به جرمهای 75 kg و 50 kg با کفشهای چرخ دار در یک سالن مسطح و صاف روی روی هم ایستاده‌اند. شخص اول با نیروی 100 N شخص دوم را هل می‌دهد. شتاب هر شخص را بیابید. (مثال ۲-۳ کتاب درسی)



پاسخ: طبق قانون سوم نیوتن هر شخص بر دیگری همان نیروی 100 N را در جهت مخالف به یکدیگر وارد

$$a_1 = \frac{F}{m_1} = \frac{100}{75} = \frac{4}{3} \frac{m}{s^2}, a_2 = \frac{F}{m_2} = \frac{100}{50} = 2 \frac{m}{s^2}$$

می‌کنند، داریم:

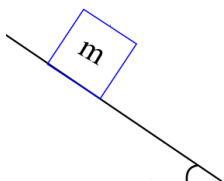
چون جرم اشخاص یکسان نیست، شتابها نیز یکسان نخواهد بود.

۵۲- درستی و نادرستی عبارات های زیر را با ذکر دلیل بیان کنید.

الف) کره‌ی زمین با اندازه سرعت ثابتی به دور خورشید می‌چرخد، بنابراین می‌توان گفت برآیند نیروهای وارد بر کره زمین صفر است.

غلط است؛ به شرطی برآیند نیروهای وارد بر یک جسم متحرک صفر می‌شود که جسم حرکتش با سرعت ثابت و روی خط راست باشد، حرکت زمین به دور خورشید با سرعت ثابت است، اما روی خط راست نیست.

ب) جسمی به جرم m روی سطح شیب دار، با سرعت ثابت به پایین می‌غزد، نیروی پایین آورنده بیشتر از نیروی بالابرنده است.



غلط است؛ در این سوال سر خوردن جسم روی سطح شیب دار با سرعت ثابت و روی خط راست می‌باشد. بنابراین برآیند نیروهای وارد بر آن صفر است و نیروی پایین آورنده با نیروی بالابرنده روی سطح شیب دار یکسان است.

ج) اگر نیروی F را دو برابر کنیم و جعبه ساکن بماند، در این صورت می‌توان گفت اندازه‌ی اصطکاک f هم دو برابر می‌شود.

صحیح است؛ هنگامی که جسم ساکن است برآیند نیروهای وارد بر آن صفر می‌باشد و نیروهای راست سو و چپ سو در آن هم اندازه می‌باشند، بنابراین با دو برابر شدن نیروی F نیروی اصطکاک هم باید دو برابر شود، تا برآیند آنها صفر بماند.



د) اسبی با نیروی F ، یک گاری را در جاده‌ای مستقیم با سرعت ثابت می‌کشد، اگر نیروی اصطکاک در مقابل حرکت f باشد، در این صورت



$$F > f$$

غلط است؛ در این سوال حرکت گاری با سرعت ثابت و روی خط راست می‌باشد. بنابراین برآیند نیروهای وارد بر آن صفر است و

$$F = f$$

۵۳- یکی از کاربردهای قانون سوم نیوتن، در حرکت موشکهاست. وقتی سوخت درون موشک می‌سوزد گازها با سرعت به خارج رانده می‌شود. این حرکت را با توجه به این قانون توجیه کنید؟

۵۴- بادکنکی را باد کنید و بدون آنکه در آن را ببندید، آن را رها کنید. حرکت بادکنک را با توجه به قانون سوم نیوتن شرح دهید.

۵۵- بنا بر قانون سوم نیوتن، نیرویی که اسب بر ارابه وارد می‌کند، برابر نیرویی است که ارابه بر اسب وارد می‌کند. بنابراین اسب چگونه می‌تواند ارابه را بکشد؟

پاسخ: علت این است که اسب به زمین نیرویی رو به عقب وارد می‌کند و سطح زمین به اسب نیرویی هم‌اندازه و رو به جلو وارد می‌کند و این عامل باعث حرکت رو به جلوی اسب (به همراه ارابه) می‌شود. در اینجا اسب و ارابه یک دستگاه در نظر گرفته می‌شوند.

۵۶- براساس کدام قانون نیوتن، و چرا به رانندگان وسایل نقلیه توصیه می‌شود از کمربند ایمنی استفاده نمایند؟

پاسخ: هنگامی که اتومبیل در حال حرکت با سرعت V می‌باشد و ترمز می‌کند، سرنشین اتومبیل همچنان تمایل دارد به حرکت با سرعت V ادامه دهد (قانون اول)، در نتیجه سرنشین به کمربند ایمنی، نیرویی رو به جلو وارد می‌کند، طبق قانون سوم نیوتن، کمربند ایمنی نیز نیرویی به همان اندازه و در همان راستا، اما رو به عقب به سرنشین اتومبیل وارد می‌نماید و از بروز خطر برای سرنشین جلوگیری می‌کند.

۵۷- چرا یک سیب رسیده تحت تاثیر نیرویی که زمین به آن وارد می‌کند، با شتاب سقوط می‌کند، اما زمین تحت تاثیر نیرویی که سیب به آن وارد می‌کند عملاً ساکن می‌ماند؟

پاسخ: نیرویی که به سیب در حال سقوط وارد می‌شود، همان نیروی وزن $w = mg$ (جرم سیب m) است. این نیرو طبق قانون دوم نیوتن به سیب شتاب g می‌دهد ولی طبق قانون سوم نیوتن همین نیروی $w = mg$ از طرف سیب به زمین وارد می‌شود و سیب نیز می‌خواهد زمین را به سمت خود (بالا) بکشد، ولی طبق قانون سوم نیوتن نیروی وارد به زمین به جرم M_e به صورت زیر است:

$w = mg = M_e a_e$ و چون جرم سیب نسبت به زمین بسیار کوچک است، پس زمین عملاً ساکن است.

$$a_e = \frac{mg}{M_e} \xrightarrow{m \ll M_e} a_e = 0$$

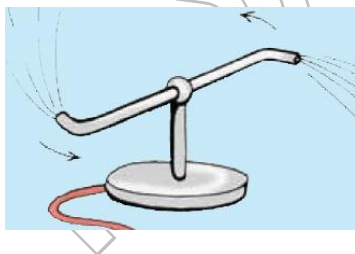
۵۸- توضیح دهید، چرا هنگامی که:

(الف) با پا به توپ ضربه ای می‌زنید، پای شما درد می‌گیرد؟

(ب) قایق‌ران پارو می‌زند، قایق در آب حرکت می‌کند؟

(ج) چمدان را از زمین بلند می‌کنید، دست شما به طرف پایین کشیده می‌شود. (شهریورماه ۹۰ - ریاضی)

(د) در شکل مقابل، آب از فواره خارج می‌شود، فواره می‌چرخد.



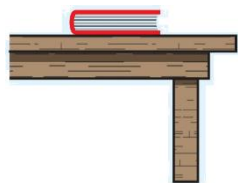
پاسخ: الف) هنگامی که ما به دیوار نیرو وارد می‌کنیم «کنش»، دیوار نیز به پای ما نیرویی هم‌اندازه و در خلاف جهت وارد می‌کند که سبب می‌شود پای ما درد بگیرد.

ب) پارو به آب نیرویی رو به عقب وارد می‌کند «کنش»، واکنش آن از آب به پارو به سمت جلو وارد شده و در نتیجه قایق رو به جلو حرکت می‌کند.

ج) دست ما به چمدان نیرویی رو به بالا وارد می‌کند «کنش»، چمدان واکنش آن را به دست ما رو به پایین اعمال می‌نماید. بنابراین دست ما به طرف پایین کشیده می‌شود.

د) فواره به آب نیرو وارد می‌کند «کنش»، آب عکس‌العمل آن را به فواره وارد می‌کند «واکنش» و در نتیجه فواره می‌چرخد.

۵۹- جسمی مطابق شکل بر روی یک میز قرار دارد. محدوده بکارگیری قانونهای اول و دوم نیوتن را در مورد این جسم تعیین کنید:



قانون اول نیوتن: چون این جسم شتاب ندارد، بنابراین ناظر متصل به این چارچوب، یک ناظر لخت است.

قانون دوم نیوتن: از دید این ناظر قانون دوم نیوتن به صورت زیر است.

$$F = ma = 0 \Rightarrow N - mg = 0 \Rightarrow N = mg$$

فرض کنید که دستگاه فوق در یک آسانسور قرار دارد که با شتاب a به سمت بالا در حرکت است. محدوده بکارگیری قانونهای اول و دوم نیوتن را در مورد این جسم تعیین کنید.

قانون اول نیوتن: این دستگاه دارای شتاب بوده و یک دستگاه لخت نیست.

قانون دوم نیوتن (از نظر ناظر متصل به یک چارچوب لخت): از دید این ناظر قانون دوم نیوتن به صورت زیر است:

$$F = ma \Rightarrow N - mg = ma \Rightarrow N = m(g + a)$$

قانون دوم نیوتن (از دید ناظر متصل به آسانسور): از دید این ناظر شتاب دستگاه صفر است از طرفی او علاوه بر نیروهای N و mg یک نیروی مجازی که ناشی از انتخاب دستگاه غیر لخت می‌باشد را نیز حس می‌کند جهت این نیروی مجازی به سمت پایین و برابر با ma می‌باشد. بنابراین از نظر این ناظر، قانون دوم نیوتن به همان شکلی که ناظر اول بکار گرفته نیست. قانون دوم نیوتن از نظر این ناظر به شکل زیر است.

$$F = ma \Rightarrow N - mg - ma = 0 \Rightarrow N = m(g + a)$$

۶۰- چرا ما انسانها به راحتی می‌توانیم روی زمین حرکت کنیم؟ این موضوع را با کدام یک از قوانین نیوتن توجیه می‌کنید؟

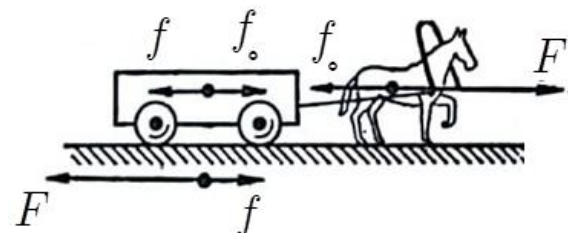
پاسخ: به دلیل اصطکاک انسان می‌تواند روی زمین راه برود. قانون سوم نیوتن ما زمین رو به عقب هل میدیم زمین ما رو به جلو؛ ما می‌توانیم روی سطحی با اصطکاک مناسب به راحتی گام برداریم و نیروی پیش‌رونده‌ی حرکت را تامین کنیم و به قانون سوم نیوتن مربوط است در واقع عکس‌العمل نیروی اصطکاک ایستایی بین پا و زمین شتاب حرکت را تامین می‌کند.

میتوان گفت شخص با پا زمین را با نیروی F به عقب می‌راند و متقابلاً زمین با نیروی F' به همان اندازه و در خلاف جهت او را به جلو هل می‌دهد.

نیروی وزن به سمت پایین وارد شده و عکس العمل آن رو به بالا نیروی تکیه گاه است هر چه وزن بیشتر باشد درگیری سطح پا و زمین و در واقع نیروی اصطکاک بیشتر است.

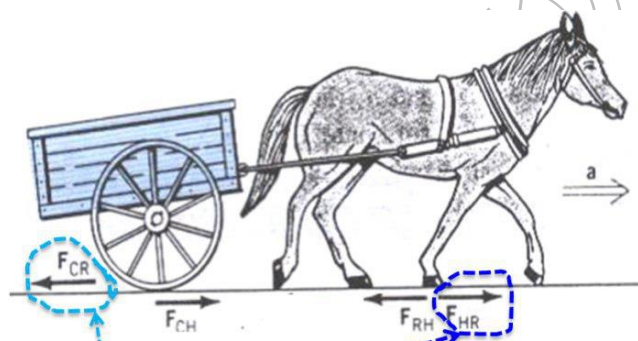
۶۱- بنا بر قانون سوم نیوتن؛ نیرویی که اسب بر ارابه وارد می‌کند، برابر نیرویی است که ارابه بر اسب وارد می‌کند. بنابراین اسب چگونه می‌تواند ارابه را بکشد؟

پاسخ: بر اساس قانون سوم نیوتن، تاثیر متقابل اسب و ارابه نمی‌تواند منجر به حرکت سیستم به عنوان یک واحد کل شود، به عبارت دیگر نمی‌تواند منجر به شتاب سیستم شود. در این مسئله با سه اثر مختلف سروکار داریم:



(۱) تاثیر اسب و ارابه بر یکدیگر f .
(۲) تاثیر اسب و زمین F ؛ بر یکدیگر که اسب را در مقابل زمین به جلو هل می‌راند.

(۳) تاثیر ارابه و زمین f ، که همان نیروی اصطکاک میان زمین و ارابه است.



اسب به این دلیل می‌تواند حرکت کند که **نیرویی که با سم هایش بر زمین وارد می‌کند** بزرگتر از نیرویی است که کالسکه با آن اسب را به طرف عقب می‌کشد و کالسکه به این دلیل به حرکت درمی‌آید که نیرویی که اسب با آن کالسکه را بطرف جلومی‌کشد بزرگتر از **نیروهای اصطکاکی است که کالسکه را به طرف عقب می‌کشند**.

چون نیرویی که اسب با پاهایش وارد می‌کند، بیشتر از نیرویی است که کالسکه با آن اسب را در خلاف جهت می‌کشد و کالسکه به حرکت در می‌آید،

بر ارابه دو نیرو وارد می‌شود، نیروی اسب و نیروی اصطکاک. برآیند این دو نیرو سبب شتاب ارابه و یا حرکت ارابه می‌گردد. البته اگر گاری سنگین شود، راه رفتن اسب سخت‌تر است ولی از لحاظ مکانیکی این دو در دستگاه اسب و گاری همدیگر را خنثی می‌کنند. مثل کشش نخ بین دو جعبه در حال کشیدن که در پیدا کردن شتاب اثری ندارد.

این دو نیرو به دو جسم متفاوت وارد می‌شوند و به هم ربطی ندارند. این نیروها عمل و عکس العمل بوده به دو جسم وارد شده در مورد این حرکت میتوان جزو نیروهای داخلی در نظر گرفت. بستگی دارد که چه سیستمی را در نظر میگیرید، اگر هر دو را با هم بگیریم این دو نیرو داخلی هستند و تاثیری بر حرکت ندارند و نیروی پا اسب، گاری را به جلو می‌برد. نیروی عمل و عکس العمل به یک جسم وارد نمی‌شود که اثر یکدیگر را خنثی کنند.

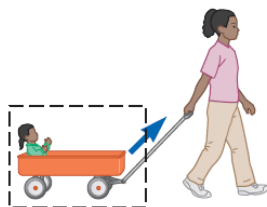
۶۲- درستی و یا نادرستی جملات زیر را تعیین کنید:

- ۱- هنگامی که شخصی بر روی زمین راه می‌رود، نیرویی که شخص را به سمت جلو پیش می‌برد، همان نیروی خود شخص است.
- ۲- در سقوط آزاد یک جسم، زمین و جسم هردو به سمت یکدیگر حرکت می‌کنند، اما جابجایی جسم بسیار بزرگتر از جابجایی زمین است. زیرا نیرویی که زمین بر سیب وارد می‌کند، بسیار بزرگتر از نیرویی است که سیب بر زمین وارد می‌کند.
- ۳- هنگامی که به سمت بالا می‌پریم، زمین در جهت مخالف به حرکت درمی‌آید.
- ۴- حرکت ما بر روی زمین باعث چرخش کره‌ی زمین می‌گردد.
- ۵- هنگامی که دو جسم با هم برهم‌کنش می‌کنند، ابتدا نیروی کنش ایجاد می‌شود آنگاه واکنش.
- ۶- هنگامی که با مشت به دیوار می‌کوبیم، نیرویی که ما بر دیوار وارد کرده‌ایم کنش و نیرویی که دیوار بر ما وارد کرده واکنش آن است.
- ۷- جسمی بر روی یک میز قرار دارد، اگر نیروی وزن جسم را کنش بنامیم، نیروی واکنش سطح، واکنش آن نیرو است.

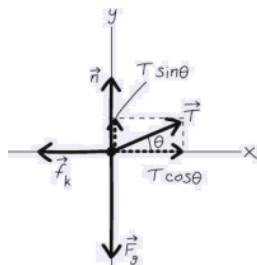
پاسخ:

- ۱- نادرست: شخص نیروی خود را به زمین رو به عقب وارد می‌کند و واکنش سطح به سمت جلو به شخص وارد می‌شود و باعث حرکتش می‌شود، زیرا برای حرکت رو به جلو باید سطح را به عقب راند و ...
- ۲- نادرست: نیروی وارد به هر دو هم اندازه است اما شتاب حرکتشون متفاوت است و باعث میشود جابجایی آنها هم متفاوت شود.
- نیروهای عمل و عکس العمل اند و مساوی اند و ... نیروی وارد به هر دو هم اندازه است اما شتاب حرکتشون متفاوت و باعث میشه جابجایی اونا هم متفاوت بشه
- ۳- درست: اما جرم زیاد زمین باعث میشه حرکتش محسوس نباشه هنگامی که به سمت بالا می‌پریم، زمین در جهت مخالف به حرکت درمی‌آید.
- ۴- درست: وقتی راه میریم زمین رو زیر پامون میچرخونیم
- ۵- نادرست: نیروی کنش و واکنش هم زمان بر روی دو جسم اثر می‌کنند و ...
- ۶- نادرست: چون جای نیروهای کنش و واکنش را میشه عوض کرد میشه نیروی دیوار را کنش در نظر بگیرید
- ۷- نادرست: زیرا واکنش وزن جسم به مرکز زمین وارد می‌شود و در خلاف جهت آن است و واکنش سطوح هم به همدیگر و ...

۶۳- در این شکل، چرا چهار چرخه در جهت نیروی شخص حرکت نمی‌کند؟ آیا می‌توان حالتی را در نظر بگیرید که چهار چرخه در جهت نیروی شخص حرکت کند؟



پاسخ: چون جسم در جهت نیروی برآیند، (نیروی وارد به آن، وزن و اصطکاک) حرکت می‌کند. از طرفی چون نیروی شخص تنها نیرویی نیست که به جسم وارد می‌شود، بلکه نیروهای دیگری نیز به جسم اثر می‌کنند. شکل زیر



۶۴- الف) نیروی اصطکاک به چه عواملی بستگی دارد؟

ب) علت به وجود آمدن اصطکاک چیست؟

پاسخ: الف) نیروی اصطکاک به ضریب اصطکاک یعنی جنس سطح و به نیروی عمودی سطح که شامل وزن جسم، زاویه شیب و نیروهای عمودی وارد بر جسم بستگی دارد.

ب) درگیری برج‌سنگیها و فرورفتگیهای جسم و سطحی که روی آن قرار دارد، مقاومتی را در برابر عامل حرکت بوجود می‌آورد که اصطکاک می‌باشد.

۶۵- درباره‌ی جملات زیر توضیح دهید. (جملات الزاماً صحیح نمی‌باشند).

الف) اصطکاک همواره یک نیروی اتلافی است.

ب) برای صرفه جویی در انرژی، لازم است اصطکاک را کم کنیم.

ج) اصطکاک نیرویی است، که با حرکت مخالفت می‌کند.

پاسخ: الف) اصطکاک همیشه نیروی غیرمفید نیست، مثلاً راه رفتن روی سطح یخی بدلیل اصطکاک ناچیز به سختی انجام می‌شود و با وجود اصطکاک راه رفتن بهتر انجام می‌شود ...

ب) در همه دستگاهها برای بالابردن میزان کارمفید و انرژی خروجی دستگاه، اصطکاک دستگاه را کاهش می‌دهیم تا نسبت به انرژی ورودی دستگاه انرژی خروجی و مفید بیشتری داشته باشیم و بازده دستگاه افزایش یابد. چون اصطکاک در بسیاری موارد موجب حرکت برای کاهش اصطکاک محدودیت داریم

ج) جمله نادرست، هنگام راه رفتن اصطکاک ایستایی در جهت حرکت و راه رفتن ما بوجود می‌آید که برآیند اصطکاک ایستایی و نیروی عمودی سطح باعث حرکت روبه جلو ما می‌شود.

۶۶- جسمی به جرم m روی سطح افقی با نیروی F کشیده می‌شود، ولی در جای خود ساکن است. اگر نیروی F روبه پایین به جسم وارد شود. در مقدار اصطکاک آن چه تغییری رخ می‌دهد.

پاسخ: حالت اول: جسم ساکن است، داریم:

$$N = mg, f_s = \mu_s N$$

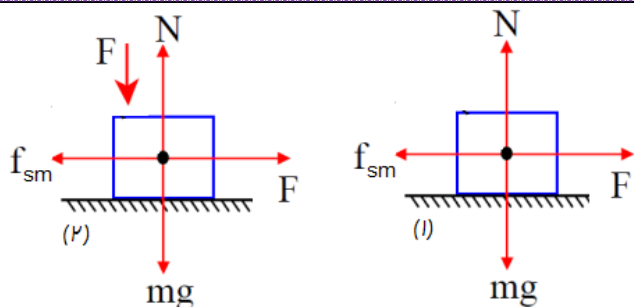
$$F - f_s = 0 \Rightarrow F = f_s = \mu_s mg \quad (1)$$

در حالت دوم

$$N = mg + F, f_s = \mu_s N$$

$$F - f_s = 0 \Rightarrow F = f_s = \mu_s (mg + F) \quad (2)$$

نیروی اصطکاک در حالت دوم بیشتر از نیروی اصطکاک در حالت اول است.



داریم:

۶۷- الف) فرض کنید یک فضاپرواز از ایستگاه فضایی جدا شده باشد. چگونه می‌تواند به ایستگاه بازگردد؟

ب) فرض کنید در وسط یک کلاس که اصطکاک کف با کفش‌های شما صفر است، قرار گرفته‌اید و هیچ دستاویزی ندارید. چگونه می‌توانید از در کلاس خارج شوید؟

پاسخ: الف) اگر با کابل به ایستگاه متصل نباشد و یا چیزی مثل یک کپسول آتش نشانی همراهش نباشد نمی‌تواند برگردد، باید در جهت مخالف ضربه به جسمی بزند تا بتواند به سفینه برسد.

ب) با فوت کردن در جهت مخالف در مواردی که اصطکاک وجود ندارد می‌توان با پریدن جابه‌جا شد، شخص درون کلاس باید به بالا بپرد و در هوا به سمت درب کلاس پای خود را باز کند.

۶۸- آیا اگر وزن نباشد، اصطکاک ایجاد می‌شود؟

پاسخ: خیر نیروی اصطکاک ضریب اصطکاک ضربدر نیروی عمودی سطح می‌باشد، مقدار نیروی عمودی سطح وابسته به نیروی وزنه در حالت

معمولی از نظر مقداری برابر با نیروی وزن

طبق شکل هم برابند وزن و اصطکاک نشان داده شده

در تجزیه می‌بینیم وزن با نیروی عمودی سطح خنثی شده و عکس العمل اصطکاک نیروی جلو برنده است

نیروی اصطکاک عکس العمل نیروی ما به زمینه و در واقع نیروی جلو برنده است

در واقع عکس العمل نیروی اصطکاک ایستایی بین پا و زمین شتاب حرکت را تامین می‌کند، هر چقدر نیروی اصطکاک ایستایی بیشتر شتاب حرکت بیشتر و مسافت طی شده بیشتر

۶۹- آیا می‌توان روی سطح آب رودخانه راه رفت؟

پاسخ: در رودخانه جاری چون نیروی عکس العملی برای وزن نیست نمی‌شود راه رفت در رودخانه یخ زده هم ضریب اصطکاک صفر است.

اگر بتوانید به اندازه کافی سریع حرکت کنید، باید وزن خود را گسترش دهید تا کشش سطحی آب را از بین نبرید. اگر بتوانید خیلی سریع بدوید، تا قبل از شکسته شدن کشش سطحی آب، می‌توانید پای خود را از سطح آب جدا کنید. مثل سنگی که تقریباً موازی سطح آب پرتاب می‌کنیم و با چند بار برخورد به سطح آب به جای فرو رفتن در آب به جلو می‌رود.

۷۰- وقتی ما راه می‌رویم، نیروی اصطکاک به زمین وارد می‌کنیم. استنباط شما از این جمله چیست؟

پاسخ: وقتی می‌خواهیم راه برویم، نیرویی به زمین وارد می‌کنیم. واکنش این نیرو که نیروی اصطکاک نامیده می‌شود از طرف زمین بر ما وارد شده و باعث حرکت ما می‌شود. توضیح اینکه نیرویی که ما بر زمین وارد می‌کنیم اِ سَمَشِ نیروی اصطکاک نیست، بلکه واکنش این نیرو، اِ سَمَشِ نیروی اصطکاکه که همون نیرویست که از طرف سطح بر ما وارد میشه. البته اینکه مولفه‌های افقی در حرکت ما موثرند نیز جای بحث دارد. عامل راه رفتن اصطکاک ایستاییه. هر سطحی که وجود نداشته باشه یا خیلی کم باشه همیشه راه رفت ولی می‌شود در صورت فرو نرفتن در سطح روی آن سر خورد.

ما نیروی اصطکاک به زمین وارد نمی‌کنیم در واقع ما زمین را به عقب هل می‌دهیم و نیروی عکس‌العمل زمین و اصطکاک ما را به جلو هل می‌دهد نیروی اصطکاک خلاف جهت نیروی ما (نیروی ما رو به عقب است پس اصطکاک رو به جلو) با جلوگیری از لیز خوردن ما را به سمت جلو هدایت می‌کند.

اصطکاک بخاطر تماس دو سطح با هم هست، فکر کنم منظور اینه که کفش و پای ما از طرف سطح نیروی اصطکاک وارد میکنه به سطح زمین و زمین همون اندازه نیروی رو وارد میکنه به کف کفش و پا ما به زمین نیروی اصطکاک وارد نمیکنیم ما زمین رو به عقب هل میدیم در اثر اصطکاک ایستایی زمین واکنش نشون میده و ما به جلو حرکت می‌کنیم مثلاً زمین به ما نیروی وزن رو وارد میکنه ما هم دقیقاً همون اندازه در خلاف جهت به زمین نیرو وارد می‌کنیم ولی دیگه بهش نمی‌گیم وزن.

خیر یک نیروی عمودی تکیه‌گاه داریم و یک نیروی اصطکاک که هر دو مولفه‌های نیرویی هستند که به زمین وارد میشه و در واقع نیرویی برابر با برابندشون رو ما به زمین وارد میکنیم و زمین هم به ما وارد میکنه در هنگام راه رفتن نیرو به زمین وارد می‌کنیم زمین نیز نیرویی به همان بزرگی ولی در خلاف جهت بر ما وارد میکند که همان نیروی اصطکاک ایستایی است یعنی به نظرم جمله کتاب اشکال دارد، نیروی اصطکاک مولفه‌ای از نیروی عکس‌العمل سطح هست که عکس‌العمل نیرویی هست که ما به زمین وارد کردیم.

۷۱- درستی و نادرستی جملات زیر را تعیین کنید.

(الف) اندازه سرعت زمین ثابت است ولی برای تغییر جهت به نیرو نیاز دارد، اندازه سرعت ثابت و جهت در حال تغییر است، شتاب دارد و نیروی برآیند صفر نیست.

(ب) سرعت ثابت (حرکت روی خط راست) و این دو نیرو مساوی و خلاف جهتند و نیروها متوازنند.

(پ) طبق قانون دوم نیوتن شتاب صفر و دو نیرو مساوی هستند.

(ت) باید دو نیروها مساوی باشند و ...

پاسخ (الف) نادرست (ب) نادرست (ج) درست (د) نادرست

۷۲- چرا یک سیب رسیده تحت تاثیر نیرویی که زمین به آن وارد می‌کند، با شتاب سقوط می‌کند، اما زمین تحت تاثیر نیرویی که سیب به آن وارد می‌کند عملاً ساکن می‌ماند؟

نیروهایی که به هم وارد می‌کنند برابر و در خلاف جهت هم هستند، ولی چون جرمها بسیار اختلاف دارند؛ پس شتابی که جرم خیلی بزرگ می‌گیرد، ناچیز در نظر گرفته می‌شود.

ما باید برآیند نیروهای وارد بر سیب و زمین را جداگانه در نظر بگیریم، نیرویی که از طرف زمین به سیب وارد می‌شود بیشتر از نیرویی است که سیب با آن به درخت متصل است

۷۲- نیروی مقاومت هوا (نیروی پس کشی) چیست و به چه عواملی بستگی دارد؟

پاسخ: نیرویی که در اثر برخورد جسم با مولکولهای هوا به جسم وارد می شود و در خلاف جهت حرکت جسم به آن وارد میشود ، نیروی مقاومت هوا است. به عبارت دیگر؛ مقاومتی که مولکولهای هوا در برابر حرکت اجسام درون هوا از خود نشان می دهند؛ وقتی یک جسم و یک شاره (مثل هوا) نسبت به هم سرعتی داشته باشند چه به علت حرکت جسم در شاره و چه به علت عبور شاره از جسم بر آن جسم یک نیروی مقاومت که مخالف با حرکت نسبی و در جهتی که شاره نسبت به جسم شارش می کند، وارد می شود.

نیروی مقاومت هوا به:

۱- مساحت سطح جلو جسم

۲- اندازه سرعت جسم بستگی دارد، هرچه سرعت جسم بیشتر باشد جسم در هر ثانیه با تعداد مولکولهای هوای بیشتری برخورد کرده و نیروی مقاومت هوا افزایش می یابد.

عوامل موثر مقاومت هوا

۳- غلظت هوا هر چقدر غلظت هوا بیشتر مقاومت هوا بیشتر

۴- فشار هوا

۵- دمای محیط

۶- شکل هندسی جسم متحرک (آیرودینامیک) آیرودینامیکی شکل باعث میشه لایه های هوا در جلوی جسم حرکت گردابی نداشته باشد و مقاومت هوا کم می شود.

علاوه بر آنرو دینامیکی چرخش جسم هم موثره

گلوله شلیک شده توسط خان لوله تفنگ باعث چرخش و کاهش مقاومت هوا افزایش برد گلوله و دقت در برخورد به هدف

۷- وجود ذرات معلق در هوا و ایجاد ناخالصی در هوا

۸- تراکم مولکولها ؛ هرچه تراکم بیشتر باشه مقاومت بیشتر و حرکت جسم درون هوا کمتر

۹- جریان هوا

۱۰- حجم جسم

۱۱- چگالی هوا

۷۴- الف) تندی حدی را تعریف کرده و عوامل موثر بر آن را بیان کنید.

ب) تندی حدی را با سرعت سوق الکترون مقایسه کنید.

پاسخ: پس از سقوط چتر باز ، ابتدا تندی و نیروی مقاومت هوا افزایش می یابد، سپس نیروی مقاومت هوا با وزن چتر باز هم اندازه شده برآیند نیروها و شتاب چتر باز صفر میشود و با تندی ثابت به زمین میرسد که به این تندی ، تندی حد میگویند .

بعبارت دیگر ؛ اگر جسمی در هوا سقوط کنه به تندی آن در لحظه ای که برآیند نیروهای وارد بر آن صفر بشه تندی حدی می گویند.

وقتی جسمی از حال سکون در هوا سقوط کند جهت نیروی مقاومت هوا رو به بالا و بزرگی آن با افزایش تندی جسم به تدریج افزایش می یابد

طبق قانون دوم نیوتن اگر جسم به حدی سقوط کند که نیروی مقاومت هوا « برابر » با وزن جسم شود و « شتاب حرکت صفر » شود تندی جسم

دیگر افزایش نمی یابد و از آن به بعد جسم با تندی ثابتی موسوم به تندی حد v_t سقوط میکند، که به جرم جسم ، حجم و سطح جسم و تمام

پارامتر وابسته به مقاومت هوا بستگی خواهد داشت

سوال (۱) آیا ممکنه نیروی مقاومت هوا در پاره ای از زمان بیشتر از نیروی وزن بشه؟

پاسخ: بله زمانی که سرعت جسم بزرگتر از سرعت حد بشه. اگر بعد از مدتی پرتاب آزاد چتر باز خود را باز کنه ممکنه با باز شدن چتر مدتی حرکت کند شونده با شه یعنی مقاومت از نیروی وزن بید شتر بشه، اگر یه چتر باز ابتدا سقوط آزاد کنه و بعد چتر شو باز کنه در این لحظه نیروی مقاومت هوا بزرگتر از نیروی وزنه و باعث میشه سرعت چتر باز کم بشه و در نهایت به سرعت حد کاهش پیدا کنه.

۷۵- دو چتر باز همزمان از یک ارتفاع زیاد می‌پرنند. اولی بلافاصله بعد از پریدن و دومی مدتی پس از پریدن چتر خود را باز می‌کنند، سرعت حدی کدام یک بیشتر است. چرا؟

سرعت حدی هر دو چتر باز با جرم و شرایط یکسان برابر خواهد بود، زیرا نهایتاً پس از چند لحظه نیروی مقاومت هوا با نیروی وزن چتر باز برابر شده و با سرعت حدی یکسان به زمین می‌رسند. اگر دو جسم مشابه یکی با سرعتی بیشتر از سرعت حد و دیگری با سرعتی کمتر از سرعت حد سقوط کنند، سرعت اولی کاهش یافته تا به سرعت حد برسد و دومی سرعتش افزایش پیدا می‌کند تا سرعتش به سرعت حد می‌رسد. فرض کنید زمانی که چتر باز می‌شود سرعت بیشتر از سرعت حدی هست در این حالت نیروی مقاومت هوا باعث کند شدن حرکت می‌شود اما از آنجایی که مقاومت هوا با سرعت متناسب هست زمانی که اندازه آن با وزن برابر می‌شود به سرعت حدی می‌رسد پس در هر دو حالت تندی حدی برابر است فقط زمان دومی کمتر می‌شود.

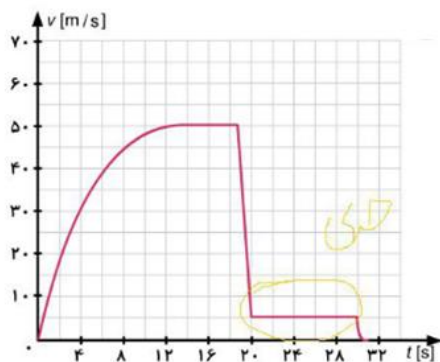
۷۶- نمودار تندی زمان چتر باز را در دو حالت زیر رسم کنید:

الف) چتر باز بلافاصله پس از پریدن چتر خود را باز می‌کند.

ب) چتر باز مدتی پس از پریدن چتر خود را باز می‌کند.

پاسخ: این سوال بنظرم جواب یکسان و واحدی ندارد و به اینکه چه مدت پس از سقوط، چتر باز شود، بستگی دارد. چون در سرعتهای کم مقاومت هوا با سرعت متناسبه و در سرعتهای بالا مقاومت هوا با توان ۲ و یا حتی توان ۳ سرعت متناسبه میشه مثلاً همیشه نمودار رو در ابتدا خطی و سپس سهمی کشید و بعد از باز شدن چتر در زمان کوتاهی افت شدید سرعت و سپس خطی موازی محور زمان و رسیدن به سرعت حد و بالاخره صفر شدن ناگهانی آن پس از رسیدن به زمین

بازه زمانی	
۰-۱۳.۵	۱
۱۳.۵-۱۹.۵	۲
۱۹.۵-۲۰.۵	۳
۲۰.۵-۲۵.۵	۴



۷۷- دو جسم با جرم‌های یکسان، اما حجم‌های متفاوت از یک ارتفاع سقوط میکنند. اگر نیروی مقاومت هوا را متناسب با حجم فرض کنیم کدام یک زودتر به زمین می‌رسند؟ چرا؟

پاسخ: الف) با افزایش جرم m ، کاهش یافته و شتاب افزایش می‌یابد، از طرفی با افزایش شتاب a طبق رابطه $v^2 = 2a\Delta y$ سرعت نیز زیاد می‌شود.

$$f - mg = -ma \Rightarrow \uparrow a = \frac{mg - f}{m} = g - \frac{f}{m} \uparrow$$

با وجود مقاومت هوا جسمی که جرم بیشتری دارد، زودتر می‌رسد، جسمی که حجم بیشتری دارد دیرتر می‌رسد.

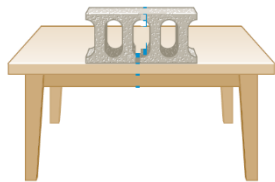
$$f \propto V, V_p > V_1 \Rightarrow \begin{cases} a_1 = g - \frac{f_1}{m} \\ a_p = g - \frac{f_p}{m} \end{cases} \Rightarrow a_p < a_1$$

۷۸- الف) نیروی عمودی تکیه گاه را تعریف کنید و بگویید واکنش این نیرو به کجا وارد می‌شود.

ب) چرا و در چه صورتی نیروی عمودی سطح بر جسم وارد می‌شود؟

پاسخ: الف) هرگاه جسمی ساکن روی سطح قرار گیرد، نیروهای وارد بر جسم متوازن بوده و نیرویی هم اندازه و بر خلاف نیروی وزن جسم از طرف سطح به جسم بطور عمود به جسم وارد می‌شود، که نیروی عمودی تکیه گاه نام دارد؛ واکنش آن از طرف جسم به سطح وارد می‌شود. نیروی عمودی سطح یا عمودی تکیه گاه، نیرویی است که از طرف تکیه گاه یا سطح تماس به صورت عمود بر جسم وارد می‌شود، واکنش آن به سطح تماس یا تکیه گاه وارد می‌شود. ب) در صورتی که جسم به سطحی تکیه داده یا با سطح تماس داشته باشد، زیرا از سطح تماس جسم به آن نیروی وارد می‌شود.

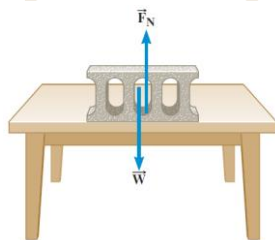
۷۹- مطابق شکل، جسمی به جرم 2 kg را روی میز افقی قرار داده‌ایم. نیروی عمودی تکیه گاه را در حالت‌های زیر بدست آورید.



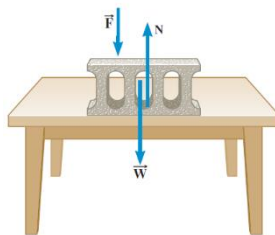
الف) بر کتاب فقط نیروی وزن و عمودی تکیه گاه وارد شود.

ب) نیروی $F = 10 \text{ N}$ به طور عمودی و به طرف پایین بر کتاب وارد شود.

ج) نیروی $F = 10 \text{ N}$ به طور عمودی و به طرف بالا بر کتاب وارد شود. (توسط نخ کتاب را بالا بکشیم).



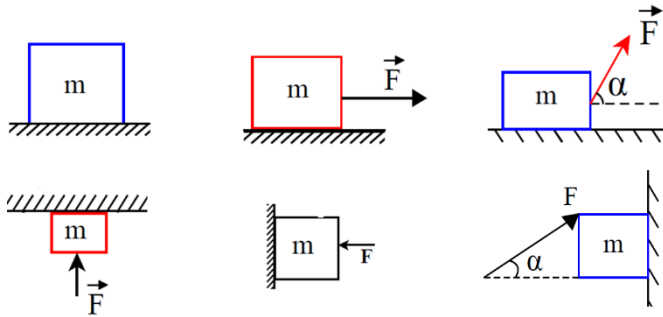
$$\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \vec{N} + \vec{W} = 0 \Rightarrow |N| = |W| = |mg| = 20 \text{ N} \quad \text{پاسخ: الف)}$$



$$\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \vec{N} + \vec{W} + \vec{F} = 0 \Rightarrow |N| = |F| + |W| = |F| + |mg| = 10 + 20 = 30 \text{ N} \quad \text{ب)}$$

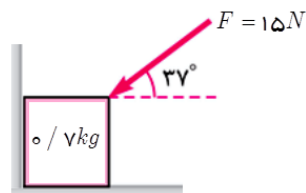
ج) با شما دیگه؟؟؟

۸۰- نیروی عمودی تکیه گاه را در شکل‌های زیر محاسبه کنید. (در تمامی شکل‌ها $F = 100N$ ، $m = 2kg$ و $\alpha = 30^\circ$ فرض شود).

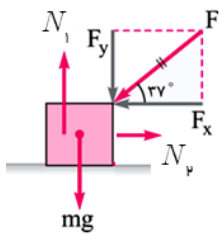


۸۱- در شکل مقابل، اندازه نیروی برآیندی که از طرف تکیه گاه‌های جسم بر آن وارد می‌شود، چند نیوتن است؟

- ۹ (۱)
۱۲ (۲)
۲۰ (۳)
۲۸ (۴)



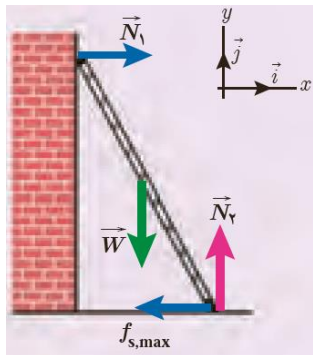
پاسخ: گزینه ۳ درست است. نیروی عمودی تکیه گاه سطح افقی را N_1 و نیروی عمودی تکیه گاه سطح عمودی را N_2 می‌نامیم.



$$\begin{cases} N_1 = F_y + W = F \sin 37^\circ + mg = 15 \times \frac{4}{5} + 6 + 7 = 16N \\ N_2 = F_x = F \cos 37^\circ = 15 \times \frac{3}{5} = 9N \end{cases}$$

$$\Rightarrow R = \sqrt{N_1^2 + N_2^2} = \sqrt{16^2 + 9^2} = 18$$

۸۲- نردبانی به یک دیوار عمودی تکیه کرده و با سطوح عمودی و افقی اصطکاک دارد. با رسم شکل، کلیه نیروهای وارد بر آن را ترسیم کنید. واکنش هر یک از این نیروها به کجا وارد می‌شود؟



پاسخ: یادمان باشد، واکنش هر نیرویی به عامل بوجود آورنده آن نیرو وارد می‌شود؛ مثلاً واکنش نیروی وزن به زمین وارد می‌شود و ...

۸۳- نیروی مقاومت هوا چیست؟ و به چه عواملی بستگی دارد؟

پاسخ: نیرویی که در اثر برخورد جسم با مولکول‌های هوا به جسم وارد می‌شود و در خلاف جهت حرکت جسم به آن وارد می‌شود، نیروی مقاومت هوا است. به عبارت دیگر؛ مقاومتی که مولکول‌های هوا در برابر حرکت اجسام درون هوا از خود نشان می‌دهند. وقتی یک جسم و یک شاره (مثل

هوا) نسبت به هم سرعتی داشته باشند چه به علت حرکت جسم در شاره و چه به علت عبور شاره از جسم بر آن جسم یک نیروی مقاومت که مخالف با حرکت نسبی و در جهتی که شاره نسبت به جسم شارش می‌کند، وارد می‌شود.

نیروی مقاومت هوا به عواملی همچون: مساحت سطح جلو جسم، اندازه سرعت جسم بستگی دارد، هرچه سرعت جسم بیشتر باشد جسم در هر ثانیه با تعداد مولکولهای هوای بیشتری برخورد کرده و نیروی مقاومت هوا افزایش می‌یابد. غلظت هوا؛ هر چقدر غلظت هوا بیشتر مقاومت هوا بیشتر؛ فشار هوا؛ دمای محیط؛ شکل هندسی جسم متحرک (آیرودینامیک) آیرودینامیکی شکل باعث می‌شود. لایه های هوا در جلوی جسم حرکت گردابی نداشته باشد و مقاومت هوا کم می‌شود. وجود ذرات معلق در هوا و ایجاد ناخالصی در هوا؛ تراکم مولکولها، هرچه تراکم بیشتر باشد مقاومت بیشتر و حرکت جسم درون هوا کمتر؛ جریان هوا؛ حجم جسم؛ چگالی هوا

۸۴- تندی حدی را تعریف کرده و عوامل موثر بر آن را بیان کنید.

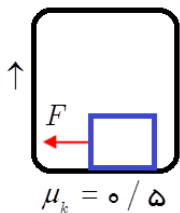
پاسخ: پس از سقوط چترباز، ابتدا تندی و نیروی مقاومت هوا افزایش می‌یابد، سپس نیروی مقاومت هوا با وزن چترباز هم اندازه شده برآیند نیروها و شتاب چترباز صفر می‌شود و با تندی ثابت به زمین می‌رسد که به این تندی، تندی حد می‌گویند. عبارت دیگر؛ اگر جسمی در هوا سقوط کند به تندی آن در لحظه ای که برآیند نیروهای وارد بر آن صفر بشه تندی حدی می‌گویند.

وقتی جسمی از حال سکون در هوا سقوط کند، جهت نیروی مقاومت هوا رو به بالا و بزرگی آن با افزایش تندی جسم به تدریج افزایش می‌یابد. طبق قانون دوم نیوتن اگر جسم به حدی سقوط کند که نیروی مقاومت هوا «برابر» با وزن جسم شود و «شتاب حرکت صفر» شود تندی جسم دیگر افزایش نمی‌یابد و از آن به بعد جسم با تندی ثابتی موسوم به تندی حد V_t سقوط می‌کند، که به جرم جسم، حجم و سطح جسم ... و تمام پارامتر وابسته به مقاومت هوا بستگی خواهد داشت.

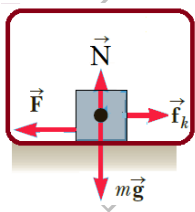
۸۵- مطابق شکل، جسمی به جرم ۲kg روی کف آسانسوری که با سرعت ثابت رو به بالا در حرکت است، قرار دارد. ضریب اصطکاک بین جسم و سطح $۵/۰$ است. با نیروی افقی $F = ۱۲\text{N}$ جسم را به حرکت در می‌آوریم، یک ثانیه پس از حرکت جسم، حرکت آسانسور تند شونده با شتاب $\frac{۴}{۵}\text{m/s}^2$ می‌شود، $۵/۱$

پس از اعمال نیروی F جسم چند سانتیمتر برکف آسانسور جابه جا می‌شود؟ $(g = ۱۰ \frac{N}{kg})$

- ۱) ۳۷/۵
- ۲) ۵۰
- ۳) ۸۷/۵
- ۴) ۱۰۰



پاسخ: گزینه ۳ درست است. در هنگامی که حرکت آسانسور یکنواخت است، داریم:



$$N = mg = ۲۰\text{N}, f_k = \mu_k N = ۰/۵ \times ۲۰ = ۱۰\text{N}$$

$$F_T = ma \Rightarrow F - f_k = ma \Rightarrow ۱۲ - ۱۰ = ۲a \Rightarrow a = ۱ \frac{m}{s^2}$$

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} at^2 = \frac{1}{2} \times ۱ \times ۱^2 = ۰/۵\text{m}, v = at = ۱ \times ۱ = ۱ \frac{m}{s}$$

هنگامی حرکت آسانسور تندشونده است، داریم:

$$N' - mg = ma \Rightarrow N' - 20 = 2 \times 4 \Rightarrow N' = 28N, f'_k = \mu_k N = 0.5 \times 28 = 14N$$

$$F_T = ma \Rightarrow F - f'_k = ma' \Rightarrow 12 - 14 = 2a' \Rightarrow a' = -1 \frac{m}{s^2}$$

$$\Delta x_v = \frac{1}{2} a' t^2 + v_0 t = \frac{1}{2} \times (-1) \times \frac{1}{4} + 1 \times \frac{1}{2} = 0.125m, v = at = -1 \times \frac{1}{2} = -0.5 \frac{m}{s}$$

$$\Delta x_T = \Delta x_1 + \Delta x_v = 0.5 + 0.125 = 0.625m = 62.5cm$$

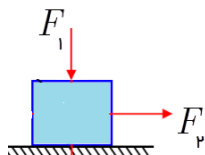
۸۶- جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید.

الف) ضریب اصطکاک در حال سکون از ضریب اصطکاک در حال حرکت است.

ب) جسمی روی سطح شیب‌داری که با افق زاویه α می‌سازد، بدون اعمال نیروی خارجی در حال حرکت است. با در نظر گرفتن اصطکاک شتاب جسم برابر با است.

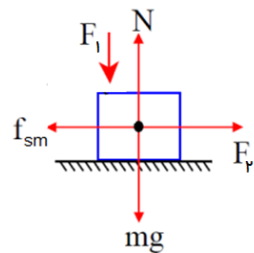
پاسخ: الف) بیشتر
ب) حرکت بطرف پایین سطح شیب‌دار $a = g(\sin \alpha - \mu_k \cos \alpha)$ ، حرکت بطرف بالای سطح شیب‌دار $a' = -g(\sin \alpha + \mu_k \cos \alpha)$

۸۷- در شکل مقابل، اندازه F_1 و F_2 به ترتیب $5N$ و $10N$ است. اگر جسم به جرم $2kg$ در آستانه حرکت باشد، ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و



سطح چقدر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

پاسخ: چون جسم در آستانه حرکت قرار دارد، بنابراین شتاب حرکتش صفر است و برآیند نیروهای وارد بر جسم در هر دو راستای x و y صفر است.



$$F_2 - f_{sm} = 0 \Rightarrow f_{sm} = F_2 = 10N$$

$$N = mg + F_1, f_{sm} = \mu_s N = \mu_s (mg + F_1) \Rightarrow 10 = \mu_s \times 25 \Rightarrow$$

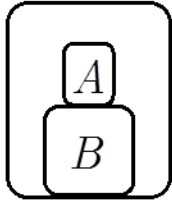
$$\mu_s = \frac{10}{25} = 0.4$$

۸۸- شخصی به وزن $800N$ درون آسانسوری ایستاده است، اگر کف آسانسور به شخص نیروی $640N$ را وارد کند، شتاب و جهت حرکت آسانسور را معلوم کنید و مشخص کنید آسانسور شروع به حرکت کرده یا در حال توقف است؟ حالت‌های ممکن را شرح دهید.

$$N - mg = ma \Rightarrow 640 - 800 = 80a \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2}$$

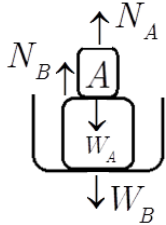
چون نیروی کف آسانسور از نیروی وزن کمتر است، یعنی آسانسور می‌تواند با شتاب کند شونده بالا رود و یا با شتاب تند شونده پایین آید. به

عبارت دیگر آسانسور می‌تواند با شتاب $-2 \frac{m}{s^2}$ بالا رود و یا با شتاب $+2 \frac{m}{s^2}$ پایین رود.



۸۹- در شکل زیر، آسانسور با شتاب $۲ \frac{m}{s^2}$ شروع به بالا رفتن می‌کند. الف) نیروی تماسی بین دو جسم A و B چقدر است؟

ب) نیروی عمودی تکیه‌گاه جسم B چقدر است؟ ($g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$, $m_A = ۱kg$, $m_B = ۳kg$)



$$N_A = m_A(g + a) = 1(10 + 2) = 12N$$

$$N_B - m_B g - N'_A = m_B a \Rightarrow N_B - 30 - 12 = 3 \times 2 \Rightarrow N_B = 48N$$

$$N_B - (m_B + m_A)g = (m_B + m_A)a \Rightarrow N_B - 40 = 4 \times 2 \Rightarrow N_B = 48N$$

پاسخ:

یا

۹۰- شخصی توسط طنابی جسمى را در راستای قائم جابه‌جا می‌کند. در کدامیک از حالت‌های زیر کشش نخ بیشترین است؟

(۱) حرکت تند شونده و رو به بالا

(۲) حرکت کند شونده و رو به بالا

(۳) حرکت با سرعت ثابت

(۴) حرکت تند شونده رو به پایین

پاسخ: گزینه ۱ درست است. کشش کابل آسانسور از رابطه $T = m(g \pm a)$ بدست می‌آید، که علامت $+$ برای حرکت به سمت بالا و علامت $-$ برای حرکت به سمت پایین است. بنابراین اگر آسانسور با شتاب مثبت رو به بالا (تند شونده رو به بالا) و یا با شتاب منفی رو به پایین (کند شونده رو به پایین) حرکت کند، کشش کابل آسانسور به بیشترین مقدار خود می‌رسد.

۹۱- وزنه m را توسط طنابی با شتاب ثابت $۲ \frac{m}{s^2}$ به طور قائم با حرکت تند شونده رو به بالا می‌کشیم. اگر نیروی کشش طناب را دو برابر کنیم، شتاب حرکت، چند متر بر مجذور ثانیه افزایش می‌یابد؟

$$T_1 = m(g + a_1) = 12m(N)$$

$$T_2 = 2T_1 \Rightarrow T_2 = 24m(N) \Rightarrow T_2 = m(g + a_2) \Rightarrow 24m = m(10 + a_2) \Rightarrow a_2 = 14 \frac{m}{s^2}$$

$$\Rightarrow \Delta a = 14 - 2 = 12 \uparrow$$

$$T = m(g + a)$$

$$\frac{T_2}{T_1} = 2 \Rightarrow 2 = \frac{g + a_2}{g + a_1} \Rightarrow 20 + 2a_1 = 10 + a_2 \xrightarrow{a_1=2} a_2 = m(10 + a_2) \Rightarrow a_2 = 14 \frac{m}{s^2}$$

$$\Rightarrow \Delta a = 14 - 2 = 12 \uparrow$$

روش دوم)

۹۲- شخصی درون آسانسور ساکنی روی باسکولی ایستاده است و باسکول عدد $۵۰۰N$ را نشان می‌دهد.

الف) اگر آسانسور با شتاب ثابت رو به بالا حرکت کند و باسکول عدد $۶۵۰N$ را نشان دهد، اندازه شتاب a چقدر است؟

ب) اگر آسانسور با شتاب $۲ \frac{m}{s^2}$ به طرف پایین شروع به حرکت کند، باسکول چه عددی را نشان می‌دهد؟

$$W = mg = 500 \Rightarrow m = 50kg$$

$$N = m(g + a) \Rightarrow 650 = 50(10 + a) \Rightarrow 650 = 500 + 50a \Rightarrow a = 3 \frac{m}{s^2}$$

پاسخ: الف)

$$N = m(g - a) \Rightarrow N = 50(10 - 2) = 400N$$

ب)

۹۳- جعبه‌ای به جرم $3kg$ روی سطح شیب‌داری دارای اصطکاک با شتاب $3 \frac{m}{s^2}$ رو به پایین در حال لغزش است. اگر جسمی به جرم $2kg$ درون جعبه قرار دهیم و

جعبه را رها کنیم تا روی همین سطح به پایین بلغزد، شتاب حرکت مجموعه چند متر بر مجذور ثانیه خواهد شد؟

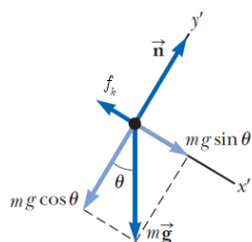
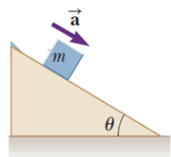
۴) باید زاویه سطح شیب‌دار و ضریب اصطکاک مشخص باشد.

۲(۳)

۳(۲)

۵(۱)

پاسخ: گزینه ۲ درست است.



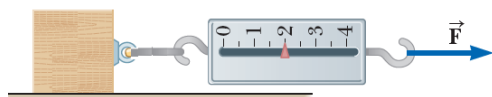
$$f_k = \mu_k mg \cos \theta$$

$$mg \sin \theta - \mu_k mg \cos \theta = ma \Rightarrow a = g(\sin \theta - \mu_k \cos \theta)$$

شتاب حرکت جسم بر روی سطح شیب‌دار به جرم جسم بستگی ندارد.

۹۴- الف) مطابق شکل مقابل، آزمایشی را طراحی کنید، که بتوان ضریب اصطکاک ایستایی بین دو جسم را تعیین کرد؟

ب) اگر جرم مکعب تغییر کند، آیا ضریب اصطکاک هم تغییر می‌کند؟



پاسخ: آنقدر نیرو سنج را بکشیم تا جسم در آستانه حرکت قرار بگیرد، نیرو را می‌خوانیم؛

این مقدار نیرو برابر اصطکاک ایستایی ماکزیمم می‌باشد. از طرفی عمودی تکیه‌گاه جسم برابر وزن جسم است و سپس به کمک رابطه‌ی

$$f_{s \max} = \mu_s N = \mu_s mg$$

ضریب اصطکاک را محاسبه می‌کنیم.

۹۵- آزمایشی طراحی کنید، که به کمک آن بتوان ضریب اصطکاک ایستایی را محاسبه کرد؟

پاسخ: ذراتی مثل شکر یا نمک را به آرامی درون ظرف (۱) می‌ریزیم تا سیستم در آستانه حرکت قرار گیرد. وزن

ظرف (۱) و محتویات آن را برابر اصطکاک ایستایی ماکزیمم قرار می‌دهیم و سپس به کمک رابطه‌ی

$$f_{s \max} = \mu_s N = \mu_s Mg$$

ضریب اصطکاک را محاسبه می‌کنیم.

۹۶- نشان دهید، ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی، کمیت‌هایی بدون یکا هستند.

$$f_s = \mu_s N \Rightarrow \mu_s = \frac{f_s}{N} \Rightarrow \mu_s = \frac{N}{N}, \quad f_k = \mu_k N \Rightarrow \mu_k = \frac{f_k}{N} \Rightarrow \mu_k = \frac{N}{N}$$

پاسخ:

۹۷- آزمایشی طراحی کنید که با آن بتوانید:

الف) نیروی اصطکاک جنبشی وارد بر جسمی مانند یک قطعه چوب در حال لغزش روی سطح را اندازه بگیرید و با استفاده از آن μ_s را به دست آورید.

ب) نشان دهید، نیروی اصطکاک جنبشی به طور محسوسی به مساحت سطح تماس دو جسم بستگی ندارد.

پاسخ: الف) نیروی سنج را به مکعبی که روی سطح قرار دارد وصل می‌کنیم، نیروی سنج را آنقدر می‌کشیم تا مکعب روی سطح به حرکت درآید و با سرعت ثابت به حرکت ادامه دهد در این حالت عدد نیروی سنج F را یادداشت می‌کنیم که با نیروی اصطکاک جنبشی جسم برابر است. زیرا سرعت ثابت و شتاب حرکت صفر است؛ در نهایت از رابطه $f_k = \mu_k N$ ضریب اصطکاک جنبشی (μ_k) بدست می‌آید.

ب) اگر مکعب را از وجه دیگر قرار دهیم و آزمایش را تکرار کنیم، عدد نیروی سنج تفاوتی ندارد، پس نیروی اصطکاک جنبشی به مساحت سطح تماس دو جسم بستگی ندارد.

۱- مکعب را از وجه بزرگ روی سطح قرار داده

۲- با نیروی سنج آرام می‌کشیم بطوری که احساس کنیم، مکعب در آستانه لغزیدن است. عدد نیروی سنج را در این حالت می‌خوانیم که با نیروی اصطکاک در آستانه حرکت برابر است و ماکزیمم اصطکاک خواهد بود.

۳- بار دیگر مکعب را از وجه کوچکتر روی همان سطح قرار داده و آزمایش را تکرار می‌کنیم.

۴- جرم قطعه را با ترازو اندازه گرفته و با رابطه زیر ضریب اصطکاک ایستایی $f_{s\max} = \mu_s N = \mu_s Mg$ بدست می‌آید.

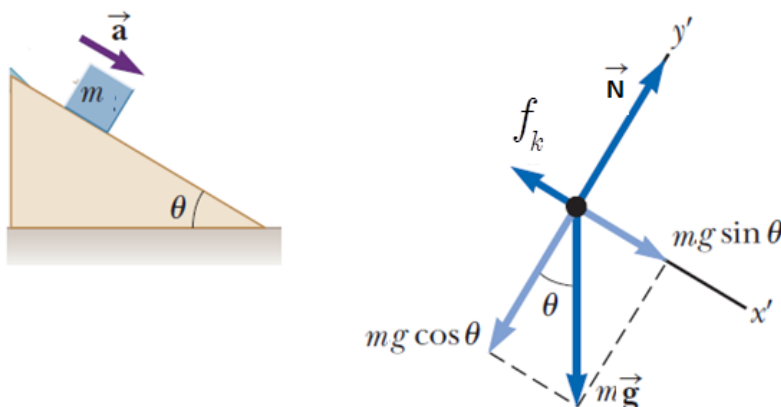
۵- با مکعبهای دیگر با جرم متفاوت آزمایش را تکرار می‌کنیم.

نتیجه: ضریب اصطکاک به سطح جسم بستگی ندارد و به جنس سطح، صافی و زبری بستگی دارد.

ب) مقدار نیروی اصطکاک تغییر می‌کند ولی ضریب اصطکاک ثابت می‌ماند.

جسم را از حال سکون روی یک سطح شیبدار، با زاویه θ رها می‌کنیم. اگر مدت زمان حرکت t ثانیه باشد، و جسم به اندازه d جابه‌جا شود؛

داریم:

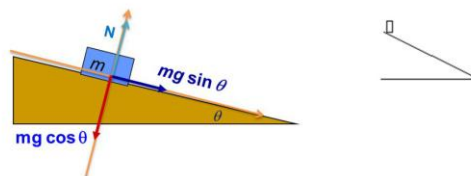


$$d = \frac{1}{2} at^2, \quad mg \sin \theta - \mu_k mg \cos \theta = ma \Rightarrow \mu_k = \frac{g \sin \theta - a}{g \cos \theta}$$

اگر جسم m را از وجه‌های مختلفش روی سطح شیب‌دار قرار دهیم، ضریب اصطکاک تغییر محسوسی نخواهد داشت.

نکته:

جسم روی سطح شیب‌دار اصطکاک دار با سرعت ثابت به طرف پایین می‌لغزد.



$$\left. \begin{aligned} a_x &= g(\sin\theta - \mu_k \cos\theta) \\ a_x &= 0 \end{aligned} \right\} \Rightarrow g(\sin\theta - \mu_k \cos\theta) = 0 \Rightarrow \sin\theta = \mu_k \cos\theta$$

$$\mu_k = \tan\theta$$

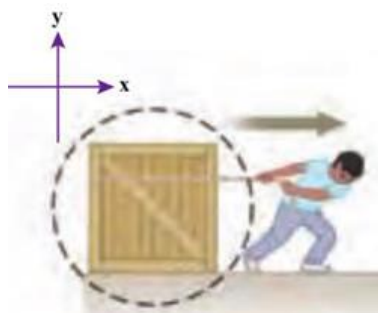
۹۸- مطابق شکل مقابل، شخصی جعبه‌ی 75kg را با نیروی افقی 309N می‌کشد. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و کف زمین $0/4$ باشد؛

(الف) نیروی اصطکاک بین جعبه و زمین

(ب) شتاب حرکت جعبه

(ج) اگر ضریب اصطکاک ایستایی بین جعبه و زمین $0/6$ باشد و جسم در ابتدا ساکن باشد، حداقل نیروی لازم

برای به حرکت درآوردن جعبه چقدر است؟



$$f_k = \mu_k N = 0/4 \times 750 = 300\text{N}$$

$$F - f_k = ma \Rightarrow 309 - 300 = 75a \Rightarrow a = 0/12 \frac{m}{s^2}$$

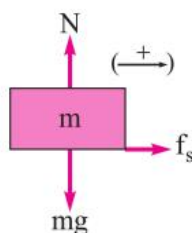
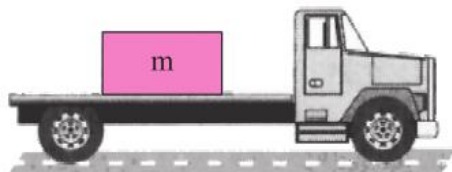
پاسخ:

در این مسئله $\mu_s = 0/6$ و جسم ابتدا ساکن است، پس:

$$f_{s\max} = \mu_s N = 0/6 \times 750 = 450\text{N} \Rightarrow F - f_{s\max} = 0 \Rightarrow F = f_{s\max} = 450\text{N}$$

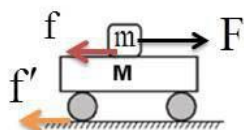
دینامیک جسم‌های سوار برهم (لغزش اجسام بر روی هم):

همواره نیروی اصطکاک مخالف حرکت نمی‌باشد، در مواردی که دو جسم بر روی یکدیگر قرار داشته و تنها بر یکی از آنها نیروی خارجی وارد شده باشد؛ ولی دستگاه با یک شتاب در یک جهت در حرکت باشد، برای جسمی که به آن نیروی خارجی وارد نمی‌شود، عامل حرکت نیروی اصطکاک می‌باشد. به عنوان مثال جعبه‌ای به جرم m روی قسمت بار یک کامیون قرار دارد و به همراه کامیون، با شتاب ثابت a به سمت راست حرکت می‌کند. چون جعبه به سمت راست شتاب می‌گیرد، حتماً نیرویی در همین جهت به آن وارد می‌شود. این نیرو را



کف بارکش کامیون بر جعبه وارد می‌کند. در واقع این نیرو، همان نیروی اصطکاک بین جعبه و تکیه‌گاهش است و چون جعبه نسبت به کامیون ساکن است، اصطکاک آنها از نوع ایستایی است. بنابراین عامل حرکت جعبه، نیروی اصطکاک است که کف کامیون بر آن وارد می‌کند.

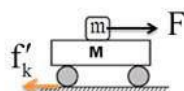
حرکت جسم روی اریه



حرکت جسم روی اریه: نیرو بر جسم بالایی وارد می شود:

عامل حرکت **نیروی اصطکاک بین دو جسم (f)** برای چهارچرخه نیروی محرک است و آن را به جلو می راند.

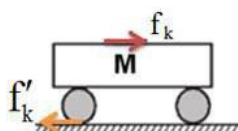
اگر $F < f'_s$ باشد. جسم و اریه هر دو ساکنند.



$$a = \frac{F - f'_k}{m + M}$$

جسم و اریه بایک شتاب حرکت می کنند. اگر $F > f'_{s,k}$

شتاب حرکت جسم: $a_1 = \frac{F - f_k}{m}$



شتاب حرکت اریه: $a_2 = \frac{f_k - f'_k}{M}$

اگر $F > f'_{s,k}$ باشد.

هر گاه نیروی اصطکاک f وجود نداشته باشد } شتاب حرکت اریه: $a = 0$ اریه همواره ساکن است.

شتاب حرکت جسم: $a = \frac{F}{m}$

انصاری تبار

۹۹- در شکل روبه‌رو، اریه‌ای به جرم 16 kg روی سطح بدون اصطکاک ساکن است. جعبه‌ای به جرم 4 kg روی اریه قرار دارد. ضریب اصطکاک جنبشی بین

جعبه و اریه $\mu_k = 0.25$ و ضریب اصطکاک ایستایی آستانه‌ی حرکت $\mu_s = 0.25$ است.

(الف) اگر نیروی افقی $F = 8\text{ N}$ بر جعبه وارد شود، شتاب حرکت جعبه و اریه و اصطکاک بین جعبه و اریه را بیابید.

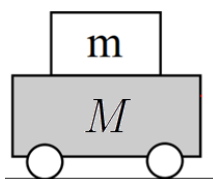
(ب) بیشینه نیروی افقی F که بر جعبه وارد می شود، چند نیوتن باشد تا جعبه بر اریه نلغزد؟

(ج) بیشینه نیروی افقی F که بر اریه وارد می شود، چند نیوتن باشد تا جعبه بر اریه ساکن بماند؟

(د) اگر نیروی افقی $F = 20\text{ N}$ بر جعبه وارد شود، شتاب حرکت جعبه و اریه و اصطکاک بین جعبه و اریه را بیابید.

(ه) اگر نیروی افقی $F = 11\text{ N}$ بر جعبه وارد شود، شتاب حرکت جعبه و اریه و اصطکاک بین جعبه و اریه را بیابید.

(و) اگر نیروی افقی $F = 60\text{ N}$ بر اریه وارد شود، شتاب حرکت جعبه و اریه و اصطکاک بین جعبه و اریه را بیابید.

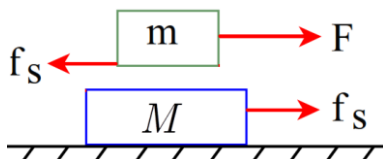


پاسخ:

(الف) ابتدا نیروی اصطکاک ایستایی را بین جعبه و اریه محاسبه می کنیم.

$$f_{s \max} = \mu_s \cdot N = \mu_s mg = 0.25 \times 4 \times 10 = 10\text{ N} > 8\text{ N}$$

آنچه مسلم است این است که جعبه و ارابه نسبت به شخص روی زمین (ناظر لخت) که آنها را می‌کشد در حال حرکت هستند و برآیند نیروهای وارد بر m و M صفر نیست و نیروی $۸N$ مجموع جرم‌های $۱۶kg$ و $۴kg$ را روی سطح بدون اصطکاک زمین با هم و با یک شتاب می‌کشد. در این حالت جعبه به ارابه چسبیده و ساکن است. داریم:



$$\sum F = (M + m)a \Rightarrow ۸ = (۱۶ + ۴)a \Rightarrow a = ۰ / ۴ \frac{m}{s^2}$$

عاملی که به جعبه شتاب $۰ / ۴ \frac{m}{s^2}$ می‌دهد، نیروی اصطکاک بین جعبه و ارابه است، بنابراین اصطکاک بین جعبه و ارابه برابر است با:

$$f_s = Ma = ۱۶ \times ۰ / ۴ = ۶ / ۴N$$

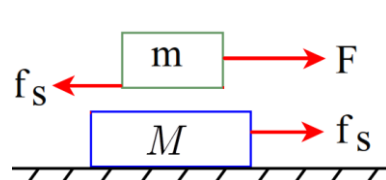
اشتباه رایج: دانش آموز فکر می‌کند چون جعبه بر ارابه نمی‌لغزد آن را ساکن در نظر گرفته و $f_s = F = ۸N$ را بدست می‌آورد که در واقع مسئله را از دید ناظر روی ارابه (ناظر غیر لخت) بررسی کرده و به اشتباه می‌افتد.

$$۸N \quad ۲۰kg$$

$$۱۶kg \quad f_s \Rightarrow f_s = ۶ / ۴N$$

دید دیگر؛ روش تناسب:

روش دیگر: رسم شکل جعبه و ارابه و رسم نیروهای وارد بر آنها و نوشتن معادله‌ی «خوب منهای بد»



$$\begin{cases} m : F - f_s = ma \\ M : f_s = Ma \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} ۸ - f_s = ۴a \\ f_s = ۱۶a \end{cases} \Rightarrow ۸ = ۲۰a \Rightarrow a = ۰ / ۴ \frac{m}{s^2}$$

$$f_s = Ma \Rightarrow ۱۶ \times ۰ / ۴ = ۶ / ۴N$$

ب) هر نیرویی که بر جعبه وارد شود، جعبه و ارابه را با شتاب روی سطح بدون اصطکاک زمین به حرکت درمی‌آورد، همچنین عامل حرکت ارابه به همراه جعبه، نیروی اصطکاک بین جعبه و ارابه است که به ارابه شتاب می‌دهد و بیشینه‌ی آن از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید.

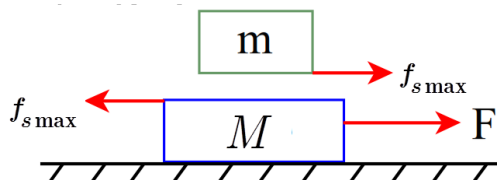
$$f_{s \max} = Ma \Rightarrow ۱۰ = ۱۶a \Rightarrow a = \frac{۵}{۸} \frac{m}{s^2}$$

نیروی F هر مقداری باشد، بیشینه‌ی شتاب ارابه $\frac{۵}{۸} \frac{m}{s^2}$ است، اگر بخواهیم جعبه بر ارابه نلغزد، باید نیروی F به مجموعه شتاب $\frac{۵}{۸} \frac{m}{s^2}$ بدهد.

$$F = (M + m)a \Rightarrow F_{\max} = (۱۶ + ۴) \times \frac{۵}{۸} = ۱۲ / ۵N$$

اشتباه رایج: از دید ناظر سوار بر ارابه (چسبیده به ارابه یا ناظر غیر لخت) به پاسخ غلط $۱۰N$ می‌رسیم.

ج) وقتی نیروی F بر ارابه وارد می‌شود، نیرویی که سبب حرکت جعبه به همراه ارابه می‌شود، نیروی اصطکاک بین جعبه و ارابه است. داریم:

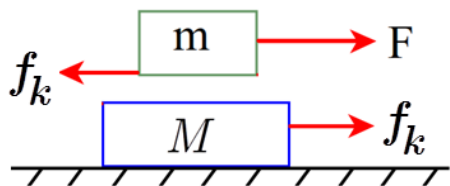


$$f_{s \max} = ma_{\max} \Rightarrow a_{\max} = \frac{۱۰}{۴} = ۲ / ۵ \frac{m}{s^2}$$

اکنون نیروی F که به مجموعه‌ی جعبه و ارابه حداکثر شتاب $۲ / ۵ \frac{m}{s^2}$ را می‌دهد.

$$F_{\max} = (M + m)a \Rightarrow F_{\max} = (۱۶ + ۴) \times ۲ / ۵ = ۵۰N$$

د) با توجه به قسمت (ب)، چون $20N > 12/5N$ است؛ قطعاً جعبه بر ارابه خواهد لغزید و جعبه و ارابه شتاب متفاوت دارند و نیروی اصطکاک بین آنها جنبشی است.



$$f_k = \mu_k \cdot mg = 0/2 \times 4 \times 10 = 8N$$

$$\begin{cases} m : F - f_k = ma \\ M : f_k = Ma \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 20 - 8 = 4a_1 \\ 8 = 16a_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_1 = 3 \frac{m}{s^2} \\ a_2 = 0/5 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

ه) نیروی $F = 11N$ از اصطکاک ایستایی آستانه‌ی حرکت $f_{s \max} = 10N$ بیشتر است، پس جعبه بر روی ارابه می‌لغزد. و اصطکاک بین جعبه و ارابه $f_k = 8N$ است. اما این نتیجه اشتباه است!!! چون در قسمت (ب) مشخص شد که اگر حتی F برابر $12/5N$ باشد، جعبه و ارابه با یک شتاب حرکت می‌کنند. اکنون برای نیروی $F = 11N$ داریم:

$$F = (M + m)a \Rightarrow 11 = (16 + 4) \times a \Rightarrow a = \frac{11}{20} \frac{m}{s^2}$$

$$f_s = Ma = 16 \times \frac{11}{20} = 8/8N$$

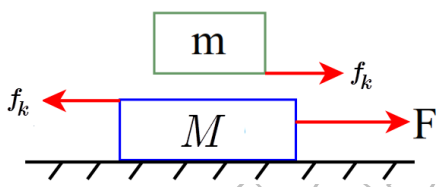
$$20kg \quad 11N$$

$$16kg \quad f_s = 8/8N$$

نیروی اصطکاک بین جعبه و ارابه؛ سبب حرکت ارابه می‌شود. بنابراین:

نیروی اصطکاک را از راه تناسب نیز می‌توان بدست آورد.

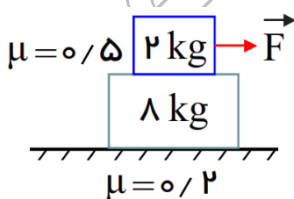
و) با توجه به قسمت (ج) چون نیروی $60N$ بزرگتر از $50N$ است، پس جعبه و ارابه بر روی هم می‌لغزند و نیروی اصطکاک بین جعبه و ارابه جنبشی خواهد بود.



$$f_k = \mu_k \cdot mg = 0/2 \times 4 \times 10 = 8N$$

$$\begin{cases} M : F - f_k = Ma \\ m : f_k = ma \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 60 - 8 = 16a_1 \\ 8 = 4a_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_1 = 52/16 \frac{m}{s^2} \\ a_2 = 2 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

۱۰۰- در شکل مقابل، حداکثر اندازه‌ی نیروی افقی F چند نیوتن باشد، تا دو جسم بر روی هم نلغزند؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$



(قلم‌چی - ۹۵)

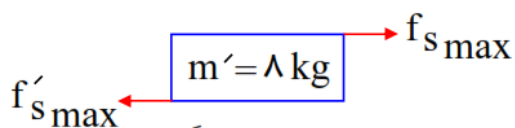
۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

۲۰ (۴)

۱۷/۵ (۳)

پاسخ: گزینه (۱) صحیح است. آنچه می‌تواند جسم $8kg$ را به حرکت درآورد، حداکثر نیروی اصطکاک ایستایی بین دو جسم است.



$$f_{s \max} = \mu_s mg = 0.5 \times 20 = 10 \text{ N}$$

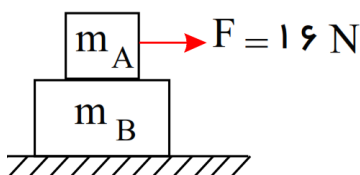
$$f'_{s \max} = \mu'_s (m + m')g = 0.2 \times (8 + 2) \times 10 = 20 \text{ N}$$

پس جسم ۸ kg اصلاً حرکت نمی‌کند، بنابراین اگر قرار باشد، که نسبت به هم نلغزند، جسم بالایی باید در آستانه‌ی حرکت باشد،

$$F = f_{s \max} = \mu_s mg = 0.5 \times 20 = 10 \text{ N}$$

۱۰- در شکل زیر، اگر دو جسم $m_A = 2 \text{ kg}$ و $m_B = 3 \text{ kg}$ با یک شتاب حرکت کنند، بزرگی نیروی اصطکاک بین دو جسم چند نیوتن است؟

$$g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ و ضریب اصطکاک جنبشی بین } m_B \text{ و سطح افقی برابر با } \mu_k = 0.12 \text{ است. (قلم‌چی-۹۶)}$$



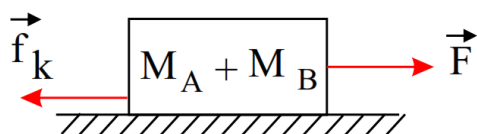
$$3 / 6 (2)$$

$$2 / 4 (1)$$

$$12 (4)$$

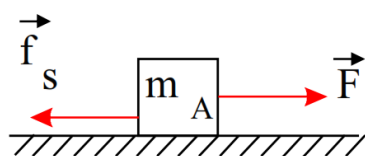
$$6 (4)$$

پاسخ: گزینه (۴) صحیح است. هر دو جسم با یک شتاب حرکت می‌کنند، اگر فرمول «خوب منهای بد» را برای مجموعه بنویسیم؛ داریم:



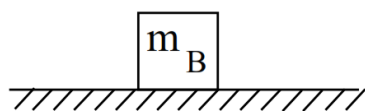
$$F - f_k = (m_A + m_B)a \Rightarrow F - \mu_k (m_A + m_B)g = (m_A + m_B)a \Rightarrow$$

$$16 - 0.12 \times (2 + 3) \times 10 = (2 + 3)a \Rightarrow a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

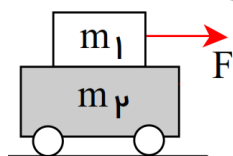


به جسم بالایی در راستای افق، نیروی افقی F و نیروی اصطکاک ایستایی بین دو جسم وارد می‌شود. بنابراین برای این جسم فرمول «خوب منهای بد» به صورت زیر است.

$$F - f_s = m_A a \Rightarrow 16 - f_s = 2 \times 2 \Rightarrow f_s = 12 \text{ N}$$



۱۰۲- مطابق شکل زیر، جعبه‌ای به جرم 5 kg روی چهار چرخه‌ای به جرم 7 kg و ضریب اصطکاک $\mu_k = 0.4$ قرار دارد و به آن نیروی افقی 12 N وارد می‌کنیم. کدام گزینه در مورد حرکت جعبه و چهار چرخه درست است.



(۱) شتاب جعبه بزرگتر از شتاب چهار چرخه می‌شود.

(۲) شتاب جعبه کوچکتر از شتاب چهار چرخه است.

(۳) هر دو با هم و با یک شتاب حرکت می‌کنند.

(۴) جعبه به جلو و چهار چرخه به عقب حرکت می‌کنند.

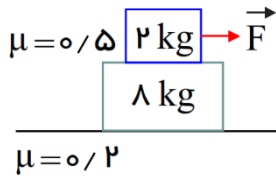
پاسخ: گزینه (۳) صحیح است.

$$f_{sm} = \mu_s N_1 = \mu_s m_1 g \Rightarrow f_{sm} = 0.4 \times 5 \times 10 = 20 \text{ N}$$

نیروی اصطکاک در آستانه حرکت برابر است با:

چون نیروی $F < f_{sm}$ است پس جعبه از چهار چرخه جدا نمی‌شود و هر دو با هم تحت تاثیر نیروی F با شتاب واحدی حرکت می‌کنند.

۱۰۳- در شکل مقابل، حداکثر اندازه‌ی نیروی افقی F چند نیوتن باشد، تا دو جسم روی هم نلغزند؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$ (قلم‌چی-۹۵)



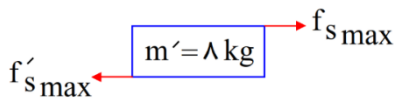
۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

۲۰ (۴)

۱۷ / ۵ (۳)

پاسخ: گزینه (۱) صحیح است. آنچه جرم $8kg$ را به حرکت درمی‌آورد، حداکثر نیروی اصطکاک ایستایی بین دو



$$\begin{cases} f_{s \max} = \mu_s \cdot mg = 0.5 \times (20) = 10N \\ f'_{s \max} = \mu'_s \cdot (m + m')g = 0.2 \times (8 + 2) = 20N \end{cases} \text{ جسم است.}$$

بنابراین جسم $8kg$ اصلاً حرکت نمی‌کند، پس اگر قرار است که نسبت به هم نلغزند، جسم بالایی باید

در آستانه‌ی حرکت باشد. یعنی: $F = f_{s \max} = \mu_s \cdot mg = 10N$

۱۰۴- در شکل مقابل، جسم $6kg$ با زمین اصطکاک ندارد. اگر شتاب حرکت جسم $6kg$ برابر شتاب حرکت جسم $4kg$ باشد، ضریب اصطکاک بین دو جسم

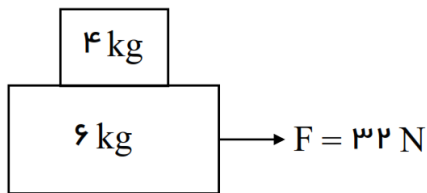
چقدر است؟ (گزینه ۲-۹۶)

۰ / ۲ (۲)

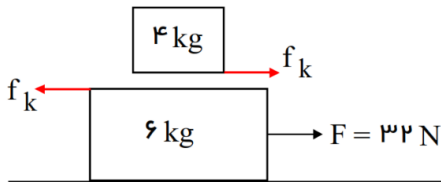
۰ / ۱ (۱)

۰ / ۴ (۴)

۰ / ۳ (۳)



پاسخ: گزینه (۲) صحیح است. گام صفر و گام یک را اجرا کن.



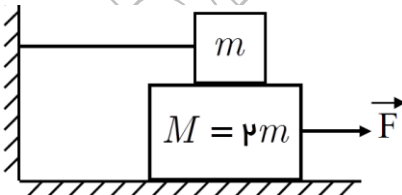
$$\begin{cases} \sum F = ma \Rightarrow f_k = m_1 a_1 & (1) \\ \sum F = ma \Rightarrow F - f_k = m_2 a_2 & (2) \end{cases} \xrightarrow{(1),(2)} F - m_1 a_1 = m_2 a_2$$

$$\xrightarrow{a_2 = 2a_1} 32 - 4a_1 = 6 \times 2a_1 \Rightarrow a_1 = \frac{m}{s^2}$$

$$\xrightarrow{(1)} f_k = m_1 a_1 \Rightarrow \mu_k m_1 g = m_1 a_1 \Rightarrow \mu_k \times 10 = 2 \Rightarrow \mu_k = 0.2$$

۱۰۵- در شکل زیر، ضریب اصطکاک جنبشی بین کلیه‌ی سطوح μ_k است. نیروی افقی F به جرم M شتاب a را می‌دهد. F کدام است؟ (سراسری تجربی

خارج از کشور-۹۶)



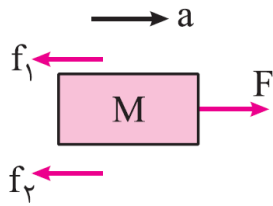
$M(a + \frac{3}{2} \mu_k g)$ (۲)

$M(a + \frac{1}{2} \mu_k g)$ (۱)

$M(a + 4 \mu_k g)$ (۴)

$M(a + 2 \mu_k g)$ (۳)

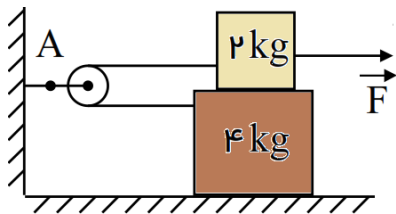
پاسخ: در دیاگرام جسم M دو نیروی اصطکاک بر آن وارد می‌شود. یکی نیروی اصطکاک بین جسم m و جسم M که نام دارد و دیگری نیروی اصطکاک بین جسم M و سطح افقی که آن را f_p می‌نامیم. خوب منهای بد را برای جسم M می‌نویسیم.



$$F - f_1 - f_p = Ma \xrightarrow[N_p = (m+M)g]{N_1 = mg} F - \mu_k mg - \mu_k (m+M)g = Ma$$

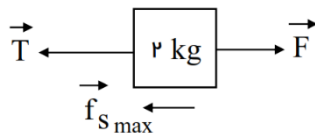
$$\xrightarrow{M=2m} F - \mu_k mg - 3\mu_k mg = 2ma \Rightarrow F = 2ma + 4\mu_k mg \xrightarrow{2m=M} F = M(a + 2\mu_k g)$$

۱-۶- در شکل زیر، ضریب اصطکاک ایستایی کلیه سطوح برابر با $\mu = 0.2$ است. اگر نیروی افقی F ، حداکثر مقداری را داشته باشد که به ازای آن مجموعه شاکن باشد، نیروی کشش نخ در نقطه‌ی A چند نیوتن است؟ (جرم قرقره و نخ ناچیز است و $g = 10 \frac{N}{kg}$)



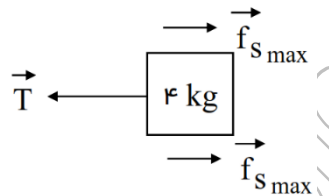
- (۱) ۳۲
(۲) ۲۴
(۳) ۱۶
(۴) ۸
(پنجمی - ۹۶)

پاسخ: گزینه (۱) صحیح است. حداکثر نیروی F زمانی است که هر دو جسم در آستانه‌ی حرکت باشند و نیروی اصطکاک ایستایی در هر دو سطح بیشینه باشد. نیروهای افقی وارد بر هر دو جسم را مشخص می‌کنیم.



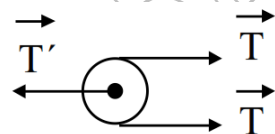
$$f_{s \max} = \mu_s mg = 0.2 \times 2 \times 10 = 4N$$

$$f'_{s \max} = \mu_s (M + m)g = 0.2 \times (4 + 2) \times 10 = 12N$$



چون مجموعه در حال سکون است، بنابراین برآیند نیروهای وارد بر جسم برابر با صفر است.

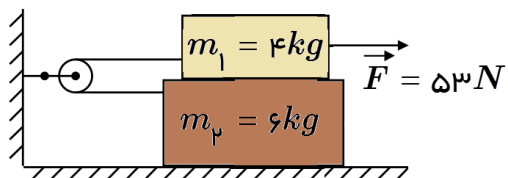
$$\sum F = 0 \Rightarrow T - f_{s \max} - f'_{s \max} = 0 \Rightarrow T = f_{s \max} + f'_{s \max} \xrightarrow[f'_{s \max} = 12N]{f_{s \max} = 4N} T = 16N$$



$$T' - 2T = 0 \Rightarrow T' = 32N$$

چون قرقره‌ها و نخ‌ها بدون جرم هستند.

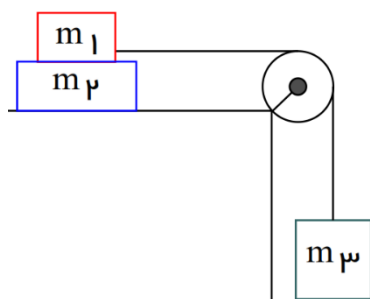
۱-۷ در شکل روبرو، ضریب اصطکاک جنبشی در کلیه‌ی سطوح افقی برابر ۱/۰ است. نیروی کشش نخ افقی بسته شده به دیوار چند نیوتن است؟



$g = 10 \frac{m}{s^2}$ و جرم نخ و قرقره و نیروی اصطکاک آنها ناچیز است. (آزمون سنجش)

- ۴۰ (۱) ۵۰ (۲)
۷۰ (۳) ۸۰ (۴)

۱-۸ در شکل مقابل، جرم و اصطکاک طناب و قرقره ناچیز، $m_1 = ۲ kg$ ، $m_2 = ۴ kg$ و $m_3 = ۴ kg$ است. اصطکاک m_2 با تکیه‌گاه ناچیز و ضریب اصطکاک بین m_1 و m_2 برابر ۹/۰ و $\mu_s = ۰/۶$ و $\mu_k = ۰/۶$ است. اندازه‌ی نیروی اصطکاک بین m_1 و m_2 چند نیوتن است؟ (گزینه‌ها ۲-۹۶)



- ۱۶ (۱) ۱۲ (۲)
۱۸ (۳) ۲۴ (۴)

پاسخ: گزینه (۱) صحیح است. فرض کنید، m_1 و m_2 روی هم نمی‌لغزند و با یک شتاب حرکت می‌کنند.

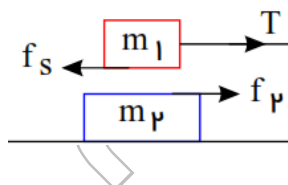
$$\sum F - \sum R = \sum m \cdot a \Rightarrow m_3 g = (m_1 + m_2 + m_3) a \Rightarrow$$

$$۴۰ = ۱۰ a \Rightarrow a = ۴ \frac{m}{s^2}$$

اکنون $f_s \max$ بین دو جسم را بدست می‌آوریم. $f_s \max = \mu \cdot m_1 g = ۰/۹(۲۰) = ۱۸ N$

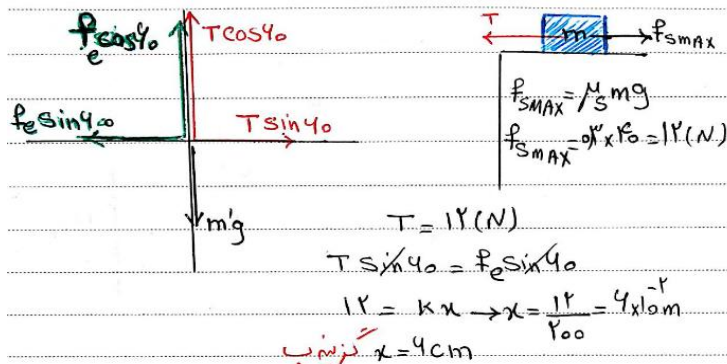
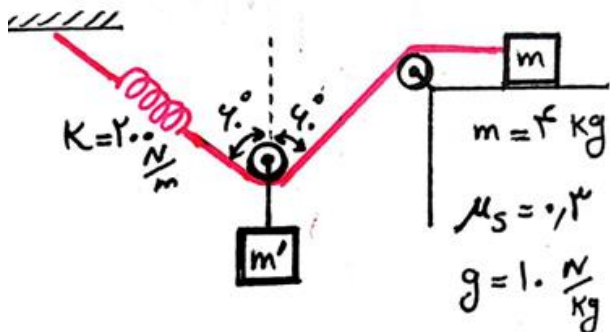
پس نیرویی که وزنه‌ی m_3 نیاز دارد تا با شتاب دست‌گاه حرکت کند، برابر است با:

$$F' = m_3 \cdot a = ۴ \times ۴ = ۱۶ N$$

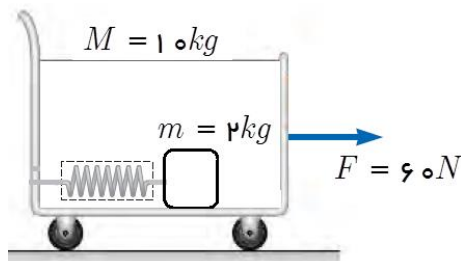


و چون $F' < f_s \max$ است، در نتیجه دو جسم روی یکدیگر ساکن می‌ماند و اصطکاک بین آنها $f_s = ۱۶ N$ است.

۱۰۹- در شکل مقابل، دستگاه درآستانه حرکت است. جرم نخ، فنر و قرقره و اصطکاک بین نخ و قرقره ناچیز است. تغییر طول فنر چند سانتیمتر است؟

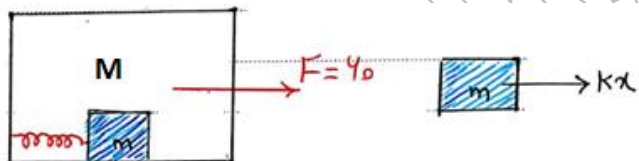


۱۱۰- در شکل مقابل، وزنه m توسط فنر بدون جرمی به طول 10 cm به بدنه داخلی ارابه‌ای به جرم M اتصال دارد. اگر ارابه با نیروی F بر روی سطح افقی



به حرکت درآید، طول فنر چه تغییری می‌کند؟ (اصطکاک ناچیز فرض شود و $K = 500 \frac{N}{m}$)

پاسخ: تمام سطوح بدون اصطکاک اند.



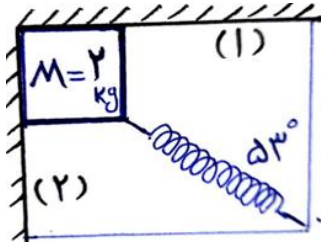
$$F = (M + m)a \Rightarrow a = \frac{60}{12} = 5 \frac{m}{s^2}$$

$$kx = ma \Rightarrow x = \frac{kx}{m} = \frac{2 \times 5}{500} = 0.02 \text{ m} = 2 \text{ cm}$$

فنر متصل به ارابه جلو می‌آید و طول آن کاهش می‌یابد.

$$x = l - l_0 = 10 - 2 = 8 \text{ cm}$$

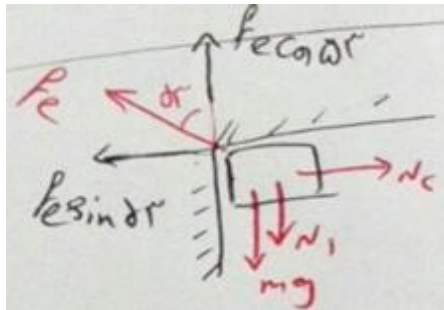
۱۱۱- وزنه M توسط فنری با ثابت $K = \frac{N}{500m}$ به دو دیوار (۱) و (۲) فشرده شده است، به طوری که طول فنر 10 cm از طول طبیعی اش کمتر است. نیروی عمودی تکیه گاه دیوار (۱) و (۲) به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



عمودی تکیه گاه دیوار (۱) و (۲) به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

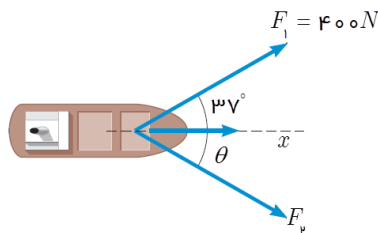
- ۱۰-۴۰(۱)
۳۰-۴۰(۲)
۴۰-۱۰(۳)
۲۰-۳۰(۴)

پاسخ:
$$\left\{ \begin{array}{l} \sum F_x = 0 \\ \sum F_y = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} N_2 = F_e \sin 53^\circ \\ N_1 + mg = F_e \cos 53^\circ \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} N_2 = 500 \times 0 / 8 = 62.5 N \\ N_1 + 20 = 500 \times 0 / 6 \end{array} \right. \Rightarrow N_1 = 10 N$$



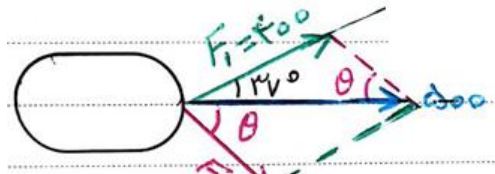
نیروی فنر را F_e می‌نامیم که برابر است با: $F_e = k \cdot \Delta x = 500 \times 0 / 1 = 50 N$

۱۱۲- قایقی به جرم 1000 kg با شتاب $5 \frac{m}{s^2}$ مطابق شکل، تحت تاثیر اعمال دو نیروی F_1 و F_2 بر روی محور x به سمت شرق حرکت می‌کند.



زاویه‌ی مجهول چند درجه است؟

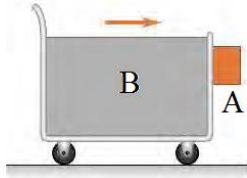
پاسخ: $F_T = ma = 5000 N$



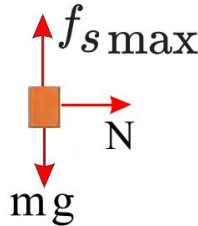
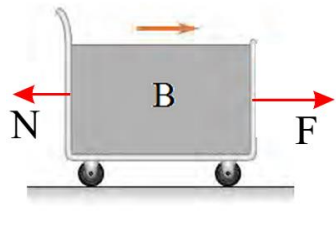
$$\frac{4000}{\sin \theta} = \frac{5000}{\sin(37^\circ + \theta)} \Rightarrow 5 \sin \theta = 4(\sin 37^\circ \times \cos \theta + \cos 37^\circ \times \sin \theta) \Rightarrow$$

$$1 / 8 \sin \theta = 2 / 4 \cos \theta \Rightarrow \tan \theta = \frac{4}{3} \Rightarrow \theta = 53^\circ$$

۱۱۳- الف) مطابق شکل، کمترین شتاب حرکت ارابه چقدر باشد؛ تا جسم A به جرم m به پایین سقوط نکند؟ (ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم A و ارابه μ_s می‌باشد.)



ب) اگر شتاب از مقدار به دست آمده بیشتر شود، نیروی اصطکاک چه تغییری خواهد کرد؟



پاسخ: سطح افی بدون اصطکاک است، پس داریم: $F = (m_A + m_B)a$

برای آنکه جسم A به پایین نلغزد، باید $N = m_A a$

و نیروی وزن آن برابر نیروی اصطکاک ایستایی شود. $f_{s \max} = \mu_s m_A a = m_A g$.
 F و a وقتی کمترین مقدار را دارند که m_A در آستانه حرکت به سمت پایین

باشد. $a = \frac{g}{\mu_s}$

ب) با افزایش شتاب، نیروی عمودی سطح ($N = m_A a$) افزایش یافته و در نهایت نیروی اصطکاک در آستانه حرکت زیاد می‌شود.

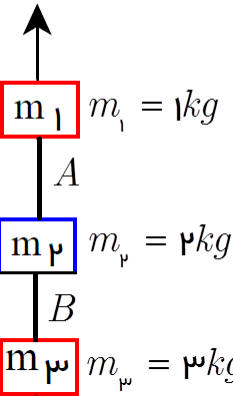
۱۱۴- مطابق شکل زیر، نیروی قائم $F = \sqrt{2}N$ بر جسم m_1 وارد می‌شود. اگر جرم نخ‌ها ناچیز باشد.

الف) شتاب حرکت دستگاه؟

ب) نسبت اندازه‌ی نیروی کشش نخ $\frac{T_A}{T_B}$ ؟

ج) نیروی برآیند وارد بر m_1 ؟

$F = \sqrt{2}N$



پاسخ: الف) $a = \frac{good - bad}{m_T} = \frac{F - (m_1 + m_2 + m_3)g}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{\sqrt{2} - 6 \times 10}{6} = \frac{m}{s^2}$

ب) تناسب) هر نیرویی چه جرمی را بالا می‌کشد؟
 $\frac{T_A}{5} = \frac{T_B}{3} \Rightarrow \frac{T_A}{T_B} = \frac{5}{3}$

ج) روش اول)
 $F_{T_1} = m_1 a = 2 \times 2 = 4N$

روش دوم) شما بگید؟

۱۱۵- درستی و نادرستی جملات زیر را تعیین کنید:

۱- تکانه‌ی یک جسم به جرم و سرعت آن بستگی دارد.

۲- تکانه‌ی یک جسم همواره در جهت سرعت آن است.

۳- تغییر تکانه یک جسم در یک بازه‌ی زمانی، با برآیند نیروی متوسطی که در این مدت بر جسم اثر می‌کند برابر است.

۴- هر چه مدت زمان اثر نیرو بر جسمی بیشتر باشد، تغییر تکانه‌ی آن نیز بیشتر خواهد بود.

۵- جسمی در حال سقوط آزاد است. تغییر تکانه‌ی این جسم در واحد زمان، ثابت و برابر با نیروی وزن آنست.

۶- جسمی را در هوا رها کرده، سقوط می‌کند. تغییر تکانه‌ی این جسم در ثانیه‌های متوالی ثابت است.

پاسخ: ۱- درست ۲- درست ۳- درست ۴- درست ۵- درست ۶- نادرست (در هوا)

۱۱۶- الف) آزمایشی را طراحی کنید، که بتوان ضریب ثابت فنر را تعیین کرد؟

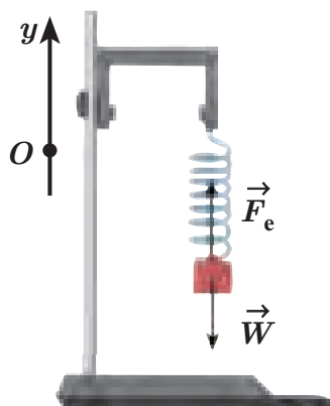
ب) آیا فنری که ثابت بیشتری دارد، سخت‌تر است؟

پاسخ: با استفاده از قانون هوک که نیروی کشسانی متناسب با تغییر طول فنر است، ابتدا طول عادی فنر را با خط کش یا متر و جرم فنر را اندازه می‌گیریم و فنر را با قلاب از جای ثابتی بصورت عمود آویزان می‌کنیم از چند وزنه با جرمهای مختلف استفاده می‌کنیم و هر کدام را بطور جداگانه از فنر آویز کرده و تغییر طول فنر را اندازه می‌گیریم و از رابطه $kx = mg$ مقدار k را محاسبه می‌کنیم. البته در جایگذاری جرم، جرم فنر و وزنه را باید جمع کنیم و در نهایت از مقادیر به دست آمده برای ثابت فنر میانگین می‌گیریم.

روش دوم:

الف) طول اولیه فنری را با خط کش اندازه‌گیری می‌کنیم (x_1) سپس وزنه‌ای با جرم مشخص را به فنر آویزان می‌کنیم و طول ثانویه فنر (x_2) را نیز با خط کش می‌خوانیم در نهایت از رابطه $k(x_2 - x_1) = mg$ ضریب ثابت فنر بدست می‌آید.

ب) بله، با افزایش ضریب ثابت فنر سختی فنر نیز زیاد می‌شود.



۱۱۷- جسمی به جرم 10 kg را با نیروی افقی 100 N بر روی یک سطح افقی با شتاب $5\frac{m}{s^2}$ به حرکت درآورده‌ایم. تغییر تکانه‌ی این جسم در مدت 5 ثانیه

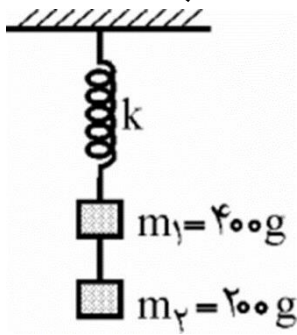
چقدر است؟ (مسئله ممکن است دارای اطلاعات اضافی باشد.)

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = 5 \times 5 = 25 \frac{m}{s}$$

$$\Delta P = m \cdot \Delta v = 10 \times (25 - 0) = 250 \frac{kg \cdot m}{s}$$

$$\frac{\Delta P}{\Delta t} = ma \Rightarrow \frac{\Delta P}{5} = 10 \times 5 \Rightarrow \Delta P = 250$$

۱۱۸- دو وزنه که بانخ به هم متصل شده‌اند، به فنر سبکی که به سقف بسته شده است، آویزان شده و در حال تعادل‌اند. نخ بین دو وزنه را پاره می‌کنیم. شتاب حرکت وزنه m_1 بلافاصله بعد از پاره شدن نخ، چقدر و درجهتی است؟



پاسخ: نیروی فنر قبل از پاره شدن $F = (m_1 + m_2)g = (0/4 + 0/2) \times 10 = 6N$

بعد از پاره شدن نخ داریم: $m_1g - F = m_1a \Rightarrow 4 - 6 = 0/4a \Rightarrow a = \frac{-2}{0/4} = -5 \frac{m}{s^2}$

شتاب حرکت وزنه در خلاف نیروی وزن و به سمت بالاست.

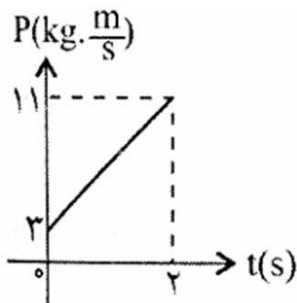
۱۱۹- در یک مسابقه پرش با نیزه، ورزشکار از مانع پرش با ارتفاع $6m$ بدون خطا عبور می‌کند. نقش تشک را در جلوگیری از آسیب رسیدن به ورزشکار مورد بحث و بررسی قرار دهید.



پاسخ: در صورتی که از تشک استفاده نشود در مدت زمان بسیار کوچکی تکانه ی ورزشکار تغییر می‌کند و نیروی بسیار بزرگی از طرف ورزشکار بر زمین و عکس العمل آن نیز از طرف زمین بر ورزشکار وارد می‌شود. در صورت استفاده از تشک مدت زمان تغییر تکانه افزایش می‌یابد در نتیجه مقدار نیروی

وارد بسیار کاهش می‌یابد. مشابه این اتفاق در ایر بگ اتومبیل نیز اتفاق می‌افتد. $F = \frac{\Delta P}{\Delta t}$

۱۲۰- نمودار تکانه - زمان (اندازه ی حرکت - زمان) جسمی به جرم $8kg$ مطابق شکل است. شتاب حرکت این جسم چند متر بر مجذور ثانیه است؟



۱ / ۵ (۲)

۳ / ۵ (۱)

۰ / ۵ (۴)

۱ (۳)

پاسخ:

$\Delta P = P_2 - P_1 = 11 - 3 = 8 \frac{kg.m}{s}$

$F_T = \frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{8}{2} = 4N$ $F_T = ma \Rightarrow 4 = 8a \Rightarrow a = 0/5 \frac{m}{s^2}$

۱۲۱- معادله تکانه جسمی به جرم $5kg$ در SI به صورت $P = t^2 - 10t + 20$ است. نیروی متوسط وارد بر جسم در بازه ی $t_1 = 5s$ تا $t_2 = 7s$ چند نیوتن است؟ (سراسری خارج از کشور تجربی-۹۳)

۴ (۴)

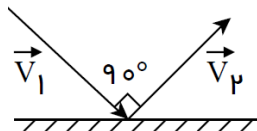
۳ (۲)

۲ (۲)

۱ (۱)

پاسخ: $F = \frac{dP}{dt} = 2t - 10 \xrightarrow{t=6s} F = 2 \times 6 - 10 = 2N$

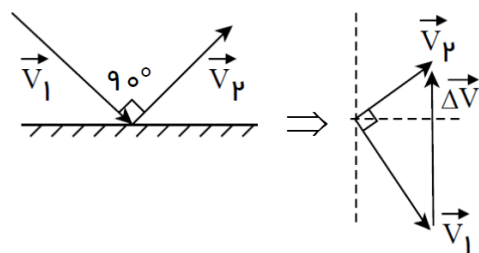
۱۲۲- گلوله‌ای به جرم $1kg$ مطابق شکل زیر، با سرعت $V_1 = 4 \frac{m}{s}$ به زمین برخورد کرده و با سرعت $V_2 = 3 \frac{m}{s}$ از زمین جدا می‌شود. تغییر تکانه گلوله بر حسب کیلوگرم متر بر ثانیه کدام است؟ (آزمون قلم‌چی- ۹۵)



۱ (۱) ۳ (۲)

۵ (۲) ۷ (۴)

پاسخ: گزینه (۳) صحیح است. تکانه کمیتی برداری است، پس در محاسبه‌ی آن باید $\Delta \vec{V}$ را به صورت برداری در فرمول جایگذاری کرد، نه به صورت مفهوم عددی تغییر سرعت.



$$|\Delta \vec{V}| = \sqrt{|V_1^v|^2 + |V_2^v|^2} \Rightarrow |\Delta \vec{V}| = 5 \frac{m}{s} \Rightarrow \Delta \vec{P} = m \times \Delta \vec{V} \Rightarrow \Delta \vec{P} = 1 \times 5 = 5 \frac{kg \cdot m}{s}$$

۱۲۳- معادله‌ی تکانه‌ی جسمی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، بر حسب زمان در SI به صورت $P = 2t^2 - 14t + 24$ است. اگر این جسم از لحظه‌ی $t = 0$ شروع به حرکت کرده باشد، در چند ثانیه از زمان حرکت خود دارای حرکتی کندشونده است؟ (آزمون قلم‌چی- ۹۴)

۲ / ۵ (۱) ۳ (۲) ۳ / ۵ (۳) ۴ (۴)

پاسخ: گزینه (۳) صحیح است. هرگاه $av > 0$ یا $FP > 0$ باشد، تند شونده و هرگاه $av < 0$ یا $FP < 0$ باشد، کند شونده خواهد بود.

$$P = 2t^2 - 14t + 24 = 0 \Rightarrow 2(t^2 - 7t + 12) = 0 \Rightarrow (t - 3)(t - 4) = 0 \Rightarrow t_1 = 3s, t_2 = 4s$$

$$F = \frac{dP}{dt} = 4t - 14 = 0 \Rightarrow t = 3.5s$$

t (s)	۳	۳/۵	۴
P	+ ○ -	- ○ +	- ○ +
F	- ○ +	- ○ +	+ ○ +
نوع حرکت	- ○ تند شونده	+ ○ کند شونده	- ○ کند شونده

بنابراین در مجموع به مدت $\Delta t = 3 + 0.5 = 3.5s$ حرکت متحرک کندشونده است.

۱۲۴- معادله تکانه جسمی در SI که بر روی محور x حرکت می‌کند، به صورت $P = t^2 - 2t - 3$ است. نوع حرکت از لحظه‌ی $t = 0$ تا $t = 3s$ کدام است؟

(۱) همواره کندشونده

(۲) همواره تندشونده

(۳) ابتدا کندشونده، سپس تندشونده

(۴) ابتدا تندشونده، سپس کندشونده

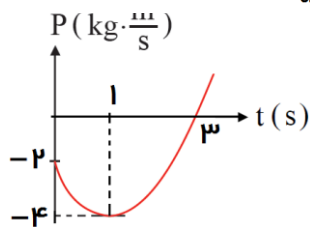
پاسخ: هرگاه $av > 0$ یا $FP > 0$ باشد، تندشونده و هرگاه $av < 0$ یا $FP < 0$ باشد، کندشونده خواهد بود.

t		-1	1	3	
P		+	0	-	+
F		-	-	0	+
$F.P$		-	+	-	+
		تندشونده		کندشونده	

$$P = t^2 - 2t - 3 = 0 \Rightarrow t_1 = -1, t_2 = 3s$$

$$F = \frac{dP}{dt} = 2t - 2 = 0 \Rightarrow t = 1s$$

روش دوم: با رسم نمودار $P-t$ داریم:



از لحظه‌ی $t = 0$ تا $t = 1s$ قدرمطلق P در حال افزایش (معادل V),

پس تندشونده؛ از لحظه‌ی $t = 1s$ تا $t = 3s$ قدرمطلق P در حال کاهش (معادل V) پس کندشونده است.

یادآوری: از محور زمان دور شویم، تندشونده به محور زمان نزدیک شویم کندشونده است

۱۲۵- جرم جسمی ثابت است. اگر تکانه آن تغییر کرده باشد، کدام مطلب در مورد آن درست است؟

۱- سرعت و انرژی جنبشی آن الزاما ثابت مانده است.

۲- سرعت و انرژی جنبشی آن الزاما تغییر کرده است.

۳- انرژی جنبشی آن تغییر کرده ولی سرعت آن ممکن است ثابت مانده باشد.

۴- سرعت آن تغییر کرده ولی انرژی جنبشی آن ممکن است ثابت مانده باشد.

پاسخ: گزینه ۴ صحیح است. زیرا با تغییرات تکانه با ثابت بودن جرم، سرعت جسم نیز تغییر می‌کند ولی انرژی جنبشی می‌تواند ثابت باشد.