

فصل ۷

آمار و احتمال



با استفاده از نمودارهای آماری و بررسی تغییرات این اطلاعات در زمان‌های مشخص می‌توان اتفاق‌های بعدی را پیش‌بینی کرد.
برای مثال، تغییرات قیمت طلا، قیمت نفت و آب و هوا این امکان را می‌دهد که وضعیت روزهای آینده‌ی بازار یا هوا را با دقّت خوبی حدس بزنیم یا پیش‌بینی کنیم.

حل مسئله

۱- می خواهیم عدههای ۱۱۲، ۱۱۷ و ۱۰۷ را مقایسه کنیم. راه حل های ۴ دانش آموز را کامل کنید و هر کدام را توضیح دهد.

﴿ بروانه : من از رقم صدگان شروع می کنم. چون رقم صدگان سه عدد مساوی است به سراغ رقم دهگان می روم. رقم دهگان عدد ۱۰۷ صفر است، پس از همه کوچکتر است. رقم دهگان عدههای ۱۱۲ و ۱۱۷ برابر است، پس :

به رقم یکان نگاه می کنم ۷ از ۲ بیشتر است پس ۱۱۷ از ۱۱۲ کوچکتر است

﴿ ستاره : من عدهها را به صورت گسترده می نویسم و سپس با هم مقایسه می کنم :

$$\begin{array}{ccc} 117 & 107 & 112 \\ 100+1+7 & 100+7 & 100+10+2 \end{array}$$

عدد ۱۰۰ در هر سه عدد مشترک است و آن را کنار می گذارم. سپس عدد ۰ از ۱۰ کوچکتر است پس ۱۰۷ از همه کمتر است بعد نوبت به رقم های بعدی است که ۲ از ۷ کمتر است. پس ۱۱۲ کوچکتر از ۱۱۷ می باشد.

﴿ ترسین : من عدهها را روی محور تسان می دهم :



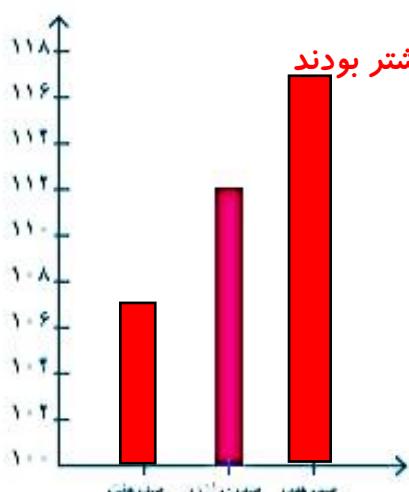
چنانچه عدهایی که می خواست با هم مقایسه کنند از ۱۰۰ شروع کرده است؟ ۱۰۰ بیشتر بودند

﴿ مونا : من عدهها را با نمودار ستونی تماش می دهم :

محور عمودی شکل از جه عددی شروع شده است؟

تقسیم های این محور چندتاست؟

از اول به یکباره به عدد ۱۰۰ اشاره کرده و از آنجا اعداد ۲ تا ۲ تا زیاد شده اند.



در هر ۴ روش، این دانش آموزان چگونه مسئله خود را آسان تر کرده اند؟ توضیح دهد.

همه دانش آموزان مسئله را به قسمت های کوچک تر تقسیم کردند (مسئله را ساده تر کردند) تا بتوانند راحت تر مسئله را حل کنند.

حل مسئله‌ی ساده‌تر، حدس و آزمایش

۲- حسن یک سکه را ۱۰ مرتبه انداخته و رو یا پشت آمدن آن را پادداشت کرده است. جدول او را به صورت حدسی آدامه دهید.

جدول ۱

| | | | | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|-----------|
| ۱۰ | ۹ | ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ | آزمایش |
| ر | پ | پ | ر | ر | پ | پ | ب | ب | ر | وضعیت سکه |

در جدول شما چندبار رو نوشته شده است؟ **۵** چند بار پشت نوشته شده است؟

حالا این آزمایش را انجام دهید و جدول زیر را کامل کنید.

جدول ۲

| | | | | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|-----------|
| ۱۰ | ۹ | ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ | آزمایش |
| ر | پ | پ | ر | ر | پ | پ | ب | ب | ر | وضعیت سکه |

آیا تعداد رو یا پشت آمدن آزمایش‌های شما با جدول ۱ نفاوت دارد؟ **خیر** در هر دو بار ۵ مرتبه رو آمده و ۵ مرتبه زیر

۳- اگر از کیسه‌ی رو به رو بدون نگاه کردن به داخل آن یک مهره در بیاوریم، به احتمال پیشتر چه رنگی خواهد داشت؟ پاسخ دو دانش‌آموز به صورت زیر است: **سبز**



امیر: فرقی نمی‌کند؛ چون در کیسه دو رنگ داریم.

علی: احتمال بیرون آمدن رنگ سبز پیشتر است؛ چون تعداد سبزها بیشتر است.

کدام یک درست گفته‌اند؟ **چرا؟** **علی** درست گفته. زیرا هر بار که بخواهیم مهره‌ای را در بیاوریم

بیشتر امکان دارد سبز در بیاید تا قرمز. چون ۳ تا سبز داریم ولی قرمز فقط یکی داریم

حالا این آزمایش را ده بار انجام دهید و نتیجه را پادداشت کنید. حمس کدام دانش‌آموز در این آزمایش تأیید شد؟

حدس علی با این آزمایش تأیید شد

| | | | | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|--------|
| ۱۰ | ۹ | ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ | آزمایش |
| س | س | س | س | س | س | س | س | س | س | رنگ |

نمودار خط شکسته



فعالیت

در سال گذشته جدول تعداد علاقهمندان به ورزش‌های فوتبال، والیبال و بسکتبال یکی از دبستان‌ها را برای دانش‌آموزان کلاس‌های چهارم، پنجم و ششم به صورت زیر مشاهده کردید.

| ششم | | | پنجم | | | چهارم | | |
|-----|----|----|------|----|----|-------|----|----|
| ف | و | ب | ف | و | ب | ف | و | ب |
| ۱۰ | ۱۲ | ۱۰ | ۱۴ | ۱۰ | ۱۲ | ۸ | ۱۲ | ۱۴ |

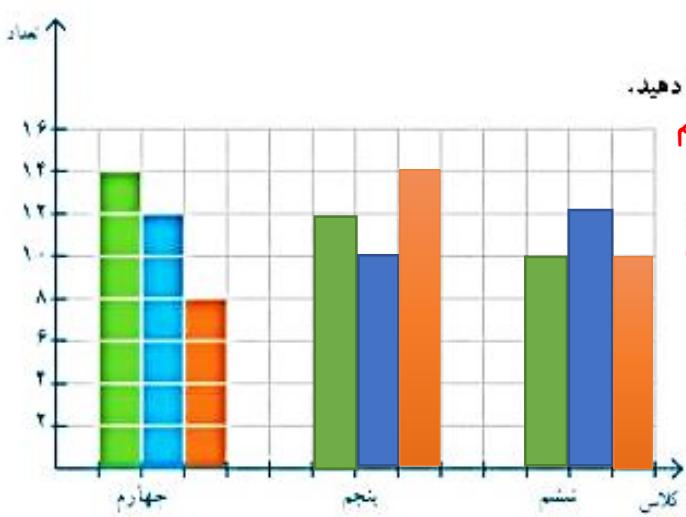
- ف : فوتبال
- و : والیبال
- ب : بسکتبال

حالا می‌خواهیم نمودار سنونی این اطلاعات را رسم کنیم. از سه رنگ مشخص شده‌ی بالا استفاده می‌کنیم. برای نمونه، شکل مربوط به کلاس چهارم انجام شده است.

شما بقیه‌ی نمودار را کامل کنید و به سوال‌های زیر پاسخ دهید.
در کدام کلاس علاقهمندان به بسکتبال بیشتر است؟ **پنجم**

در کلاس پنجم، کدام ورزش علاقهمندان بیشتری دارد؟ **بسکتبال**
تعداد دانش‌آموزان کلاس چهارم علاقهمند به این سه رشته چند نفر است؟ $۱۴ + ۱۲ + ۸ = ۳۴$

در مجموع، چند نفر به همهٔ ورزش‌ها علاقهمندند؟ **۱۰۲**
۱۰۲ نفر. همهٔ عددها را با هم جمع می‌کنیم



| مختبر | مومن | مرتضی | مجتبی | مصطفی |
|-------|------|-------|-------|-------|
| ۱۱۰ | ۷۰ | ۴۰ | ۳۰ | ۵۰ |
| ۱۲۰ | ۸۰ | ۴۰ | ۳۰ | ۵۰ |
| ۱۱۰ | ۷۰ | ۴۰ | ۳۰ | ۵۰ |
| ۱۱۰ | ۷۰ | ۴۰ | ۳۰ | ۵۰ |

هر دو عدد مربوط به هر دا آرا جمع می‌کنیم





فعالیت

۱- قیمت هر بشکه نفت ایران در ده هفته در جدول زیر مشخص شده است.

| ۱۰ | ۹ | ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ | هفته |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|--------------|
| ۱۱۰ | ۱۱۱ | ۱۱۲ | ۱۱۷ | ۱۲۲ | ۱۲۰ | ۱۱۵ | ۱۰۷ | ۱۰۵ | ۱۰۲ | قیمت به دلار |

برای اینکه تغییرات قیمت نفت را بهتر نشان دهیم، ابتدا ماتنند نمونه قیمت مربوط به هر هفته را با یک نقطه در نمودار نشان می‌دهیم.
شما بقیه نقاط را پیدا کنید.

(توجه داشته باشید که قیمت‌ها از ۱۰۰ شروع شده‌اند.)

حالا نقطه‌ها را به هم وصل کنید. به این نمودار، نمودار خط شکسته می‌گویند.
با توجه به نمودار، به سوال‌های زیر پاسخ دهید.

• در بین کدام دو هفته، تغییرات از همه بیشتر بوده است؟ **۳ به ۴**

• قیمت نفت در کدام هفته‌ها افزایش داشته است؟ **۱-۲-۳-۴-۵-۶**

• قیمت نفت از کدام هفته شروع به کم شدن کرده است؟ **۶ به بعد**

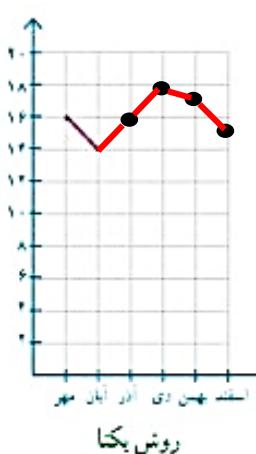
• در این نمودار معنی — چیست؟ **قیمت ثابت مانده است**

• با توجه به این نمودار فکر می‌کنید که در هفته‌ی بعد چه اتفاقی می‌افتد؟ **قیمت ثابت می‌ماند**

۲- نمره‌های ریاضی یک دانشآموز کلاس هفتم به صورت زیر است :

ماه مهر : ۱۶، ماه آبان : ۱۴، ماه آذر : ۱۶، ماه دی : ۱۸، ماه بهمن : ۱۷، ماه اسفند : ۱۵

برای نمایش بهتر این اطلاعات، دو دانشآموز روش‌های زیر را انتخاب کرده‌اند.
کار آنها را کامل کنید.



| ماه | مهر | آبان | آذر | دی | بهمن | اسفند |
|------|-----|------|-----|----|------|-------|
| نمره | ۱۵ | ۱۶ | ۱۴ | ۱۶ | ۱۷ | ۱۸ |

روش یگانه

روش بکتا

برای فهمیدن تغییرات نمره‌های این دانشآموز در درس ریاضی، کدام روش مناسب‌تر است؟ چرا؟

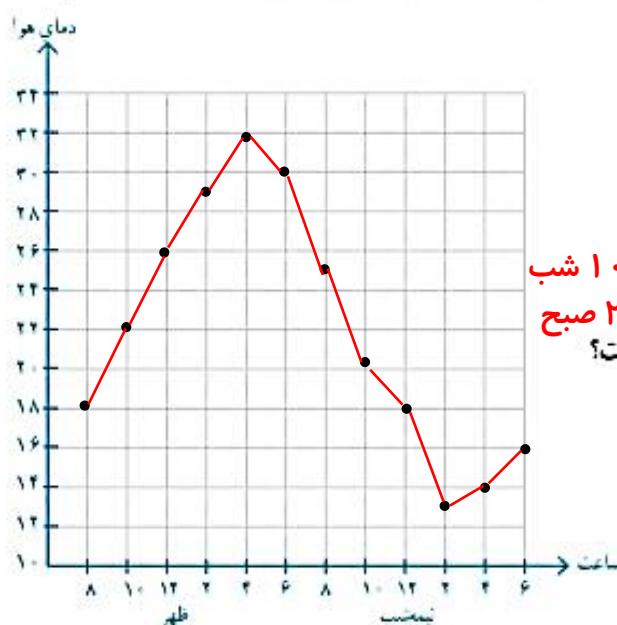
روش نمودار زیرا نوسان نمره‌ها را بهتر نشان می‌دهد.

دماهی هوا در یک شهر در یک شبانه روز هر دو ساعت یک بار اندازه گیری شده است. با توجه به اطلاعات داده شده، ابتدا جدول را کامل و سپس نمودار خط شکسته‌ی آن را رسم کنید.

$$\begin{array}{ccccccccc} \text{صبح: } 18 & \text{۱۰ صبح: } 22 & \text{۱۲ ظهر: } 26 & \text{۲۰ بعدازظهر: } 29 & \text{۲۴ بعدازظهر: } 24 & \text{۲۶ بعدازظهر: } 20 & \text{۲۸ شب: } 25 & \text{۳۰ شب: } 20 & \text{۳۲ شب: } 18 \\ \text{صبح: } 6 & \text{۱۲ شب: } 10 & \text{۱۰ شب: } 8 & \text{۶ شب: } 4 & \text{۲ شب: } 2 & \text{۱۲ شب: } 12 & \text{۱۰ شب: } 8 & \text{۱۲ شب: } 10 & \text{۱۸ شب: } 6 \end{array}$$



| صبح | نیمه شب | شب | ظهر | صبح | نیمه شب | شب | ظهر | صبح |
|-----|---------|----|-----|-----|---------|----|-----|-----|
| ۶ | ۴ | ۲ | ۱۲ | ۱۰ | ۸ | ۶ | ۴ | ۲ |
| ۱۶ | ۱۴ | ۱۳ | ۱۸ | ۲۰ | ۲۵ | ۲۰ | ۳۲ | ۲۹ |



با توجه به جدول و نمودار، به سوال‌های زیر پاسخ دهد.

بین کدام ساعت‌ها بیشترین تغییر دما دیده می‌شود؟ بین ۸ تا ۱۰ شب

بین ۱۲ تا ۲ شب

اختلاف دما بین ساعت‌های ۱۰ صبح و ۱۲ ظهر چند درجه است؟

$$26 - 22 = 4$$

بیشترین دما و کمترین دما در چه ساعت‌هایی بوده است؟

بین ۱۲ تا ۲ صبح

اختلاف بین بیشترین و کمترین دما چند درجه است؟

$$32 - 13 = 19$$

با توجه به نمودار، توضیح دهد که تغییرات دما روز و شب

این شهر چگونه است؟ از ساعت ۲ نیمه شب تا ساعت ۴ بعد از ظهر دما زیاد می‌شود و از ساعت ۴ بعد

از ظهر تا ۲ نیمه شب دما پایین می‌آید

انجام بد.



یک عدد دورقی انتخاب کنید. جای رقمهای یکان و دهگان را عوض کنید تا یک عدد دورقی دیگر بدست آید. این دو عدد دورقی را از هم کم کنید. حاصل نفریق را بر ۹ تقسیم کنید. آیا این تقسیم، باقی مانده دارد؟ این کار را سه بار دیگر نکرار کنید.

$$80 - 8 = 72 \quad / \quad 72 \div 9 = 8$$

$$65 - 56 = 9 \quad / \quad 9 \div 9 = 1$$

تقسیم‌ها باقی مانده ندارند همه اعداد به دست آمده بر ۹ بخش پذیر هستند

۱- یک پرستار هر ساعت ضربان قلب یک بیمار را در دقیقه گرفته و در جدول زیر نوشته است.

| بعداز ظهر | ظهر ظهر | صبح |
|--------------|------------|--------|
| | | زمان |
| | | ضریبان |
| ۱ | ۱۲ | ۱۱ |
| ۲ | ۱۰ | ۹ |
| ۳ | ۸ | ۷ |
| ۴ | ۶ | ۵ |
| ۵ | ۴ | ۴ |
| ۶ | ۲ | ۳ |
| ۷ | ۱ | ۱ |
| ۸ | | |
| ۹ | | |
| ۱۰ | | |
| ۱۱ | | |
| ۱۲ | | |
| ۱۳ | | |
| ۱۴ | | |
| ۱۵ | | |
| ۱۶ | | |
| ۱۷ | | |
| ۱۸ | | |
| ۱۹ | | |
| ۲۰ | | |
| ۲۱ | | |
| ۲۲ | | |
| ۲۳ | | |
| ۲۴ | | |
| ۲۵ | | |
| ۲۶ | | |
| ۲۷ | | |
| ۲۸ | | |
| ۲۹ | | |
| ۳۰ | | |
| ۳۱ | | |



۲ تا ۳ صبح نمودار خط شکسته را رسم کنید.

۹ تا ۱۰ صبح بین کدام ساعت‌ها تغییرات ضربان زیاد بوده است؟

۱۰ تا ۱۱ صبح اگر ضربان قلب کمتر از ۷۰ برای این بیمار خطرناک باشد،

در چه ساعتی این بیمار به مراقبت وزنه احتیاج داشته است؟

از ۱۲ تا ۱ بعداز ظهر

۲- برای رسم نمودار خط شکسته‌ی تعداد ضربان قلب در سؤال ۱ از جه عددی شروع می‌کنید؟ جرا؟

تسییم‌های محور را چندتایی در نظر می‌گیرید؟ تا کجا ادامه می‌دهید؟ ۲ تا ۲ تا ادامه می‌دهیم تا عدد ۷۰ (ریزا کمتر از ۷۰ عددی نداریم)

۳- دمای هوای یک شهر در ماه‌های یک سال در جدول زیر آمده است.

| ماه | دما | فروردین | اردیبهشت | خرداد | تیر | مرداد | شهریور | مهر | آبان | آذر | دی | بهمن | اسنده |
|-----|-----|---------|----------|-------|-----|-------|--------|-----|------|-----|----|------|-------|
| ۱۴ | ۲۱ | ۲۵ | ۲۶ | ۲۷ | ۲۸ | ۲۹ | ۳۰ | ۳۱ | ۳۰ | ۲۹ | ۲۷ | ۲۴ | ۲۰ |

۱۴ ل ۱۵ ل ۱۶ ل ۱۷ ل ۱۸ ل ۱۹ ل ۲۰ ل ۲۱ ل ۲۲ ل ۲۳ ل ۲۴ ل ۲۵ ل ۲۶ ل ۲۷ ل ۲۸ ل ۲۹ ل ۳۰ ل ۳۱ ل

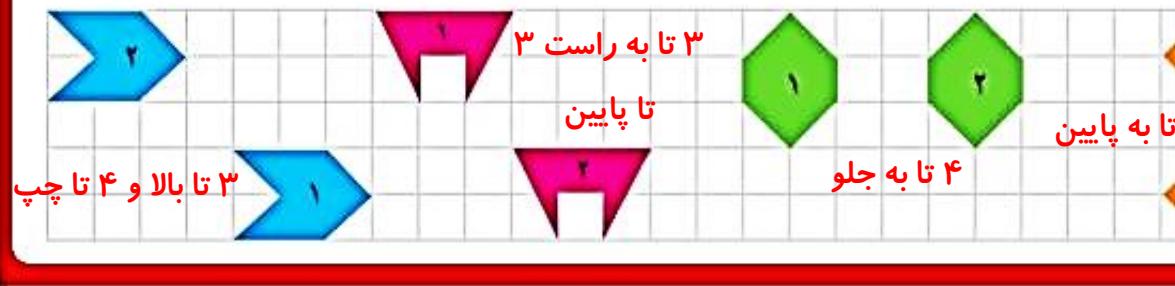
• گرم‌ترین و سردترین ماه را بیدا کنید گرم‌ترین ماه مرداد است و سردترین ماه دی می‌باشد

• پیشترین تغییر دما بین کدام دو ماه بوده است؟ بین ماه‌های مهر و آبان

• کمترین تغییر دما بین کدام دو ماه بوده است؟ بین ماه‌های خرداد و تیر

توضیح بد.

توضیح دهد هر شکل با جه حرکتی بر شکل مشابه خود منطبق می‌شود.



احتمال



۱- همان‌طور که سال‌های قبل یادگرفتیم، از عبارت «احتمال دارد» در زندگی روزمره هم بسیار استفاده می‌کنیم. گاهی نیز عبارت‌های «به احتمال بیشتر» یا «به احتمال کمتر» یا «به احتمال برابر» را به کار می‌بریم. با این توضیع مانند نمونه و با توجه به جمله‌ی داخل کادر برای هر یک از موارد زیر، عبارتی مناسب انتخاب کنید و دلیل انتخاب خود را توضیع دهید.



اینکه بدون نگاه کردن به کیسه، یک مهره درآوریم و مهره قرمز باشد.

الف) **چون هیچ مهره قرمزی در کیسه نیست**



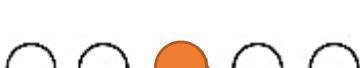
ب) **چون دو مهره قرمز در کیسه هست**



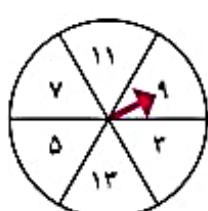
ج) **چون هر سه مهره قرمز است.**



د) **چون یکی از مهره‌ها قرمز است و دو تای دیگر قرمز نیست.**



ه) **چون دو مهره قرمز و دو مهره سبز داریم**



۲- چرخنده‌ای به صورت شکل رویه روداریم.

عقربه‌ی چرخنده هر بار پس از ایستادن عددی را نشان می‌دهد.

برای هر یک از موارد زیر یکی از پنج عبارت بالا را انتخاب کنید و دلیل انتخاب خود را بنویسید.

الف) روی عدد زوج بایستد: به طور حتم اتفاق نمی‌افتد. **دلیل:** چون عدد زوجی در این چرخنده وجود ندارد.

ب) روی عدد فرد بایستد: به طور اتفاق می‌افتد. **دلیل:** چون همه اعداد فرد هستند.

ج) روی عدد کمتر از ۲ بایستد به طور اتفاق نمی‌افتد: **دلیل:** چون عدد کمتر از ۳ نداریم.

د) روی عدد بزرگ‌تر از ۹ بایستد احتمال کمتر اتفاق می‌افتد: **دلیل:** چون فقط ۲ عدد بزرگ‌تر از ۹ داریم

ه) روی یکی از عددهای بزرگ‌تر احتمال بیشتر اتفاق می‌افتد **دلیل:** چون ۴ عدد از ۵ بیشتر داریم

و) روی یک عدد بزرگ‌تر از ۱۵ بایستد: **دلیل:** به طور اتفاق نمی‌افتد. چون عدد بیشتر از ۱۵ نداریم.



| رنگ سیب | تعداد |
|---------|-------|
| سبز | ۷ |
| قرمز | ۳ |
| زرد | ۵ |

۱- جدول رویه رو تعداد سیب‌های را که به رنگ‌های مختلف در بخشان موجودند، نشان می‌دهد. اگر بخواهیم بدون نگاه کردن یک سیب برداریم، این احتمال را که آن سبب به رنگ قرمز باشد، با عبارت مناسب مشخص کنید و دلیل این انتخاب را بنویسید.

به احتمال کمتر این اتفاق می‌افتد چون تعداد کل سیب‌ها ۱۵ تا



۲- از کيسه‌ی رویه رو بدون نگاه کردن به داخل آن یک مکعب درمی‌آوریم، احتمال پیرون آمدن کدام رنگ مکعب بیشتر است؟ چرا؟ سبز. چون تعدادش از بقیه رنگ‌ها بیشتر است. احتمال پیرون آمدن کدام رنگ مکعب کمتر است؟ چرا؟ قرمز. چون تعدادش از همه رنگ‌ها کمتر است.



۱- چرخنده‌ای به شکل رویه رو داریم. در این چرخنده، احتمال این را که عقربه روی هر رنگ بیفتد، با یک عبارت مشخص کنید.



فرمود: زرد: به احتمال بیشتر اتفاق می‌افتد
به احتمال کمتر اتفاق می‌افتد
اگر عقربه‌ی این چرخنده را ۲۰ بار بچرخانیم، انتظار داریم کدام رنگ بیشتر بیاید؟ چرا؟ قرمز. چون در چرخنده ۳ بار رنگ قرمز آمده ولی تعداد بقیه رنگ‌ها کمتر است.

۲- این آزمایش را انجام دهید: عقربه‌ی چرخنده را ۲۰ بار بچرخانید و پس از ایستادن، رنگ آن را یادداشت کنید.

| رنگ | آق |
|---------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| از مایش | ۲۱ | ۲۲ | ۲۳ | ۲۴ | ۲۵ | ۲۶ | ۲۷ | ۲۸ | ۲۹ | ۳۰ | ۳۱ | ۳۲ | ۳۳ | ۳۴ | ۳۵ | ۳۶ | ۳۷ | ۳۸ | ۳۹ |

چند مرتبه روی رنگ قرمز ایستاد؟ ۱۲ بار

آیا تعداد دفعات ایستادن عقربه روی رنگ قرمز بیشتر از بقیه است؟ بله

آیا در کلاس شما داشت آموزی هست که در آزمایش او رنگ قرمز کمتر از بقیه‌ی رنگ‌ها باشد؟ خیر

آیا انتظار شما درباره‌ی رنگ آبی و سبز هم اتفاق افتاد؟ (تعداد دفعات ایستادن عقربه روی رنگ آبی بیشتر از سبز است.)
بله رنگ آبی ۷ بار آمد ولی رنگ سبز فقط ۱ بار



۱- اگر یک سکه را بیندازیم، با رو می‌آید یا پشت.

احتمال رو یا پشت آمدن سکه را با جه عبارتی بیان می‌کنید؟ چرا؟

به احتمال برابر رو یا پشت می‌آید. چون با هر بار پرتاب یک سکه یا پشت می‌آید یا رو

اگر سکه را ۲۰ بار بیندازیم، پیش‌بینی می‌کنید چند مرتبه رو و چند مرتبه پشت آن باید؟ چرا؟

هر کدام برابر باید یعنی ۱۰ بار رو و ۱۰ بار پشت. زیرا به احتمال برابر رو یا پشت می‌آید.

- یک سکه را ۲۰ بار بیندازید و هر بار رو یا پشت آمدن آن را در جدول زیر باداشت کنید.

| آزمایش | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| وضعیت سکه | | | | | | | | | | | | | | | | | | | ر |
| ۲۰ | ۱۹ | ۱۸ | ۱۷ | ۱۶ | ۱۵ | ۱۴ | ۱۳ | ۱۲ | ۱۱ | ۱۰ | ۹ | ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ |

تعداد رو آمدن: ۹ بار

آیا این آزمایش مطابق انتظار شما بود؟ بله به انتظار من نزدیک بود

آیا در کلاس شما دانش‌آموزی هست که در آزمایش او سکه ۱۰ بار به رو و ۱۰ بار به پشت آمد؟ بله

۲- ساناز عقره‌ی یک چرخنده را ۲۰ بار بچرخانده و هر بار رنگ آن را باداشت کرده است. نتیجه‌ی آزمایش او را در جدول رو به رو می‌بینید.

| تعداد | رنگ |
|-------|--------|
| ۷ | آبی |
| ۱۱ | سبز |
| ۲ | نارنجی |

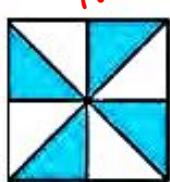
به احتمال کمتر نارنجی می‌آید. زیرا ساناز ۲۰ بار عقره را چرخانده است و از این تعداد فقط ۲ بار رنگ نارنجی آمده است.

اگر ساناز یک بار دیگر عقره را بچرخاند، احتمال آمدن رنگ نارنجی را با یافتن یک سکه پیش‌بینی کنید.

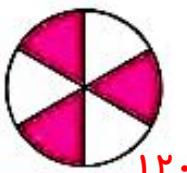
دلیل خود را توضیح دهید.

خلقان باش

هر کدام از شکل‌های زیر، چند درجه باید بچرخند تا دوباره روی خودشان بیفتدند؟



۹۰.



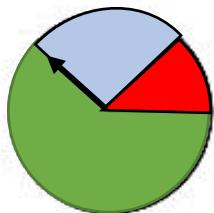
۱۲۰.



۹۰

۱۸۰

اگر پرچم‌ها را شماره گذاری کنیم، هر کدام باید ۳۶۰ درجه بچرخد تا روی خودشان بیفتدند



۱- چرخنده‌ی رویه‌رو ۸ قسمت دارد. آن را طوری رنگ کنید که احتمال قرار گرفتن عقربه روی رنگ سبز بیشتر و روی رنگ‌های آبی و قرمز کمتر باشد.



تمرین



۲- روی یک تاس عددهای ۱ تا ۶ وجود دارد. این احتمال را که پس از انداختن تاس

عدد زوج بیايد، با یک عبارت مناسب مشخص کنيد.

با سخن دو دانشآموز را بینيد.

کدام یک درست می‌گويند؟ چرا؟

به احتمال برابر زوج یا فرد می‌آيد. چون اعداد روی یک تاس ۳ تا زوج هستند و ۳ تا فرد. پس با هر بار پرتاب تاس هم عدد زوج ممکن است بیايد و هم فرد

۳- برای هر کدام از عبارت‌های «به طور حتم اتفاق می‌افتد» و «به طور حتم اتفاق نمی‌افتد» یک مثال بزنید.

در پرتاب یک تاس عددی بیايد که کمتر از ۷ باشد.

به طور حتم اتفاق نمی‌افتد: در پرتاب یک تاس عددی ۷ بیايد.

۴- اگر از هر کيسه یک مهره خارج کنیم، در کدام یک احتمال بیرون آمدن مهره‌ی سیاه بیشتر است؟ تعداد مهره‌ها روی کيسه نوشته شده است. دلیل خود را بنویسد.



از کيسه اول. چون از ده تا مهره‌ای که داخل کيسه موجود است ۶ تا سیاه است پس احتمال بیرون آوردن مهره سیاه از آن بیشتر است.

۵- در یک کبه ۳ مهره‌ی سبز، ۵ مهره‌ی قرمز و ۲ مهره‌ی زرد هست. قسمت پيش‌بنی جدول را برای ۲۰ بار آزمایش کامل کنيد.

۲۰ بار آزمایش درآوردن مهره از کيسه را انجام دهد و جدول را کامل کنيد.

| رنگ | تعداد مهره | پيش‌بنی | آزمایش |
|------|------------|--------------|--------|
| سبز | ۳ | احتمال کمتر | ۵ |
| قرمز | ۵ | احتمال بیشتر | ۱۲ |
| زرد | ۲ | احتمال کمتر | ۳ |

مرور فصل



۱- توضیح دهد چه زمانی عددهای محور عمودی را از صفر شروع نمی‌کنند.

وقتی که بخواهیم عددهایی را از روی جدول وارد نمودار کنیم و آن عددها از صفر شروع نشده باشند.



۲- نمودار خط‌شکسته برای چه موضوعاتی مناسب است؟ توضیح دهد.

وقتی بخواهیم تغییرات و نوسان‌ها را در یک دوره زمانی بررسی کنیم از نمودار خط‌شکسته استفاده می‌کنیم

۳- در نمودار خط‌شکسته، شکل‌های **و و و** چه معنایی دارند؟

مقدار ثابت مانده - مقدار افزایش یافته - مقدار کاهش یافته

۴- سه جمله بنویسید که در آنها از عبارت‌های «به احتمال بیشتر»، «به احتمال کمتر» و «به طور حتم» استفاده شده باشد.

در پرتاب یک تاس به احتمال بیشتر عددی بیشتر از ۲ می‌آید.

در پرتاب یک تاس به احتمال کمتر عددی کوچک‌تر از ۲ می‌آید.

در پرتاب یک تاس به طور حتم عددی که می‌آید کمتر از ۷ خواهد بود.



۱- رتبه‌ی یک دانشآموز در ۵ امتحان ریاضی «خیلی خوب» بوده است. اگر نمودار خط‌شکسته‌ی رتبه‌های این دانشآموز را رسم کنیم، به چه شکلی درمی‌آید؟ چرا؟

شکسته به صورت خط صاف خواهد بود.

۲- قیمت یک ربع سکه‌ی بهار آزادی در یک هفته به صورت زیر تغییر گرده است.

| روز | شنبه | پنجشنبه | چهارشنبه | سه شنبه | دوشنبه | یکشنبه | یکشنبه |
|--------------|--------|---------|----------|---------|--------|--------|--------|
| قیمت (تومان) | ۲۵۴۰۰۰ | ۲۶۵۰۰۰ | ۲۵۵۰۰۰ | ۲۶۲۰۰۰ | ۲۷۰۰۰۰ | ۲۶۰۰۰۰ | ۲۵۴۰۰۰ |

- می‌خواهیم نمودار خط‌شکسته‌ی آن را رسم کنیم. محور قیمت را از چه عددی شروع کنیم؟ چرا؟ از **۲۵۴۰۰۰**

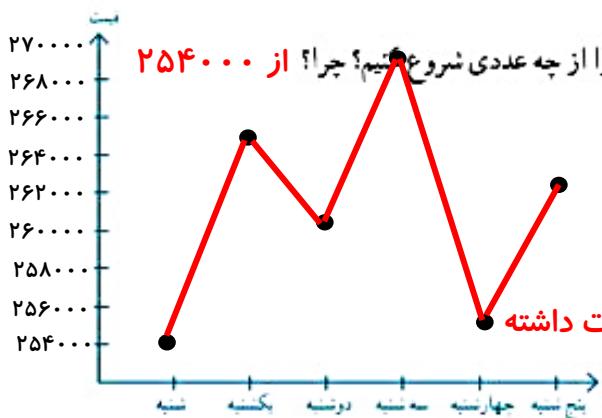
- محور را چندتا چندتا تقسیم‌بندی کنیم؟ **۲** تا

نمودار خط‌شکسته را رسم کنید و به سوال‌های زیر پاسخ دهید.

- آیا قیمت ربع سکه در این هفته بدون تغییر بوده است؟

- در کدام روزها پیشترین تغییر را داشته است؟

سه شنبه به چهارشنبه



۳- پک تاس را می اندازیم. این احتمال را که هر یک از اتفاق‌های زیر یافند، با یک عبارت مناسب بیان کنید و دلبل خود را بنویسید.

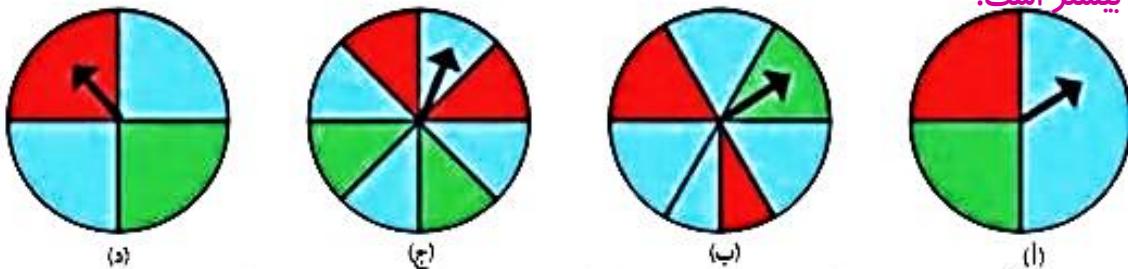
• عدد ۶ باید. به احتمال کمتر اتفاق می‌افتد زیرا از بین شش تا عدد می‌خواهیم که عدد ۶ باید

• عدد ۷ باید. به طور حتم اتفاق نمی‌افتد زیرا فقط از ۱ تا ۶ روی تاس وجود دارد.

• عدد بزرگ‌تر از ۲ باید به احتمال بیشتر اتفاق می‌افتد زیرا عدهای روی تاس از ۲ تا ۶ تعدادش زیاد است

• بکی از عدهای ۱، ۲، ۴، ۵، ۶ باید. به طور حتم اتفاق می‌افتد زیرا فقط از ۱ تا ۶ روی تاس وجود دارد.

۴- در کدام یک از چرخندهای زیر احتمال استادن عقربه روی رنگ آبی بیشتر است؟ چرا؟
قسمت (ب) بیشتر از نیمی از چرخنده به رنگ آبی درآمده است پس احتمال آیستادن چرخنده روی رنگ آبی آن بیشتر است.



۵- یک سکه را انداختیم؛ رو آمد. دوباره انداختیم؛ رو آمد. اگر بار سوم آن را بیندازیم، رو می‌آید یا پشت؟ چرا؟

مشخص نیست به احتمال برابر می‌تواند رو باید می‌تواند پشت بیاید

۶- اگر یک سکه را ۲۰۰۰ مرتبه بیندازیم، انتظار داریم چند مرتبه رو باید؟ ۱۰۰۰ بار

چرا؟ زیرا به احتمال برابر رو یا پشت می‌آید بنابراین انتظار داریم ۱۰۰۰ بار رو باید

و ۱۰۰۰ بار پشت بیاید

۷- در یک سیاهی زیر تعدادی مهره قرار دارد. احتمال این را که بدون نگاه کردن، یک مهره درآوریم و بکی از اتفاق‌های زیر یافند، با یک عبارت بیان کنید.



• مهره قرمز باشد. به احتمال بیشتر مهره قرمز می‌آید.

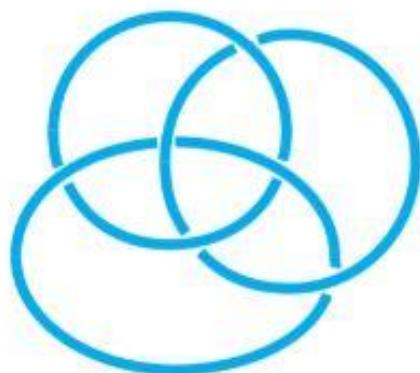
• مهره سبز باشد. به احتمال کمتر مهره سبز می‌آید.

• مهره آبی باشد. به طور حتم مهره آبی از کیسه بیرون نمی‌آید

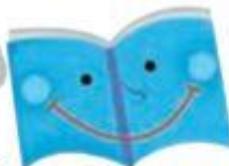
معما و سرگرمی



در شکل زیر سه حلقه به هم متصل دیده می‌شوند. اگر هر کدام از حلقه‌ها را حذف کنیم، دو حلقه‌ی دیگر از هم جدا می‌شوند. این حلقه را با طناب درست کنید و با بریدن یک طناب و حذف آن حلقه، باز شدن دو حلقه‌ی دیگر را مشاهده کنید.



فرهنگ خواندن



آیا با نگاه کردن به آسمان هنگام صبح می‌توان فهمید که احتمال بارش باران در طول روز کم یا زیاد است؟ به طور حتم باران خواهد بارید و یا نخواهد بارید؟ آیا با این اطلاعات که از نگاه کردن به آسمان به دست می‌آوریم، می‌توان تصمیم گرفت که بهتر است با خود چتر ببریم یا نه؟ آیا می‌توانیم تصمیم بگیریم که لباس مناسب بپوشیم یا نه؟ آیا با درنظر گرفتن دما می‌توان آمدن برف را پیش‌بینی کرد؟ آیا می‌توان با این اطلاعات تصمیم گرفت که لازم است دستکش، شال و کلاه به همراه برد و یا اینکه آیا زنجیر چرخ برای ماشین لازم است یا نه؟

