

برهم کنش های موج

در این فصل مطالب زیر مورد بررسی قرار می گیرد

۱) بازتاب موج

۲) شکست موج

۳) پراش موج

۴) تداخل موج

Dr: B. Barati
09163014685

مقدمه:

امواج یا با محیط یا با خود برهم کنش انجام می دهند. پرتو اک نمونه ای از بازتاب امواج مکانیکی است، بطور مثال خفاش برای پیدا کردن مسیر یا طعمه خود از پرتو اک استفاده می کند.



نور بخشی از طیف امواج E-M می باشد پس آن اینکه به سطح اجسام برخورد کرد بازتاب آن به چشم ما می رسد و آن جسم را می بینیم.



شکست نوعی دیگر از برهم کنش امواج با محیط است ، شکست وقتی رخ می دهد که جهت پیشروی موج در ورود به یک محیط جدید تغییر کند. بطور مثال وقتی از بالا به ماهی یا سکه درون ظرف آبی نگاه کنیم آن ها را بالاتر از جای واقعی (مکانی ظاهری) به علت شکست نور می بینیم.

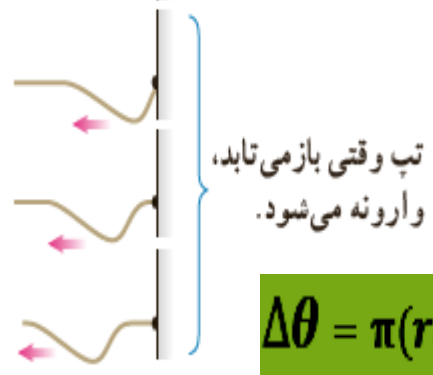
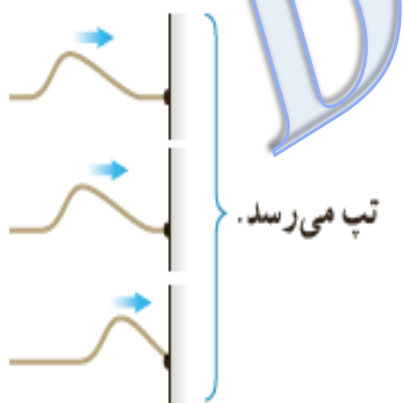
پراش نوعی دیگر از برهم کنش امواج با محیط و تداخل نمونه ای از برهم کنش امواج یا یکدیگر است.

مثالهایی از کاربرد بازتاب تولید صدا در آلات موسیقی، پژواک صداها، دیدن ماه، دیدن صفحهٔ این کتاب، گرم شدن مواد

امواج در زندگی بشر: غذایی در اجاق‌های خورشیدی، جمع شدن امواج رادیویی در کانون آنتن‌های بشقابی

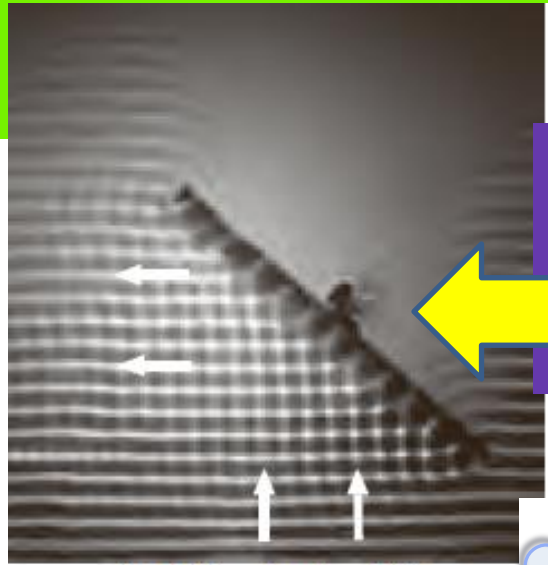
بازتاب امواج مکانیکی (۱)
بازتاب امواج الکترومغناطیس (۲)

بازتاب امواج مکانیکی: اگر تپی را در یک فنر (یا یک ریسمان) کشیده بلند که یک سر آن بر تکیه‌گاهی ثابت شده روانه کنیم، وقتی تپ به تکیه‌گاه (مرز) می‌رسد نیرویی به آن وارد می‌کند و طبق قانون سوم نیوتون، تکیه‌گاه نیز نیرویی با اندازهٔ برابر و در جهت مخالف بر فنر وارد می‌آورد. این نیرو در محل تکیه‌گاه، تپی در فنر ایجاد می‌کند که روی فنر در جهت مخالف تپ تابیده حرکت می‌کند بطوریکه شکل‌های زیر طرحی واضح‌تر از تابش بازتابش چنین تپی را نشان می‌دهد. چنین بازتابی را بازتاب در یک بُعد می‌گویند.



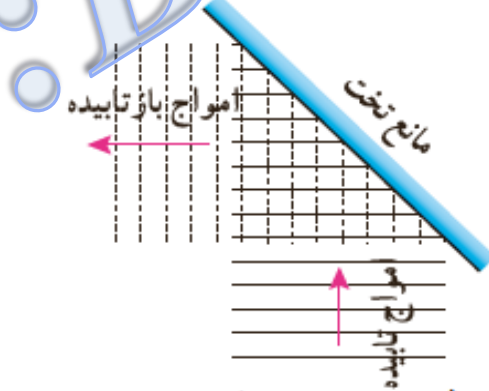
$$\Delta\theta = \pi(\text{rad})$$

بازتاب دو بعدی: وقتی تیغه تختی را بر سطح آب تحت موج به نوسان درمی آوریم، امواج تختی بر سطح آب تشکیل می شود. اکنون اگر بر سر راه این امواج مانع هایی قرار دهیم، این امواج پس از برخورد با این موانع بازمی تابند. به چنین بازتابی، بازتاب در دو بُعد می گویند.



بازتاب امواج تخت از مانع نرم تر تحت موج

توجه: ساده ترین شکل یک مانع تختی است که در حضور این مانع امواج بازتابیده از آن تخت می باشند.
توجه: با استفاده از جبهه های موج (بطور تجربی) و نمودار پرتویی می توان برای نشان دادن رفتار موج استفاده نمود

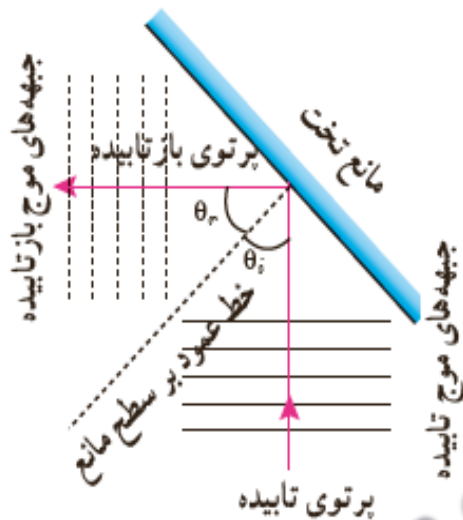


نمایشی از رفتار موج با استفاده از جبهه های تابیده و بازتابیده

نُوجه:

برای همه انواع موج مانند موج تخت، امواج دایره‌ای یا کروی نیز، همواره زاویه بازتابش برابر با زاویه تابش است.

یعنی: $\theta_i = \theta_r$ که به آن، قانون بازتاب عمومی گفته می‌شود.



شکل ۱-۱۰: بازتاب امواج تخت از سطح مانعی تخت
همراه با پرتوی عمود بر سطح مانع

نمونه دیگری از بازتاب امواج مکانیکی، بازتاب امواج صوتی است. صوت می‌تواند از یک سطح سخت مانند دیوار بازتابش کند. این مثالی از بازتاب امواج در سه بُعد است. بازتاب صوت نیز از همان قانون بازتاب عمومی پیروی می‌کند.

شکل های برای نمایش بازتابش امواج صوتی از سطوح خمیده

امواج صوتی می توانند مانند سایر امواج از سطوح خمیده نیز بازتابیده شوند. شاید در پارک های تفریحی دو سطح کار را در برابر هم دیده باشید که وقتی شخصی در کانون یکی از این سطوح صحبت می کند، شخص دیگری در کانون سطح کاو دیگر آن را می شنود.



شکل الف) دو سطح بازتابنده کاو در یک پارک تفریحی و ب) طرحی از بازتاب امواج صوتی از دو سطح کاو مقابل هم با استفاده از نمودار پرتویی

پژواک

در برابر دیواره یا صخره بلندی که چند ده متر از شما فاصله دارد، بایستید و یک بار دست بزنید. پس از مدت زمان کوتاهی، بازتاب صدای دست زدن خود را خواهید شنید. اگر صوت پس از بازتاب، با یک تأخیر زمانی به گوش شنونده‌ای برسد که صوت اولیه را مستقیماً می‌شنود، به چنین بازتابی پژواک می‌گویند.

توجه: اگر تأخیر زمانی بین این دو صوت کمتر از $1/8$ s باشد، گوش انسان نمی‌تواند پژواک را از صوت مستقیم اولیه تمیز دهد.

مکان یابی پژواکی (1) روشی است که بر اساس امواج صوتی بازتابیده از یک جسم، مکان آن جسم را تعیین می‌کند.

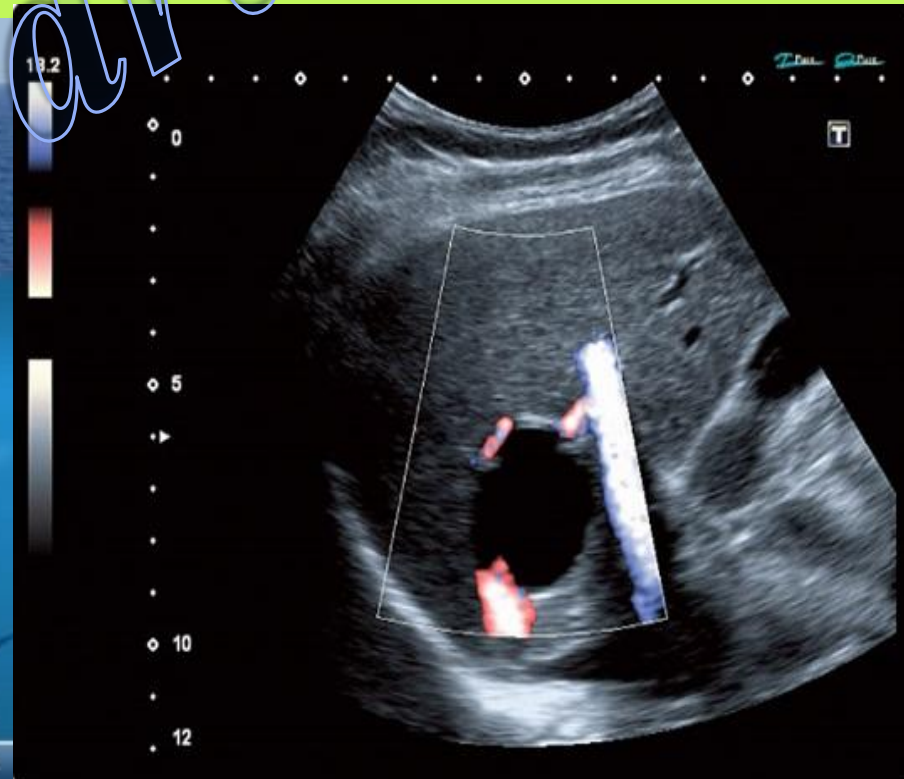
(2) مکان یابی پژواکی به همراه پدیده دوپلر، در تعیین مکان اجسام متحرک و نیز تعیین تندی آنها به کار می‌رود.

مثالی از مکان یابی پژواکی . خفاش، فَوْرانی از امواج فراصوتی را گسیل می کند که این بسته به نوع خفاش از دهان یا سوراخ های بینی آن گسیل می شود. این امواج از اشیایی که در مسیر خفاش فرار دارند باز می تابد و بدین ترتیب خفاش را از اشیایی که بر سر راه او قرار دارند آگاه می سازد. البته بسته به اینکه شیء بازتابنده، خود خفاش، یا هر دو متحرک باشند، خفاش تغییر بسامدی ناشی از اثر دوپلر را در صوت بازتابنده ادراک می کند و بدین وسیله می تواند سرعت خود یا شیء متحرک را تعیین کند. خفاش ها از این ویژگی برای شناسایی و شکار طعمه های خود استفاده می کنند .



(3) در فناوری‌هایی نظیر اندازه‌گیری تنیدی شارش خون در رگها از مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود

(4) در دستگاه سونار که در کشتی‌ها برای مکان‌یابی اجسام زیر آب بکار می‌رود و در سونوگرافی نیز از مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود



Warships using sonar to find submarines. It's thought the war ships sonar disrupts dolphins ultrasound system.

مثال: کمترین فاصله بین شما و یک دیوار بلند چقدر باشد تا پژواک صدای خود را از صدای اصلی تمیز دهید؟ تندی صوت در هوا را 340 m/s در نظر بگیرید.

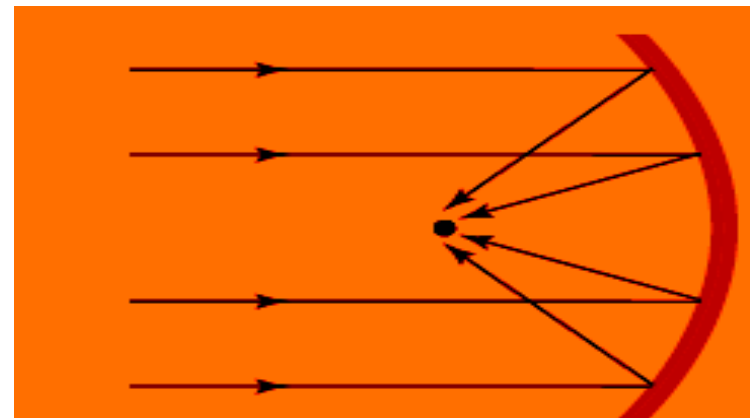
والِ غنبر یکی از جانورانی است که با استفاده از پژواک امواج فراصوتی، مکان یابی می‌کند. بسامد امواج فراصوتی‌ای که این وال تولید می‌کند حدود 100 kHz است. با توجه به اینکه تندی صوت در آب دریا طبق جدول کتاب حدود $1/52 \times 10^3 \text{ m/s}$ است، الف) طول موج این صوت و ب) زمان رفت و برگشت صوت گسیل شده توسط وال برای مانعی که در فاصله 100 m از آن فرار گرفته، چقدر است؟

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{1/52 \times 10^3 \text{ m/s}}{100 \times 10^3 \text{ s}^{-1}} = 1/52 \times 10^{-2} \text{ m} = 1/52 \text{ cm}$$

$$t = \frac{x}{v} = \frac{2L}{v} = \frac{2 \times 100 \text{ m}}{1/52 \times 10^3 \text{ m/s}} = 0/132 \text{ s}$$

بازتاب امواج الکترومغناطیسی : امواج الکترومغناطیسی نیز می توانند از یک سطح، بازتابیده شوند و بازتاب آنها از همان قانون بازتاب عمومی پیروی می کند.

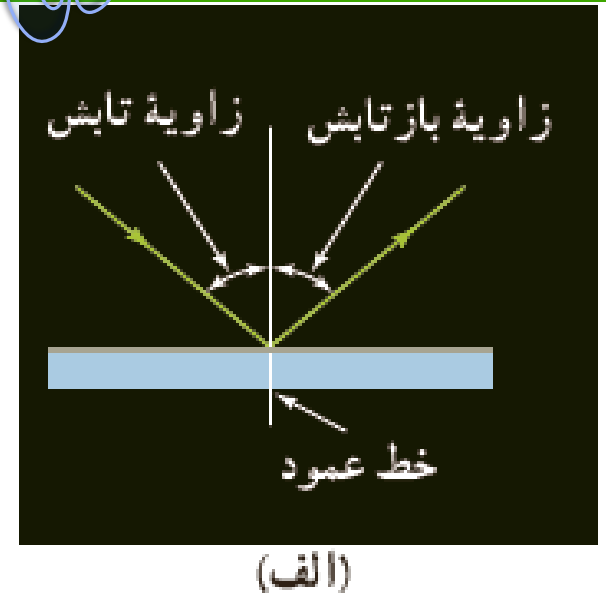
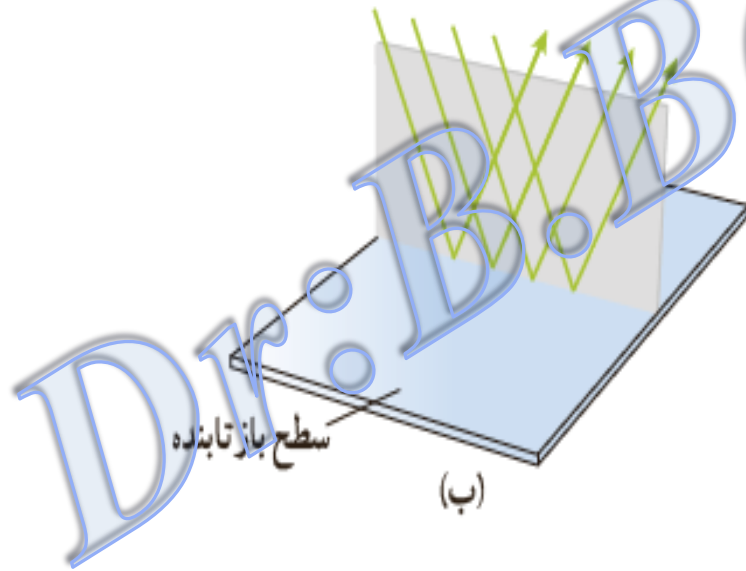
امواج الکترومغناطیسی تخت تابیده به یک سطح کاو پس از بازتابش، مانند شکل الف در یک نقطه کانونی می شتابند. این نمونه دیگری از بازتاب در سه بعد است. از همین سازوکار برای دریافت امواج رادیویی توسط آنتن های بشقابی و یا امواج فرسرخ برای گرم کردن آب یا مواد غذایی در اجاق های خورشیدی شکل ب استفاده می شود



الف) یک موج الکترومغناطیس پس از بازتاب از یک سطح کاو در نقطه ای مقابل سطح ، کانونی می شود

ب) تصویری از یک اجاق خورشیدی

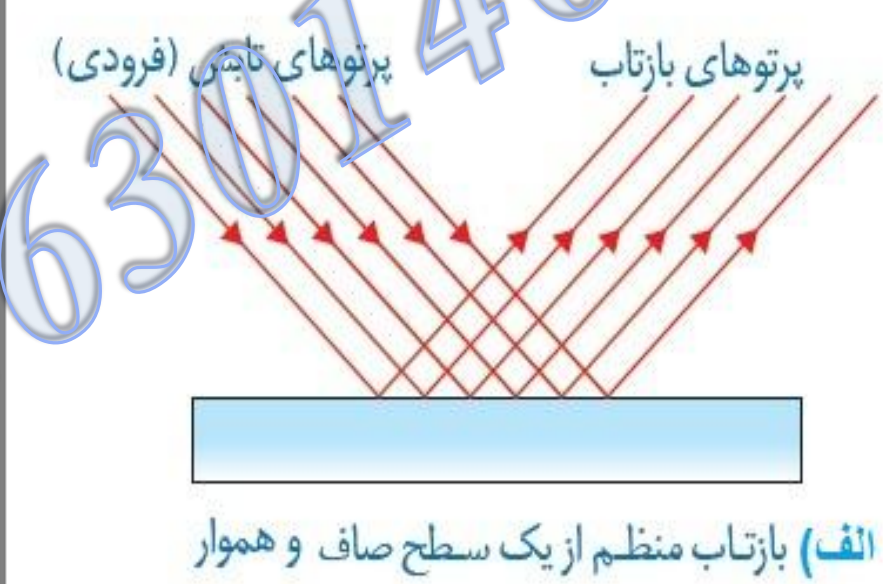
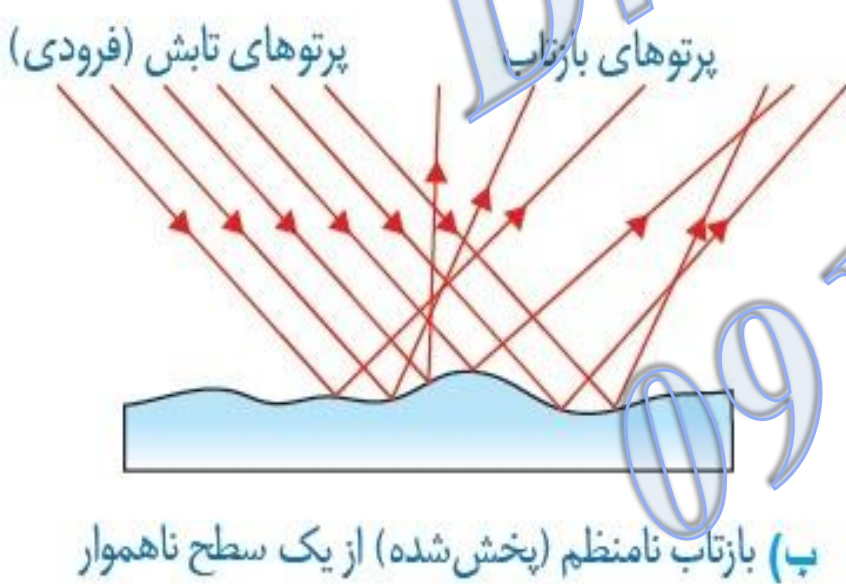
توجه مهم: نور مرئی بخشی از طیف امواج الکترومغناطیسی است. بنابراین نور مرئی نیز از همان قانون بازتاب عمومی امواج پیروی می‌کند؛ یعنی زاویه تابش و بازتابش در هر بازتابشی با هم برابرند (به شکل الف توجه افزون بر این، برای نور مرئی نیز همچون سایر امواج، پرتوی تابش، پرتوی بازتابش، و خط عمود بر سطح بازتابنده در هر بازتابشی در یک صفحه واقع اند (شکل ب)).



انواع بازتابش

الف) بازتابش آینه (منظم): اگر سطح بازتابنده نور همچون یک آینه، بسیار هموار باشد بازتاب نور را آینه ای گویند (شکل الف)

ب) بازتابش غیر آینه ای (نامنظم): وقتی رخ می دهد که نور به سطحی برخورد کند که صیقلی و هموار نباشد. پرتوهای نور به طور کاتوره ای از پستی و بلندی های سطح بازتابنده پراکنده می شوند (شکل ب)



تفاوت بین بازتابش آینه ای با غیر آینه ای: در بازتاب آینه ای از یک آینه تخت، بازتابش یک

دسته پرتوی موازی را فقط در یک جهت می توانید ببینید، ولی در بازتاب پخشنده، بازتابش این دسته

پرتو را می توانید در جهت های مختلف مشاهده کنید.

مقایسه سطح هموار و ناهموار بر اساس طول موج نور: منظور از سطح ناهموار آن است که سطح در مقایسه با طول موج نور ناهموار است؛ مثلاً یک کاغذ در ظاهر بسیار هموار به نظر می رسد اما از دید میکروسکوپی این سطح از اجزای متمایز و کوچک تشکیل شده است که بسیار بزرگ تر از $1\mu\text{m}$ هستند. با توجه به اینکه طول موج نور مرئی در حدود 400nm است، چنین سطحی برای نور مرئی، ناهموار محسوب می شود. در مقابل، ناهمواری های یک آینه یا یک سطح فلزی صیقلی، بسیار کوچک تر از $1\mu\text{m}$ است و بنابراین برای نور مرئی سطوحی هموار محسوب می شوند.

مثالهایی از شکست امواج:

رنگ‌های رنگین کمان، تصویری که با کمک عینک می‌بینیم، تصاویری که با استفاده از عدسی‌های ابزارهای نوری مانند میکروسکوپ و دوربین دیده می‌شود، و... مثال‌های رایجی از شکسته شدن موج‌های نوری در پیرامون ما است. این پدیده برای امواج صوتی نیز رخ می‌دهد ولی به اندازه موج‌های نوری اهمیت ندارد.

تأثیر محیط روی موج ورودی: وقتی موج به مرز جدایی دو محیط می‌رسد بخشی از آن بازتابیده می‌شود و بخشی دیگر عبور می‌کند که این افزون بر جذب موج است که در هر دو محیط رخ می‌دهد.

بررسی موج هنگام عبور از مرز مشترک دو محیط:

برای این موضوع طلبی متشکل از دو قسمت نازک و ضخیم اختیار می کنیم:

الف) وقتی یک تپ از سمت بخش نازک به مرز دو بخش برسد (شکل الف) بخشی از این تپ بازتابش پیدا می کند و بخشی دیگر عبور می کند (شکل ب)



توجه: برای یک موج سینوسی، بسامد این دو موج همان بسامد موج فرودی است که توسط چشمه موج تعیین می شود و هنگام عبور موج از قسمت ضخیم تندی موج کمتر است و بنابه رابطه $\lambda = \frac{v}{f}$ طول موج کمتری نسبت به موج فرودی خواهد داشت.

تمرین: اگر موج سینوسی از قسمت ضخیم طناب به قسمت نازک آن وارد شود، بسامد، تندی، و طول موج عبوری در مقایسه با موج فرودی چه تغییری می‌کند؟

Dr: B. Barati

توجه: در حالت‌های دو یا سه بُعدی با عبور موج از یک مرز و ورود آن به محیط دیگر، تندی موج تغییر می‌کند و ممکن است جهت انتشار موج نیز تغییر کند و اصطلاحاً موج شکست پیدا کند.

شکست امواج سطحی آب

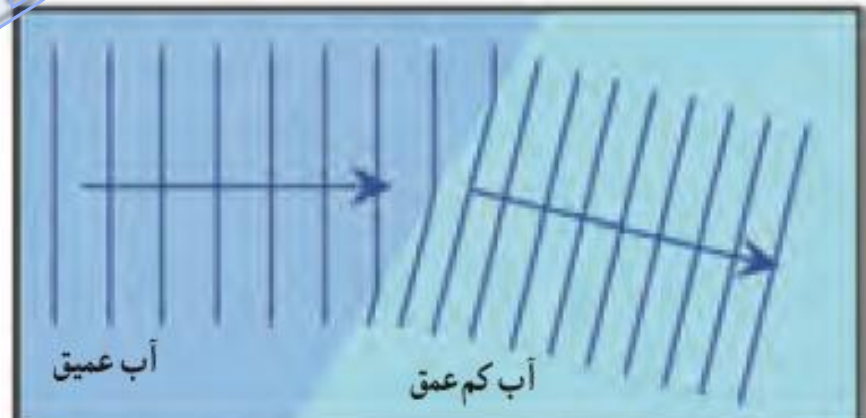
۱) با توجه به این که در نشت موج که عمق آن کم است تندی موج سطحی به عمق نشت بستگی دارد از این ویژگی برای تحقیق پدیده شکست در نشت موج استفاده می شود.

۲) یعنی با تغییر دادن عمق آب در بخشی از نشت می توان تندی موج سطحی در آن بخش را تغییر داد که منجر به تغییر جهت انتشار موج در آن بخش و به عبارتی منجر به شکست موج می شود

۳) با ورود موج به بخش کم عمق، تندی موج سطحی کاهش می یابد.



ب) تصویری واقعی از شکست امواج سطحی در نشت موج



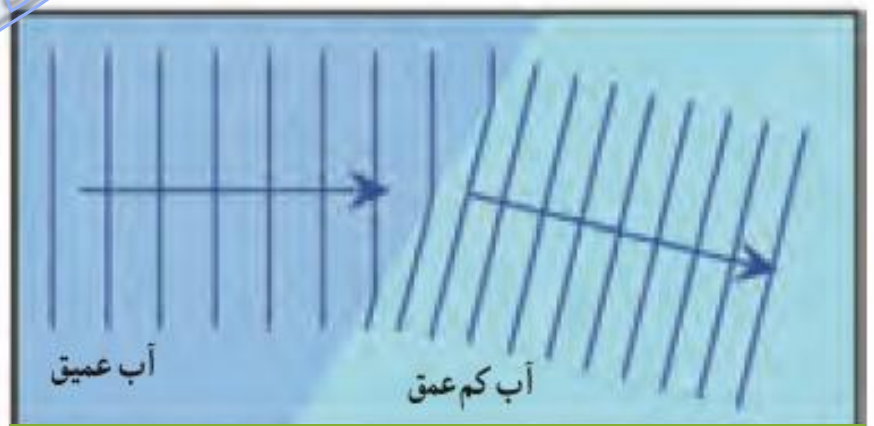
الف) طرحی از شکست امواج سطحی در مرز آب عمیق و آب کم عمق در نشت موج

۴) واضح است آن بخش موج که زودتر به ناحیه کم عمق می رسد چون با تندی کمتر حرکت می کند از بقیه موج که هنوز وارد این ناحیه نشده عقب می افتد

۵) بر این اساس فاصله بین جبهه های موج و در نتیجه طول موج کاهش می یابد و به این ترتیب جبهه های موج در مرز دو ناحیه تغییر جهت می دهند (شکل)

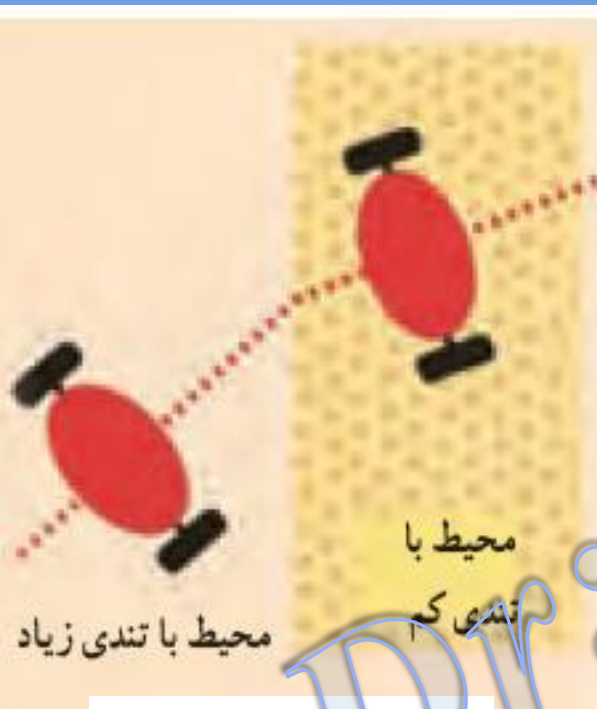


ب) تصویری واقعی از شکست امواج سطحی در پشت موج



الف) طرحی از شکست امواج سطحی در مرز آب عمیق و آب کم عمق در پشت موج

۶) این مطلب را هنگام نزدیک شدن امواج به یک ساحل شیب دار می توان مشاهده کرد زیرا با رسیدن جبهه های موج به ساحل که در آنجا عمق آب کم می شود جهت انتشار جبهه های موج تغییر می کنند.



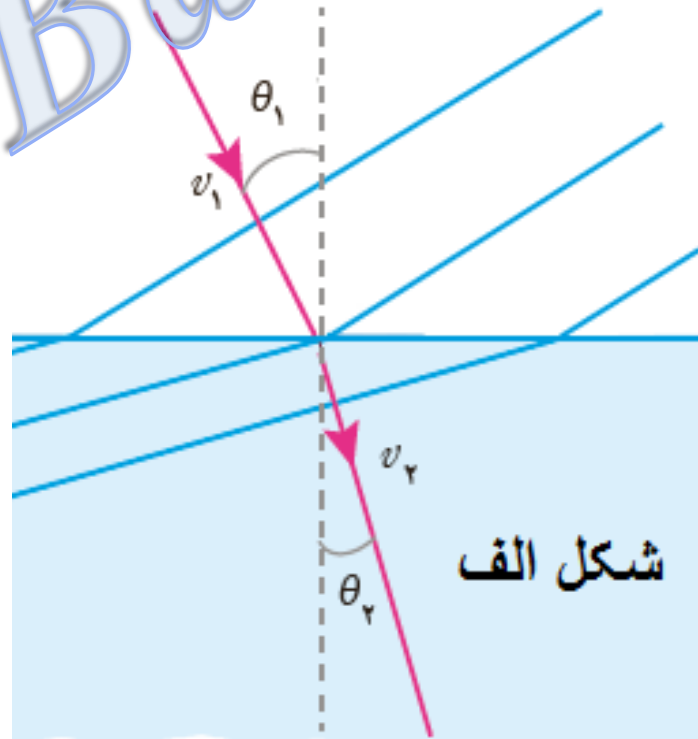
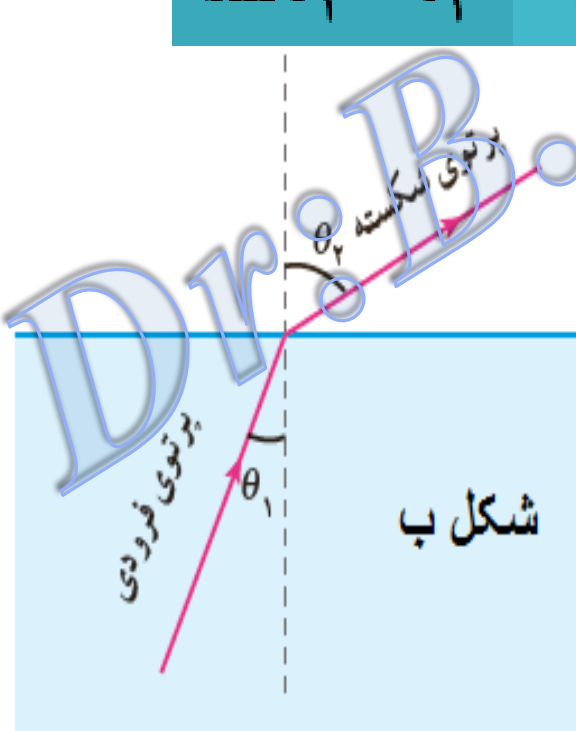
شکل: وقتی اسباب بازی وارد
قالیچه می شود مسیرش تغییر می کند؛
زیرا چرخي که نخست به قالیچه می رسد،
زودتر کند می شود.

قانون شکست عمومی:

در شکل الف موجی تخت از محیطی باتندی بیشتر به محیطی باتندی کمتر رفته است. ولی اگر موج در جهت مخالف حرکت کند، یعنی از محیط دوم که در آن تندی موج کمتر است وارد محیط اول شود که در آن تندی موج بیشتر است، زاویه شکست بزرگتر از زاویه تابش می شود (شکل ب)

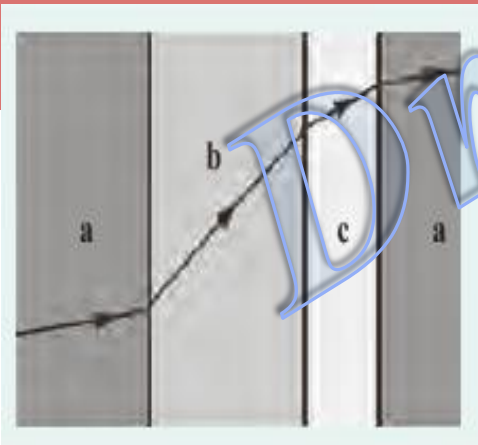
$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1}$$

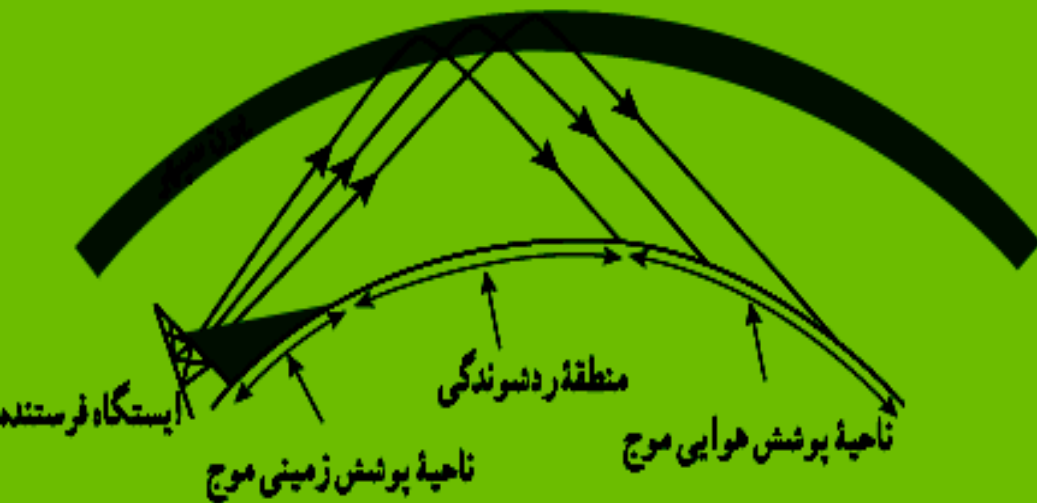
قانون شکست عمومی



شکست امواج الکترومغناطیسی: امواج الکترومغناطیسی (و از جمله نور مرئی) نیز با گذر از یک محیط به محیطی دیگر که در آن تندی آنها متفاوت می شود، شکست پیدا می کنند. به جز گستره نور مرئی که بیشترین و معروفترین موارد شکست برای آنها مطرح می شود و به پیامدها و کاربردهای جالبی می انجامد، شکست امواج رادیویی نیز اهمیتی کاربردی در ارتباطات رادیویی دارد.

شکل روبه روی یک پرتوی موج الکترومغناطیسی را نشان می دهد که با عبور از محیط اولیه a ، از طریق محیط های b و c به محیط a باز می گردد. این محیط ها را بر حسب تندی موج در آنها از بیشترین تا کمترین مرتب کنید.





بررسی مراحل شکست امواج رادیویی از زمان تولید تا زمان ارسال و رسیدن:

یک موج پر قدرت رادیویی، با بسامد بین ۳ تا ۳۰ مگاهرتز، به لایه یون سپهر (یونسفر) بالای جو که در ارتفاع ۸۰

تا ۱۰۰۰ کیلومتری سطح زمین واقع است، فرستاده می شود. این لایه به علت وجود یون ها و الکترون های آزاد، پلاسمایی را ایجاد می کند که ویژگی های فیزیکی اش

در این شکل ناحیه پوشش زمینی مربوط به پیرامون ایستگاه است، که امواج به طور مستقیم به گیرنده می رسد. منطقه ردشوندگی ناحیه ای است که امواج به زمین نمی رسد، و ناحیه پوشش هوایی ناحیه ای است که امواج رادیویی با بازگشت از یون سپهر به زمین می رسد.

آن را از بقیه جو متمایز می سازد. یون سپهر در حالی که نور مرئی و تابش فروسرخ را جذب می دهد، امواج رادیویی با طول موج های بلند (با بزرگتر از حدود ۱۰m) را که در جهت های مناسبی به سوی این لایه ارسال شده باشند، به طرف زمین برمی گرداند.

دلیل: این اتفاق، یکنواخت نبودن چگالی الکترون های آزاد در این لایه و در نتیجه، تفاوت تندی امواج رادیویی در قسمت های مختلف آن

است و همین امر امواج را به سمت پایین باز می گرداند.

تعریف
شکست
نور و
رابطه
ضریب
شکست

وقتی یک پرتوی نور از محیطی شفاف وارد محیط شفاف دیگری شود، بخشی از نور باز می‌تابد و بخشی دیگر وارد محیط دوم می‌شود. همان‌طور که انتظار داریم آن بخش نور که وارد محیط دوم می‌شود، به دلیل آنکه تندی آن در محیط دوم تغییر می‌کند، شکسته می‌شود (شکل مقابل). به همین دلیل برای هر محیط ضریب شکست تعریف می‌کنند که برابر با نسبت تندی نور در خلأ به تندی نور در آن محیط است:

$$n = \frac{\text{تندی نور در خلأ}}{\text{تندی نور در یک محیط}} = \frac{c}{v}$$



شکست نور: در عبور یک پرتوی نور از محیطی شفاف به محیط شفاف دیگر، بخشی از نور باز می‌تابد و بخشی می‌شکند.

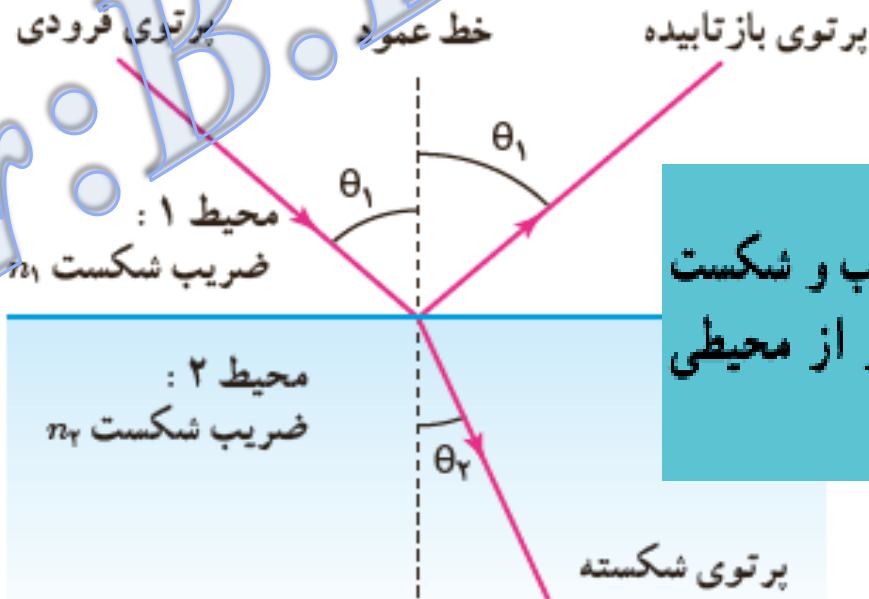
رابطه شکست اسنل

هرگاه پرتو نوری از هوا یا خلا به محیط شفاف با ضریب شکست بیشتر وارد شود پرتو شکست پیدا می کند و به خط عمود نزدیک شده و همچنین مقداری از نور بازتابش پیدا می کند

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1}$$

$$n = \frac{c}{v}$$

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

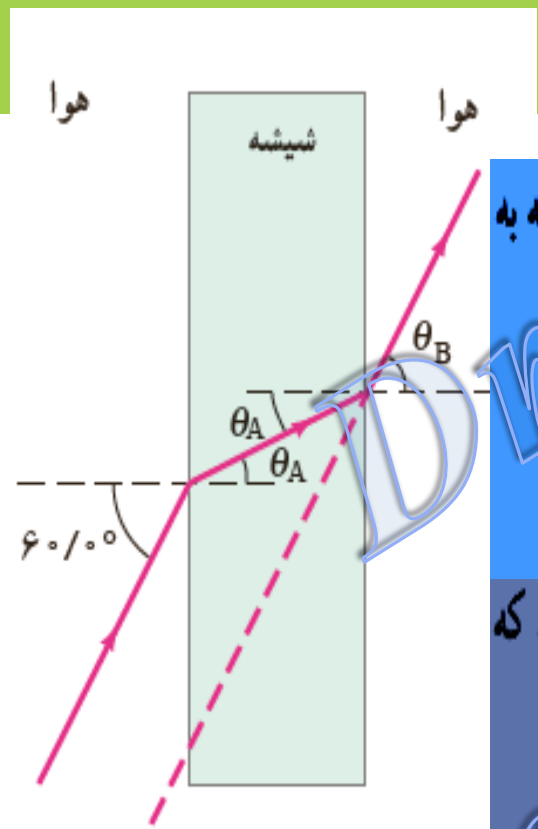


نمایشی از بازتاب و شکست نور، در عبور یک پرتوی نور از محیطی شفاف به محیط شفاف دیگر

مثال: پرتوی نوری مطابق شکل، از هوا بر تیغه شیشه‌ای متوازی‌السطوحی، با زاویه تابش

60° فرود می‌آید. الف) زاویه شکست (θ_A) پرتو در شیشه چقدر است؟ ب) زاویه خروجی

(θ_B) پرتو از شیشه چقدر است؟



پاسخ: برای ورود پرتوی نور از هوا به شیشه قانون شکست اسنل را به کار می‌بریم. با توجه به جدول کتاب ضریب شکست هوا $n_1 = 1/00$ و ضریب شکست شیشه $n_2 = 1/52$ است.

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow (1/00)(\sin 60^\circ) = (1/52)(\sin \theta_A)$$

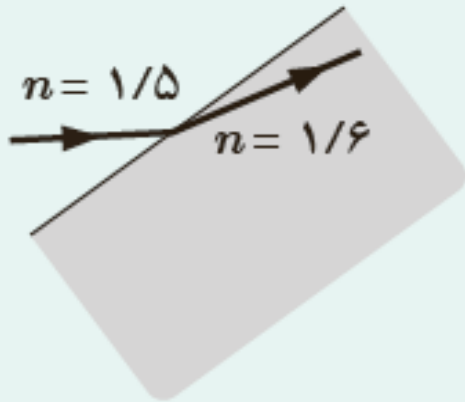
$$\sin \theta_A = 0/5698 \Rightarrow \theta_A = 34/7^\circ$$

و برای خروج پرتوی نور از شیشه نیز دوباره قانون اسنل را به کار می‌بریم. توجه کنید که زاویه تابش در اینجا برابر زاویه شکست در شیشه است؛ یعنی $\theta_1 = \theta_2$.

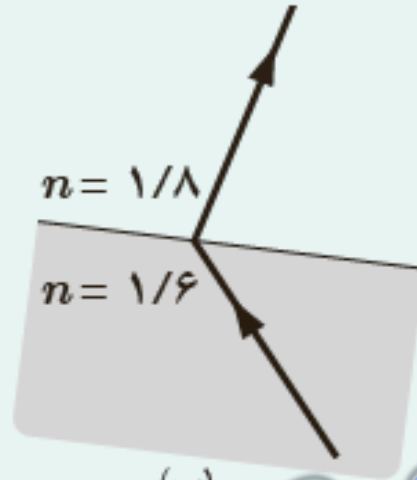
$$n_2 \sin \theta_2 = n_1 \sin \theta_1 \Rightarrow (1/52)(0/5698) = (1/00)(\sin \theta_B)$$

$$\sin \theta_B = 0/8661 \Rightarrow \theta_B = 60^\circ$$

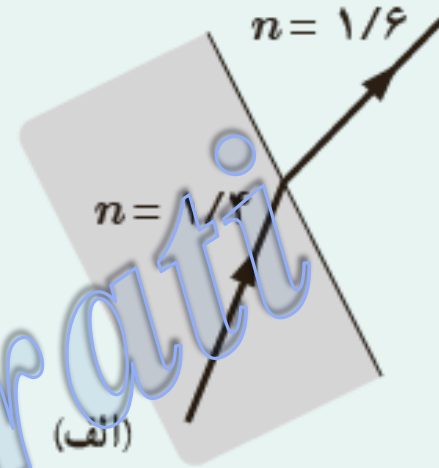
کدام یک از سه شکل زیر یک شکست را نشان می‌دهد که از لحاظ فیزیکی ممکن است؟



(ب)



(ب)



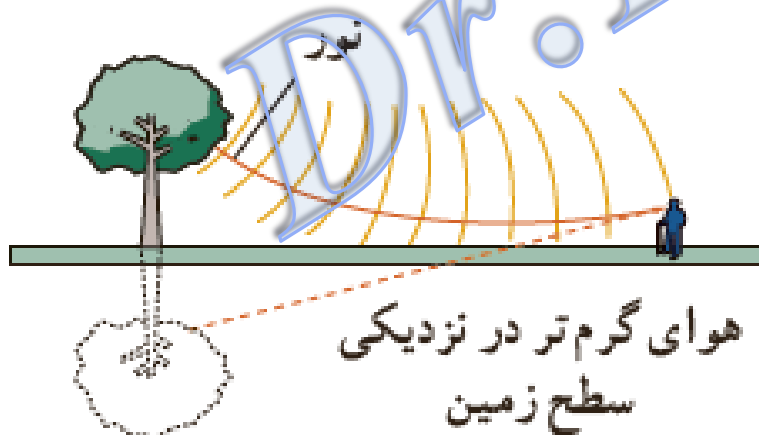
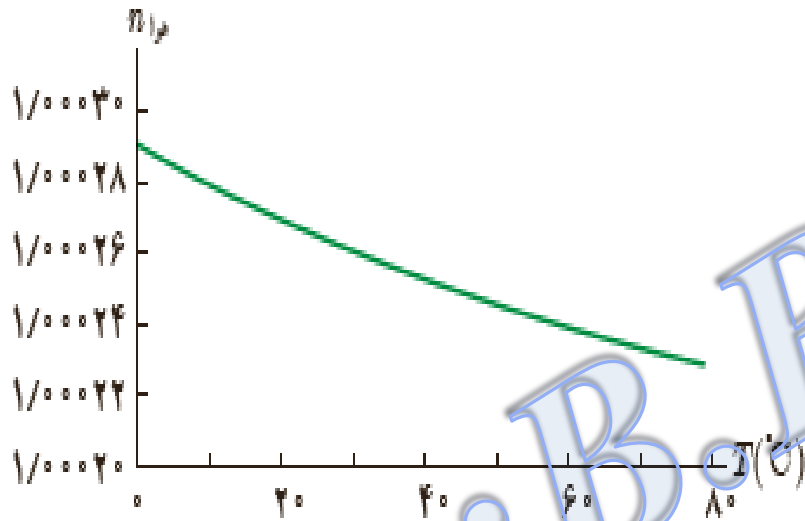
(الف)

Dr: B. Barati

سراب: در روزهای گرم ممکن است برکه‌ای را در دوردست ببینید که بر سطح زمین قرار دارد، اما وقتی به آن محل می‌رسید، آنجا را خشک می‌یابید. به این پدیده سراب یا سراب آبگیر می‌گویند و نه تنها می‌توان آن را دید، بلکه می‌توان از آن عکس هم گرفت (شکل زیر)



توجه: در روزهای گرم هوای سطح زمین نسبتاً داغ است. از طرفی، چگالی هوا با افزایش دما کاهش می‌یابد که این سبب کاهش ضریب شکست نیز می‌شود (شکل مقابل)



توجه: مدل‌سازی پدیده سراب به کمک جبهه‌های موج. ناظری که پرتوهای نور در پدیده سراب به چشمش می‌رسد، گمان می‌برد که این پرتوها از یک تصویر آمده‌اند.

توجیه پدیده سراب بر اساس جبهه های موج برای توضیح این مطلب نخست جبهه های موجی را در نظر می گیریم که به طرف پایین می آیند. با پایین آمدن هر چه بیشتر پرتوهای نظیر این جبهه های موج، آنها با ضریب شکست های کوچک تر و کوچک تری روبه رو می شوند و در هر مرحله با دور شدن از خط عمود، بیشتر و بیشتر به سمت افق خم می شوند (شکل الف)

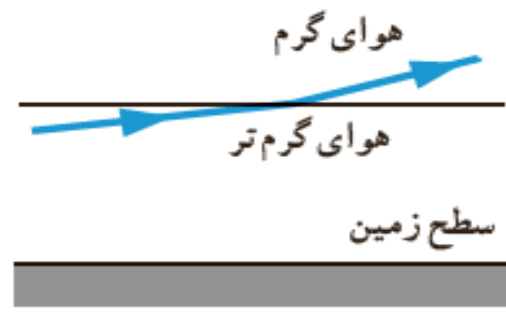
وقتی پرتوها در نزدیکی سطح زمین تقریباً افقی می شوند به سمت بالا خم برمی دارند. این خم شدن رو به بالا را می توان با استفاده از جبهه های موج توضیح داد. بخش پایینی هر جبهه موج در هوای کمی گرم تر قرار دارد و بنابراین کمی تندتر از بخش بالایی جبهه موج حرکت می کند و این تفاوت رفتار دو قسمت جبهه های موج، موجب خم شدن رو به بالای پرتوهای موج می شود، زیرا پرتوهای موج باید همواره عمود بر جبهه های موج باشند (شکل ب). وقتی پرتوها رو به بالا می روند به خم شدن رو به بالای خود ادامه می دهند، زیرا اکنون مدام با محیط هایی با ضریب شکست های بزرگ و بزرگ تر مواجه می شوند و به همین دلیل در هر مرحله با نزدیک شدن به خط عمود، بیشتر و بیشتر رو به بالا خم می شوند (شکل پ)



(الف)

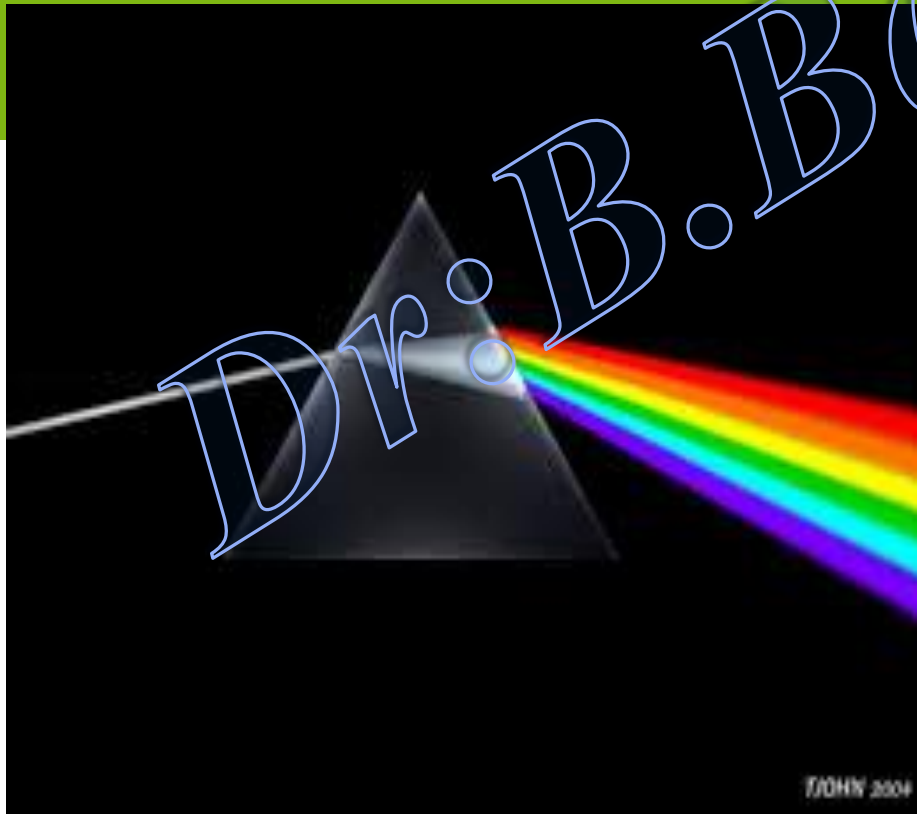


(ب)

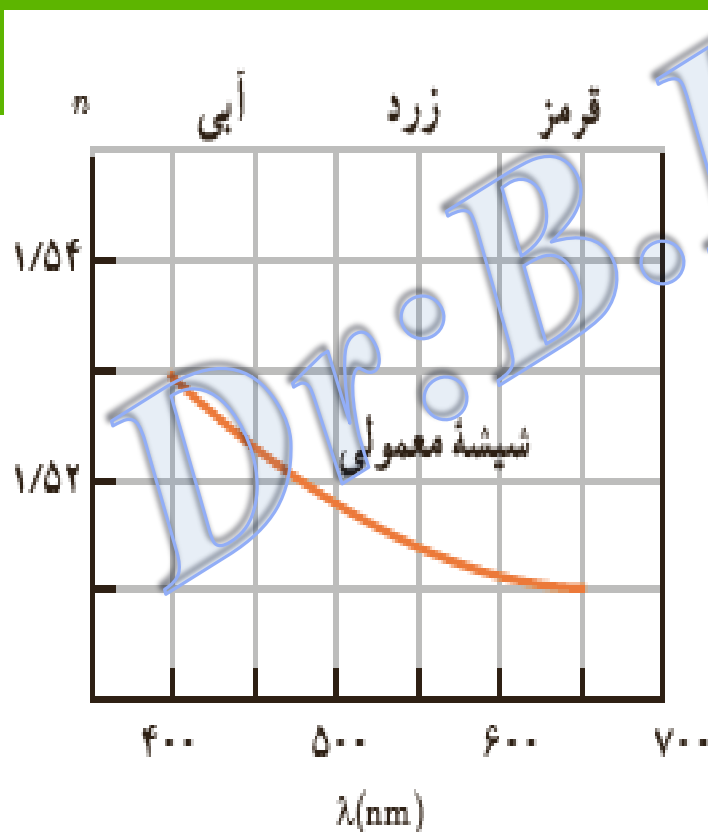


(پ)

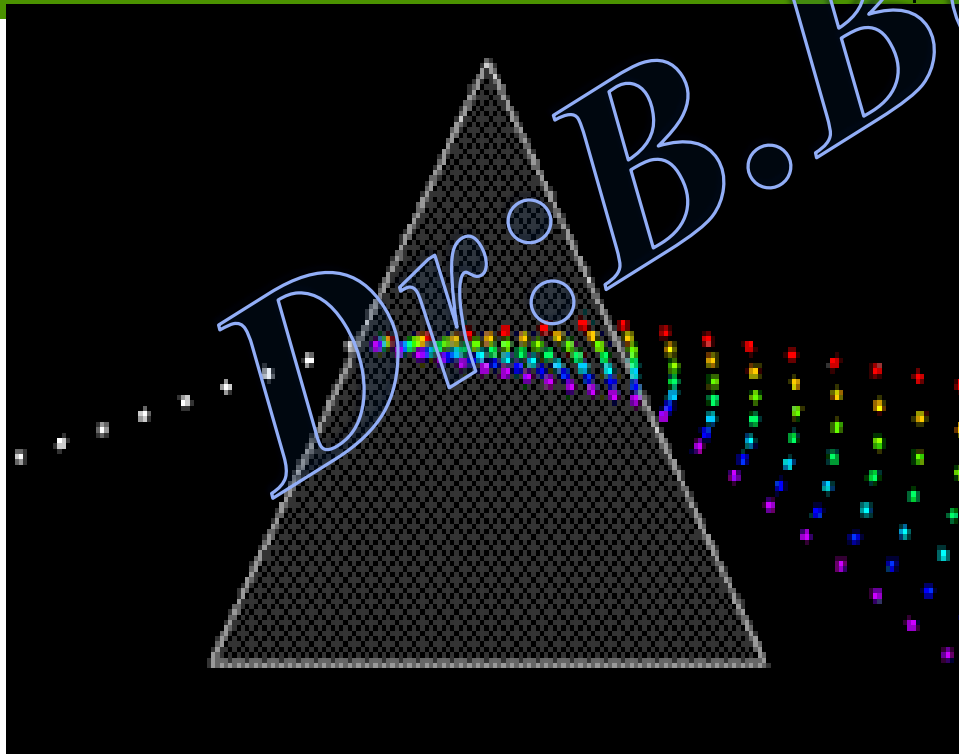
پاشندگی نور: جداسازی رنگهای نور سفید توسط منشور را پاشندگی گویند (شکل زیر)، دلیل این پدیده آن است که ضریب شکست هر محیطی به جز خلأ به طول موج نور بستگی دارد؛ یعنی وقتی باریکه نوری شامل پرتوهای با طول موج های مختلف باشد، این پرتوها هنگام عبور از مرز دو محیط در زاویه های مختلفی شکسته می شوند.



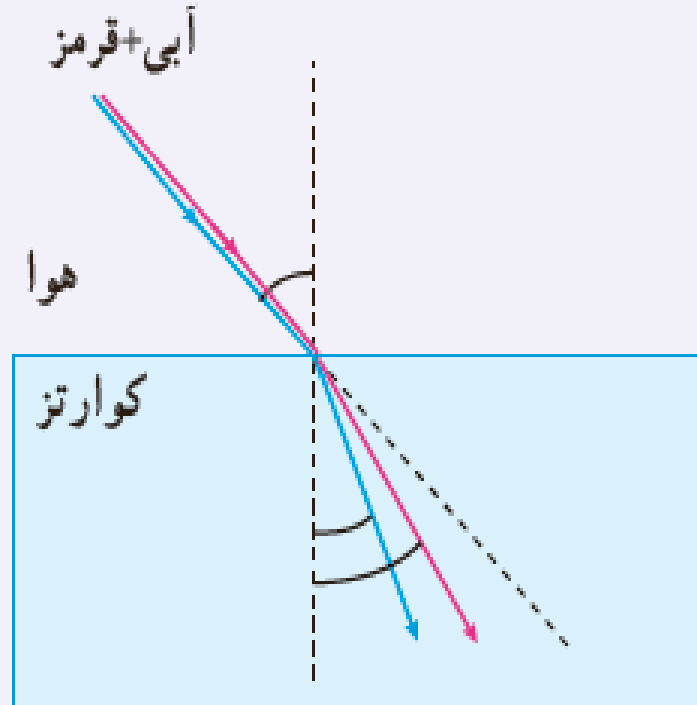
توجه: ضریب شکست یک محیط معین برای طول موج‌های کوتاه‌تر، بیشتر است. نمودار شکل مقابل این وابستگی ضریب شکست به طول موج نور را برای شیشه معمولی نشان می‌دهد. با توجه به این نمودار اگر مثلاً دو باریکه نور آبی و قرمز با زاویه تابش یکسانی از هوا وارد شیشه شوند باریکه آبی بیشتر از باریکه قرمز خم می‌شود.



تجزیه نور سفید: اگر باریکه نور سفید از هوا بربیک سطح شیشه‌ای فرود آید بر اثر شکست نور، مؤلفه‌های سازنده باریکه نور سفید هر کدام به میزان متفاوتی خم می‌شوند که البته این تفاوت چندان محسوس نیست. برای افزایش جدایی رنگ‌ها در پاشندگی نور، معمولاً از یک منشور یا سطح مقطع مثلثی استفاده می‌کنیم. پاشندگی ناچیز در سطح اول، سپس با پاشندگی در سطح دوم افزایش می‌یابد و مؤلفه‌های رنگی نور سفید به‌طور محسوس‌تری از هم جدا می‌شوند.



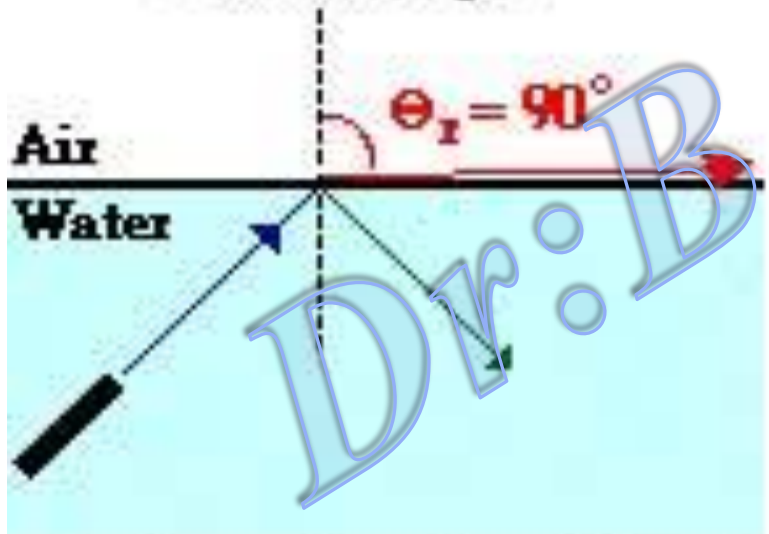
مثال شکل روبه‌رو باریکه نوری متشکل از دو پرتوی قرمز و آبی را نشان می‌دهد که از هوا و با زاویه تابش 45° بر سطح تیغه تختی از کوارتز می‌تابد. زاویه‌های شکست برای این دو پرتو را محاسبه کنید. ضریب شکست نورهای قرمز و آبی در کوارتز به ترتیب برابرند با $n_{\text{قرمز}} = 1/459$ و $n_{\text{آبی}} = 1/467$.



Dr: B. Barati

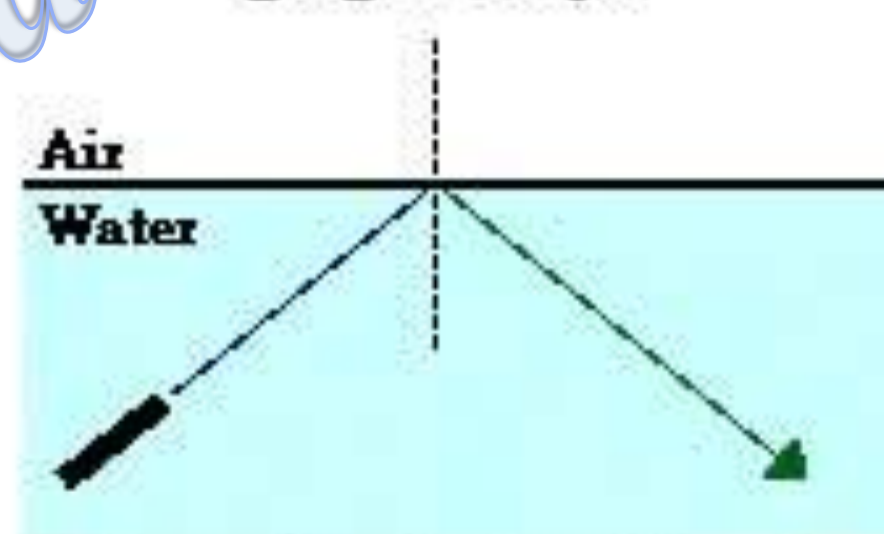
بازتابش داخلی کلی : وقتی نور از محیطی با ضریب شکست بیشتر به طور مایل وارد محیطی با ضریب شکست کمتر شود، به ازای زاویه تابش خاصی موسوم به زاویه حد، زاویه شکست 90° می شود و از آن پس برای هر زاویه تابش بزرگ تری همه نور فرودی بازمی تابد که به این پدیده، بازتاب داخلی کلی گفته می شود.

بازتاب و شکست



زاویه تابش مساوی زاویه حد است.

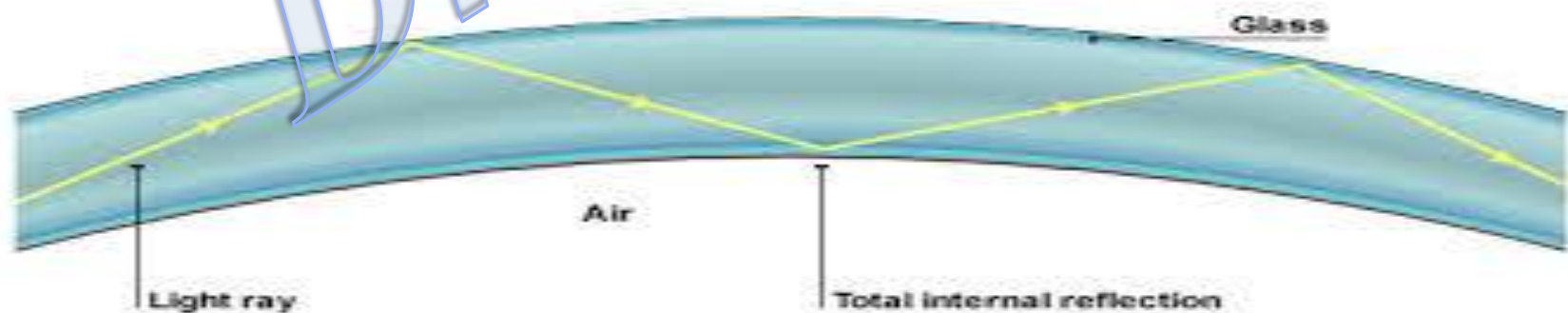
بازتاب داخلی کلی



زاویه تابش بزرگتر از زاویه حد است.

تار نوری :

تار نوری بر اساس بازتابش داخلی کلی عمل می کند در مرکز یک تار نوری، مغزی استوانه‌ای شفاف از جنس شیشه یا پلاستیک با ضریب شکست نسبتاً بالا قرار دارد. ضخامت این مغزی می تواند تا چند میکرومتر باشد. اطراف مغزی با غلافی پوشیده شده است که آن نیز شفاف است، ولی ضریب شکست بسیار کوچک تری از ضریب شکست مغزی دارد تا زاویه حد به اندازه کافی کوچک باشد. نور طوری از یک سر مغزی وارد می شود که به مرز مغزی - غلاف تحت زاویه‌ای بزرگ تر از زاویه حد بتابد و در نتیجه تماماً به درون مغزی بازتاب کند. سپس همین اتفاق در مرز روبه روی مرز قبلی رخ می دهد و نور بر اثر بازتاب داخلی کلی دوباره به مغزی بازتابیده می شود و این رفت و برگشت نور در مسیری زیگزاگ ادامه می یابد (شکل)



توجه مهم: در یک تار نوری خوب، نور در مغزی کمی جذب پیدا می کند و بنابراین می تواند پیش از آنکه شدتش کاهش یابد، تا مسافت های طولانی حرکت کند. تارهای نوری اغلب به صورت دسته ای کنار هم قرار می گیرند تا به شکل یک کابل در آیند. چون تارها بسیار نازک اند کابل ها نسبتاً کوچک و انعطاف پذیر هستند و به این ترتیب می توانند در بسیاری موارد، برای انتقال اطلاعات جایگزین کابل های فلزی بزرگ شوند (کابل).



کاربرد تار نوری در پزشکی: یکی از کاربردهای مهم تارهای نوری در عمل آندوسکوپی در پزشکی است. از

آندوسکوپ برای دیدن درون بدن، بدون انجام جراحی استفاده می شود. در آندوسکوپی، جراح دو دسته تار نوری را وارد بدن بیمار

می کند که یکی نور را به محل مورد نظر می رساند و دیگری تصویر محل مورد نظر را به یک چشمی یا صفحه نمایشگر می رساند.

چشم پزشک



دسته تار نوری ۲ تصویر محل مورد نظر را به پزشک می رساند.

دسته ۲

دسته ۱

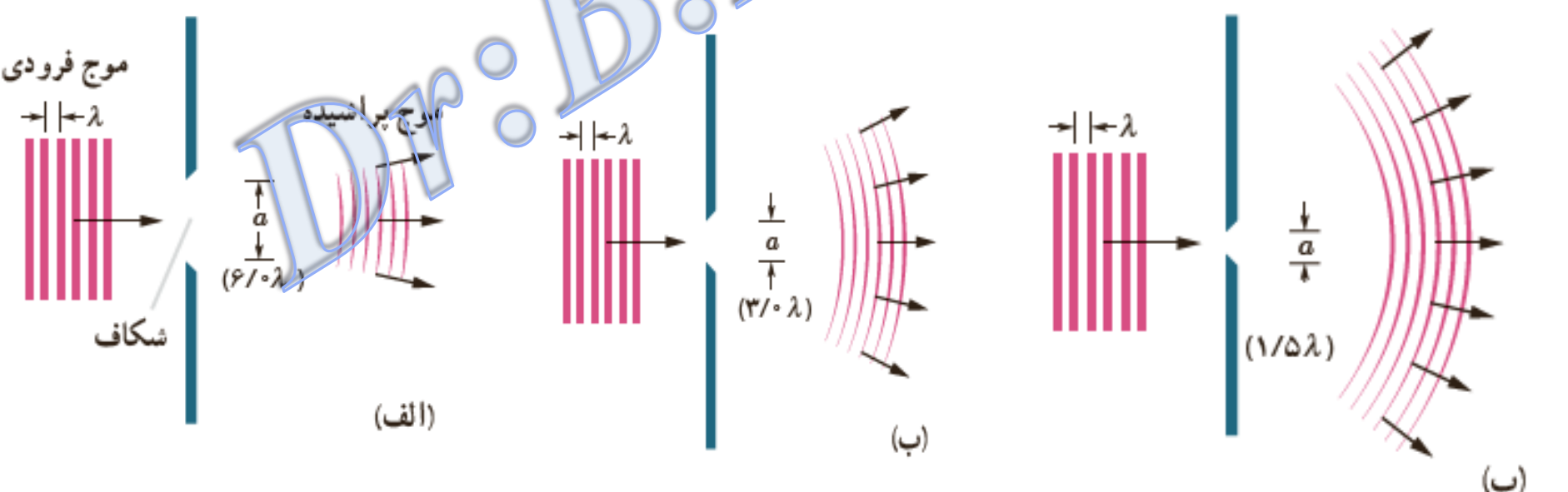
چشمه نور



Dr. B. Barati

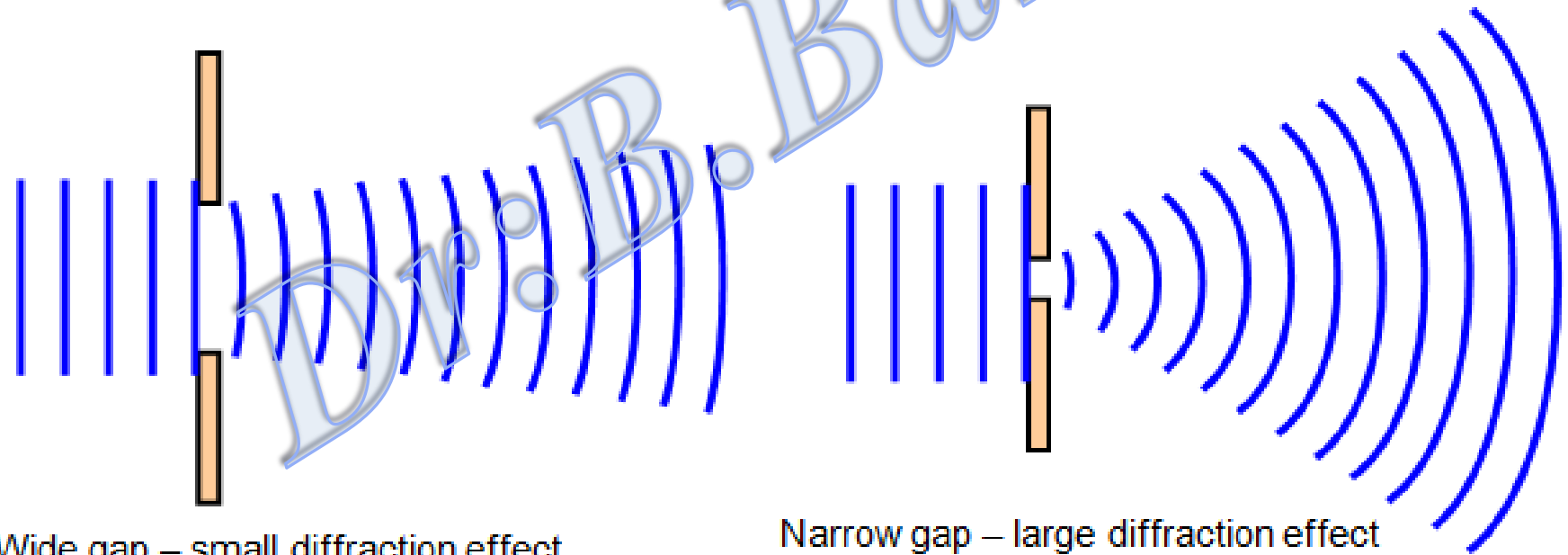
شکل های زیر وضعیت طرح واری را نشان می دهد که در آن موجی تخت با طول موج λ به مانعی می رسد که شکافی به پهنای a دارد. در شکل الف ، پهنای شکاف خیلی بزرگ تر از طول موج λ است ($a=6/\lambda$). همان طور که دیده می شود قسمتی از موج که از شکاف می گذرد تقریباً تخت باقی می ماند.

در شکل (ب) ، پهنای شکاف کمتر شده است ($a=3/\lambda$) و همان طور که می بینید قسمتی از موج که از شکاف می گذرد از حالت موج تخت خارج شده و نسبت به حالت قبل، مقدار بیشتری به اطراف گسترده شده است. در شکل (پ) که پهنای شکاف، $a=1/\lambda$ شده است، قسمتی از موج که از شکاف می گذرد کاملاً از حالت موج تخت خارج و به اطراف شکاف گسترده شده است.



پراش موج

اگر در مسیر پیشروی یک موج مانعی قرار دهیم بخشی از موج که به مانع برخورد می‌کند، توسط مانع بازتاب و یا جذب می‌شود و به پشت مانع نمی‌رسد و بخشی دیگر، از لبه‌های مانع یا شکاف‌های موجود در آن، می‌گذرد. در صورتی که ابعاد مانع یا شکاف در حدود طول موج باشد، بخشی از موج که از لبه‌ها یا شکاف‌ها عبور می‌کند، به وضوح به اطراف مانع یا شکاف گسترده می‌شود. به این پدیده که موج در عبور از یک شکاف با پهنایی از مرتبه طول موج، به اطراف گسترده می‌شود،



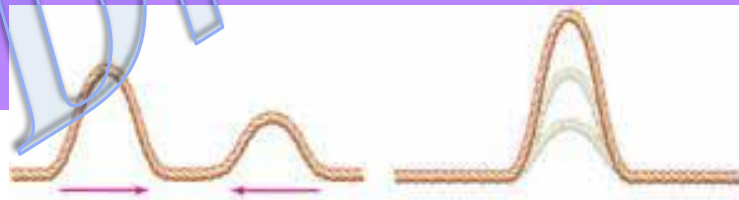
مثال: در تلویزیون‌های متداول، سیگنال‌ها از آنتن‌های روی دکل‌ها به گیرنده‌های تلویزیون فرستاده می‌شود. حتی وقتی گیرنده به دلیل وجود یک تپه یا ساختمان در معرض ارسال مستقیم امواج یک آنتن نباشد، همچنان سیگنال را به دلیل پراش امواج از لبه‌های مانع دریافت خواهد کرد (اگر سیگنال در اطراف آن مانع به حد کافی به داخل «ناحیه سایه» مانع پراشیده شود). سابق بر این، طول موج سیگنال‌های تلویزیونی در حدود ۵۰cm بود، ولی طول موج سیگنال‌های تلویزیونی دیجیتال که امروزه از آنتن‌ها فرستاده می‌شود بسیار کمتر است. آیا این تغییر طول موج پراش سیگنال‌ها به داخل ناحیه سایه را افزایش می‌دهد یا کاهش؟

Dr: B. Bahr

اصل برهم نهی امواج: وقتی چندین موج به طور هم زمان بر ناحیه ای از فضا تأثیر بگذارند، اثر خالص آنها برابر مجموع اثرهای مجزای هر یک از آنها است.

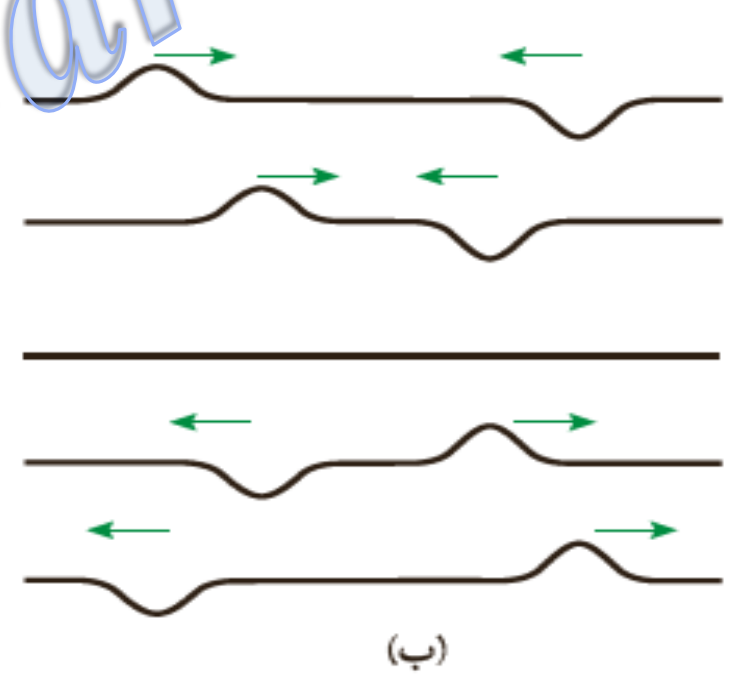
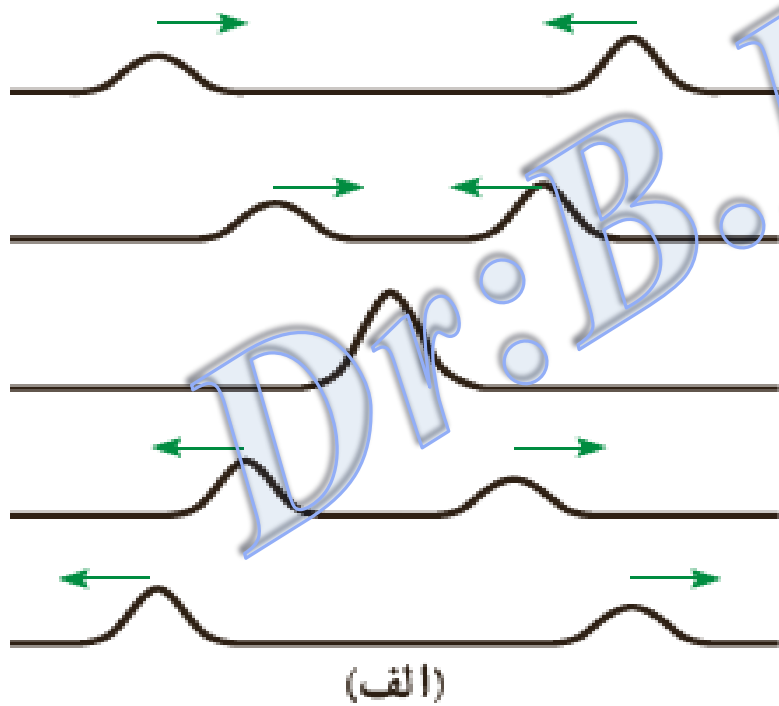
تداخل امواج (درهم روی یا برهم نهی امواج):

هرگاه مطابق شکل دو تپ را در اطراف ایجاد کنیم وقتی این تپ ها به هم می رسند و با یکدیگر همپوشانی می کنند، بنا بر اصل برهم نهی، تپ برآیند با مجموع دو تپ برابر است. توجه کنید چه برای تپ ها و چه برای موج هایی که همپوشانی می کنند، آنها به هیچ وجه شکل و حرکت یکدیگر را تغییر نمی دهند، و بنابراین پس از همپوشانی، بدون هرگونه تغییر شکلی به حرکت خود ادامه می دهند. به ترکیب موج ها با یکدیگر، تداخل می گویند. به بیان دیگر تداخل، ترکیب دو یا چند موج است که هم زمان از یک منطقه عبور می کنند.

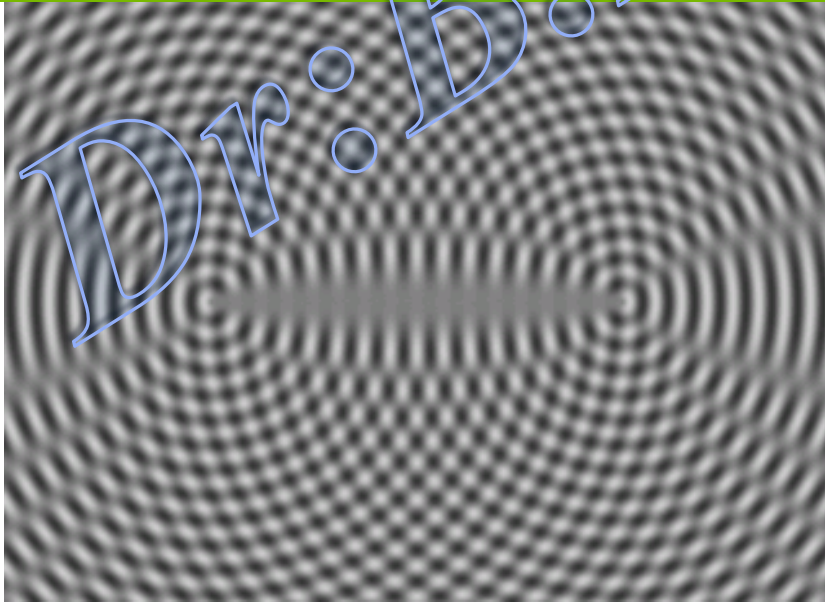


هرگاه امواج مطابق شکل الف بهم برسند هنگام همپوشانی بپ بزرگتری را ایجاد می کنند که به آن تداخل سازنده می گویند.

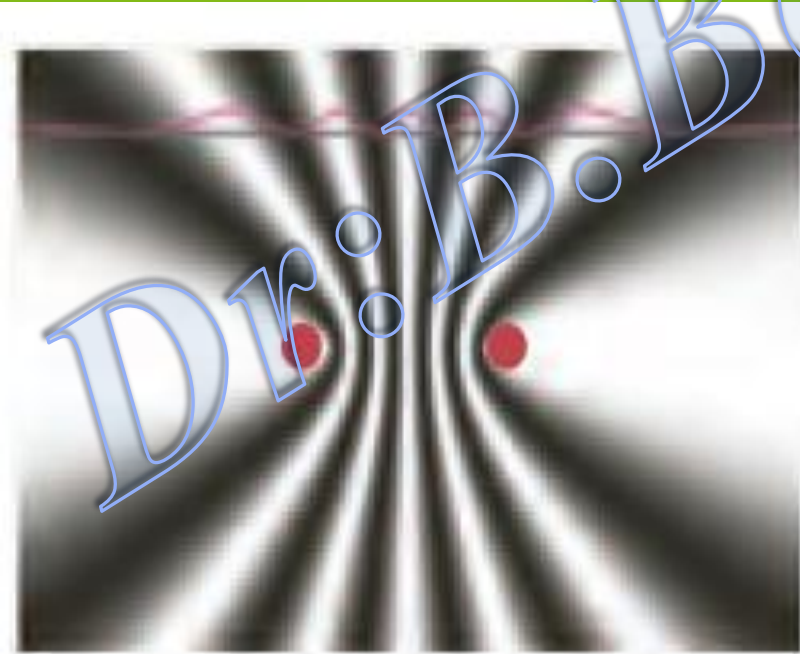
وقتی بپ ها مطابق شکل (ب) به هم برسند هنگام همپوشانی اثر یکدیگر را حذف می کنند که به آن تداخل ویرانگر می گویند.



تداخل امواج سطحی آب : برای مشاهده تداخل امواج سطحی بر سطح آب، دو گوی کوچک را با بسامد یکسان، به طور هم زمان بر سطح آب به نوسان درمی آوریم. دو دسته موج دایره ای ایجاد می شود که بی آنکه بر انتشار یکدیگر تأثیر بگذارند با یکدیگر همپوشانی می کنند و نقشی مانند نقش شکل (الف) را بر سطح آب به وجود می آورند. امواج در برخی نقاط همدیگر را تقویت می کنند و تداخل سازنده انجام می دهند و در برخی نقاط همدیگر را تضعیف می کنند و تداخل ویرانگر انجام می دهند. به عبارتی، برآمدگی ها یا فرورفتگی های دو موج که در یک زمان در نقطه ای به همدیگر برسند، سطح آب را در آن نقطه به شدت بالا یا پایین می برند، در



حالی که اگر برآمدگی یک موج در یک زمان و در یک نقطه به فرورفتگی موج دیگر برسد، دو موج یکدیگر را تضعیف می کنند و بنابراین سطح آب در چنین نقطه ای نوسان چندانی نخواهد داشت. به این ترتیب، در برخی نواحی روی سطح آب دامنه موج برآیند بیشینه و در برخی ناحیه ها، کمینه است. چنین نقش متناوب یک درمیانی از بیشینه ها و کمینه ها را نقش تداخلی امواج سطحی آب می نامیم و آنها را امواج مخرج می توانیم در سایه تشکیل شده بر سطح ورقه کاغذ زیر تشت موج مشاهده کنیم (شکل ب)



مختصر توضیحی در باره تداخل امواج صوتی: در این آزمایش دو بلندگو که به یک مولد

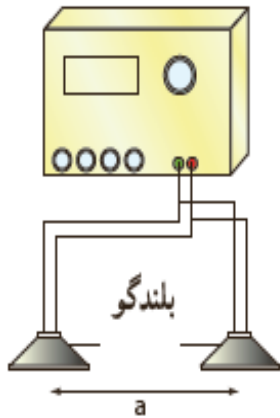
سیگنال الکتریکی متصل اند امواج سینوسی هم‌سامدی را در فضا منتشر می‌کنند. با حرکت دادن

میکروفون در امتداد خط فرضی سازنده در شکل که در فاصله مناسبی از بلندگوها قرار

دارد درمی‌یابیم که بلندی صدا به‌طور متناوب کم و زیاد می‌شود. علت این پدیده را به‌سادگی

می‌توان بر اساس تداخل‌های سازنده و ویرانگر امواج صوتی توضیح داد.

مولد سیگنال سینوسی



$L =$ صدای بالا

$S =$ صدای ضعیف

D

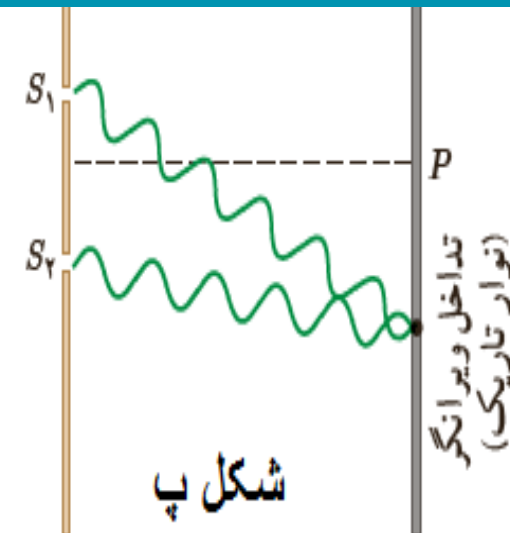
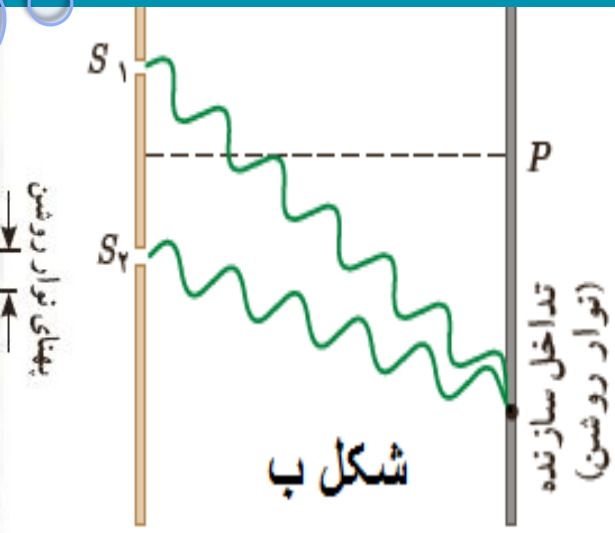
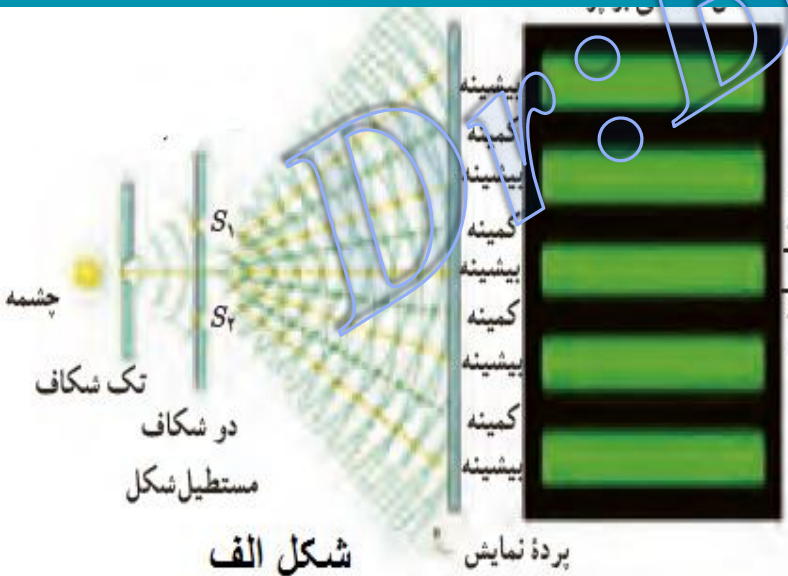


DR. B. Barati

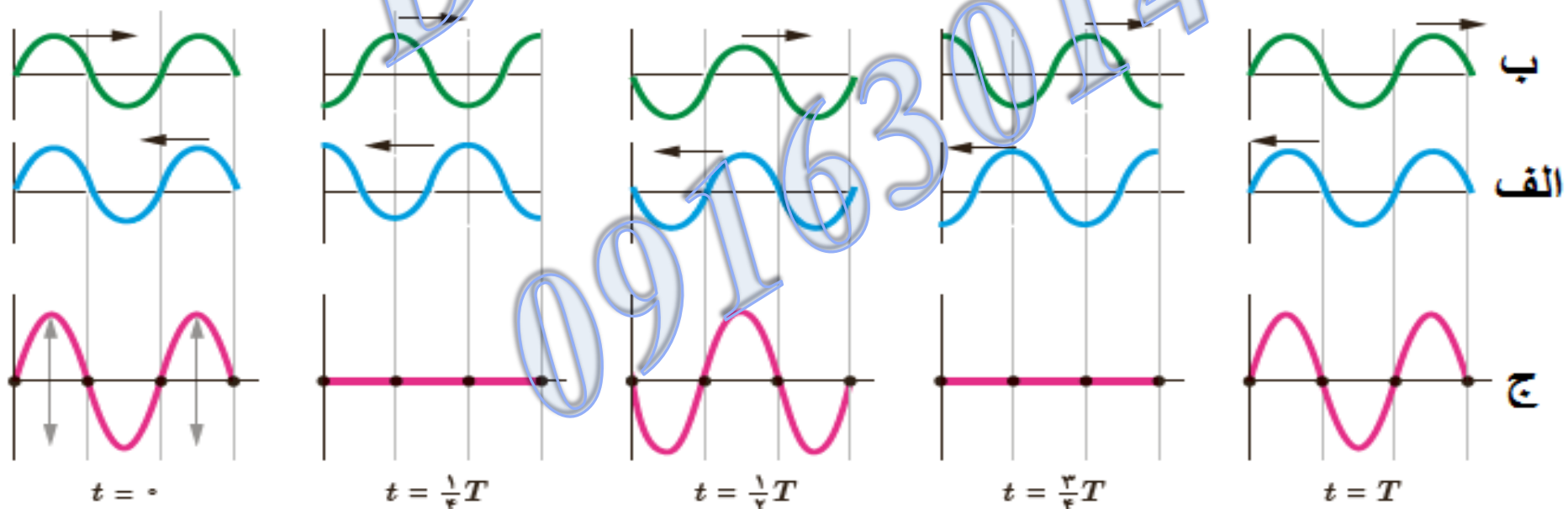
تداخل امواج نوری

شکل الف طرحی از چگونگی آزمایش اولیه یانگ برای تحقیق تداخل امواج نوری را نشان می دهد. نور حاصل از یک چشمه تکفام (اینجا سبزرنگ) بر تک شکافی می تابد. سپس نور خروجی بر اثر پراش، گسترده می شود و دو شکاف S_1 و S_2 را روشن می کند. موج های حاصل از پراش نور توسط این دو شکاف با یکدیگر تداخل می کنند و نقش حاصل از این تداخل را می توان روی پرده ای که در ناحیه سمت راست دو شکاف قرار دارد مشاهده کرد. روی پرده نقطه های با تداخل سازنده، نوارها یا فریزهای روشن را تشکیل می دهند (شکل ب)، و نقطه های با تداخل ویرانگر نوارها یا فریزهای تاریک را تشکیل می دهند (شکل پ). که می توان آنها را این نوارهای روشن مجاور شکل الف مشاهده کرد.

نوارهای روشن و تاریک روی پرده که ناشی از تداخل های سازنده و ویرانگرند، نقش تداخلی را دارند

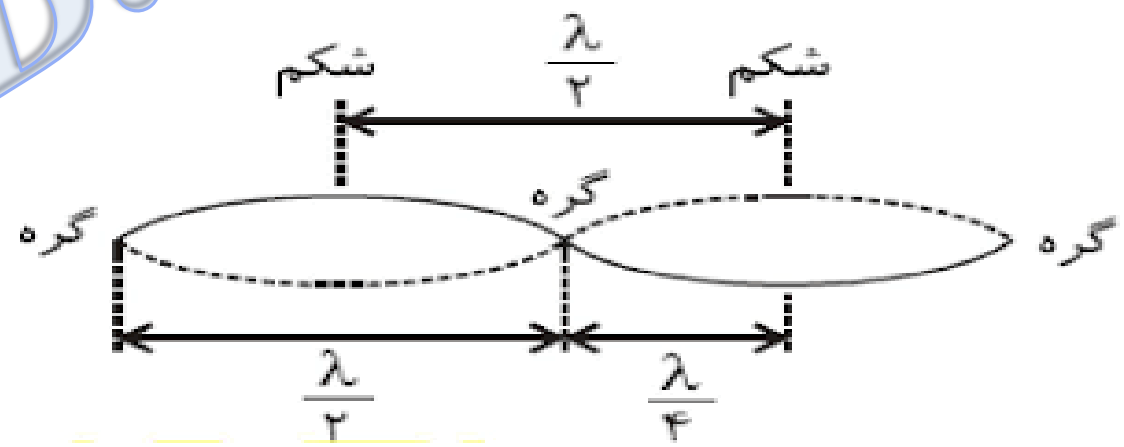
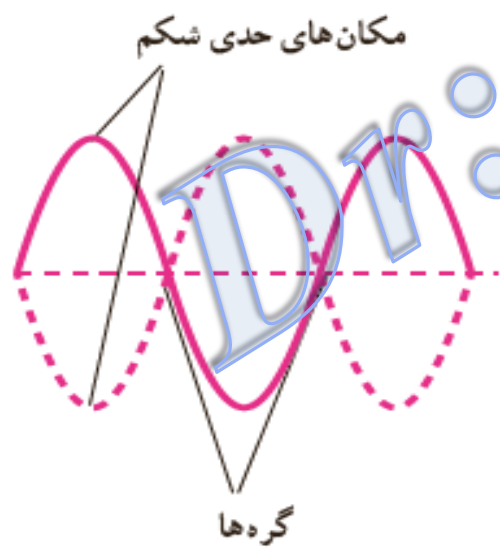


نحوه تشکیل امواج ایستاده در ریسمان: رسمانی را تصور کنید که در یک انتها ثابت شده است و انتهای دیگر آن به نوسان درمی آید. وقتی موج بازتابیده از انتهای ثابت (که در شکل الف با رنگ آبی مشخص شده است) و سمت چپ حرکت می کند (با موج تابیده (که در شکل ب با رنگ سبز مشخص شده است و به سمت راست حرکت می کند) ترکیب شوند موجی برابند ایجاد می کنند که شکل آن از اصل برهم نهی حاصل می شود (این موج در شکل ج با رنگ قرمز مشخص شده است). نقش موج برابند را در این حالت موج ایستاده گویند زیرا نقش های این موج به چپ یا راست حرکت نمی کند و محل گره ها و شخم ها ثابت است.



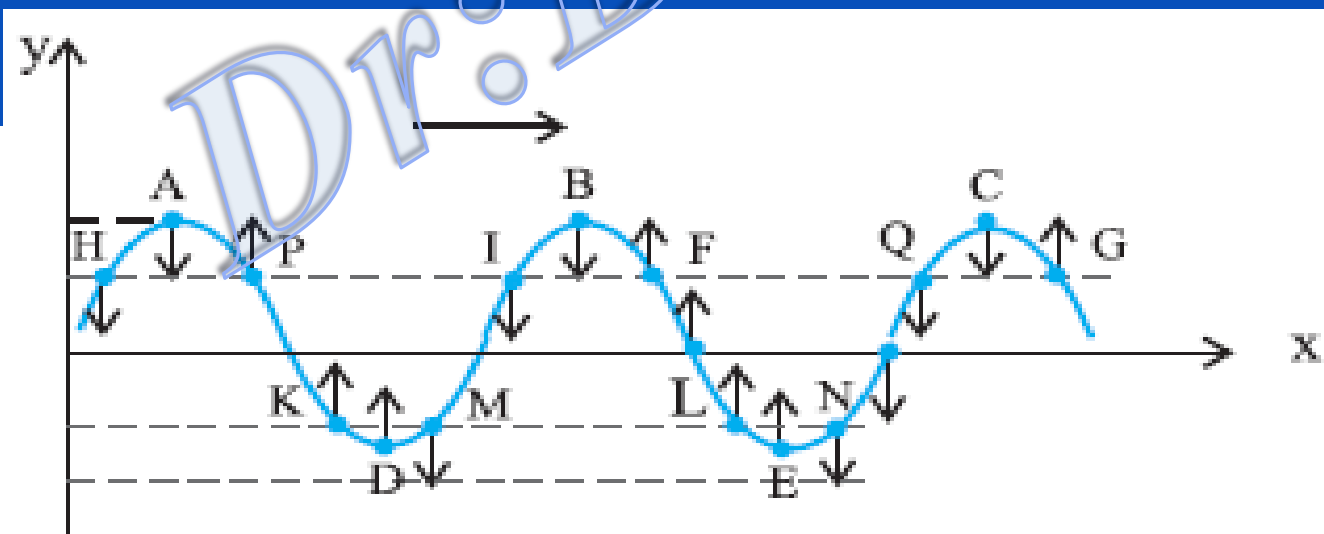
چند مشخصه بارز امواج ایستاده: مکان‌هایی در طول ریسمان، موسوم به گره، وجود دارد که در آنها ریسمان هرگز حرکت نمی‌کند. وسط گره‌های مجاور را شکم می‌گویند که دامنه موج برآیند در آنجا بیشینه است.

- فاصله گره‌های مجاور از هم برابر با نصف طول موج ($\lambda/2$) و بنابراین فاصله گره‌ها از شکم‌های مجاور برابر با ربع طول موج ($\lambda/4$) است.



بر اساس شکل ها: در تمام لحظات وضعیت موج‌های تابیده و بازتابیده در هر یک از گره‌ها به گونه‌ای است که یکدیگر را حذف و اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند (تداخل ویرانگر). در این حالت اصطلاحاً می‌گوییم این دو موج در این نقطه‌ها (گره‌ها) کاملاً ناهم‌فاز (در فاز مخالف) اند. اما در مکان هر یک از شکم‌ها وضعیت موج‌های تابیده و بازتابیده در تمام لحظات به گونه‌ای است که همدیگر را تقویت می‌کنند (تداخل سازنده). در این حالت اصطلاحاً می‌گوییم این دو موج در این نقاط هم‌فازند.

نکته خیلی مهم: در شکل زیر نقطه‌های E و C با نقطه‌ی A ، هم‌فاز و نقطه‌های D و H با نقطه‌ی A در فاز مخالف اند. هم‌چنین نقطه‌های F و G با نقطه‌ی P هم‌فاز و نقطه‌های M و N با نقطه‌ی P در



فازمخالف اند.

ویژگی نقاط هم فاز

(۱) در هر لحظه مکان آنها یکسان است. $x_A = x_B$

(۲) در هر لحظه سرعت آنها هم اندازه و هم جهت است.

(۳) در هر لحظه اختلاف فاز آنها مضرب زوجی از π رادین است. $\Delta\Phi = 2n\pi$

(۴) در هر لحظه فاصله ی آنها از یکدیگر مضرب صحیحی از طول موج یا مضرب زوجی از نصف طول موج

$$\Delta x = n\lambda = 2n\frac{\lambda}{2} \text{ است.}$$

(۵) زمان لازم برای انتقال موج از یک نقطه تا n امین نقطه ی هم فاز با آن، مضرب زوجی از نصف دوره ی

$$\Delta t = 2n\frac{T}{2} = nT \text{ نوسان یا مضرب صحیح از دوره ی نوسان است.}$$

ویژگی نقاط در فاز مخالف

(۱) در هر لحظه مکان آنها قرینه است. $x_A = -x_B$

(۲) در هر لحظه اندازه ی سرعت آنها با هم برابر و در خلاف جهت می باشد. $v_A = -v_B$

(۳) در هر لحظه اختلاف فاز آنها مضرب فردی از π رادیان است. $\Delta\Phi = (2m - 1)\pi$

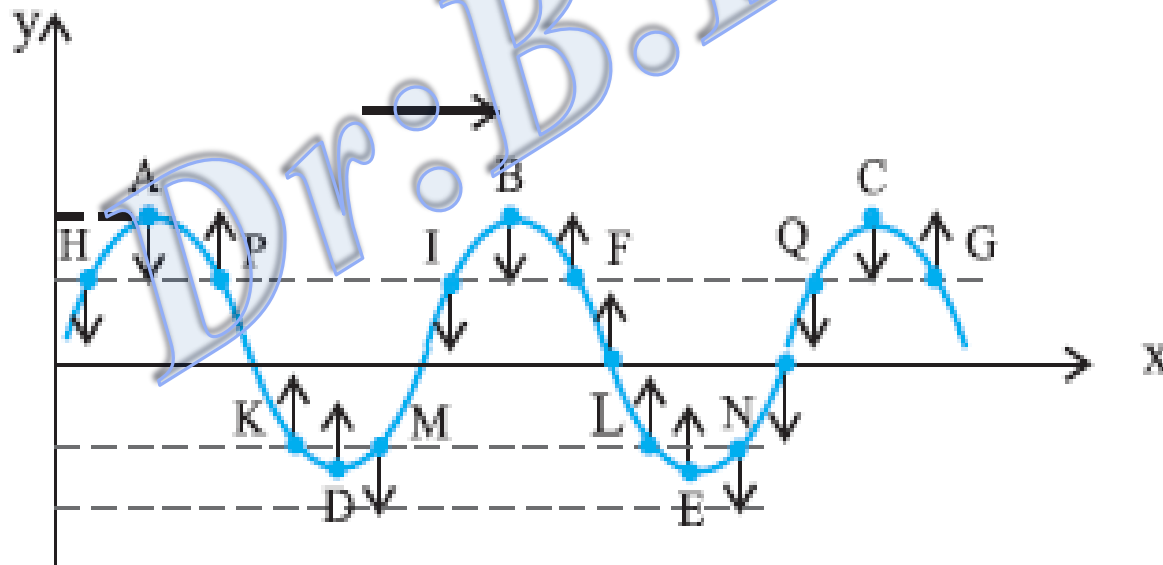
(۴) در هر لحظه فاصله ی آنها از یکدیگر مضرب فردی از نصف طول موج است

$$\Delta x = (2m - 1)\frac{\lambda}{2}$$

(۵) زمان لازم برای انتقال موج از یک نقطه تا m مین نقطه ی در فاز مخالف با آن، مضرب فردی از نصف

دوره ی نوسان $(\frac{T}{2})$ است. $\Delta t = (2m - 1)\frac{T}{2}$

مهم: در شکل فوق در هنگام انتشار موج بطرف راست در محیط P, F, I, Q و M, G, N از مرکز نوسان خود دور و نقطه H, K, L, E به مرکز نوسان نزدیک می شوند دقت کنید هر ذره از محیط انتشار موج می خراهد وضعیت ذره ی ما قبل خود را تکرار کند به عنوان مثال چون ذره ی ما قبل ذره ی P به طرف بالا حرکت کرده است این ذره نیز بطرف بالا حرکت خواهد کرد. پس برای تعیین نوع حرکت نقاط و اختلاف فاز باید از این نمودار کمک گرفت.



نکته مهم: برای اینکه بتوانید سریعاً تشخیص دهید دو نقطه هم فازند و یا در فاز مقابل، می توان از این نسبت ها استفاده کرد.

$$\frac{\Delta x}{\left(\frac{\lambda}{2}\right)} = \frac{\Delta t}{\left(\frac{T}{2}\right)} = \frac{\Delta \Phi}{\pi}$$

اگر حاصل عددی فرد باشد آن دو نقطه در فاز مقابل و اگر حاصل عددی زوج باشد آن دو نقطه هم فاز و اگر حاصل نه فرد باشد و نه زوج، آن دو نقطه نه هم فاز و نه در فاز مقابلند.

$$\begin{cases} 2n \rightarrow \text{همفاز (عدد زوج)} \\ 2n - 1 \rightarrow \text{فاز مقابل (عدد فرد)} \end{cases}$$

مثال: چشمه موجی ، موجی با بسامد 20 Hz و سرعت $60 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ در یک محیط همگن تولید و منتشر می سازد. دو نقطه به فاصله 12 cm از هم، در چه وضعیتی قرار داشته و اختلاف فاز بین دو نقطه چند رادیان است؟

- الف) ۴، هم فاز ب) ۲، در فاز مخاف ج) ۸، هم فاز د) ۵، در فاز مخاف

چون عدد زوج است هم فازند

$$\frac{\Delta x}{\frac{\lambda}{2}} = \frac{12}{\frac{3}{2}} = 8 \Rightarrow 2n = 8$$

$$\Delta\phi = 2n\pi \Rightarrow \Delta\phi = 8\pi$$

مثال: چشمه موجی ، موجی با بسامد 20 Hz و سرعت $60 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ در یک محیط همگن تولید و منتشر می

سازد دو نقطه به فاصله $7/5 \text{ cm}$ از هم، در چه وضعیت ارتعاشی قرار دارند و مدت زمانی که طول می کشد

تا موج فاصله بین این دو نقطه را طی می کند چند ثابیه است؟

(د) $\frac{1}{24}$ ، فاز مخالف

(ج) $\frac{1}{8}$ ، فاز مخالف

(ب) $\frac{1}{12}$ ، هم فاز

(الف) (ب) $\frac{1}{24}$ ، هم فاز

$$\frac{\Delta x}{\lambda} = \frac{7/5}{\frac{3}{2}} = 5 \text{ فاز مخالف}$$

$$2m - 1 = 5$$

$$\Delta t = (2m - 1) \frac{T}{2}$$

$$\Delta t = 5 \frac{20}{2} = \frac{1}{8} \text{ (s)}$$

مثال: دو نقطه روی یک موج باهم فاصله ای معادل نصف طول موج دارند. اختلاف فاز میان این دو نقطه

$$\Delta x = \frac{\lambda}{2} \quad \frac{\lambda}{\Delta x} = \frac{2\pi}{\Delta\Phi} \Rightarrow \frac{\lambda}{\frac{\lambda}{2}} = \frac{2\pi}{\Delta\Phi} \Rightarrow 2 = \frac{2\pi}{\Delta\Phi} \Rightarrow \Delta\Phi = \pi \text{ rad}$$

چند رادیان است؟

(د) 3π ویرانگر

(ج) $\frac{3\pi}{2}$ سازنده

(ب) π ویرانگر

(الف) 2π سازنده

مثال: دو نقطه روی یک موج باهم به اندازه $\frac{7\pi}{5}$ اختلاف فاز دارند فاصله میان این دو نقطه از هم چه

(الف) $\frac{4}{5}$

(الف) $\frac{3}{5}$

(الف) $\frac{1}{5}$

(الف) $\frac{2}{5}$

کسری از طول موج است؟

$$\Delta\Phi = \frac{2\pi}{5} \quad \frac{\lambda}{\Delta x} = \frac{2\pi}{\Delta\Phi} \Rightarrow \frac{\lambda}{\Delta x} = \frac{2\pi}{\frac{2\pi}{5}} = 5 = \Delta x = \frac{1}{5}\lambda$$

مثال: سرعت انتشار موج در طول یک سیم $\frac{8}{5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ می باشد. در این سیم موجی با بسامد 40 Hz ایجاد می

کنیم. اختلاف فاز دو نقطه که در فاصله 10 cm از هم قرار دارند چند رادیان است.

د) 4π

ج) 3π

ب) 2π

الف) π

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{8}{40} \frac{1}{5} \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

$$\Delta x = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ (m)} \Rightarrow \frac{\lambda}{\Delta x} = \frac{2\pi}{\Delta \phi} \Rightarrow \frac{20}{10} = \frac{2\pi}{\Delta \phi} \Rightarrow \Delta \phi = \pi \text{ rad}$$

نوع موج در سازهای موسیقی: در سازهای موسیقی، موج‌های ایستاده را می‌توان با ضربه زدن بر تارها (مانند

سنتور، سه‌تار، پیانو) و پوسته‌ها (مانند طبل، دف، تنبک)، و یا دمیدن در ستون‌های هوا (مانند نی،

فلوت، اُرگ) ایجاد کرد.

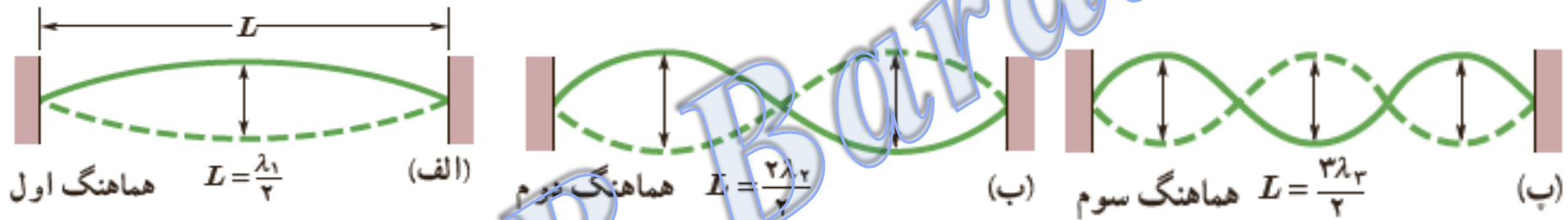
نحوه ایجاد بسامدهای تشدیدی در تار: شکل زیر تصویری واقعی از اسباب آزمایشی را نشان می‌دهد که در آن تار کشیده شده، از یک سر به یک مولد نوسان و از سر دیگر به گیره‌ای متصل است. به ازای بسامدهای معینی از مولد نوسان، تداخل موجب ایجاد موج ایستاده بارزی (یا اصطلاحاً یک مُدِ نوسان) در تار می‌شود. گفته می‌شود تار در این بسامدهای معین که بسامدهای تشدیدی خوانده می‌شوند به تشدید درآمده است. اگر تار در بسامدی غیر از بسامدهای تشدیدی نوسان کند موج ایستاده بارزی ایجاد نمی‌شود.



محاسبه بسامدهای تشدید در طناب (تار) با دو انتهای ثابت (شرح - شکل - رابطه ، قوانین)

مطابق شکل، هرگاه طنابی را به ارتعاش در آوریم در طول طناب تعدادی گره و شکم تشکیل می

شوند پدیده تشدید وقتی رخ می دهد که طول طناب مضرب درستی از $\frac{\lambda}{2}$ باشد.



فرکانس هماننگ‌ها

$$\lambda = \frac{v}{f_n} \Rightarrow f_n = \frac{nv}{2L}$$

سرعت موج

طول طناب

$$L = n \frac{\lambda_n}{2}$$

مد اصلی ، هماننگ اول ، بسامد اصلی $n=1$

شماره صوت = شماره هماننگ = تعداد شکم = n (عدد هماننگ)

۱- تعداد گره = n

قوانین تار

$$(1) \text{ اثر طول طناب } f_n \propto \frac{1}{L}$$

$$(2) \text{ اثر سرعت موج } f_n \propto v$$

(3) اثر هماهنگی ها: همه هماهنگی های فرد و زوج تشکیل می شوند. $f_n \propto n$

تعریف هماهنگی ها: مضارب صحیحی از بسامدهای یک صوت را هماهنگی های آن صوت گویند.

نکته فرکانس هماهنگی های تشکیل دهنده در طنابی با دو انتهای بسته مضرب درستی از فرکانس صوت

$$f_n = n f_1$$

اصلی است.

طول یکی از تارهای پیانویی $1/10\text{ m}$ و جرم آن $9/100\text{ g}$ است. اگر بسامد اصلی این تار 131 Hz باشد، الف) تندی امشار موج

عرضی در تار چقدر است؟ ب) این تار تحت چه کششی قرار دارد؟ پ) بسامدهای چهار همانگ نخست این تار چقدر است؟

$$f_n = \frac{nv}{2L} \Rightarrow (131\text{ Hz}) = \frac{(1)v}{(2)(1/10\text{ m})} \Rightarrow v = 288/2\text{ m/s} \approx 288\text{ m/s}$$

$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} \Rightarrow (288/2\text{ m/s}) = \sqrt{\frac{F(1/10\text{ m})}{(9/100 \times 10^{-3}\text{ kg})}} \Rightarrow F = 679/6\text{ N} \approx 680\text{ N}$$

$$f_1 = 131\text{ Hz}$$

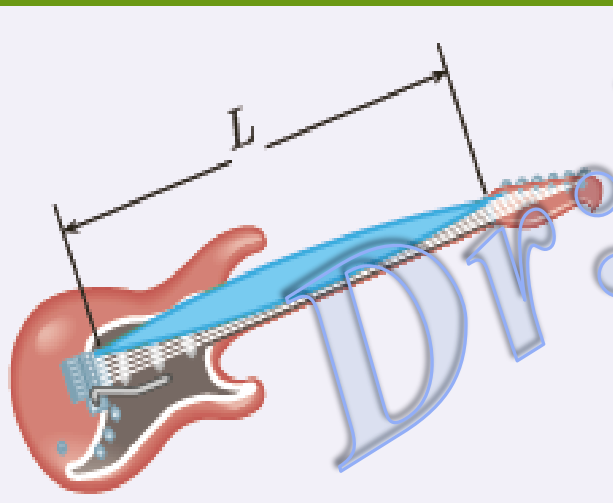
$$f_n = nf_1$$

$$f_2 = 2f_1 = 262\text{ Hz}$$

$$f_3 = 3f_1 = 393\text{ Hz}$$

$$f_4 = 4f_1 = 524\text{ Hz}$$

مثال: سنگین‌ترین تار یک گیتار الکتریکی دارای چگالی خطی جرمی $5/28 \times 10^{-3} \text{ kg/m}$ است و تحت کشش 226 N قرار دارد. این تار در هنگام ارتعاش، نُسی با بسامد $164/8 \text{ Hz}$ را ایجاد می‌کند که بسامد اصلی تار است. الف) طول تار را به دست آورید. ب) پس از مدتی که یک نوازنده، این گیتار را می‌نوازد، در نتیجه گرم شدن و شُل شدن تارها، نیروی کشش تار مورد نظر کاهش می‌یابد و به 209 N می‌رسد. در این حالت بسامد اصلی این تار چقدر شده است؟



پرسش الف) چرا با سفت کردن سیم گیتار، بسامدی که هنگام نواختن می شنوید زیاد می شود؟

ب) چرا نوازندگان گیتار پس از نواختن روی صفحه نمایش، گیتار را به حد کافی می نوازند و سپس آن را مجدداً کوک می کنند؟

Dr: B. Barati

09163014685

مثال: در طول تار مرتعشی با دو انتهای ثابت که امواج ایستاده تشکیل شده است، ۵ گره وجود دارد. طول تار را با ثابت مانند جرم واحد طول و نیروی کشش آن ۵۰ درصد افزایش می دهیم و هم چنان در تار با همان بسامد قبلی امواج ایستاده تشکیل می شود در این حالت چند گره در تار ایجاد شده است؟

(د) ۷

(ج) ۶

(ب) ۵

(الف) ۴

$$n = 5 - 1 = 4 \quad \text{تعداد گره}$$

$$F = \text{ثابت}$$

$$\Rightarrow V = \text{ثابت}$$

$$\mu = \text{ثابت}$$

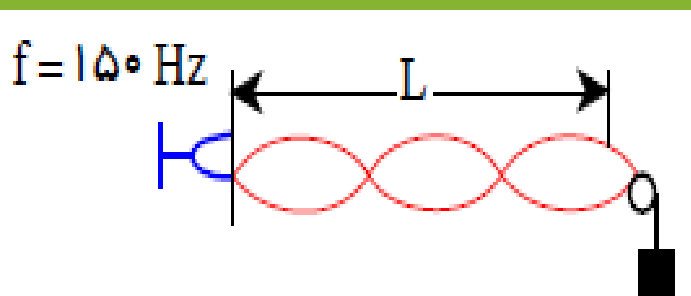
$$f_n = f'_n \Rightarrow \frac{nV}{2L} = \frac{n'V}{2L'} \Rightarrow \frac{4}{L} = \frac{n'}{1.5L} \Rightarrow n' = 6 \quad \text{تعداد شکم}$$

$$L' = L + 0.5L = 1.5L$$

$$\text{تعداد گره} = 6 + 1 = 7$$

مثال: مطابق شکل در یک تار مرتعش موج ایستاده تشکیل شده است اگر طول تار L برابر 60 cm و جرم

تار 2 gr باشد جرم وزنه ی آویخته شده از انتهای تار چند گرم است؟ $g=10$



- الف) 360 ب) 600 ج) 1200 د) 1000

شکم $n = 4 - 1 = 3$

$$f = \frac{nV}{2L} \Rightarrow 150 = \frac{3V}{2 \times 0/6} \Rightarrow V = 60 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$V = \sqrt{\frac{FL}{m}} \Rightarrow 60 = \sqrt{\frac{Mgl}{m}} \Rightarrow 3600 = \frac{M \times 10 \times 0/6}{2 \times 100^{-3}} \Rightarrow M = 1.2\text{kg} = 1200\text{gr}$$

مثال: در موج ایستاده ای که در یک بعد تشکیل شده است نقاط بین دو گره متوالی :

الف) هم فاز و هم بسامد

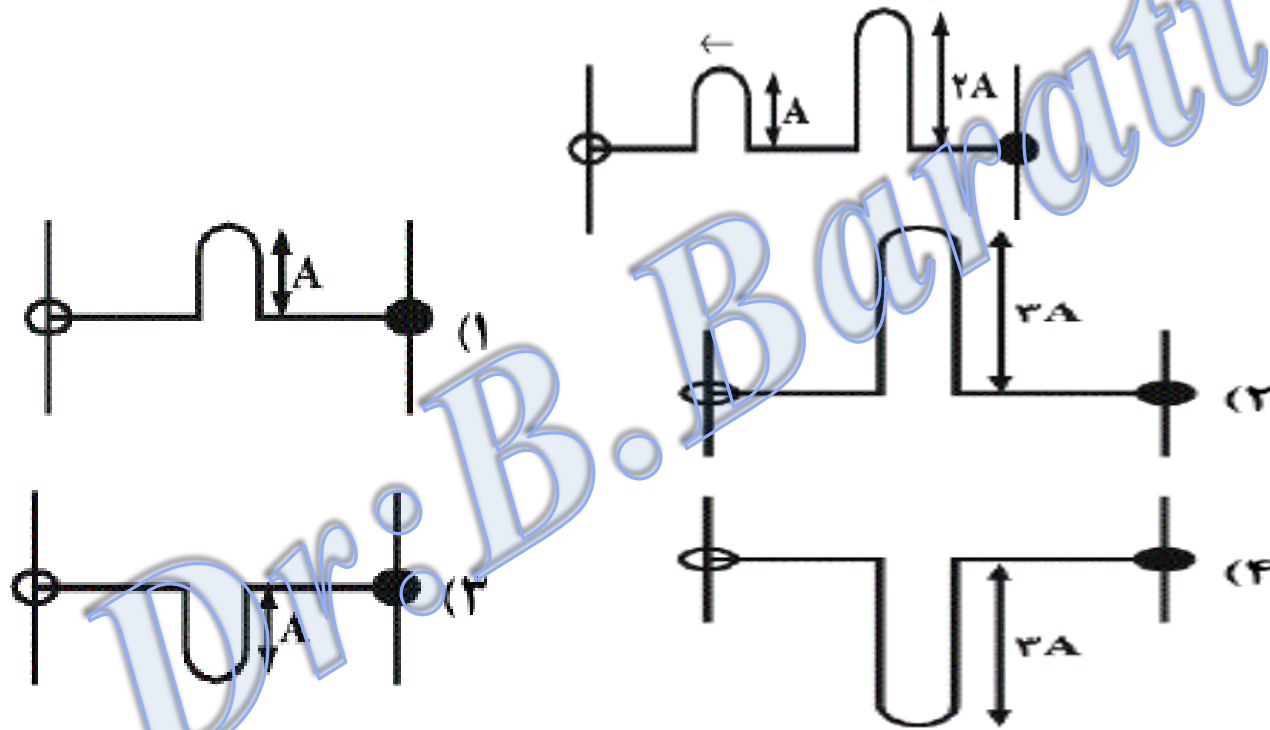
ب) در لحظه ی عبور از نقطه تعادل، سرعتی برابر دارند.

ج) بسامد آنها برابر با مجموع بسامد موج های تشکیل دهنده ی موج ایستاده است.

د) همه موارد.

حل) در موج ایستاده در یک تار (یک بعدی) نقاط بین دو گره متوالی هم فاز و تمامی نقاط هم بسامند.

مثال: مطابق شکل زیر، دو تپ روی یک طناب در دو سوی مختلف در حال حرکتند. اگر یک انتهای طناب ثابت و انتهای دیگر آن آزاد باشد اولین بر هم نهی کامل دو تپ بازتابی از دو انتهای طناب به کدام صورت خواهد بود؟

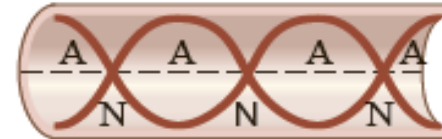
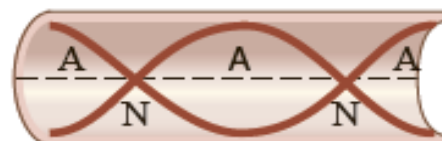
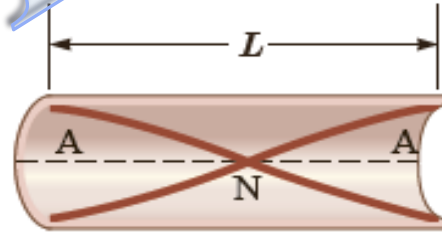
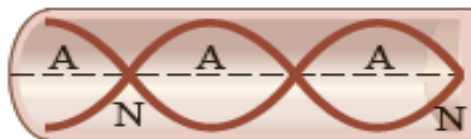
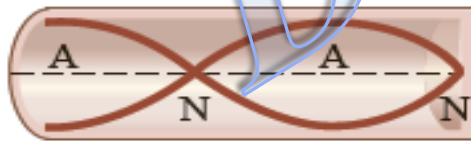
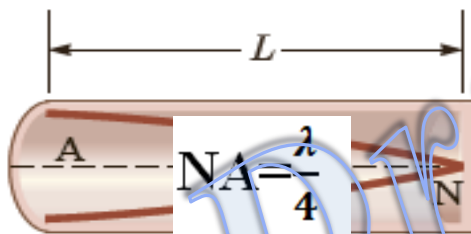


حل) در بازتاب از انتهای ثابت، تپ بازتاب دارای π رادیان اختلاف فاز با تپ تابشی است و در

بازتاب از انتهای آزاد، بازتاب اختلاف فاز نخواهد داشت بنابراین گزینه ج درست می باشد.

موج ایستاده و تشدید در لوله‌های صوتی:

اگر بطریقی بتوان موج‌های صوتی ایستاده را در لوله‌ای پر از هوا ایجاد کرد این موج‌های صوتی در هوای درون لوله حرکت می‌کنند، از هر انتها باز می‌تابند و به درون لوله بازمی‌گردند، حتی اگر آن انتها باز باشد درست مانند تارهای کشیده اگر طول لوله مضربهای معینی از طول موج صوتی باشد برهم نهی موج‌ها و پیش‌رونده در جهت‌های مخالف، نقش موج ایستاده بارزی را در لوله‌های صوتی باز و بسته ایجاد می‌کند.



$$AA = \frac{\lambda}{2}$$

چرا وقتی اب را به درون ظرفی با دیواره‌های قائم مثل لیوان یا پارچ می‌ریزید، بسامد صدایی که می‌شنوید افزایش می‌یابد، یعنی صدای زیرتر و زیرتری را می‌شنوید؟ (راهنمایی: صدای حاصل از پرشدن ظرف گستره وسیعی از بسامدها را دارد که در هر لحظه، یکی از آنها با پایین‌ترین بسامد تشدید می‌شود. همان درون ظرف - بسامد مد اول - منطبق است.)

Dr: B. Barati

تشدید در بطری و تشدیدگر هلمهولتز : اگر در دهانهٔ باریک یک بطری بدمید، می‌توانید آن را به صدا درآورد (شکل زیر) . در واقع یک بطری مانند یک لولهٔ صوتی با یک انتهای باز است که بسامدهای تشدیدی معینی دارد. وقتی در دهانهٔ یک بطری می‌دمیم گسترهٔ وسیعی از بسامدها ایجاد می‌شود. حال اگر یکی از این بسامدها با یکی از بسامدهای تشدیدی بطری منطبق باشد، یک موج صوتی قوی ایجاد می‌شود. البته نوسان‌های بطری دقیقاً مانند نوسان‌هایی نیست که در یک لولهٔ صوتی ساده ایجاد می‌شود، زیرا بطری یک گردن دارد و هوای موجود در این گردن با هوای موجود در بقیهٔ قسمت‌های بطری چیزی موسوم به تشدیدگر هلمهولتز را تشکیل می‌دهد که این موجب نوسانات هوای درون بطری می‌شود.



نکته قابل توجه در مورد این وسیله: تشدیدگرهای هلمهولتز نیز همانند لوله‌های صوتی بسامدهای تشدید

معینی دارند و هرگاه بسامد یک صوت برابر با یکی از بسامدهای تشدید آنها باشد، تشدیدگر پاسخ

قوی‌تری به این صوت می‌دهد.



تشدید گرهای هلمهولتزکروی در
اندازه های مختلف

Dr: B. Barati
09163014685