

به نام خدا

سازمان آموزش و پرورش استان اصفهان

مدیریت آموزش و پرورش شهرستان کاشان

دبیرستان حاج عباس کریم

فیزیک سال یازدهم تجربی

فصل دوم(جريان الکتریکی)

تهیه کننده: محمد انصاری تبار

موضوعات این فصل :

توان مولد، بازده مولد

جريان الکتریکی

به هم بستن متواالی مقاومت ها

قانون اهم

به هم بستن موازی مقاومت ها

رئوستا

اتصال کوتاه

نیروی محرکه مولد و مدارها



به نام خدا

موضوع : جریان الکتریکی



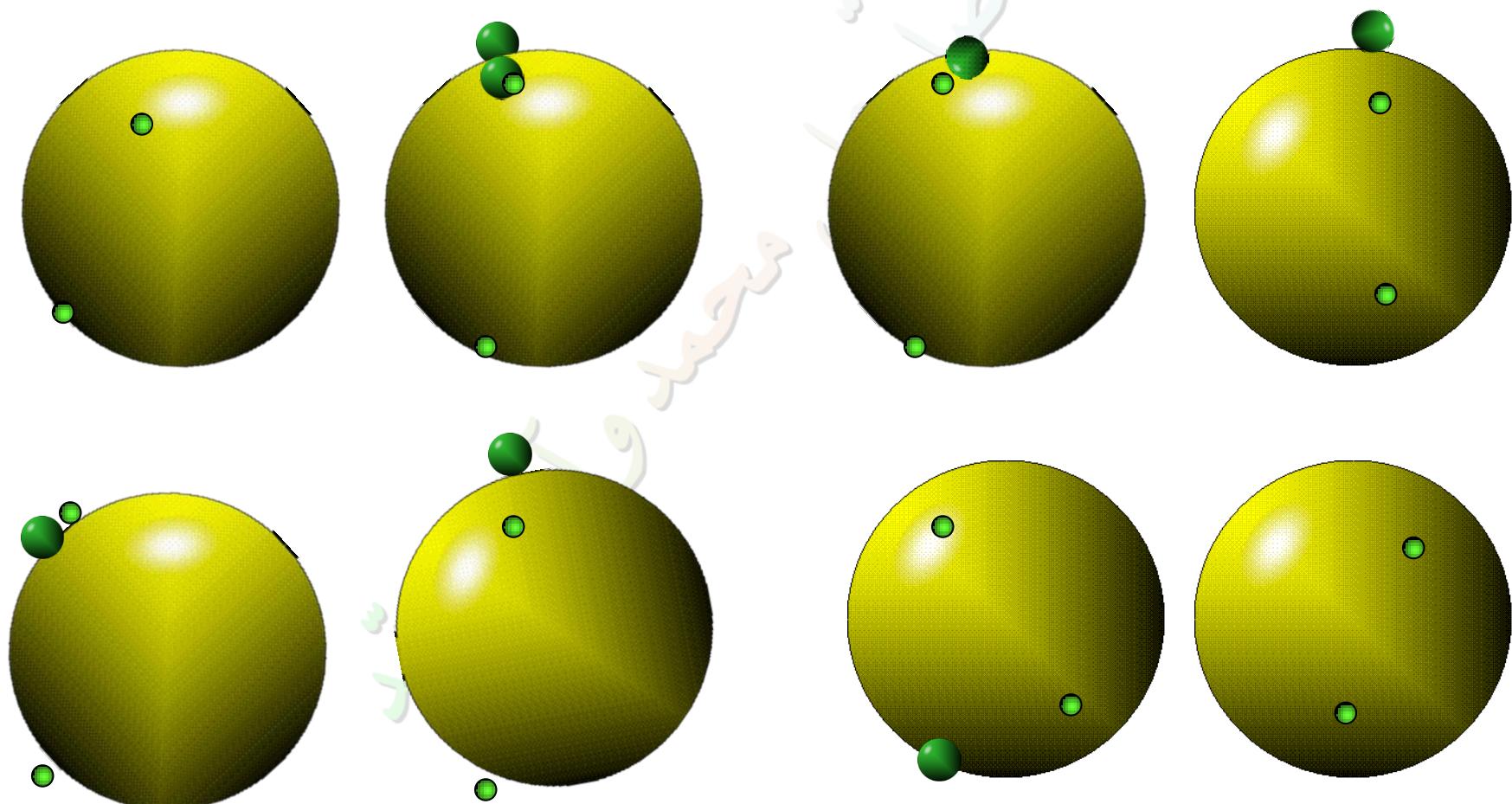
الحمد لله



خروج

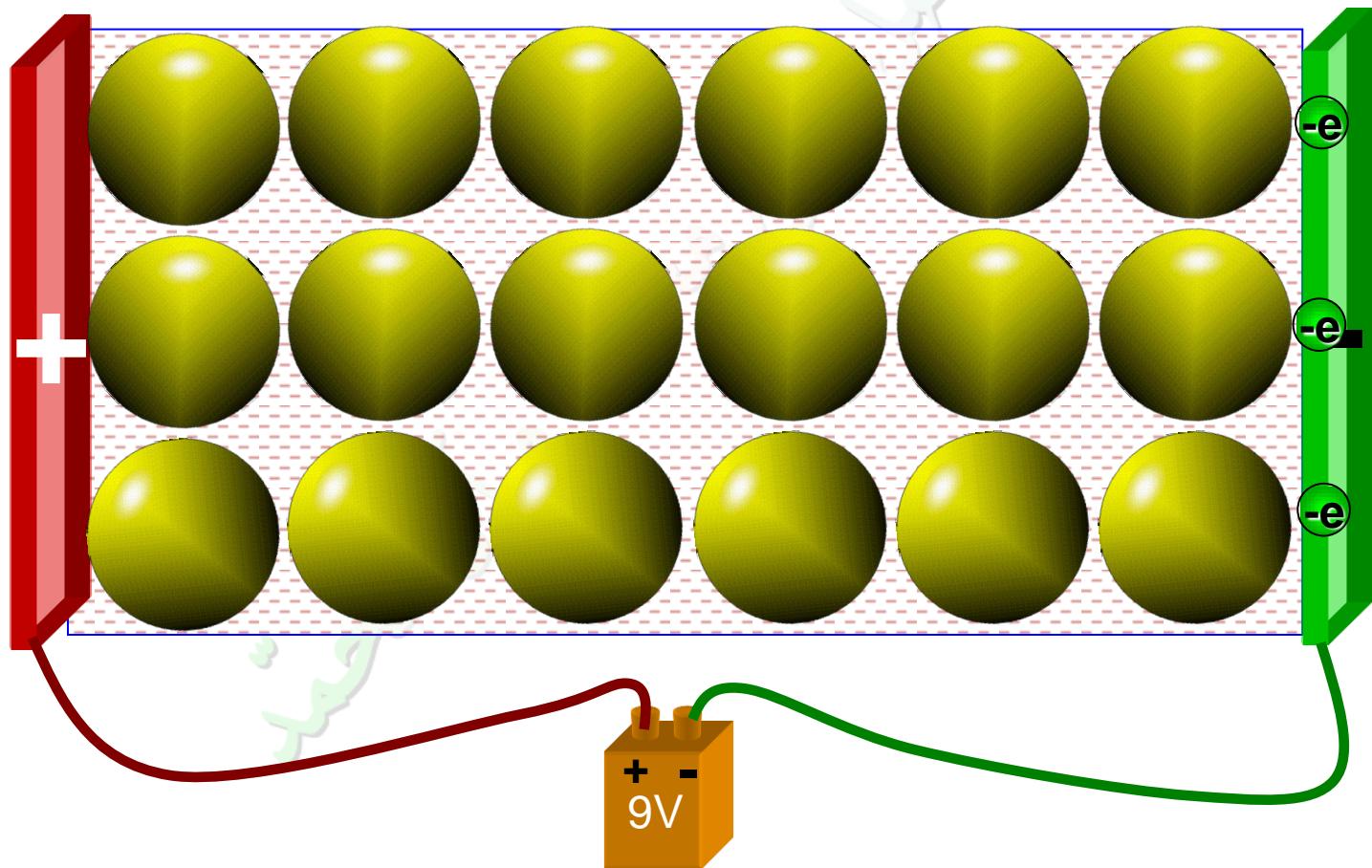
از مشاهده‌ی تصویر متحرک زیر چه برداشت می‌کنید؟

الکترون‌های آزاد در طول یک سیم مسی با سرعت‌هایی از مرتبه 10^6 m/s ادر حرکت اند، ولی این حرکت به طور کاتوره‌ای در همهٔ جهت‌ها است.

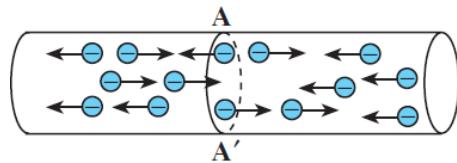
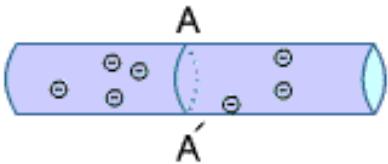


از مشاهده‌ی تصویر متحرک زیر چه برداشت می‌کنید؟

اختلاف پتانسیل در دو سر سیم و میدان الکتریکی ایجاد شده درون آن باعث حرکت الکترون‌های آزاد در سیم و ایجاد جریان می‌شود

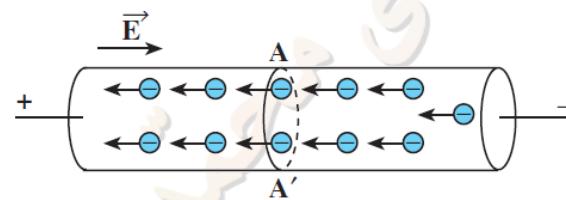


بررسی حرکت الکترونهای:



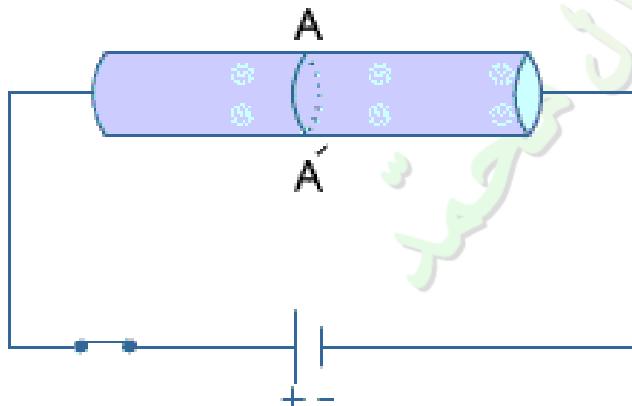
در نبود میدان الکتریکی

حرکت الکترونهای آزاد وجود دارد. ولی این حرکت به نحوی است که در هر لحظه آهنگ باز خالص شارش شده از هر مقطع آن صفر است.



در حضور میدان الکتریکی

میدان الکتریکی بر الکترونهای آزاد درون رسانا اثر گذاشته و این امر باعث حرکت آنها در خلاف جهت میدان الکتریکی می‌گردد



چرا موقعی که بردو سیم رسانا اختلاف پتانسیل الکتریکی متصل نشود جریان در سیم بوجود نمی آید؟

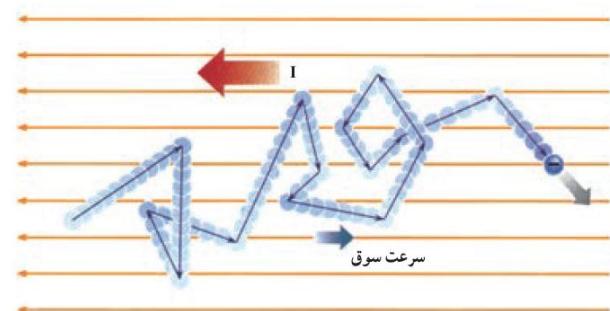
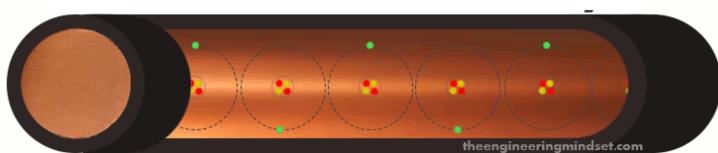
پاسخ

می دانیم همه نقاط رسانای منزوى، پتانسیل یکسانی دارد و میدان الکتریکی در تمام نقاط درون آن صفر است. بنابراین، گرچه در سیم الکترون های آزاد داریم، ولی هیچ نیروی خالص الکتریکی بر آنها وارد نمی شود و درنتیجه، هیچ جریانی در آن وجود ندارد.



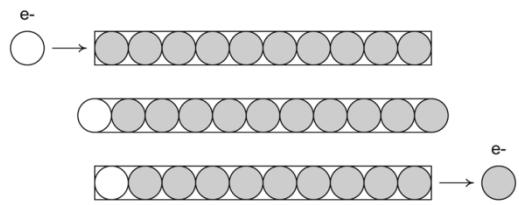
سرعت سوق

سرعت متوسط حرکت حرون های آزاد در خلاف جهت میدان به طور بسیار آهسته (با سرعت 1 mm/s) که موجب جریان الکتریکی در رسانا می شود.



سرعت سوق الکترون های آزاد در یک رسانا می تواند به کندی سرعت حرکت یک حلزون باشد. اگر سرعت سوق الکtronon ها این قدر کم است، پس چرا وقتی کلید برق را می زنیم چراغ های خانه به سرعت روشن می شوند؟

راهنمایی: شیلنگ شفافی را در نظر بگیرید وقتی شیر را باز می کنید، هنگامی که شیلنگ پر از آب است، آب بلا فاصله از سر دیگر شیلنگ جاری می شود؛ ولی اگر لکه ای رنگی را درون آب چکانده باشیم، می بینیم این لکه رنگی به آهستگی در آب حرکت می کند.

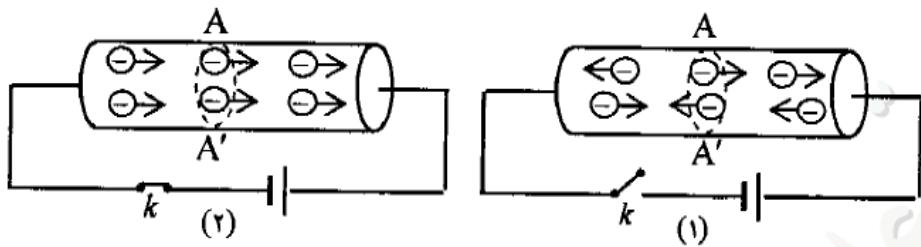


پاسخ:

با توجه به این که سیم رسانا مجموعه‌ای از اتم‌های دارای الکترون‌های آزاد است، (مشابه شیلنگ پر از آب) به محض برقراری اختلاف پتانسیل دردو سر سیم، میدان الکتریکی در کل طول سیم ایجاد شده و الکترون‌های آزاد، از جمله نزدیکترین الکترون‌ها به چراغ، شروع به حرکت می‌کنند و جریان در لامپ و همچنین در کل سیم برقرار شده و لامپ روشن می‌شود.



از مقایسه شکل های (۱) و (۲) چه نتیجه ای می گیرید؟



پاسخ

در شکل (۱)، بار خالص شارش یافته از مقطع رسانا AA' صفر است.

در شکل (۲)، چون در دو سر رسانا اختلاف پتانسیل اعمال شده است، بار خالص شارش یافته از مقطع رسانا AA' صفر نیست.





شدت جریان متوسط :

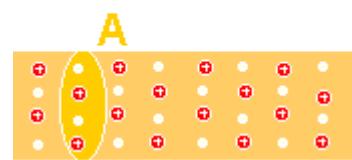
بار الکتریکی خالص Δq از مقطع سیم رسانا در بازه زمانی Δt می‌گذرد را شدت جریان متوسط می‌گوییم.

بر حسب کولن C

بر حسب آمپر A

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t}$$

بر حسب ثانیه S

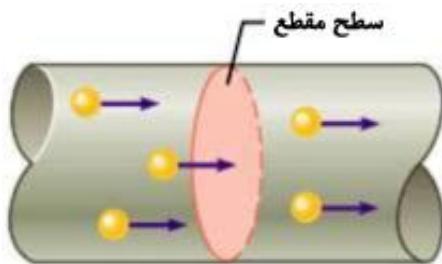




جریان متوسط عبوری از سیمی $2A$ است یعنی چه؟

پاسخ

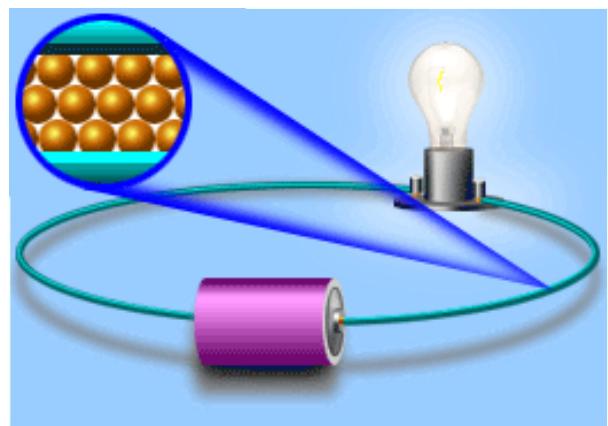
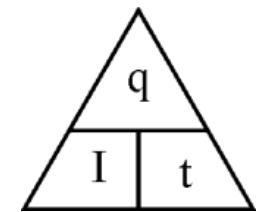
یعنی، به طور متوسط در هر ثانیه از هر مقطع این سیم دو کولن بار الکتریکی عبور می‌کند.



جریان مستقیم :

هرگاه در تمام بازه‌های زمانی جهت جریان تغییر نکرده و مقدار جریان ثابت بماند، جریان را مستقیم می‌نامند.

$$\bar{I} = I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow I = \frac{q}{t}$$



نکته:

از آنجایی که بار الکتریکی باید مضرب صحیحی از یک مقدار پایه (که همان بار الکتریکی یک الکترون است) باشد پس :

$$\left\{ \begin{array}{l} q = ne \\ q = It \end{array} \right. \rightarrow ne = It \rightarrow n = \frac{It}{e}$$

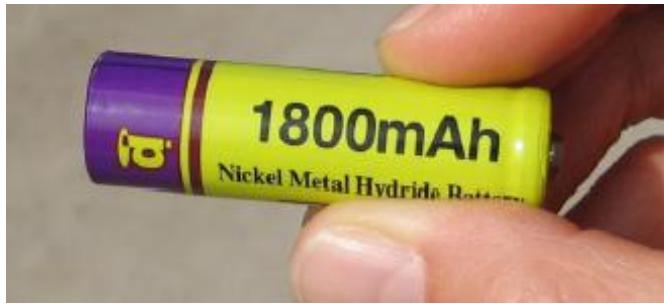
نکته:

به یکاهای بار الکتریکی توجه کنید:

$$\left\{ \begin{array}{l} q = It \xrightarrow{\text{واحد کوچک}} A \times S \Rightarrow C \\ q = It \xrightarrow{\text{واحد بزرگ}} A \times h \Rightarrow Ah \end{array} \right.$$



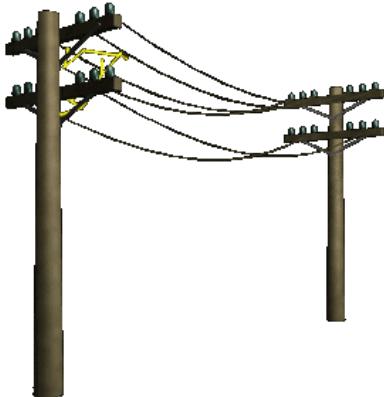
عدد روی باتری نشان دهنده چیست؟



پاسخ

بیشینه باری است که باتری می تواند تا زمان تخلیه از مدار عبور دهد.

جریان ثابتی به شدت ۴ آمپر به مدت ۸ ثانیه از یک مقطع رسانا عبور کرده است. در این مدت چه تعداد بار الکتریکی از هر مقطع رسانا عبور کرده است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$)



(۱) 4×10^{20}

(۲) 2×10^{19}

(۳) 2×10^{20}

(۴) ۲۰

حل:

$$\left\{ \begin{array}{l} I = 4 A \\ t = 8 s \\ n = ? \\ e = 1/6 \times 10^{-19} C \end{array} \right.$$

$$n = \frac{It}{e} \quad \rightarrow \quad n = \frac{4 \times 8}{1/6 \times 10^{-19}} = 2 \times 10^{20}$$

گزینه ۳ صحیح است.



ولتاژ باتری یک ساعت دیواری ۳۷V است و وقتی ساعت روشن است، این باتری باعث عبور جریان $20mA$ در آن می شود. اگر این ماشین حساب نیم ساعت روشن باشد (الف) در این مدت چه مقدار بار از مدار می گذرد؟ (ب) باتری چقدر انرژی به مدار ماشین حساب می دهد؟

پاسخ:

$$V = 37V$$

(الف)

$$\bar{I} = .2 \times 10^{-3} A$$

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t}$$

$$\Delta q = \bar{I} \Delta t = .2 \times 10^{-3} \times 30 \times 60 = .36C$$

$$\Delta t = .5 \times 3600 s$$

(ب)

$$\Delta q = ?$$

$$U = q \Delta V$$



$$U = .36 \times 3 = 1.08J$$

$$U = ?$$



تمرین:

از یک باتری اتومبیل به مدت نیم ساعت جریان ۸ آمپر گرفته شده است. مطلوب است:
 الف) بارشناش شده در این مدت بر حسب کولن و آمپرساعت ب) تعداد الکترون‌هایی که در این مدت از هر مقطع مدار گذشته است ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$)

پاسخ:

$$q = 1440 C$$

$$q = 4 Ah$$

$$n = 9 \times 10^{22}$$

الف) جریانی که از باتری اتومبیل گرفته می‌شود، مستقیم است؛ بنابراین:

$$\left\{ \begin{array}{l} t = .5 h \\ I = 8 A \\ q = ? C \\ q = ? Ah \\ n = ? \\ e = 1/6 \times 10^{-19} C \end{array} \right.$$

$$q = It \quad \left\{ \begin{array}{l} q = 8 \times .5 \times 3600 = 14400 C \\ q = 8 \times .5 = 4 Ah \end{array} \right.$$

$$q = ne \rightarrow n = \frac{q}{e} \rightarrow n = \frac{14400}{1/6 \times 10^{-19}} = 9 \times 10^{22}$$

(ب)



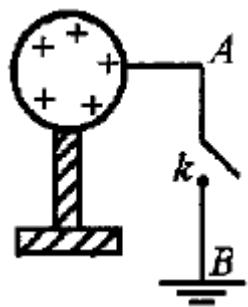
تمرین:

بار الکتریکی کره‌ی رسانا در شکل مقابل، $5\mu C$ است. باستن کلید در مدت 0.2 s . بار کره تخلیه می‌شود. شدت جریان متوسط در سیم AB را محاسبه کنید و جهت آن را مشخص کنید.

پاسخ

$$\bar{I} = 25\text{ A}$$

جهت قراردادی جریان الکتریکی جهت از B به A



$$\left\{ \begin{array}{l} q_1 = 0.5\mu\text{C} \\ q_2 = 0 \\ \Delta t = 0.2\text{ s} \end{array} \right.$$

$$\bar{I} = \frac{|\Delta q|}{\Delta t} \rightarrow \bar{I} = \frac{|0 - 0.5|}{0.2} \rightarrow \bar{I} = 25\text{ A}$$



در رابطه $I = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$ اگر $\Delta Q = I \Delta t$ بر حسب ساعت باشد یکای $A \cdot \text{آمپر} \cdot \text{ساعت}$ می شود. باتری خودروها با آمپر-ساعت (Ah) و باتری گوشی های همراه با میلی آمپر-ساعت (mAh) مشخص می شود. هر چه آمپر ساعت یک باتری بیشتر باشد حداکثر باری که باتری می تواند از مدار عبور دهد تا به طور ایمن تخلیه شود، بیشتر است.

الف) باتری استاندارد خودرویی Ah ۵۰ است. اگر این باتری جریان متوسط 5 A را فراهم سازد، چقدر طول می کشد تا خالی شود؟

ب) آمپر-ساعت نوعی از باتری های قلمی (AA)، برابر 1000 mAh است. اگر این باتری جریان متوسط $100 \mu\text{A}$ را فراهم سازد، چه مدت طول می کشد تا خالی شود؟

پاسخ:

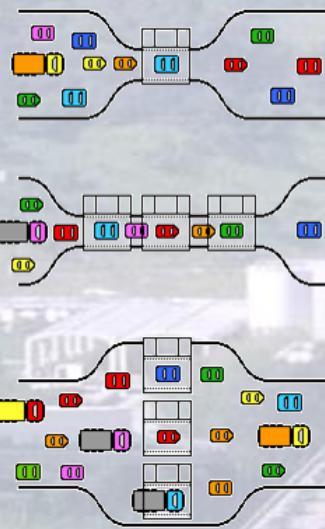
$$\bar{I} = \frac{\Delta Q}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = \frac{\Delta Q}{\bar{I}} \rightarrow \Delta t = \frac{50}{5} = 10 \text{ h}$$

$$\Delta t = \frac{\Delta Q}{\bar{I}} \rightarrow \Delta t = \frac{1000 \text{ mAh}}{100 \mu\text{A}} = \frac{1000 \times 10^{-3} \text{ Ah}}{100 \times 10^{-6} \text{ A}} = 10000 \text{ h}$$

(ب)

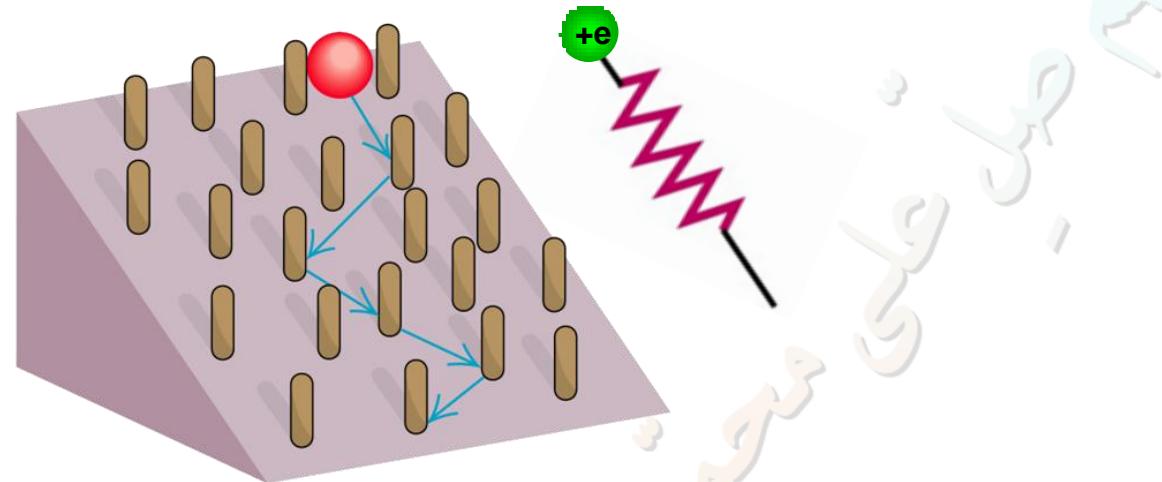


موضوع : قانون اهم





با توجه به شکل زیر مقاومت رسانا را توصیف کنید؟



پاسخ

نوعی اصطکاک که مانع عبور الکترون می‌شود

عاملی است که باعث کاهش انرژی بارهای عبوری از یک رسانا می‌شود.

به مخالفتی که اتم‌های در حال نوسان در مقابل عبور بار الکتریکی ایجاد می‌کنند مقاومت الکتریکی می‌گوییم

مقاومت الکتریکی مانند نمادش دست انداز و سرعت‌تغییره سرعت بار را کند می‌کند

چه موقع می گوییم، رسانا دارای مقاومت الکتریکی است؟

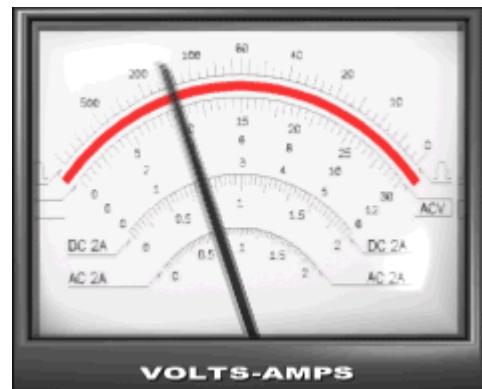
پاسخ

وقتی اختلاف پتانسیل در دو سر سیم ایجاد می شود و باعث حرکت الکترون های آزاد در سیم مدار می شود. این الکترون ها با اتم های رسانا که در حال نوسان اند برخورد می کنند و این موضوع باعث گرم شدن رسانا می شود. در واقع الکترون های آزاد هنگام حرکت در رسانا همیشه با نوعی مقاومت روبه رو هستند.



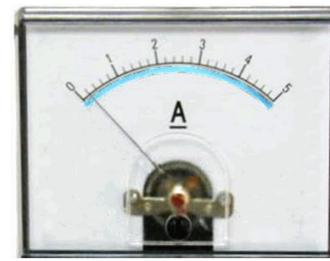
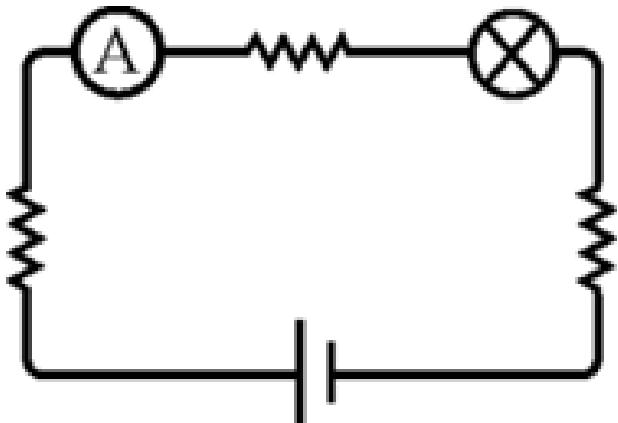
ولت سنج(ایده آل)

وسیله‌ای برای اندازه گیری اختلاف پتانسیل دوسرساناست و در مدار بصورت موازی قرار می گیرد و مقاومت آن زیاد(بی نهایت) می باشد.



آمپرسنج (ایده آل)

وسیله‌ای برای اندازه‌گیری شدت جریان که بصورت متوالی در مدار قرار می‌گیرد و مقاومت آن ناچیز می‌باشد.



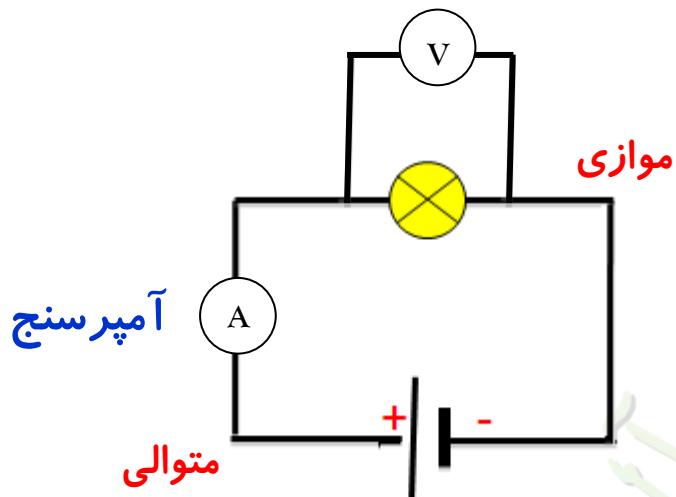
نکته:

در یک مدار سری، شدت جریان در تمام نقاط مدار **یکسان** است و به محل قرار گرفتن آمپرسنج در مدار **بستگی** ندارد

چگونه ولت سنج و آمپرسنج را در مدار قرار می‌دهند

پاسخ

ولت سنج



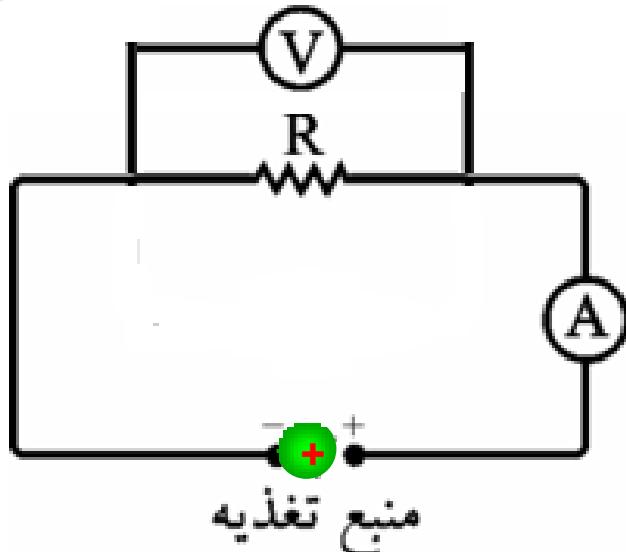
قانون اهم

نسبت اختلاف پتانسیل دو سررسانای فلزی به شدت جریانی که از آن می‌گذرد در دمای ثابت، مقدار ثابتی است. این نسبت را مقاومت الکتریکی رسانا می‌نامند

$$\text{دما} \theta = \text{ثابت}$$

$$\frac{V}{I} = R$$

این مقدار ثابت به ساختمان رسانا بستگی دارد



نکته:

واحد مقاومت الکتریکی اهم (Ω) است.

بر حسب اهم (Ω)

$$R = \frac{V}{I}$$

بر حسب ولت V بر حسب آمپر A

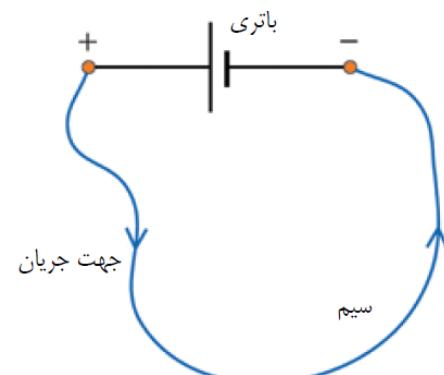
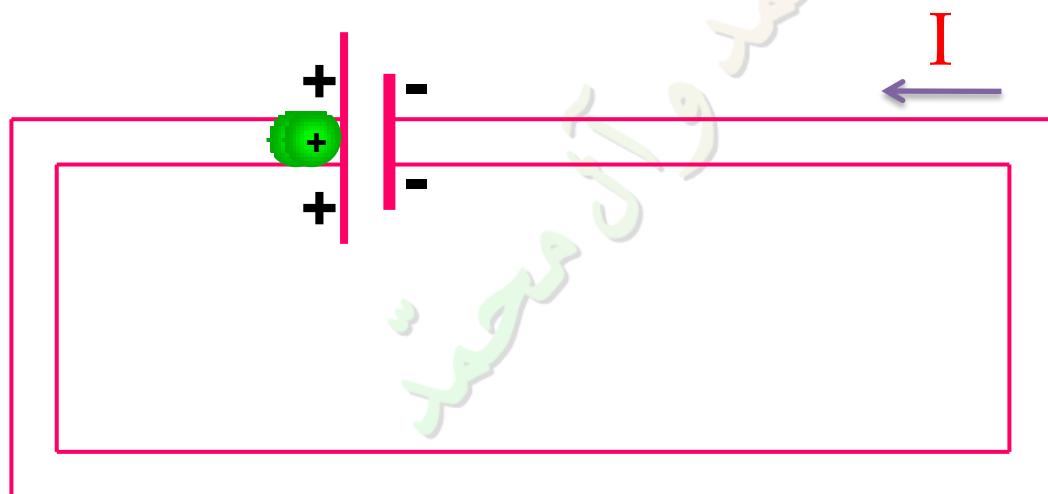
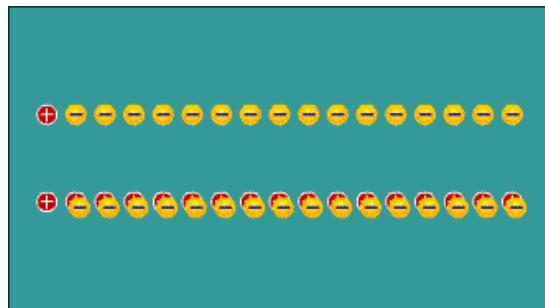
کاربرد مقاومت:

از مقاومت جهت کنترل جریان و ولتاژ در مدارهای الکتریکی استفاده می‌کنند



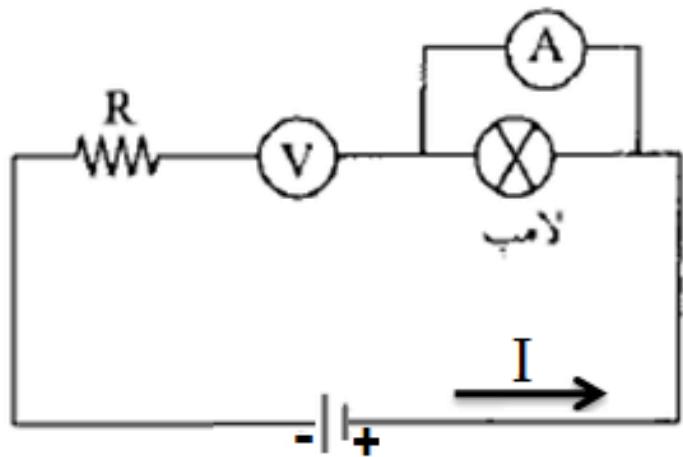
قرارداد:

جهت جریان الکتریکی در مدار را حرکت بارهای مثبت از پایانه‌ی مثبت به پایانه‌ی منفی در نظر می‌گیریم.



تمرین:

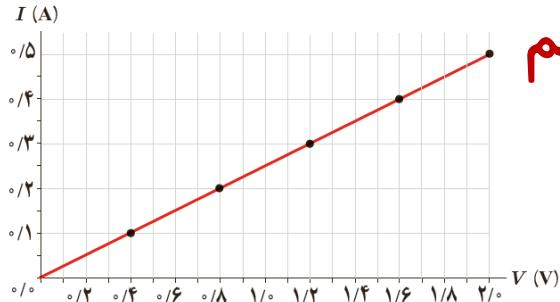
در مدار مقابل، اشتباهایی وجود دارد. با کمترین تغییرات، اشتباه‌ها را درست کنید و مدار جدید را رسم نمایید.



پاسخ



انواع وسیله رسانشی، از نظر پیروی کردن از قانون اهم



برای این وسیله جریان با ولتاژ به طور مستقیم افزایش می یابد.

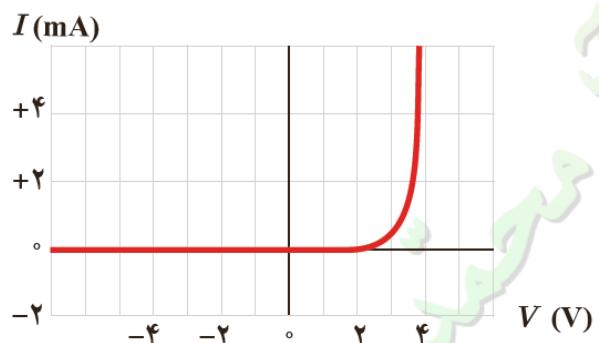
این قانون برای اغلب فلزات و بسیاری از رساناهای غیر فلزی در دمای ثابت برقرار است.

رسانای اهمی

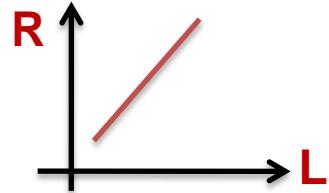
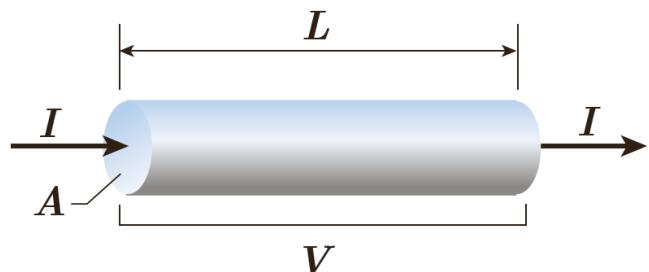
رسانای غیراهمی

برای این وسیله، جریان با ولتاژ غیرخطی است.

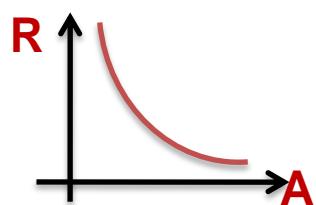
یکی از این وسیله ها دیود نوری (LED) است



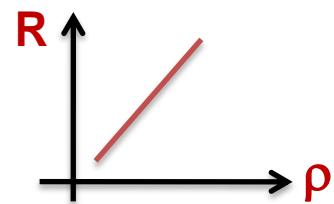
مقاومت رساناهای فلزی در دمای ثابت به چه عواملی بستگی :



$$R \propto L$$



$$R \propto \frac{1}{A}$$



$$R \propto \rho$$

اختلاف پتانسیل الکتریکی

ندارد:

شدت جریان

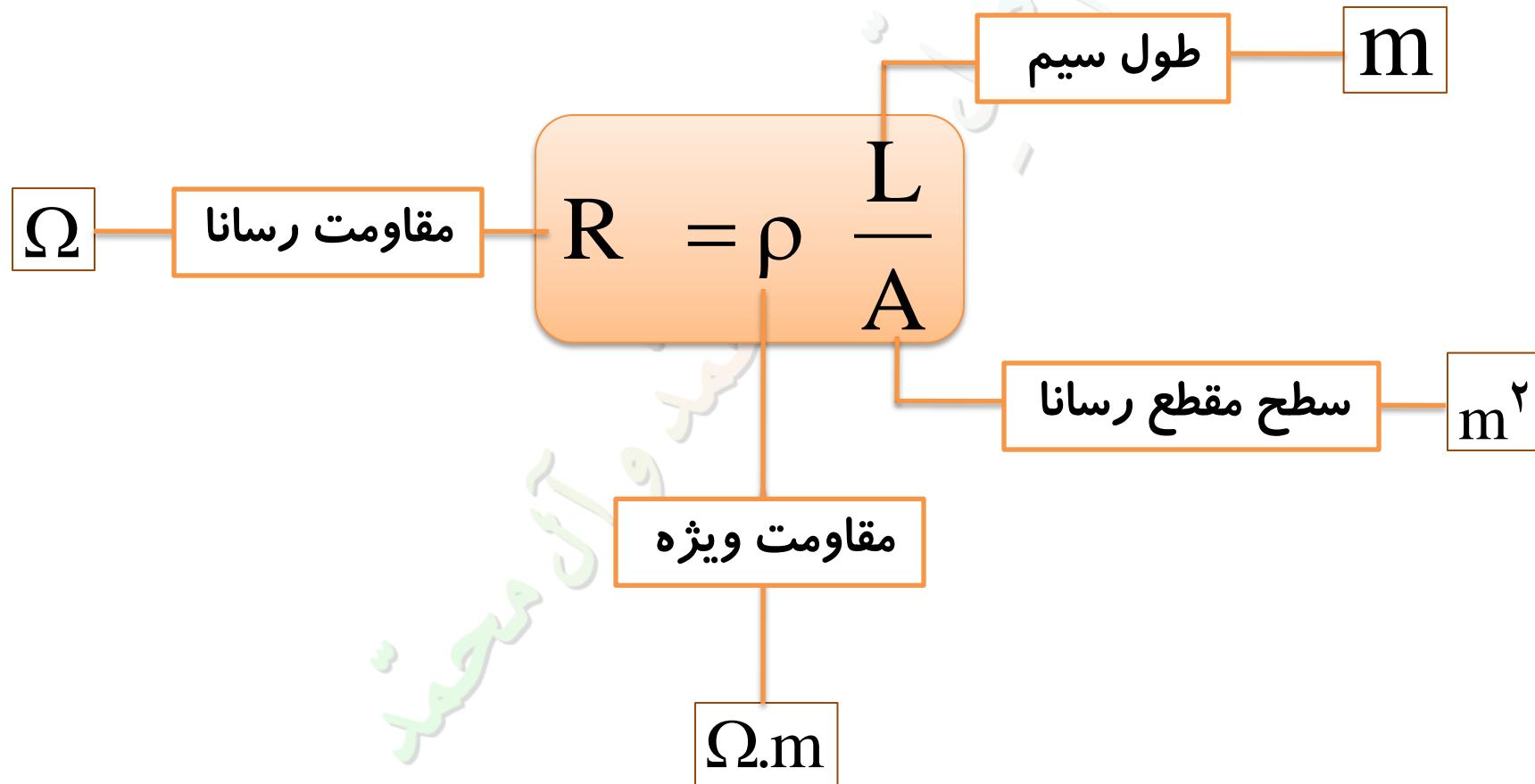
۱- با طول رسانا رابطه مستقیم دارد

دارد:

۲- با سطح مقطع رسانا رابطه عکس دارد.

۳- با مقاومت ویژه رسانا (ساختم اتمی و دمای رسانا) رابطه مستقیم دارد

فرمول مقاومت سیم رسانای فلزی در دمای ثابت :



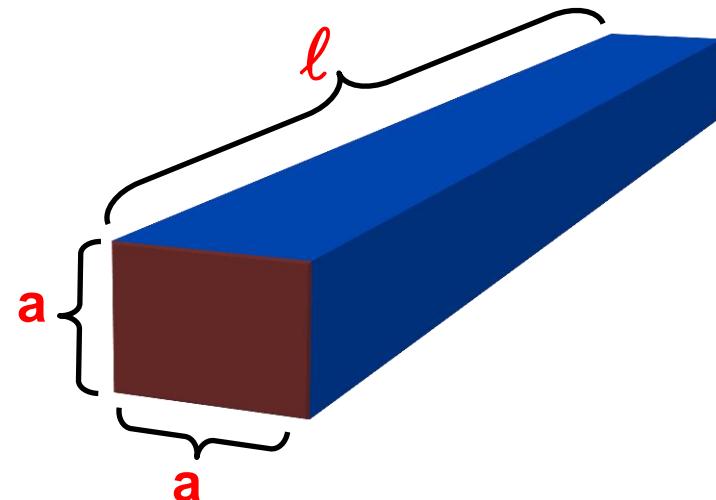
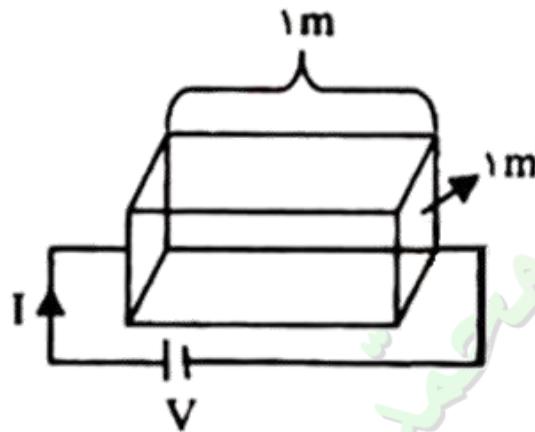
پرسش:

مقاومت ویژه رسانا را تعریف کنید؟

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow \rho = \frac{RA}{L} \rightarrow \rho = \frac{R \times 1m^3}{1m}$$

پاسخ

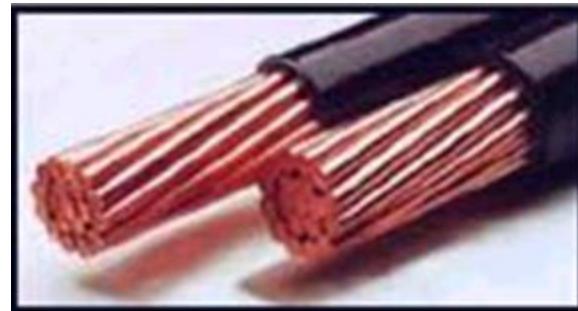
مقاومت قطعه‌ای از رساناست که طول آن **۱ متر** و سطح مقطع آن **۱ متر مربع** باشد.



نکته ها :

مقاومت ویژه رسانا به دمای جسم و جنس رسانا بستگی دارد.

اگر رسانا دارای مقطع دایره‌ای شکل باشد (مثل سیم‌ها)، می‌توان نوشت:



مساحت دایره

شعاع سیم

$$A = \pi r^2 \rightarrow A \propto r^2$$

قطر مقطع سیم

$$r = \frac{D}{2} \rightarrow A = \frac{\pi}{4} D^2 \rightarrow A \propto D^2$$



پرسش:

مواد از نظر رسانایی الکتریکی به چند دسته تقسیم می شوند؟

پاسخ:

مواد رسانا : به موادی که مقاومت ویژه الکتریکی بسیار کم (در حدود $10^{-8} \Omega \cdot m$) است.

مواد نارسانا: به موادی که مقاومت ویژه الکتریکی بسیار زیاد (در حدود $10^{14} \Omega \cdot m$) است

مواد نیم رسانا : به موادی که در دمای اتاق مقاومت ویژه الکتریکی بین مقاومت ویژه رساناها و نارساناها می باشد. مانند: سیلیسیم و ژرمانیوم



نکته ها :

رابطه مقایسه مقاومت دورسانا به صورت زیر است :

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \left(\frac{D_1}{D_2} \right)^2$$



وسیله اندازه گیری مقاومت الکتریکی چیست؟

پاسخ:

مقاومت (در مدار خاموش) را با وسیله‌ای به نام اهم سنج (سنجه ولت سنج و آمپرسنج یک دستگاه را تشکیل می‌دهند که آن را آوومتر (A, V, Ω برای آمپر، ولت و مقاومت) نامیده می‌شود.



سیم کشی خانه هامعمولاً با سیم های مسی ای صورت می گیرد که قطری برابر $2/0\text{ mm}$ دارد. مقاومت 100 m از این سیم ها در دمای اتاق چقدر است؟

$$\rho = 1/7 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$$

پاسخ:

$$r = \frac{2/0.32\text{ mm}}{2} = 1.016\text{ mm}$$

$$L = 100\text{ m} \quad A = \pi r^2 = \pi/14 \times (1.016 \times 10^{-3})^2 = 3/24 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$R = ?$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow R = 1/7 \times 10^{-8} \times \frac{100}{3/24 \times 10^{-6}} \approx 52\Omega$$

$$\rho = 1/7 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۲:

۷- دو رسانای فلزی از یک ماده ساخته شده اند و طول یکسانی دارند. رسانای A ۲mm سیم توپری به قطر ۱mm است. رسانای B لوله ای توخالی به شعاع خارجی ۲mm و شعاع داخلی ۱mm است. مقاومت رسانای A چند برابر مقاومت رسانای B است؟

$$L_A = L_B$$

$$\rho_A = \rho_B$$

$$r_A = .5\text{ mm}$$

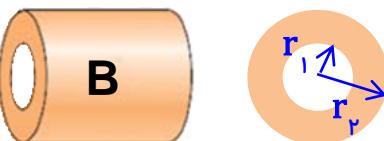
$$r_{B2} = 2\text{ mm}$$

$$r_{B1} = 1\text{ mm}$$

$$\frac{R_A}{R_B} = ?$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow R \propto \frac{1}{A}$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{A_{B2} - A_{B1}}{A_A} \rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\pi r_{B2}^2 - \pi r_{B1}^2}{\pi r_A^2} = \frac{2^2 - 1^2}{.5^2} = \frac{4 - 1}{.25} = 12$$

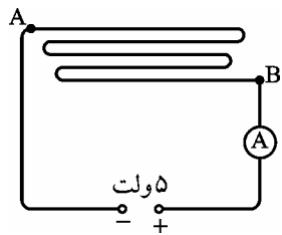


پاسخ:



تمرین:

دو سر سیمی از آلیاژ نیکروم به طول 200 cm و با سطح مقطع 1 mm^2 را مطابق شکل به ولتاژ 5 Volt وصل کرده‌ایم. آمپرسنج $A/5$ را نشان می‌دهد مقاومت ویژه‌ی سیم را حساب کنید.



پاسخ

$$\rho = 1 \cdot 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$$



سیم کابلی را از وسط نصف و روی هم قرار می دهیم مقاومت الکتریکی سیم چند برابر
می گردد

پاسخ:

$$R_2 = \frac{1}{4} R_1$$



دوسیم رسانا از جنس نقره و دیگری آلیاژ کروم و نیکل در دمای ثابت با سطح مقطع یکسان وجود دارند. اگر در دمای ثابت مقاومت دو سیم باهم برابر باشد، کدامیک طول بیشتر دارد؟ چرا؟ آلیاژ کروم و نیکل $\rho = 1 \times 10^{-8} \Omega \text{m}$ نقره $\rho = 1.58 \times 10^{-8} \Omega \text{m}$

پاسخ

نقره که مقاومت
ویژه کمتری دارد
طول بیشتر دارد

$$\frac{R_n}{R_k} = \frac{\rho_n}{\rho_k} \times \frac{L_n}{L_k} \times \frac{A_k}{A_n}$$

$$\frac{L_n}{L_k} = \frac{\rho_k}{\rho_n} > 1$$

$$L_n > L_k$$

$$\left\{ \begin{array}{l} A_n = A_k \\ R_n = R_k \\ \rho_k > \rho_n \\ L_n ? L_k \end{array} \right.$$

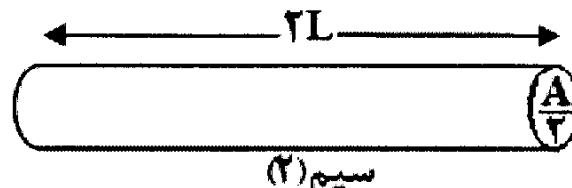
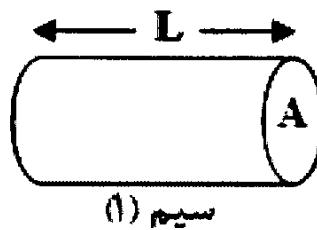


تمرین:

در شکل زیر، دو سیم مسی استوانه‌ای را نشان می‌دهد. سطح مقطع سیم (۲) نصف سیم (۱) و طول آن دو برابر سیم (۱) است. نسبت مقاومت سیم (۲) به مقاومت سیم (۱) چقدر است؟

پاسخ

$$\frac{R_2}{R_1} = 4$$



طول قطر سیم مسی A به ترتیب دو برابر طول قطر سیم مسی B است. مقاومت سیم A چند برابر مقاومت سیم B است؟

پاسخ

$$R_A = \frac{1}{2} R_B$$

$$L_A = 2L_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \cancel{\rho_A} \times \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^2$$

$$D_A = 2D_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{2L_B}{L_B} \times \left(\frac{D_B}{2D_B}\right)^2$$

$$R_A = ? R_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{2}{1} \times \frac{1}{4} \rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{1}{2}$$

$$\rho_A = \rho_B$$



اگر سیم مسی را از دو طرف بکشیم به طوری که شعاع سطح مقطع سیم مسی نصف شود، مقاومت الکتریکی سیم چند برابر می‌گردد

پاسخ:

جرم و در نتیجه، حجم سیم ثابت است. بنابراین داریم:

$$\frac{R_2}{R_1} = 16$$

$$r_2 = \frac{r_1}{2} \rightarrow A \propto r^2 \rightarrow A_2 = \frac{A_1}{4}$$

$$R_2 = ? R_1$$

$$m_2 = m_1$$

$$V_2 = V_1 \rightarrow A_2 L_2 = A_1 L_1$$

$$\rho_2 = \rho_1 \quad \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{4L_1}{L_1} \times \frac{A_1}{\frac{A_1}{4}} \rightarrow \frac{R_2}{R_1} = 16$$



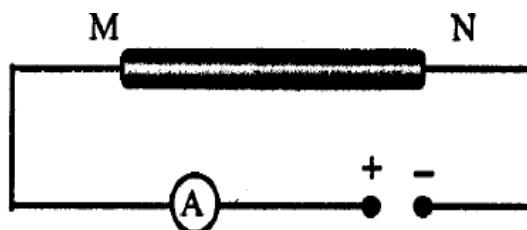
اطلاعات مربوط به دورسانای A و B با طول یکسان (در یک دمای معین) در جدول زیر داده شده است. الف) مقاومت دورسانا را بایکدیگر مقایسه کنید. ب) اگر در مدار شکل زیریک بار رسانای A و بار دیگر رسانای B را بین دونقطه M و N قرار دهیم، با ذکر دلیل مشخص کنید مقدار جریانی که آمپرسنج نشان می دهد در کدام حالت بیشتر است؟

پاسخ

$$R_A > R_B$$

$$I_B > I_A$$

$A(m^2)$ سطح مقطع	$\rho(\Omega m)$ مقاومت ویژه	رسانا
2×10^{-4}	5×10^{-8}	A
4×10^{-4}	8×10^{-8}	B



اگر طول رساناایی را نصف و سطح مقطع آن را به برابر کنیم، مقاومت رسانا چند برابر می شود؟

$$\frac{1}{6} \quad (۴)$$

$$6 \quad (۳)$$

$$\frac{3}{2} \quad (۲)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۱)$$

پاسخ:

$$L_2 = \frac{L_1}{2}$$

$$A_2 = 3A_1$$

$$R_2 = ? R_1$$

$$\rho_2 = \rho_1$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\cancel{\rho_2}}{\cancel{\rho_1}} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\cancel{\frac{L_1}{2}}}{\cancel{L_1}} \times \frac{A_1}{3A_1}$$

لذا گزینه ۴ صحیح است.

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$



طول سیم A دو برابر طول سیم B و قطر مقطع آن نصف قطر مقطع سیم B است. اگر دو سیم هم جنس باشند، نسبت مقاومت سیم B به A کدام است؟

۸) ۴

$$\frac{1}{8}$$

۲) ۲

$$\frac{1}{4}$$

حل :

گزینه ۳ صحیح است.



تست :

دو رشته سیم A و B با مقاومتهاي یكسانی مفروضند. اگر طول سیم A نصف طول سیم B باشد و
دو سیم هم جنس باشند، نسبت قطر سیم B به قطر سیم A کدام است؟

۲) ۴

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

حل :

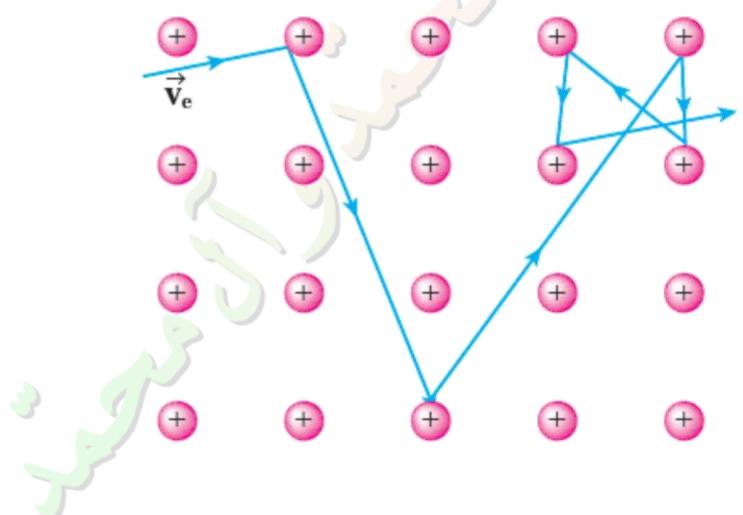
گزینه ۱ صحیح است.



علت افزایش مقاومت رساناهای فلزی با افزایش دما چیست؟

پاسخ:

با افزایش دما، ارتعاشات اتمها و بیون‌های آن افزایش یافته در نتیجه برخورد الکترون‌ها با شبکه اتمی رسانای فلزی زیادتر شده و مقاومت رسانا نیز در برابر عبور جریان زیاد می‌شود



علت کاهش مقاومت نیم رسانا با افزایش دما چیست؟

پاسخ:

افزایش دما باعث افزایش حامل های بار می شود (الکترون و حفره) و این بر نوسانات شبکه می چرخد و باعث کاهش مقاومت الکتریکی می شود.

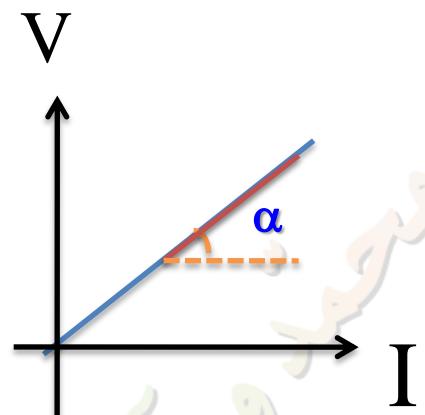
نکته :

ضریب دمایی مقاومت به جنس رسانا بستگی داشته و برای دماهای مختلف، متفاوت می باشد و برای **رساناهای معمولاً عدد مثبت** و برای **نیمه رساناهای عددی منفی** می باشد.



نکته:

از روی رابطه $V = RI$ معلوم است که شیب نمودار ولتاژ بر حسب جریان یک خط راست است که برابرست با R .



$$m = \tan \alpha = R = \frac{V}{I}$$

نکته:

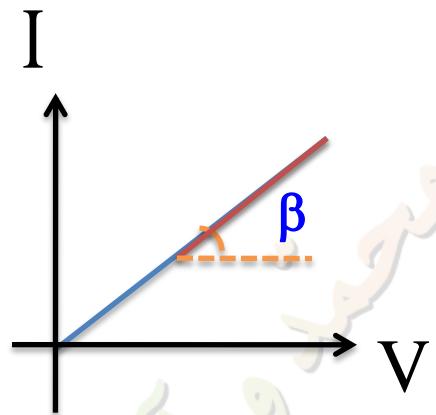
در این نمودار هر چه مقاومت جسم بزرگتر باشد، شیب نمودار بزرگتر است.



نکته:

از روی رابطه $I = \frac{1}{R} V$ معلوم است که شیب نمودار جریان بر حسب ولتاژ برابراست با :

$$m = \frac{1}{R}$$



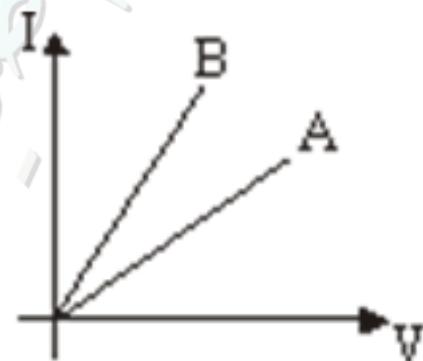
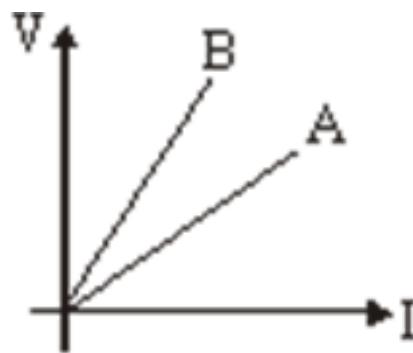
$$m = \tan \beta = \frac{1}{R} = \frac{I}{V}$$

نکته:

در این نمودار هر چه مقاومت جسم بزرگتر باشد، شیب نمودار **کمتر** است.



نمودارهای ولتاژ بر حسب جریان و جریان بر حسب ولتاژ برای دو سیم A و B به صورت زیراست. در هر کدام مقاومت دو سیم را با هم مقایسه کنید.



پاسخ:

شیب نمودار **V-I** با مقاومت رسانا رابطه مستقیم دارد لذا :

$$R_B > R_A$$

شیب نمودار **I-V** با مقاومت رسانا رابطه عکس دارد لذا :

$$R_B < R_A$$

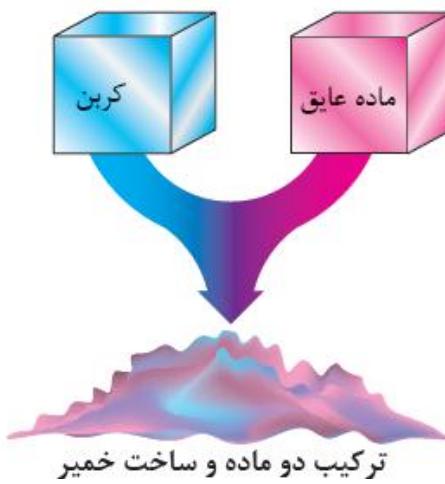




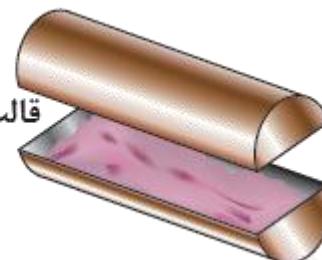
موضوع : مقاومت گربنی و رئوستا



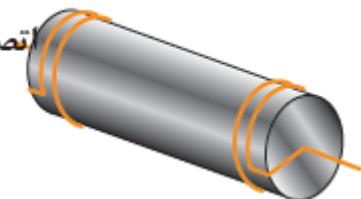
مقاومت کربنی



قالب گیری خمیر

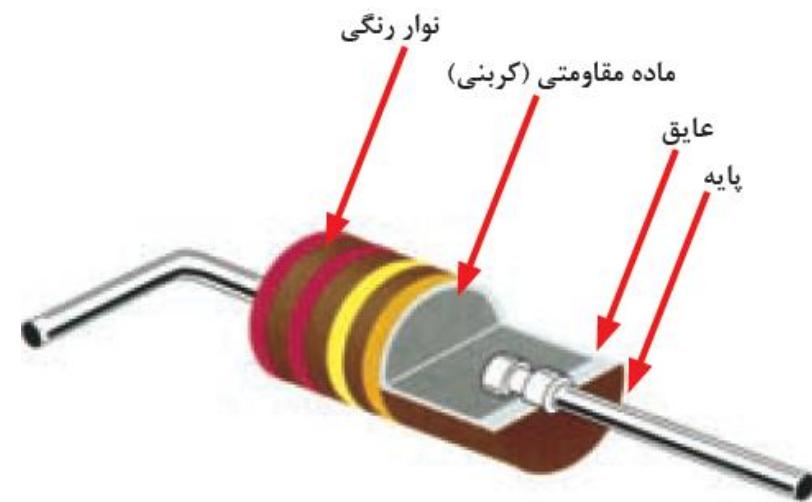


اتصال سیم ها



نوار رنگی

ماده مقاومتی (کربنی)

عایق
پایه

انواع اصلی مقاومت ها بر دو نوع اند.

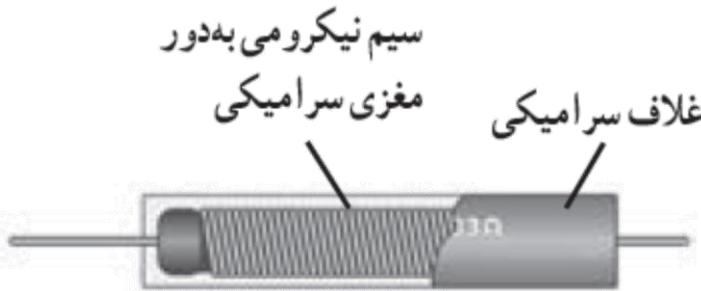
۱- مقاومت های پیچه ای

سیم نیکرومی به دور هسته ای از جنس سرامیک، پلاستیک یا شیشه پیچیده شده اند و در غلافی از جنس سرامیک قرار گرفته اند.

سیم نیکرومی به دور

مغزی سرامیکی

غلاف سرامیکی



۲- مقاومت های ترکیبی

کربن و بردخی نیمرساناهای که در داخل پوششی پلاستیکی ساخته شده و روی آن حلقه های رنگین که آن را **مقاومت کربنی** می گویند.

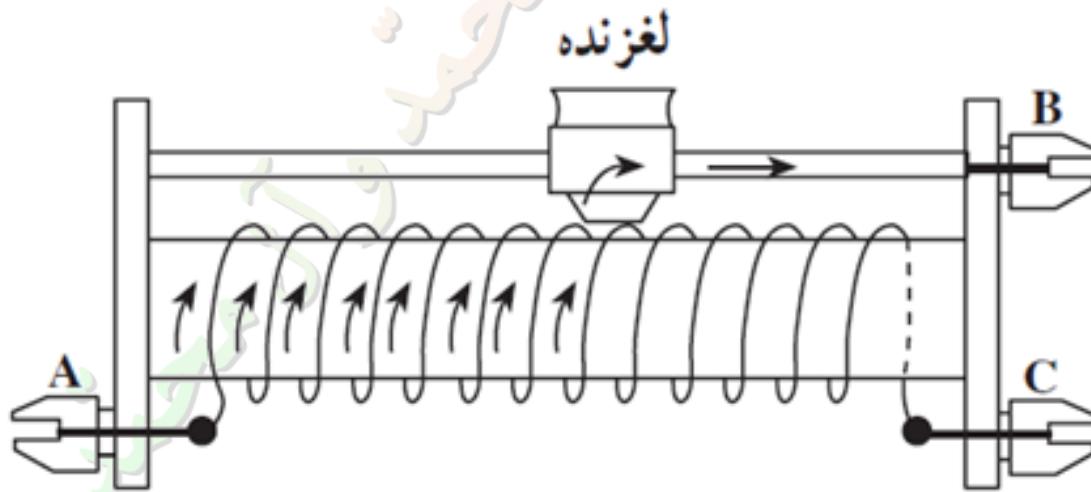


رئوستا:

سیم با مقاومت زیاد دور استوانه ای نارسانا پیچیده می شود و با دکمه لغزنده مقاومت کم یا زیاد می شود.

وسیله ای برای تنظیم و کنترل شدت جریان درمدار است.

رئوستا درمدار به طور متوالی بسته می شود.

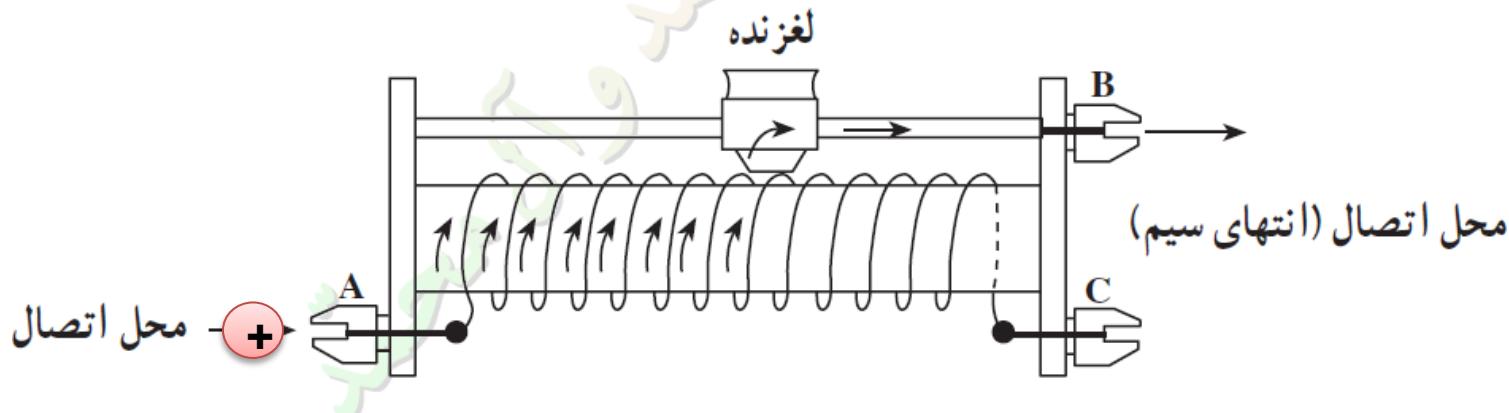


با تغییر طول سیم، مقاومت سیم تغییر کرده و با تغییر مقاومت، جریان عبوری از مدار نیز تغییر می‌کند

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

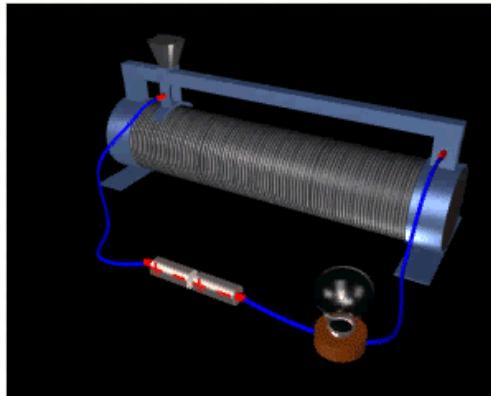
$$I = \frac{V}{R}$$

$$I \propto \frac{1}{L}$$



چگونگی کار با رئوستا:

ابتدا دکمه لغزنده را ته میله برده تا مقاومت بیشترین و جریان کمترین مقدار باشد . با حرکت دکمه به سمت راست، مقاومت را کم و جریان را زیاد می کنیم.



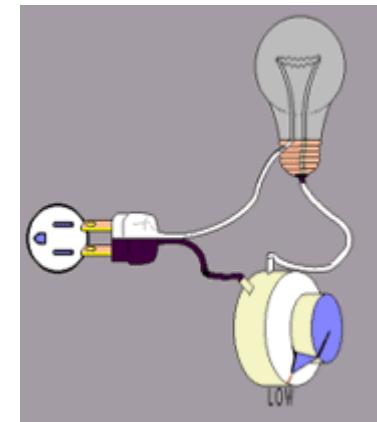
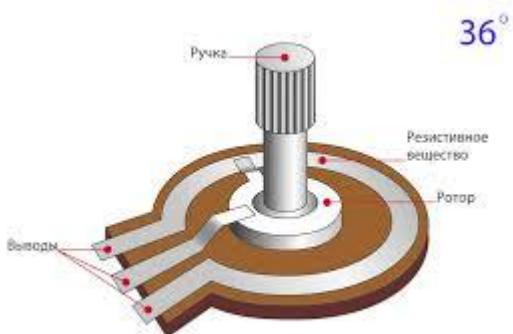
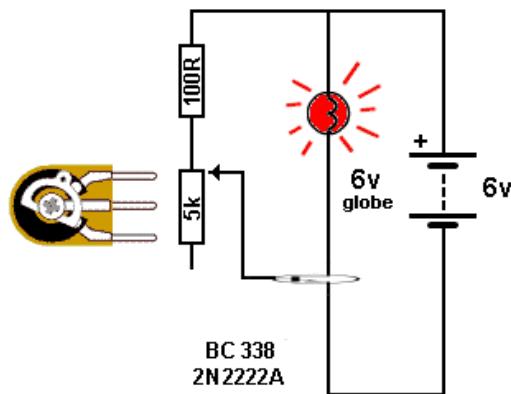
در مدار الکتریکی رئوستا را با نماد زیر نشان می دهند



پتانسیومتر:

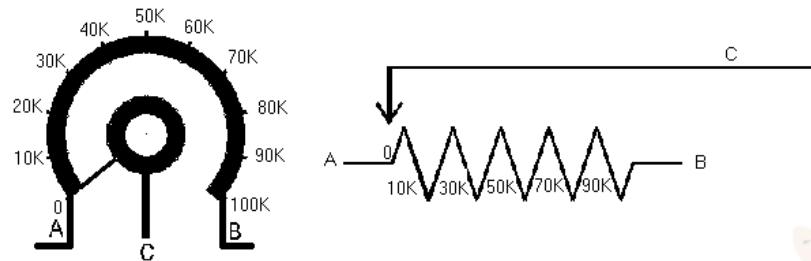
یک مقاومت سه پایانه با یک اتصال یا دکمه متحرک قابل تنظیم برای تقسیم ولتاژ است.

اگر تنها دو ترمینال استفاده شود (یک سمت و جاروب کن) به عنوان یک مقاومت متغیر یا رئوستا عمل می‌کند.



آیا پتانسیومتر می‌تواند نقش رئوستا را داشته باشد یعنی کنترل جریان؟

اگر تنها دو ترمینال استفاده شود (یک سمت و جاروب کن) به عنوان یک مقاومت متغیر یا رئوستا عمل می‌کند.



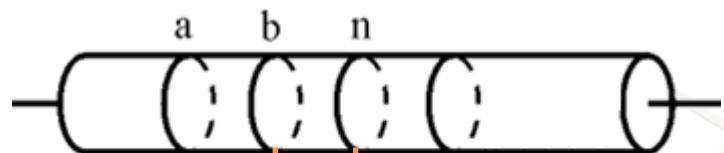
کاربرد پتانسیومتر چیست؟

پیچ تنظیم صدای رادیو که با تغییر ولتاژ توسط آن، شدت صوت بلندگو تغییر می‌کند.



طریقه خواندن مقاومت کربنی:

حلقه‌ی طلاibi یا نقره‌ای را طرف راست قرار می‌دهیم و حلقه‌ها را از سمت چپ به ترتیب رقم اول و رقم دوم و رقم سوم گذاری می‌کنیم.



رقم اول

حلقه‌ی اول

رقم دوم

حلقه‌ی دوم

(n)

رقم توان ۱۰

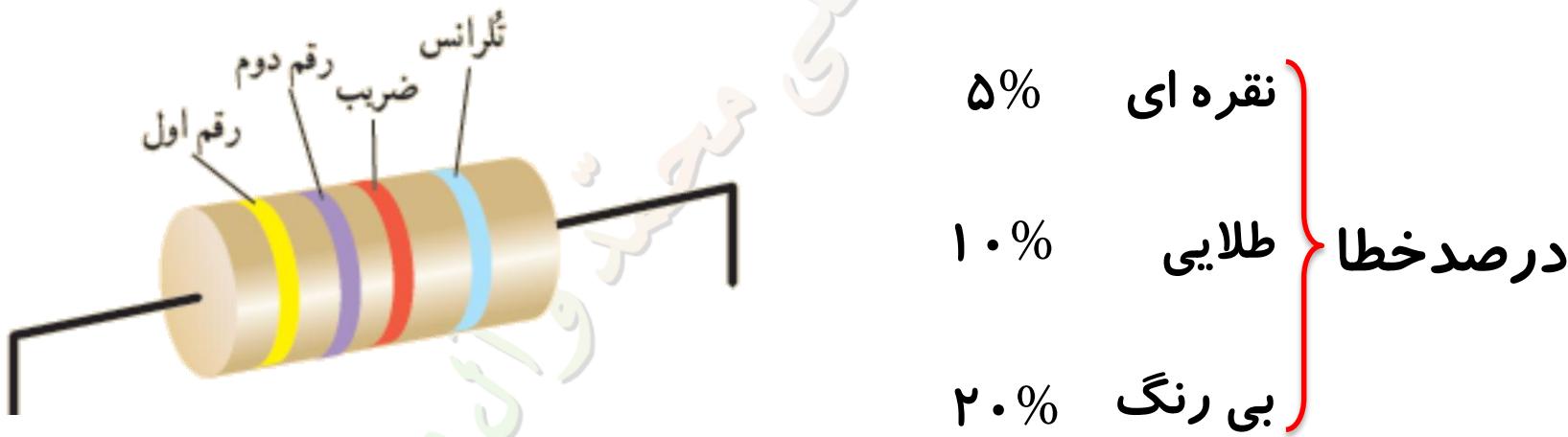
$$R = \overline{ab} \times 10^n \pm \text{درصد خطأ}$$

\overline{ab} منظور عدد دو رقمی که a دهگان و b یکان آن است.



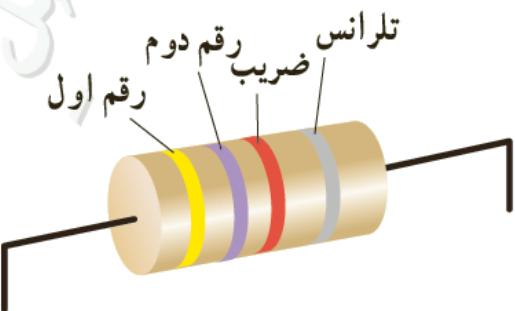
نکته:

رنگ طلایی یا نقره‌ای نشان گر تُلرانس یا درصد خطای مقاومت است بنابراین اگر تُلرانس سمت راست باشد خواندن عدد مقاومت از سمت چپ شروع می‌شود (سمتی که حلقه‌ی طلایی یا نقره‌ای نباشد)



مقدار مقاومت نشان داده شده در شکل، و مقدار مجاز انحراف از مقدار دقیق مقاومت، چقدر است؟

سیاه	۰	
قهوه‌ای	۱	
قرمز	۲	
نارنجی	۳	
زرد	۴	
سبز	۵	
آبی	۶	
بنفش	۷	
خاکستری	۸	
سفید	۹	
طلایی	۱۰ %	
نقره‌ای	۱۰ %	
بی‌رنگ	۲۰ %	



پاسخ:

رنگ چهارم نقره‌ای است، بنابراین تلانس این مقاومت ۰۱ درصد است

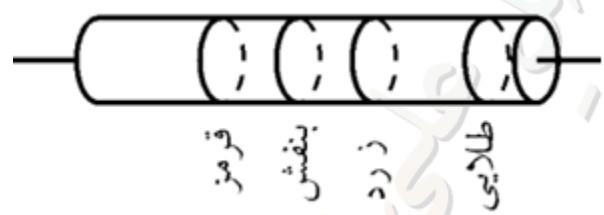
$$R = \overline{ab} \times 10^n \pm 10\% \quad \text{مقاومت}$$

$$R = ۴۷ \times 10^۰ \Omega \pm . / ۱ \times ۴۷ \times 10^۰ \Omega$$

$$۴۲۳.0 \Omega < R < ۵۱۷.0 \Omega$$

حلقه‌های رنگی روی یک مقاومت کربنی مطابق شکل زیر هستند مقدار مجاز انحراف از مقدار دقیق مقاومت، چقدر است؟

سیاه	۰	
قهوه‌ای	۱	
قرمز	۲	
نارنجی	۳	
زرد	۴	
سبز	۵	
آبی	۶	
بنفش	۷	
خاکستری	۸	
سفید	۹	
طلایی	۱۰ %	
نقره‌ای	۱۰ %	
بی‌رنگ	۲۰ %	



پاسخ:

با توجه به جدول داریم:

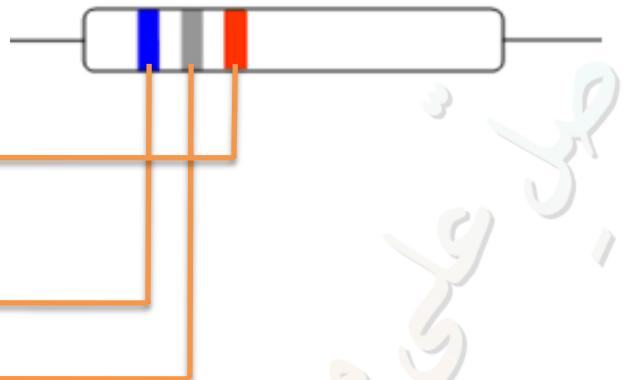
$$R = \overline{ab} \times 10^n \pm 5\% \quad \text{مقاومت}$$

$$R = 27 \times 10^4 \Omega \pm / 0.5 \times 27 \times 10^4 \Omega$$

$$25650.0 \Omega < R < 28350.0 \Omega$$

$$\left. \begin{array}{l} a: \text{قرمز} = ۲ \\ b: \text{بنفس} = ۷ \\ n: \text{زرد} = ۴ \\ R = ? \end{array} \right\}$$

اندازه‌ی این مقاومت چند اهم است؟



پاسخ:

$$544\Omega < R < 816\Omega$$

رنگ چهارم بی رنگ است، بنابراین تلرانس این مقاومت ۲۰ درصد است

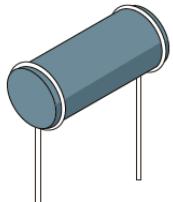
$$R = \overline{ab} \times 10^n \pm 20\%$$

$$R = 68 \times 10^3 \Omega \pm 2 \times 68 \times 10^3 \Omega$$

$$544\Omega < R < 816\Omega$$



مقاومت های خاص و دیودها:



ترمیستور میله‌ای



ترمیستور مهره‌ای



ترمیستور دیسکی

۱- ترمیستور

۲- مقاومت های نوری (LDR):

۳- دیودها



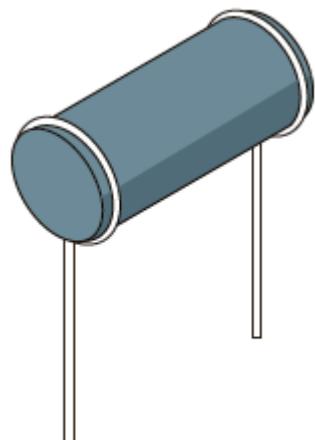
مقاومت های خاص و دیودها:

۱ - ترمیستور

نوعی مقاومت که رفتار با دما متفاوت از مقاومت های معمولی است.

کاربرد ترمیستورها

به عنوان حسگر دما در مدارهای حساس به دما مانند زنگ خطر آتش و دماپاها و نیز در دماسنجهای استفاده می شود.

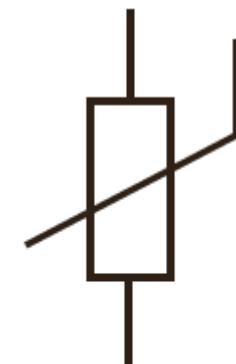


ترمیستور میله‌ای

ترمیستور مهره‌ای



ترمیستور دیسکی

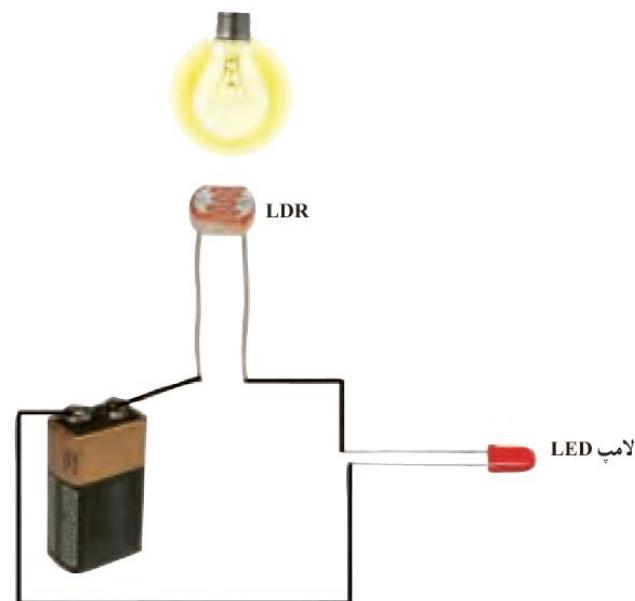


نماد ترمیستور در
مدار الکتریکی

۲- مقاومت های نوری (LDR):

نوعی مقاومت که به نور تابیده شده حساس بوده، به طوری که با افزایش شدت نور، از مقاومت آن کاسته می شود.

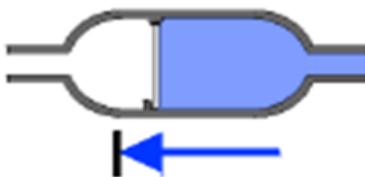
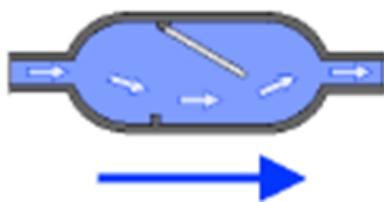
از جنس نیم رسانای خالص، مانند سیلیسیم هستند که با افزایش شدت نور تابیده شده، بر تعداد حامل های بار الکتریکی آنها افزوده شده و در نتیجه از مقاومت آنها کاسته می شود.



۳- دیودها

دیود قطعه‌ای است که هرگاه در مداری قرار گیرد، جریان را تنها از یک سو عبور می‌دهد و مقاومت آن در برابر عبور جریان در این سو ناچیز است.

در مدارهای الکتریکی دیود را با نماد  نمایش می‌دهند. پیکان را معمولاً در جهتی که جریان می‌تواند عبور کند انتخاب می‌کنند.

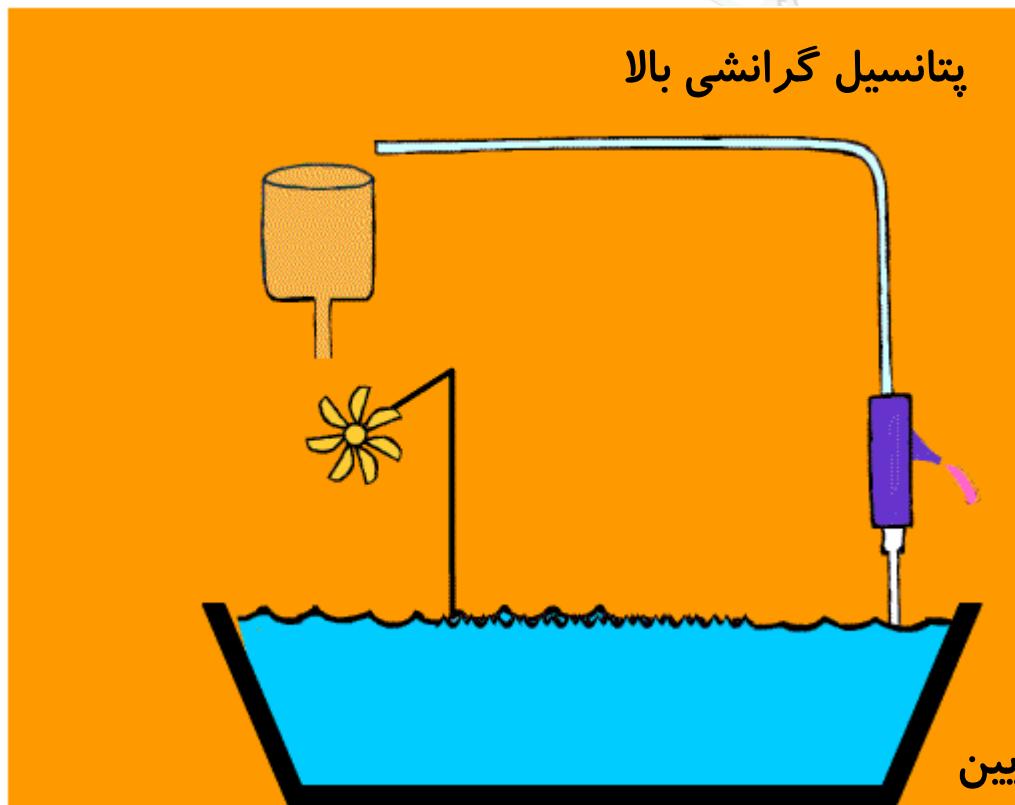


موضوع : نیروی محرکه الکتریکی و مدارها

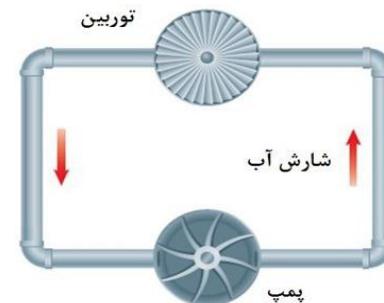
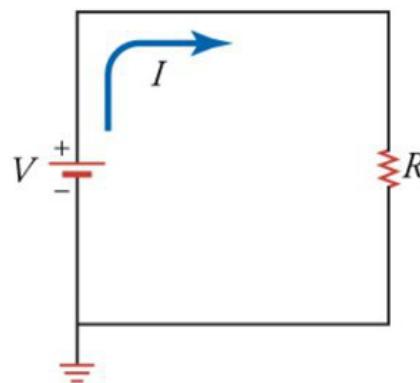


منبع نیروی محرکه الکتریکی (emf) electromotive force device

وسیله‌ای که با انجام کار روی بار الکتریکی جریان ثابتی از بارهای الکتریکی در یک مدار ایجاد می‌کند



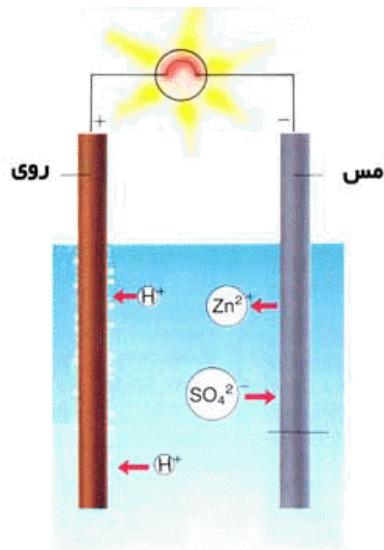
در واقع منبع های نیروی محرکه الکتریکی بارهای الکتریکی مثبت را در خلاف جهت میدان الکتریکی از پتانسیل پایین تر به پتانسیل بالاتر می برنند، و با افزایش انرژی پتانسیل آنها، جریان ثابتی را در مدار برقرار می کنند.



چند نمونه مولدہا را نام بردہ وبگویید، انرژی لازم برای ایجاد اختلاف پتانسیل الکتریکی را از کجا تامین می کند؟

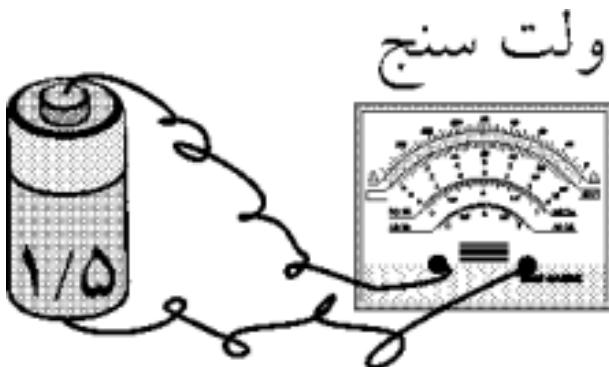
پاسخ:

پیل های سوختی، سلول های خورشیدی، و مولدہای الکتریکی این انرژی را از طریق واکنش های شیمیایی که در درون آنها رخ می دهد مهیا می سازند.



نکته ها :

- ۱- اختلاف پتانسیل الکتریکی را با نماد **V** نشان می دهند. و یکای آن ولت است
- ۲- به اختلاف پتانسیل الکتریکی، ولتاژ نیز گفته می شود.



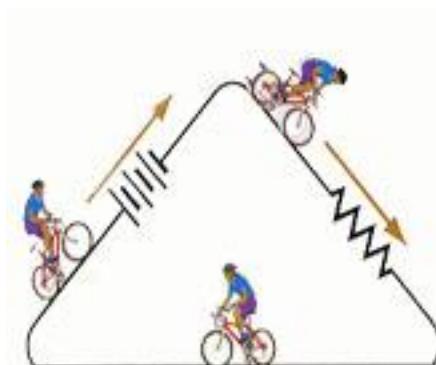
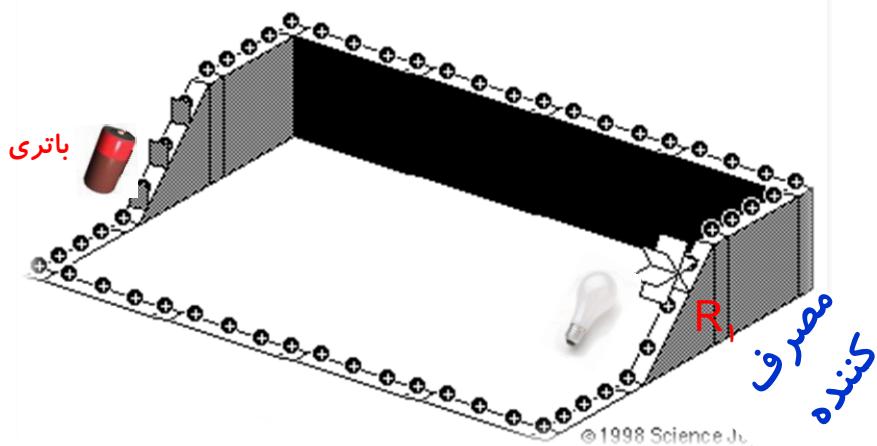
نیروی محرکه مولد: ϵ

کاری که منبع نیروی محرکه الکتریکی روی واحد بار الکتریکی مثبت ($1C$) انجام می‌دهد تا آن را از پایانه با پتانسیل کمتر به پایانه با پتانسیل بیشتر ببرد

$$\frac{q}{+1C} = \frac{\Delta W}{\epsilon} \Rightarrow \Delta W = \epsilon q \Rightarrow \epsilon = \frac{\Delta W}{q}$$

نکته:

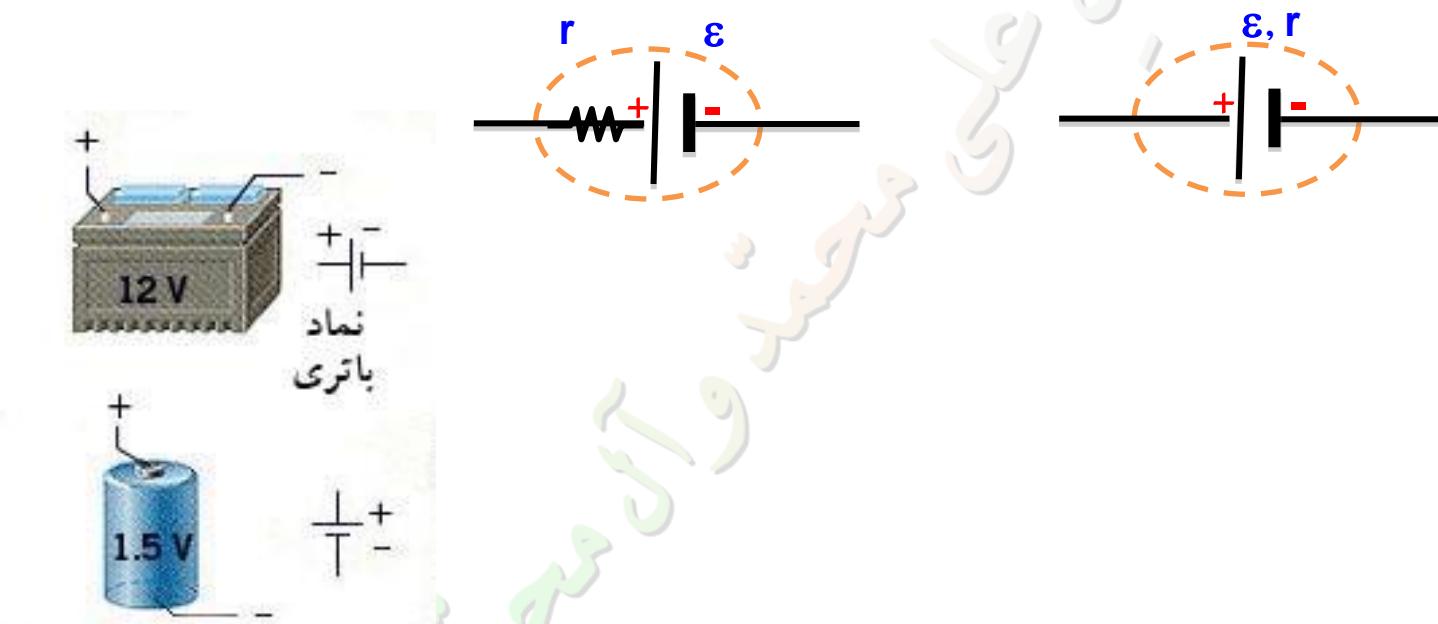
واحد نیروی محرکه در سیستم SI ژول بر کولن یا ولت می‌باشد.



نمایش مولد واقعی:

هر مولد دارای یک نیروی محرکه « ϵ » و یک مقاومت درونی « r » می باشد.

نمایش مولد در مدار بصورت :

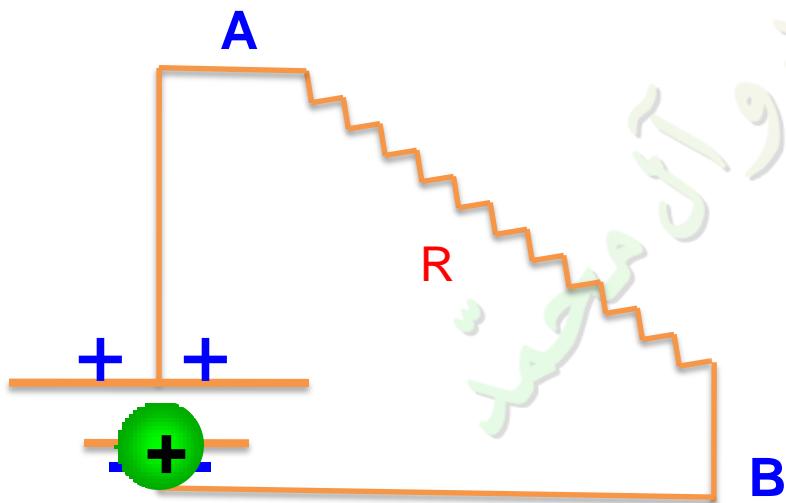


افت پتانسیل در مقاومت

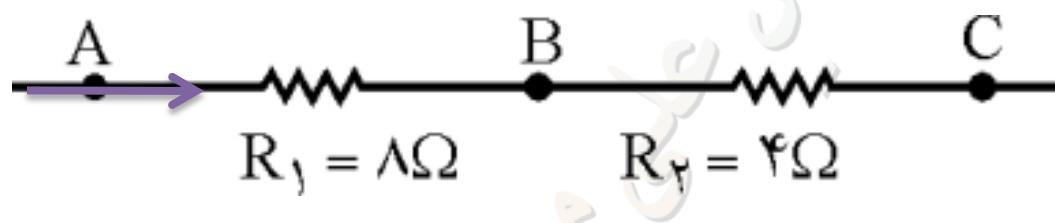
هنگامی که در یک مدار الکتریکی از یک مقاومت الکتریکی در جهت جریان بگذریم ، افت پتانسیل $-RI$ داریم .

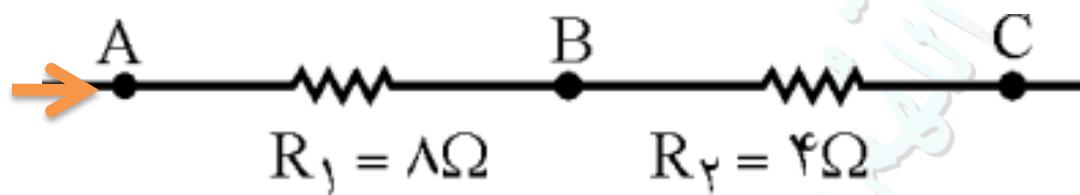


$$V_A > V_B \rightarrow V_A - RI = V_B \rightarrow V_B - V_A = -RI$$



شکل روبرو، قسمتی از یک مدار را نشان می‌دهد اگر پتانسیل الکتریکی نقطه A برابر $24V$ و شدت جریان برابر با $2A$ باشد، پتانسیل الکتریکی نقطه‌های B و C را به دست آورید. از مقایسه آن‌ها چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟





$$V_A = 24V$$

$$I = 2A \quad V_B - V_A = -R_1 I \rightarrow V_B - 24 = -8 \times 2 \rightarrow V_B = 24 - 16 = 8V$$

$$V_B = ?$$

$$V_C - V_B = -R_2 I \rightarrow V_C - 8 = -4 \times 2 \rightarrow V_C = 8 - 8 = 0V$$

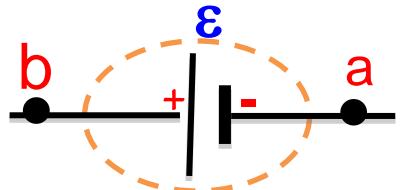
$$V_C = ?$$

از مقایسه مقدارهای به دست آمده نتیجه می‌گیریم که پتانسیل الکتریکی، از **B** تا **A** به اندازه ۱۶ ولت کاهش و از **C** تا **B** به اندازه ۸ ولت کاهش یافته است

تفاوت بین منبع الکتریکی آرمانی و واقعی چیست؟

پاسخ:

$$V_b - V_a = \varepsilon$$

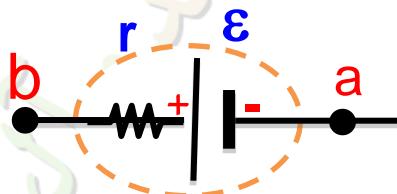


نیروی حرکه الکتریکی آرمانی

یک مولد آرمانی فاقد مقاومت درونی است. بنابر این با افزایش جریان دریافتی، اختلاف پتانسیل دو سر آن ثابت مانده و همواره با نیروی حرکه‌ی آن برابر است.

منبع آرمانی در واقعیت وجود ندارد

$$V_b - V_a = \varepsilon - rI$$



نیروی حرکه الکتریکی واقعی

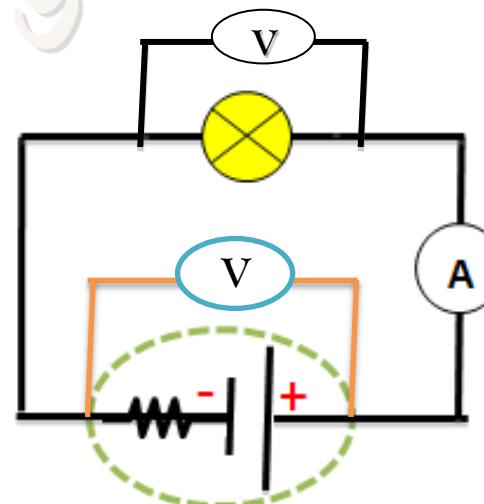
یک مولد واقعی دارای مقاومت درونی بوده و با افزایش جریان اختلاف پتانسیل دو سر آن کاهش می‌یابد.



از آنجایی که مولدات هم می‌توانند مقاومتی (دروزی) داشته باشند لذا برای مولدات می‌توان دو نوع اختلاف پتانسیل تعریف نماییم

(۱) اگر از یک مولد جریان بگذرد (کلید بسته):

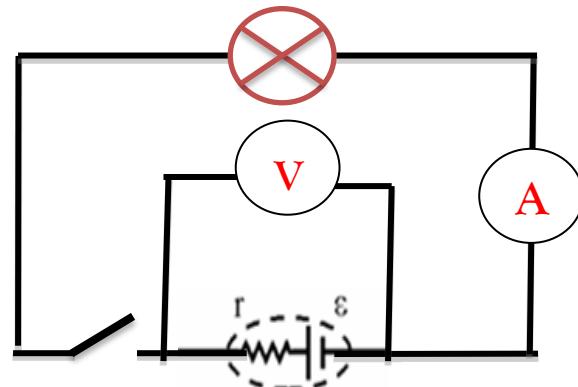
در این حالت عددی که ولت سنج نشان می‌دهد به اندازه rI از مقدار ϵ کمتر است. در اصطلاح به مقدار « rI » افت پتانسیل مولدنیز می‌گویند.



$$V = \epsilon - rI$$

۱۲) اگر از یک مولد جریان نگذرد (کلید باز):

در این حالت عددی که ولت سنج نشان می‌دهد نیروی محرکه مولد است زیرا در این حالت مولدداری قرار نگرفته است. (یعنی از آن جریان نمی‌گذرد).



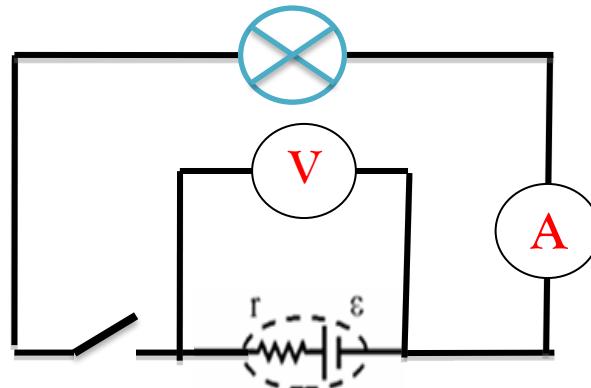
$$V = \varepsilon - rI \rightarrow V = \varepsilon$$

شرط این که اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر نیروی محرکه مولد گردد این است که :

$$V = \epsilon - rI$$

۱) یا مقاومت درونی مولد صفر باشد: $r = 0$

۲) یا از مولد جریانی عبور نکند، یعنی مدار باز باشد: $I = 0$

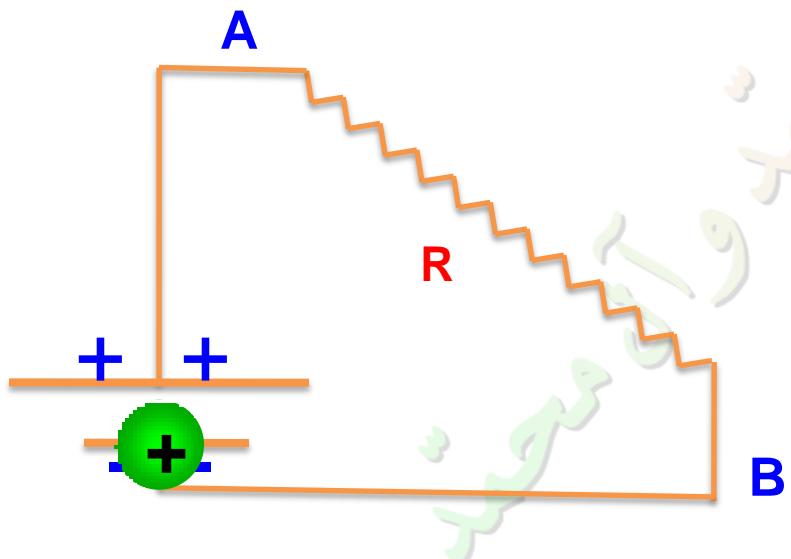


قاعدۀ حلقة یا قانون ولتاژها(پایستگی انرژی):

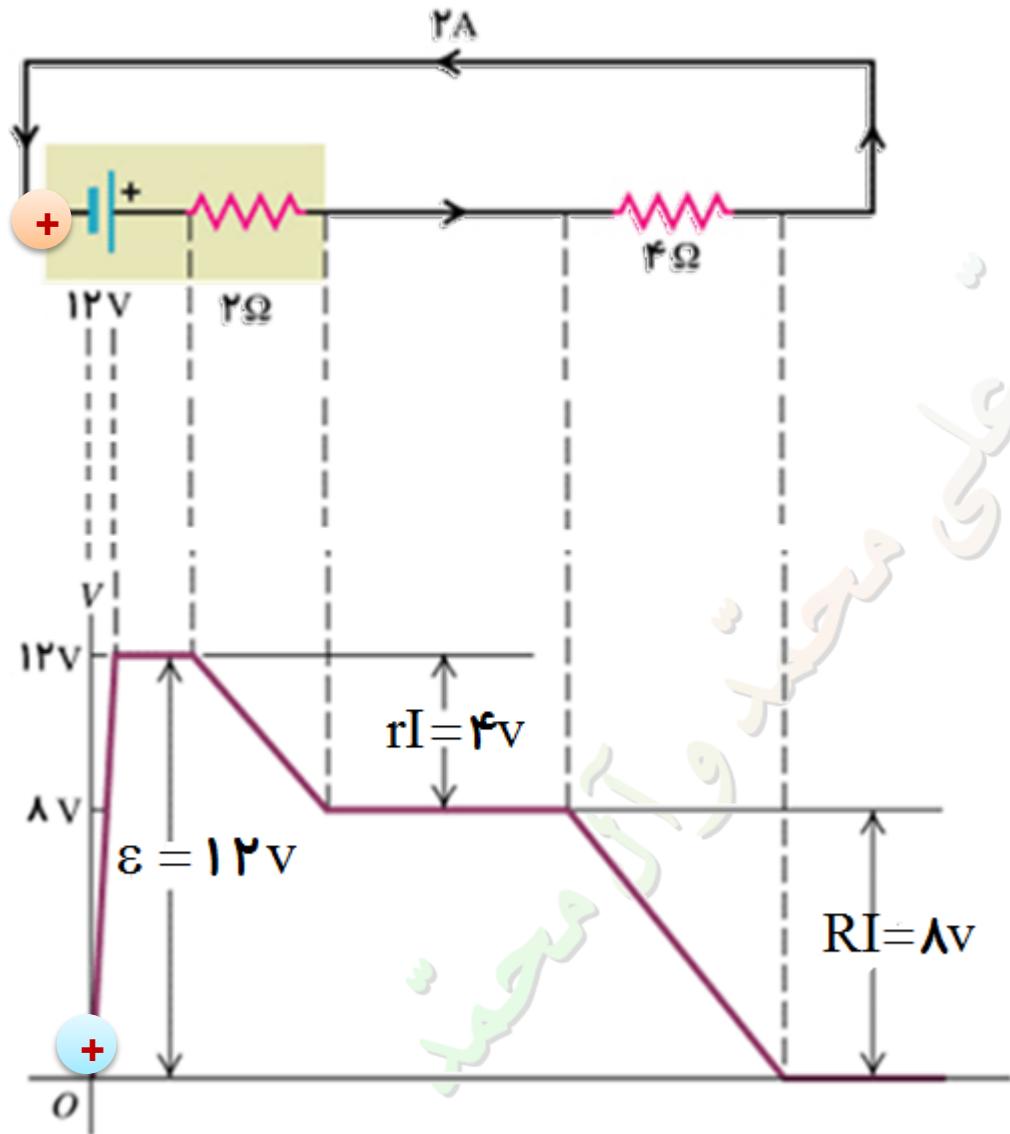
در هر دور زدن کامل حلقه ای از مدار، جمع جبری اختلاف پتانسیل های اجزای مدار صفر است.

جهت قراردادی

جهت جریان در مدار از پتانسیل زیاد به کم و در پیل از پتانسیل کم به زیاد است



مدارهای تک حلقه:



به کمک یک باتری، سیم های رابط، لامپ کوچک، ولت سنج و کلید، مداری همانند شکل روبه رو درست کنید. قبل از بستن کلید عددی را که ولت سنج نشان می دهد بخوانید.

سپس کلید را بیندید و دوباره عددی را که ولت سنج نشان می دهد بخوانید. در کدام حالت ولت سنج عدد بزرگ تری را نشان می دهد؟

در ادامه با علت تفاوت این دو عدد آشنا خواهید شد.

پاسخ:

قبل از بستن کلید، ولت سنج، نیروی محرکه مولد را نشان می دهد بعد از بستن ولت سنج عددی کمتر از حالت قبل نشان می دهد.

زیرا در حالتی که کلید باز است جریان در مدار وجود ندارد و افت پتانسیل صفر خواهد شد.

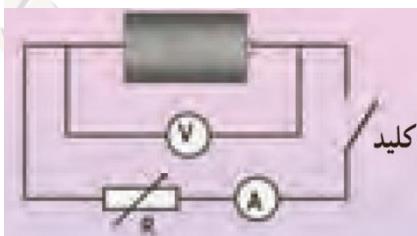
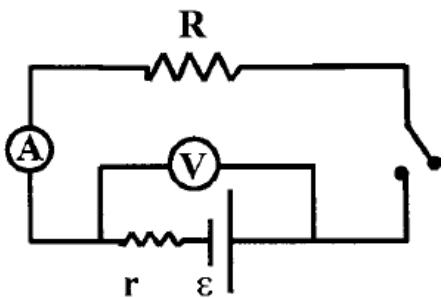
$$V = \varepsilon - r I \quad \cancel{I} \rightarrow V = \varepsilon$$

اگر کلید را بیندیم لامپ روشن می شود جریان صفر نیست



فعالیت ۲-۳: کار در کلاس

تفاوت یک باتری نو و فرسوده عمدتاً در مقدار مقاومت داخلی آن است که می‌تواند کمتر از یک اهم برای باتری نو تا چند هزار اهم برای باتری فرسوده باشد. برای اندازه‌گیری مقاومت داخلی یک باتری مدار ساده‌ای متشکل از یک باتری، یک کلید قطع و وصل، و یک مقاومت یا لامپ کوچک را سوار کنید. نخست در حالی که کلید قطع است، ولتاژ دو سر باتری را با یک ولت سنج اندازه‌بگیرید و آن گاه پس از بستن کلید، دوباره ولتاژ دو سر باتری را اندازه‌بگیرید. همچنین در این حالت، جریان عبوری از مدار را نیز باید به کمک یک آمپرسنج اندازه‌بگیرید. اکنون با استفاده از رابطه $V_b - V_a = \epsilon - Ir$ مقاومت داخلی باتری را محاسبه کنید (البته در یک اندازه‌گیری دقیق‌تر معمولاً از یک مقاومت متغیر استفاده می‌شود و مقاومت داخلی پس از چندین اندازه‌گیری محاسبه می‌شود) آزمایش را یک بار برای باتری نو و یک بار برای باتری فرسوده انجام دهید.



پاسخ:

مداری مانند شکل رو به رو می‌بندیم، هنگامی که کلید قطع است ولتاژ دوسر باتری را اندازه‌بگیریم، چون مقاومت درونی ولت سنج ایدال بینهایت است و جریان صفر است. ولتاژ اندازه‌گیری شده برابر (ϵ) حال کلید را بسته و مجدداً مقادیر ولتاژ و همچنین جریان را از روی ولت سنج و آمپرسنج می‌خوانیم با توجه به رابطه $V = \epsilon - Ir$ که در آن V ولتاژ اندازه‌گرفته توسط ولت سنج است. مقاومت درونی باتری را محاسبه کنیم، می‌توانیم با مقاومت‌های مختلف این آزمایش را تکرار کنیم و برای به دست آوردن مقدار دقیق‌تر از نتایج حاصل میانگین بگیریم.



موضوع : توان مولد



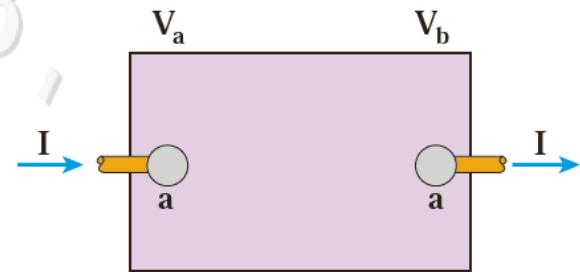


توان در مدارهای الکتریکی

کارنیروی خارجی که اجزای مدار در واحد زمان انجام می‌دهند.

کارنیروی خارجی $W = \Delta q \Delta V$

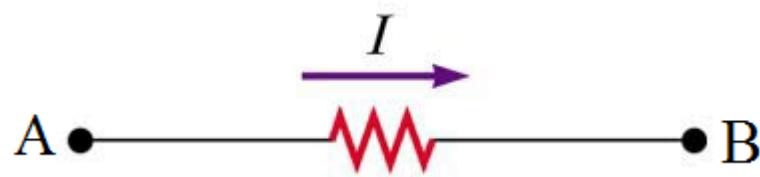
$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{\Delta q \Delta V}{\Delta t} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Delta V = I \Delta V$$



این جزء، به بقیه مدار انرژی می‌دهد $\Rightarrow P > 0$
 این جزء، از بقیه مدار انرژی می‌گیرد $\Rightarrow P < 0$



توان الکتریکی مصرفی در یک مقاومت:



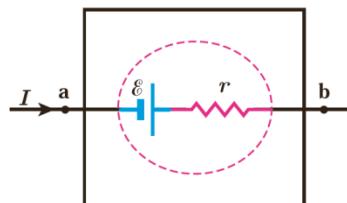
$$P = I\Delta V$$

$$R = \frac{\Delta V}{I} = \frac{V}{I}$$

$$\left. \begin{array}{l} P_{\text{صرفی}} = |I(RI)| = RI^2 \\ I = \frac{V}{R} \end{array} \right\} \quad \left. \begin{array}{l} P_{\text{صرفی}} = \frac{(\Delta V)^2}{R} \quad \text{یا} \quad P_{\text{صرفی}} = \frac{V^2}{R} \end{array} \right\}$$

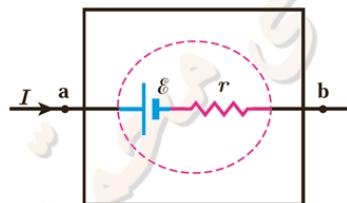


توان خروجی یک منبع نیروی محرکه واقعی:



باتری

$$\left. \begin{aligned} P_{\text{خروجی}} &= I\Delta V \\ \Delta V &= \varepsilon - rI \end{aligned} \right\} P_{\text{خروجی}} = I(\varepsilon - rI) = \varepsilon I - rI^2$$



باتری ضد محرکه

$$\left. \begin{aligned} P_{\text{ورودی}} &= |I\Delta V| \\ \Delta V &= -\varepsilon - rI \end{aligned} \right\} P_{\text{ورودی}} = |I(-\varepsilon - rI)| = \varepsilon I + rI^2$$

نکته جالب

در باتری ضد محرکه این است که در هنگام شارژ باتری ضد محرکه بخشی از انرژی الکتریکی به صورت انرژی شیمیایی I^2r در باتری ضد محرکه ذخیره می‌شود و بخشی هم به صورت گرمایش می‌شود.



توان الکتریکی در مولد به سه صورت دیده می شود.

الف) توان الکتریکی تولید شده (ورودی) که رابطه آن بصورت:

$$P_1 = \epsilon I$$

ب) توان الکتریکی تلف شده که رابطه آن بصورت:

$$P_r = rI^2$$

ج) توان الکتریکی مفید (خروجی) که رابطه آن بصورت:

$$P_R = VI$$
 یا $P_R = \epsilon I - rI^2$

نکته:

هر قدر ϵ کوچکتر باشد توان مفید مولد بیشتر است.

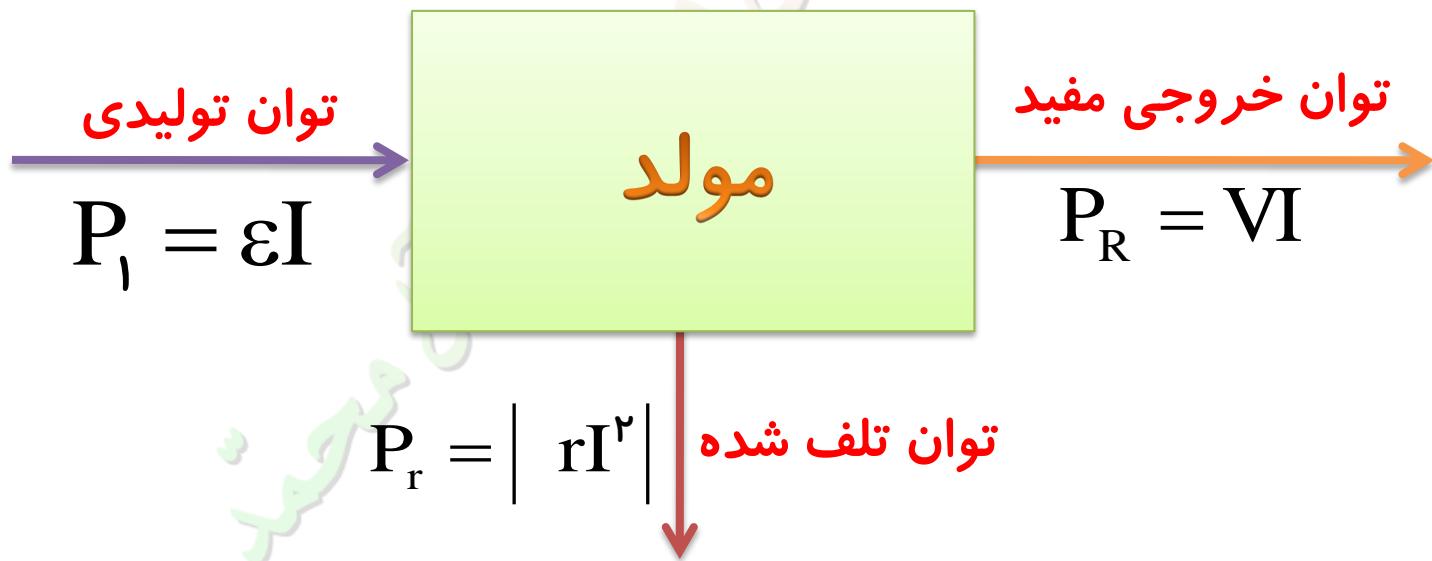


راندمان مولد یا بازده مولد: Ra

نسبت توان خروجی مفید به توان تولیدی مولد است.

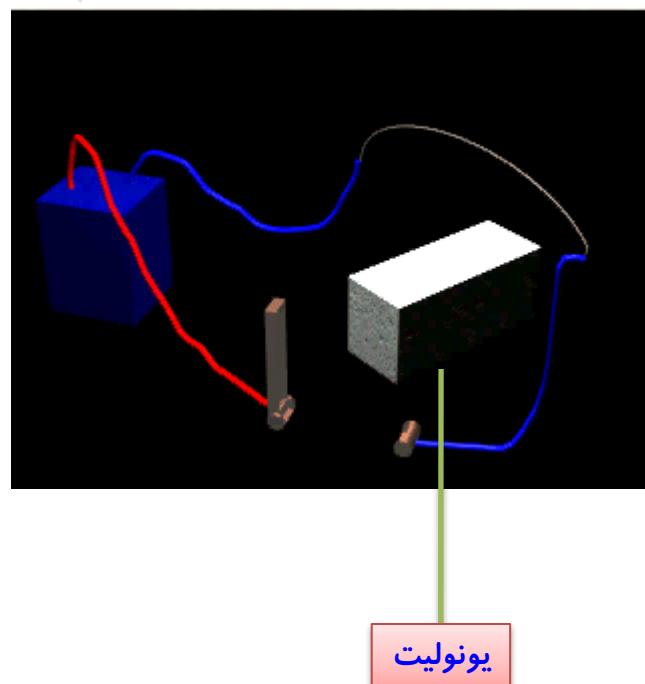
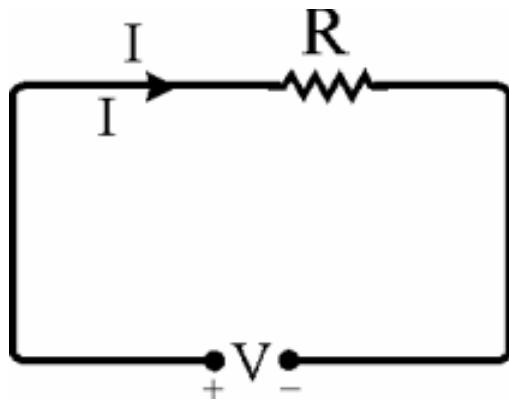
$$Ra = \frac{P_R}{P_I} = \frac{VI}{\epsilon I}$$

$$Ra = \frac{V}{\epsilon}$$



انرژی گرمایی حاصل از عبور جریان از رسانا

هنگام عبور جریان از رسانای اهمی، انرژی الکتریکی به انرژی درونی رسانا تبدیل می‌شود عبور جریان، باعث افزایش دمای رسانا شده و در اثر اختلاف دما با محیط، انرژی گرمایی به محیط منتقل می‌شود.



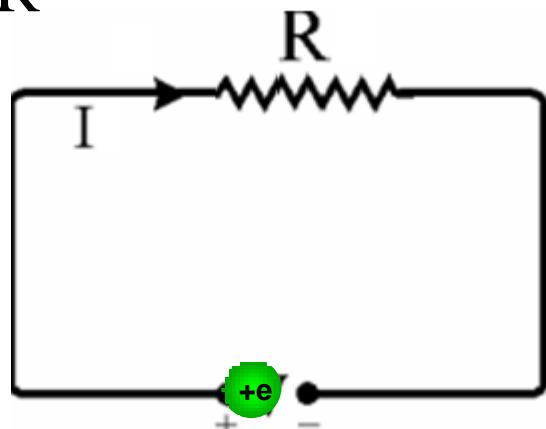
محاسبه انرژی گرمایی حاصل از عبور جریان از رسانا: (U)

انرژی گرمایی حاصل از عبور بار q در مدت t ، از رسانای اهمی به مقاومت R که به اختلاف پتانسیل ثابت V متصل است. از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$U = Vq \quad \left\{ \begin{array}{l} V = RI \\ q = It \end{array} \right.$$

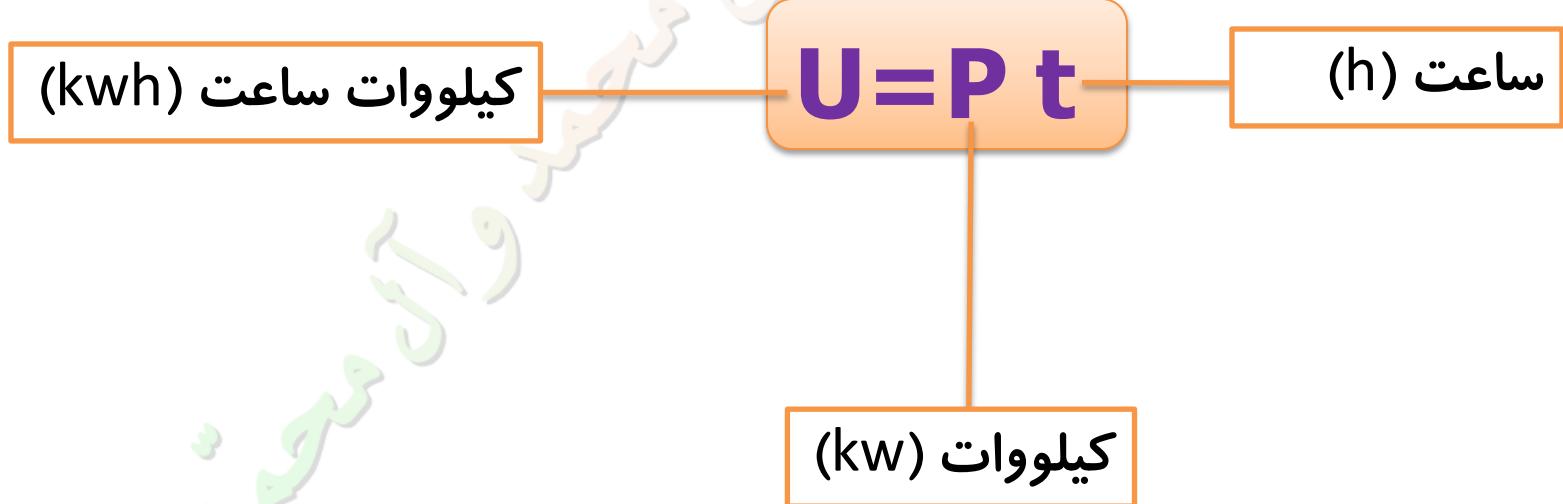


$$U = RI \times It \quad \left\{ \begin{array}{l} U = VI t \\ U = \frac{V^2}{R} t \end{array} \right.$$



واحد تجاری (صنعتی) انرژی الکتریکی مصرف شده، بر حسب «کیلووات ساعت Kwh» می باشد.

پتی!



به چند تبدیل واحد **Kwh** توجه کنید

$$1 \text{ Kwh} = 1 \cdot \cdot \cdot \text{ wh} = 3,600,000 \text{ WS} = 3,600,000 \text{ J}$$

کیلووات ساعت
وات ساعت
وات ثانیه

$$1 \text{ Kwh} = 3/6 \times 1 \cdot 0^6 \text{ J} = 3/6 \text{ MJ}$$

مگا ژول

$$1 \text{ kwh} \xrightarrow{\times (3/6 \times 1 \cdot 0^6)} \text{ J}$$

$$1 \text{ J} \xrightarrow{\div (3/6 \times 1 \cdot 0^6)} \text{ kwh}$$



تمرین:

انرژی مصرفی ماهانه لامپ ۲۰۰۰۰۱ واتی که با برق ۲۲۰ ولت کار می‌کند، برابر ۱۲KWh است. این لامپ به طور متوسط در هر شبانه روز چند ساعت روشن بوده است؟

پاسخ:

$$P = 1 \cdot w = . / 1 \text{ kw}$$

$$U_{\text{ماه}} = P t_{\text{ماه}}$$

$$t = ۴h$$

$$V = ۲۲۰v$$

$$12 = . / 1 \times t_{\text{ماه}}$$

$$U_{\text{ماه}} = 12 \text{ Kwh}$$

$$t_{\text{ماه}} = \frac{12}{1} = 12 \cdot h \quad \text{در هر ماه}$$

در هر شبانه روز ؟

$$t = \frac{12}{30} = ۴h \quad \text{در هر شبانه روز}$$



یک لامپ با مشخصات $W = 220 \times 200$ را به اختلاف پتانسیل ۱۰۷ وصل کرده ایم. توان مصرفی لامپ را محاسبه کنید.

پاسخ:

$$P' = 5 \cdot W$$

چون لامپ به ولتاژی کمتر از ولتاژ اسمی خود وصل شده است، توان مصرفی لامپ نیز کمتر از توان اسمی (W) خواهد بود.

$$P = 200 \cdot W$$

$$V = 220 \cdot V$$

$$V' = 110 \cdot V$$

$$R = ?$$

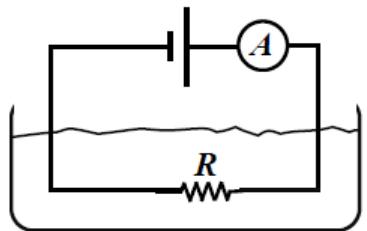
$$P' = ?$$

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow R = \frac{V^2}{P} \rightarrow R = \frac{220^2}{200} = 242 \Omega$$

$$P' = \frac{V'^2}{R} \rightarrow P' = \frac{110^2}{242} = 5 \cdot W$$



قانون ژول بیان می‌دارد گرمای تولید شده توسط جریان I عبوری از یک مقاومت R در مدت t برابر $Q = R I^2 t$ است. این قانون را می‌توان به روش گرماسنجی با یک گرماسنج که در فیزیک دهم با آن آشنا شدید تحقیق کرد. اسباب این آزمایش در شکل نشان داده شده است. درباره چگونگی این آزمایش تحقیق کنید.



پاسخ:

مقاومت رسانارا با اهم سنج اندازه گرفته و آن را در ظرفی محتوی آب قرار می‌دهیم. شدت جریان را توسط آمپرسنج اندازه گرفته و انرژی مصرفی را برای مدت زمان معین $Q = m \cdot C \cdot \Delta\theta$ از $U = R \cdot I^2 \cdot t$ یابیم. در همین زمان با اندازه گیری دمای آب و با استفاده از $Q = U \cdot Q$ گرما را به دست می‌آوریم. مشاهده می‌شود که تقریباً U با Q برابر است

همانند شکل با یک اهم متر، مقاومت رشته سیم داخل لامپ ۰۰۱ واتی را اندازه گیری کنید. سپس با استفاده از رابطه $P = \frac{V^2}{R}$ و با داشتن مشخصات روی لامپ، مقاومت آن را در حالت روشن محاسبه کنید. چرا مقدار اندازه گیری شده با مقدار محاسبه شده متفاوت است؟ نتیجه را پس از گفت و گوی گروهی، گزارش دهید.

پاسخ:

مقاومت رشته ی سیم داخل یک لامپ ۰۰۱ واتی را با اهم سنج اندازه می گیریم. سپس با استفاده از رابطه $R = \frac{V^2}{P}$ مقاومت لامپ را بدست می آوریم، این عدد بیشتر از مقاومت لامپ در حالت خاموش است

مقادیم لامپ (خاموش) با اهم سنج

$$P = \frac{V^2}{R_1} \rightarrow R_2 = \frac{V^2}{P} \rightarrow R_2 = \frac{۲۲۰^۲}{۱۰۰} = ۴۸۴\Omega$$

مقادیم لامپ در مدار بسته

زیرا با اتصال لامپ به ولتاژی باعث افزایش دما در لامپ شده با افزایش دما، ارتعاشات اتمها نیز افزایش یافته در نتیجه برخورد الکترون‌ها با شبکه اتمی رسانای فلزی زیادتر شده و مقادیم رسانا نیز در برابر عبور جریان زیاد می‌شود

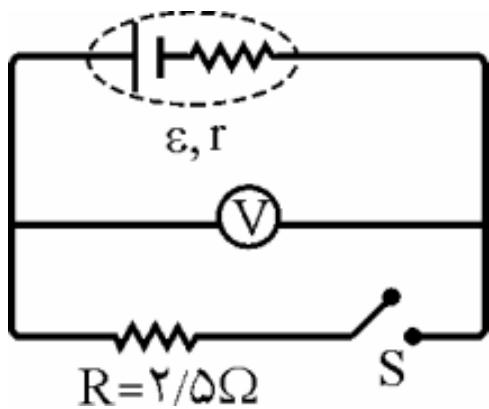
تمرین:

در مدار شکل زیر، وقتی کلید S باز (قطع) است، ولت سنج $V/5V$ / ۱ و هنگامی که کلید S بسته می شود، ولت سنج $V/25V$ / ۱ را نشان می دهد نیروی محرکه و مقاومت درونی مولد را حساب کنید.

پاسخ

$$\varepsilon = 1/5V$$

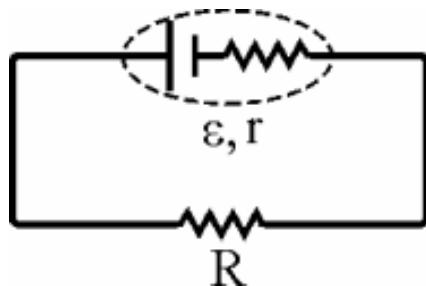
$$r = 0/5\Omega$$



می‌دانیم وقتی هیچ جریانی از مولد گرفته نمی‌شود، ولتاژ دو سر آن برابر نیروی حرکتی مولد است. زیرا:

$$V = \varepsilon - rI \rightarrow V = \varepsilon - r \times 0 \rightarrow V = \varepsilon = I / 5V$$

وقتی کلید بسته می‌شود، ولت سنج ولتاژ دو سر مولد و یا دو سر مقاومت R را نشان می‌دهد.

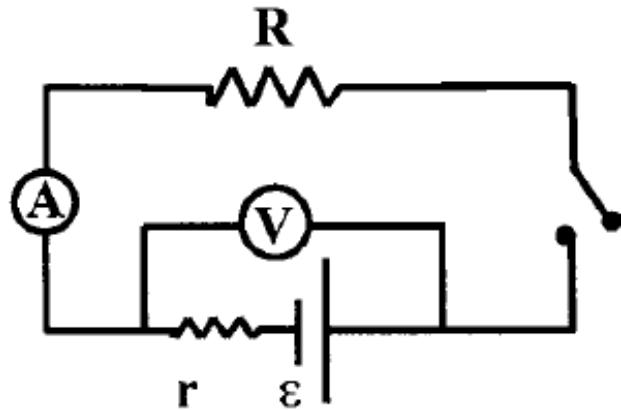


$$V = RI \rightarrow I / 25 = 2 / 5 I \rightarrow I = \frac{1 / 25}{2 / 5} = . / 5 A$$

$$V = \varepsilon - rI \rightarrow I / 25 = 1 / 5 - r \times . / 5 \rightarrow r \times . / 5 = . / 25 \rightarrow r = . / 5 \Omega$$



توضیح دهد در مدار شکل روبرو، با استن کلید، عدد هایی که ولت سنج و آمپرسنج نشان می دهند، به ترتیب چه تغییری خواهند کرد؟

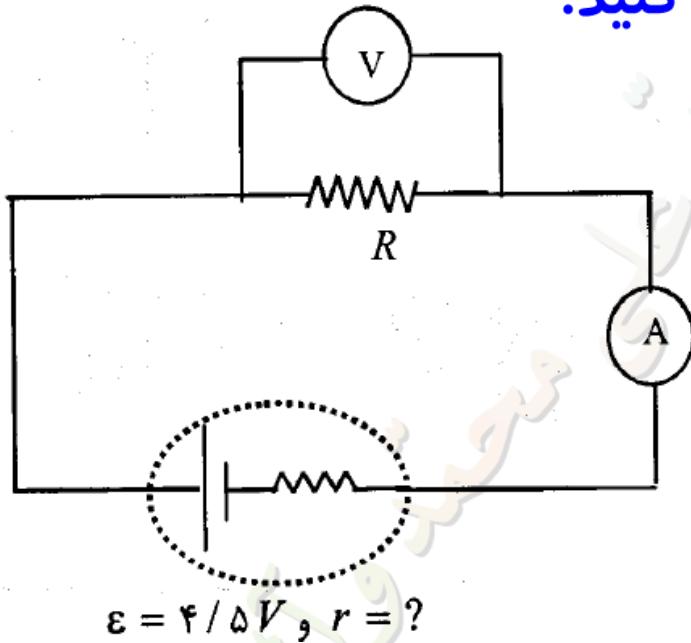


پاسخ

با استن کلید، از باتری جریان عبور کرده و به علت افت پتانسیل در آن، ولت سنج کمتر از نیروی محرکه را نشان می دهد و آمپرسنج به علت عبور جریان عدد بیشتر از صفر را نشان می دهد.



در مدار شکل زیر، ولت سنج $V = ۴$ و آمپرسنج $A = ۰.۵$ را نشان می دهد. مقاومت R و مقاومت درونی مولدرام حسابه کنید.



پاسخ

$$V = \epsilon - rI \rightarrow ۴ = ۴ / ۵ - r \times . / ۵ \rightarrow r \times . / ۵ = ۴ / ۵ - ۴ \rightarrow r = ۱\Omega$$

$$V = RI \rightarrow ۴ = . / ۵ R \rightarrow R = \frac{۴}{. / ۵} = ۸\Omega$$

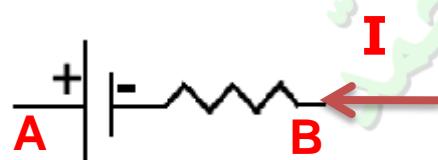
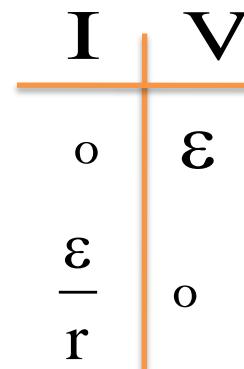
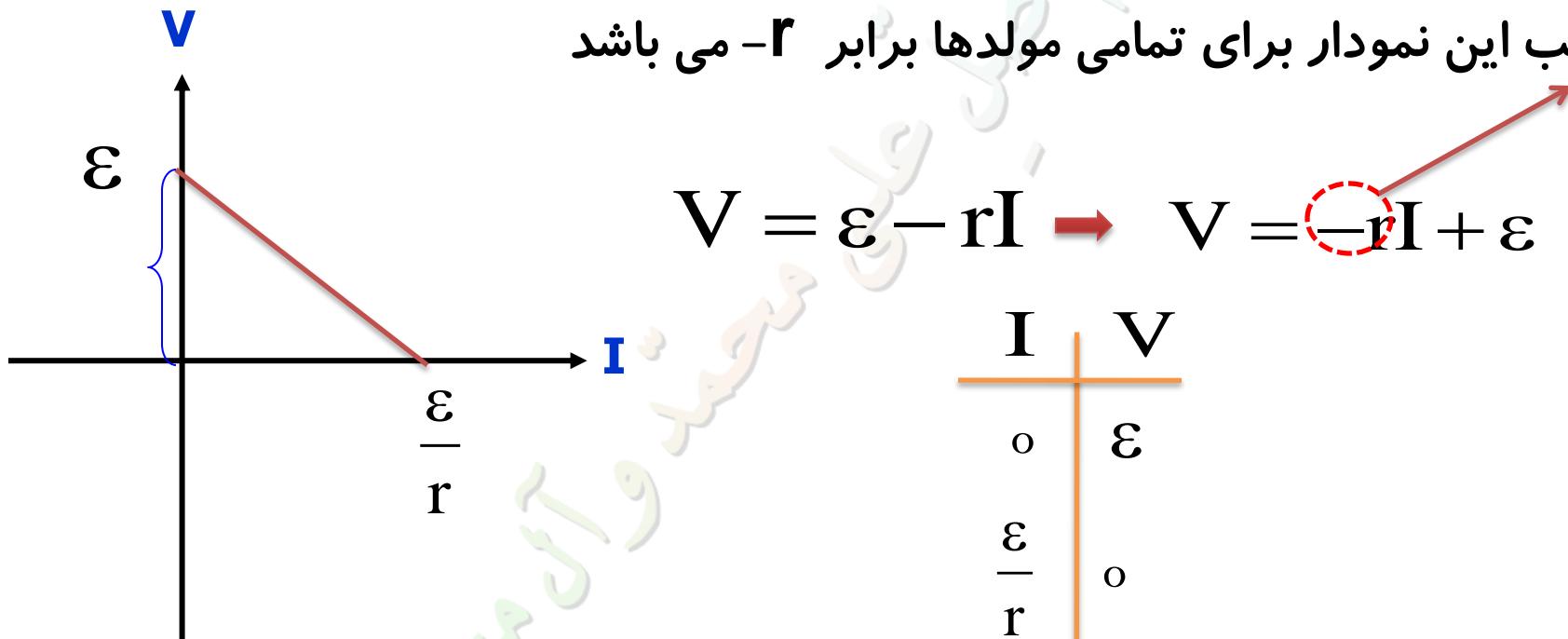


پرسش:

نمودار تغییرات ولتاژ دوسر مولد بر حسب شدت جریانی که از آن می‌گذرد را رسم کنید.

پاسخ:

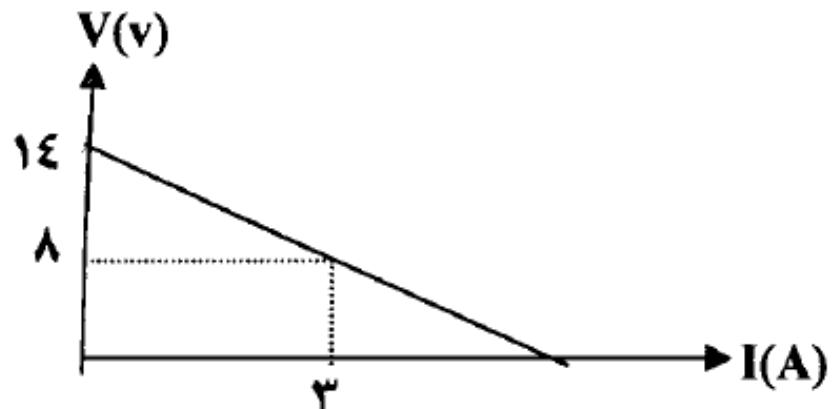
شیب این نمودار برای تمامی مولدها برابر r -می باشد



$$V_A - \epsilon + rI = V_B \rightarrow V_A - V_B = \epsilon - rI$$



نمودار تغییرات ولتاژ دوسر مولد بر حسب جریان عبوری از آن را به صورت زیر است. مقاومت درونی مولد چند اهم است؟



پاسخ

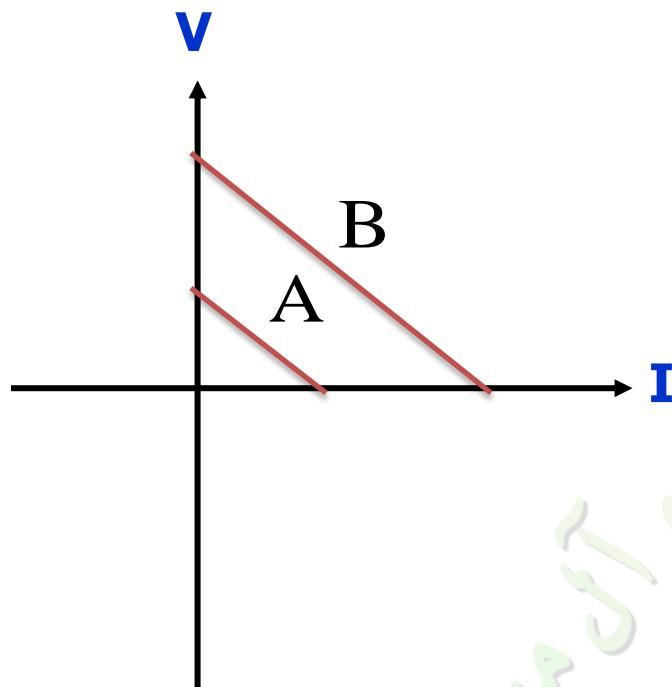
$$r = 2\Omega$$

$$V = \varepsilon - rI \rightarrow 14 = 14 - 3 \times r \rightarrow r = 2\Omega$$



پرسش:

نمودار تغییرات ولتاژ دوسر مولد های A و B بر حسب شدت جریان، مطابق شکل زیر است.
نیروی محرکه و مقاومت درونی دومولد را باهم مقایسه کنید (دو خط A و B موازی هستند)



پاسخ:

$$\epsilon_A < \epsilon_B$$

$$r_A = r_B$$



تمرین:

از مولدی به نیروی محرکه ۱۶ ولت و مقاومت درونی ۲ اهم ، جریانی به شدت ۴ آمپر می گذرد، مطلوب است: ۱) توان کل مولد ۲) توان مفید مولد ۳) توان مصرفی مولد ۴) راندمان مولد

پاسخ

$$\varepsilon = 16V \quad V = \varepsilon - rI \rightarrow V = 16 - 2 \times 4 = 8V$$

$$P_i = 64W$$

$$r = 2\Omega$$

$$P_r = 32W$$

$$I = 4A$$

$$P_r = 32W$$

$$P_i = ? \rightarrow P_i = \varepsilon I = 16 \times 4 = 64W$$

$$Ra = \frac{1}{2}$$

$$P_R = ? \rightarrow P_R = VI = 8 \times 4 = 32W$$

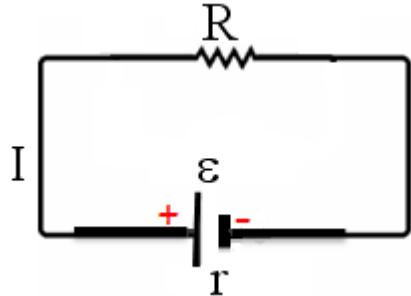
$$P_r = ? \rightarrow P_r = |rI^2| = 2 \times 4^2 = 32W$$

$$Ra = ? \rightarrow Ra = \frac{V}{\varepsilon} = \frac{8}{16} = \frac{1}{2}$$



تست:

در شکل زیر نسبت مقاومت R به r چقدر باشد تا راندمان مولد ۶۰ درصد گردد؟



$$\frac{3}{4} \quad (۳)$$

$$\frac{3}{2} \quad (۳)$$

$$\frac{4}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۱)$$

پاسخ

$$\frac{R}{r} = \frac{3}{2}$$

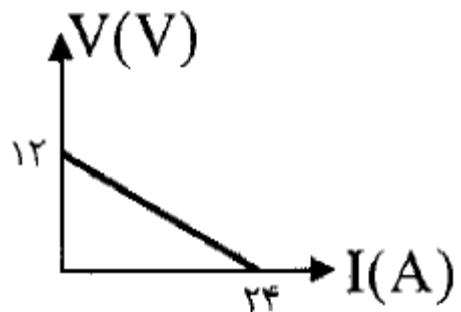
$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{R}{r} = ? \\ R_a = 60\% = . / 6 = \frac{6}{10} \end{array} \right.$$

لذا گزینه ۳ صحیح است.

$$R_a = \frac{R}{R+r} \rightarrow \frac{6}{10} = \frac{R}{R+r} \rightarrow 1 \cdot R = 6R + 6r \rightarrow 4R = 6r \rightarrow \frac{R}{r} = \frac{3}{2}$$



نمودار تغییرات ولتاژ نسبت به جریان برای یک مولد مطابق شکل است. نیروی حرکه و مقاومت درونی مولد چقدر است؟



پاسخ

$$\varepsilon = 12V$$

$$r = .5\Omega$$

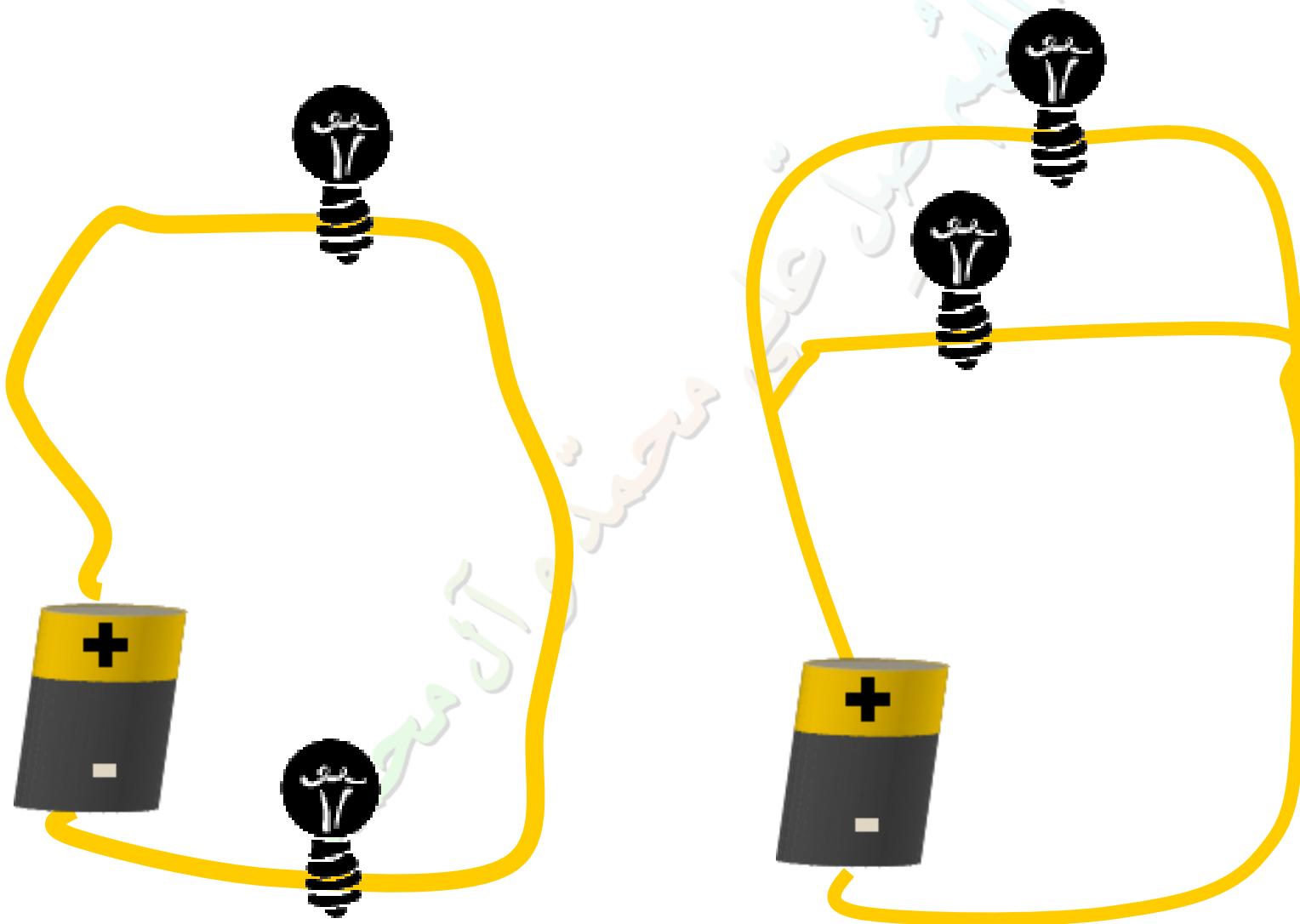
محاسبه و آن مسخر



موضوع : به هم بستن متواالی مقاومت ها

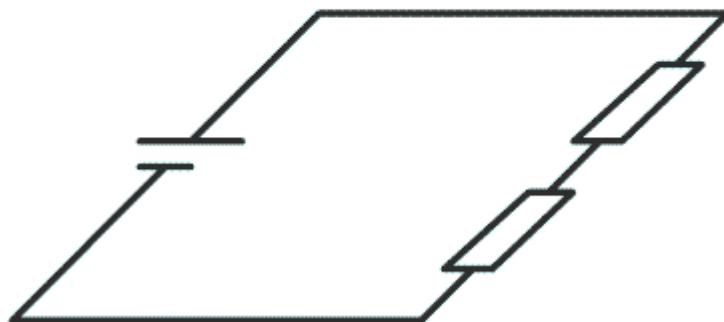
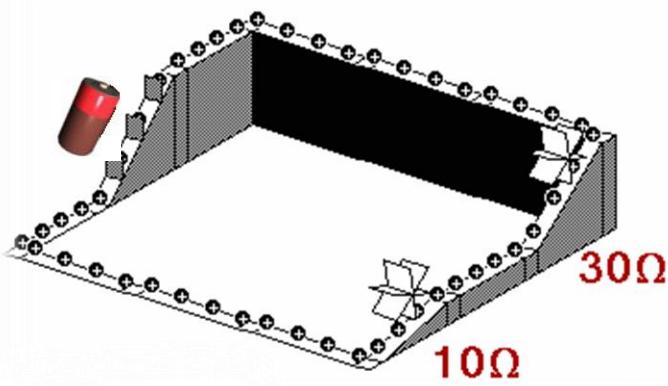


فرق این دو مدار چیست؟



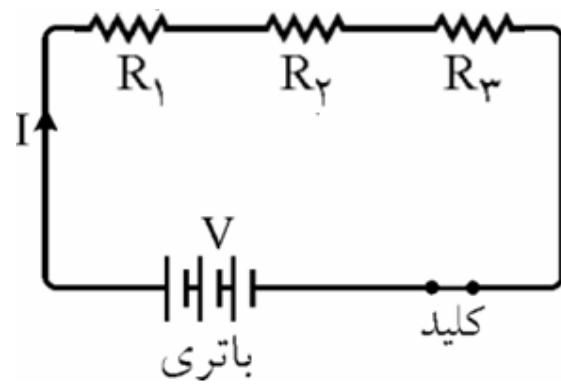
به هم بستن متواالی مقاومت‌ها

هر مقاومت با مقاومت بعدی در یک سرمشترک است، این نوع اتصال مقاومتها که یکی پس از دیگری است به طوری که هیچ انشعابی بین آنها وجود نداشته باشد، را به هم بستن متواالی می‌نامیم.

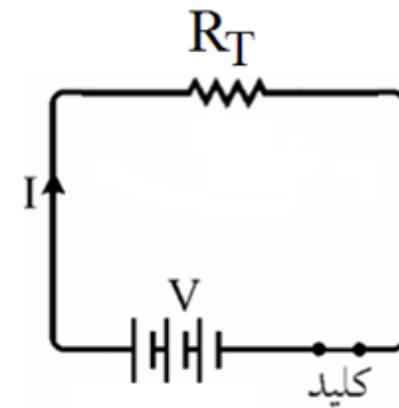


مقاومت معادل :

می توان یک مقاومت را جایگزین چند مقاومت در یک مدار کرد. که کارایی آن چند مقاومت در مدار را داشته باشد، به این مقاومت، مقاومت معادل می گوئیم.



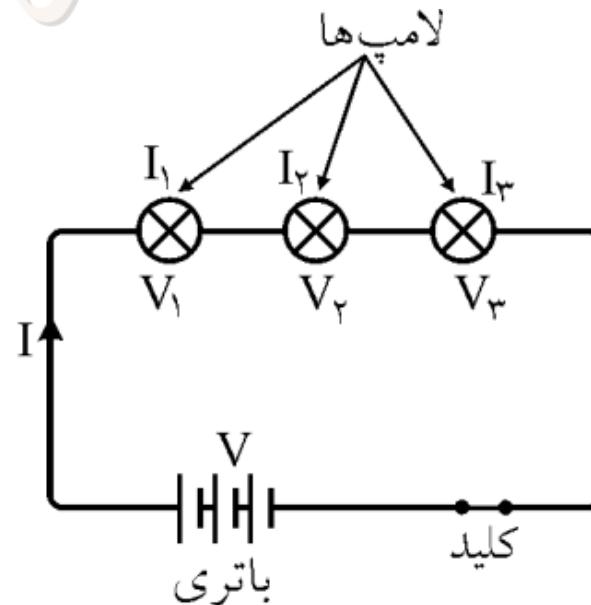
می توان این گونه در نظر گرفت



ویژگی های مدار متوالی:

- ۱- فقط یک مسیر برای عبور جریان وجود دارد
- ۲- اگر یکی از لامپ ها بسوزد یا باز شود مدار قطع می شود.
- ۳- شدت جریان در تمام قسمت های مدار یکسان است.

$$I = I_1 = I_2 = I_3$$



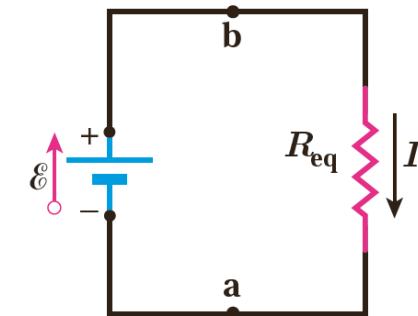
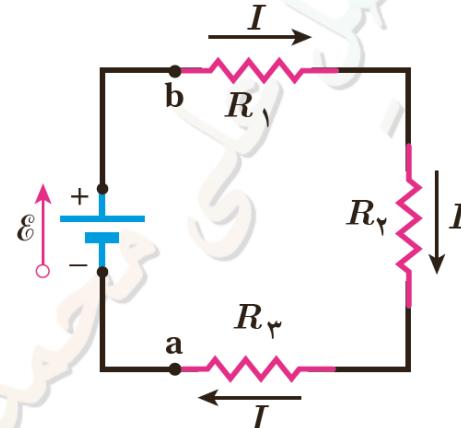
پیدا کردن اختلاف پتانسیل در مدار متواالی

قاعده حلقه:

از نقطه b شروع می کنیم درجهت ساعتگرد

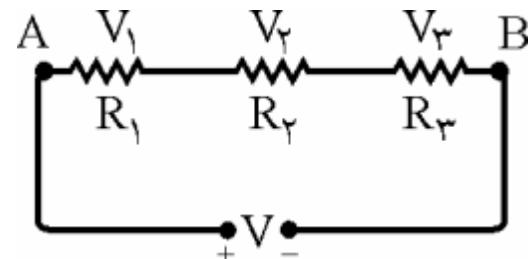
$$\checkmark V_b - R_1 I - R_2 I - R_3 I + \varepsilon = V_b$$

$$\varepsilon = R_1 I + R_2 I + R_3 I$$



۴- اختلاف پتانسیل دو نقطه از مدار برابر است با مجموع جبری اختلاف پتانسیل های تمام اجزای موجود بین آن دونقطه.

$$V_T = V_1 + V_2 + V_3$$

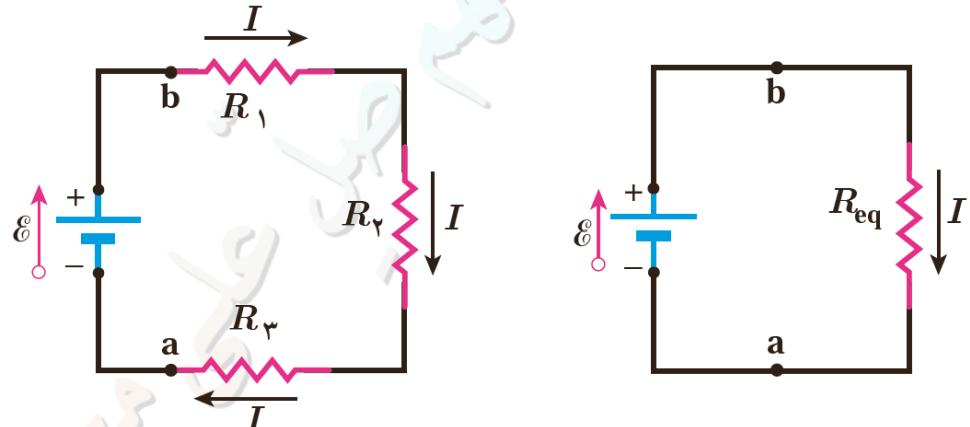


پیدا کردن مقاومت معادل در مدار متواالی

$$V_T = V_1 + V_2 + V_3$$

$$R_T I = R_1 I + R_2 I + R_3 I$$

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3$$



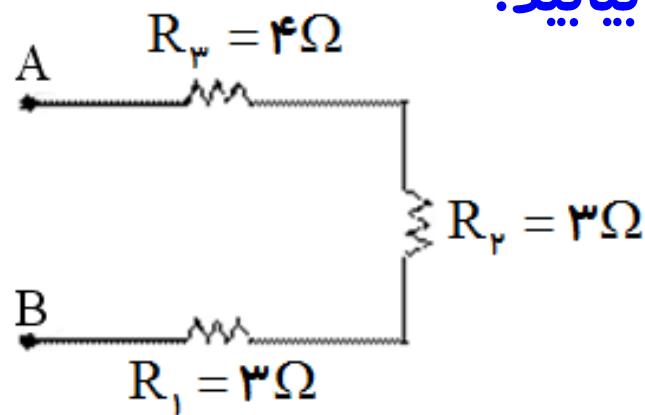
۵- مقاومت معادل بین دو نقطه در این حالت از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید :

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3$$



تمرین:

در مدار زیر مقاومت معادل بین دو نقطه A و B را بیابید.



راه حل:

بین A و B هیچ نقطه انشعاب وجود ندارد. پس تمامی مصرف کنندگان بین آنها سری می‌باشد

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3$$

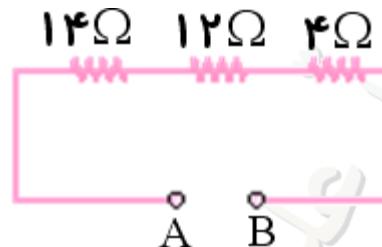
$$R_T = 3 + 3 + 4 = 10 \cdot \Omega$$



تمرین:

در مدارهای زیر مقاومت معادل بین دو نقطه A و B را بیابید.

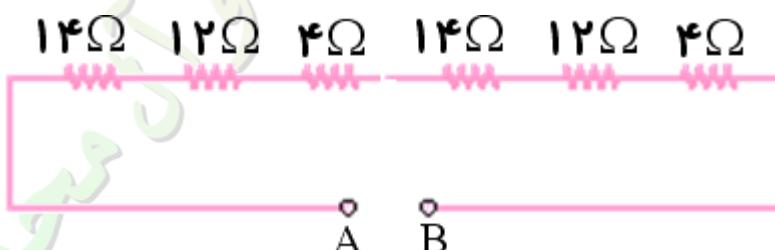
پاسخ



$$R_T = 3 \cdot \Omega$$



$$R_T = 4R$$



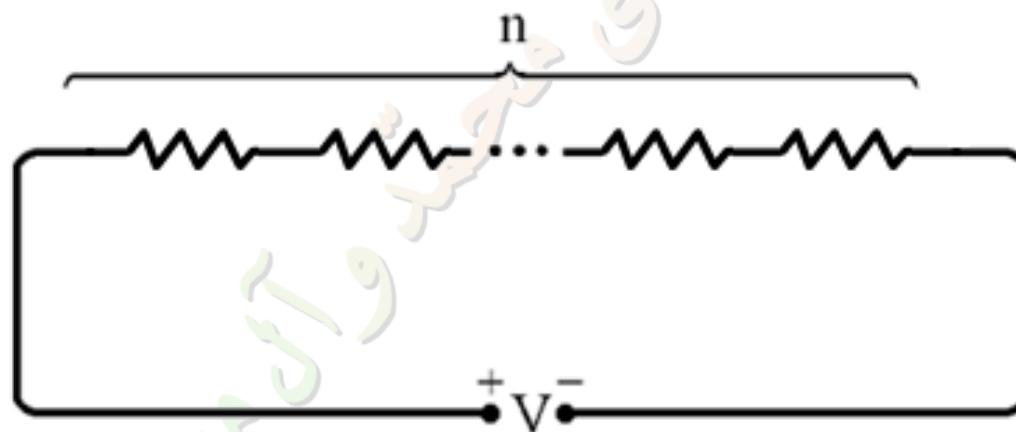
$$R_T = 6 \cdot \Omega$$



نکات مهم در مقاومت های متواالی:

۱- مقاومت معادل در مدار سری باید از تک تک مقاومت ها بزرگتر باشد.

۲- اگر n مقاومت مشابه R_1 را به صورت سری بهم بیندیم آنگاه مقاومت معادل (کل) از رابطه زیر بدست می آید:

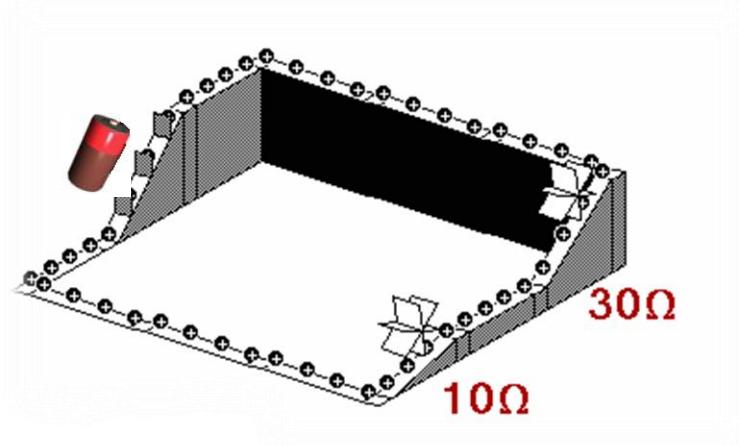


$$R_{\text{کل}} = nR_1$$

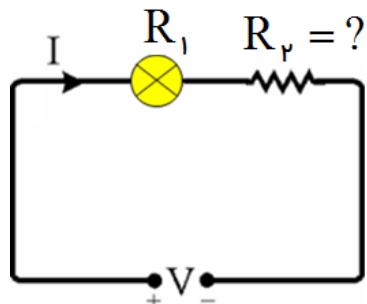


۳- هر مقاومتی که بزرگتر باشد، اختلاف پتانسیل دو سرش نیز به همان نسبت بزرگتر است.

$$I_2 = I_1 \rightarrow \frac{V_2}{R_2} = \frac{V_1}{R_1} \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{R_2}{R_1} \rightarrow V \propto R$$



می خواهیم یک لامپ $W = 20$ با استفاده از برق شهر $V = 220$ روشن کنیم.
برای اینکه لامپ آسیب نماید چه مقاومتی را با این لامپ به طور متوالی بیندیم.



پاسخ:

برای اینکه لامپ آسیب نماید جریانی که باید از آن بگذرد محاسبه می شود
چون مقاومت ها متوالی هستند جریان یکسانی در مدار خواهیم داشت.

$$\left\{ \begin{array}{l} P_1 = 20 \text{ W} \\ V_1 = 6 \text{ V} \\ V_T = 220 \text{ V} \\ R_2 = ? \end{array} \right. \quad P = VI \quad \rightarrow \quad I = \frac{P}{V} \quad \rightarrow \quad I = \frac{20}{6} = \frac{1}{3} \text{ A}$$

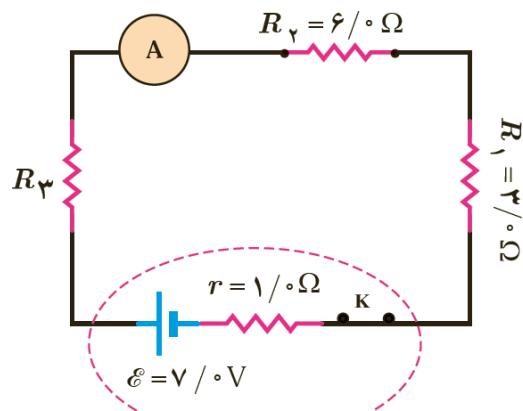
$$V_T = V_1 + V_2 \quad \rightarrow \quad 220 = 60 + V_2 \quad \rightarrow \quad V_2 = 160 \text{ V}$$

$$R_2 = \frac{V_2}{I_2} = \frac{160}{\frac{1}{3}} = 480 \Omega$$



در شکل روبرو، سه مقاومت به همراه یک آمپرسنج به صورت متوالی به یک باتری وصل شده اند و مقاومت آمپرسنج صفر است (آمپرسنج آرمانی) اگر مقاومت معادل مقاومت های R_1 و R_3 برابر با $\Omega / ۱۳$ باشد:

- الف) مقاومت R_3 چقدر است؟ ب) جریانی را که آمپرسنج نشان می دهد به دست آورید.
پ) توان خروجی باتری چقدر است.



پاسخ:

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3 \rightarrow ۱۳ = ۶ + ۳ + R_3 \rightarrow R_3 = ۴ \Omega \quad \text{(الف)}$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_T + r} \rightarrow I = \frac{۷}{۱۳ + ۱} \rightarrow I = ۰.۵ A \quad \text{(ب)}$$

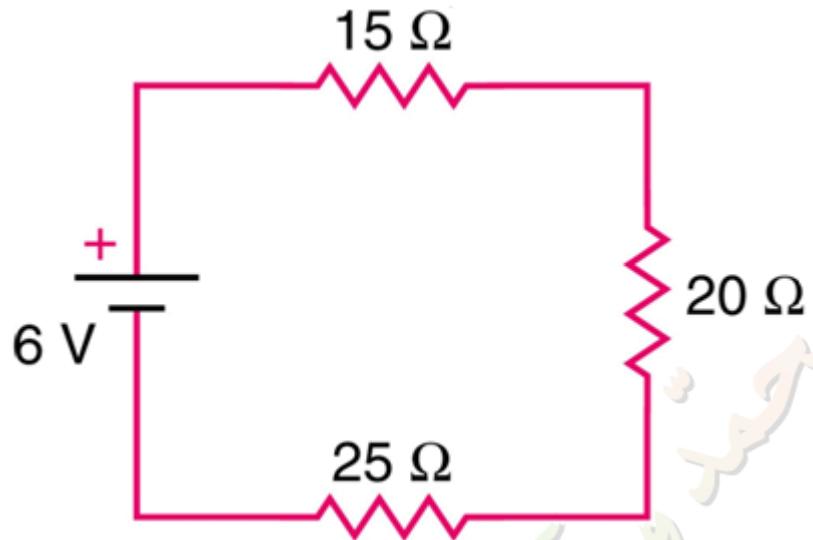
$$P_{\text{مولد}} = \epsilon I - rI^2 = ۷ \times ۰.۵ - ۱ \times ۰.۵^2 = ۳/۲۵ W \quad \text{(پ)}$$

$$P_{\text{مقاومت}} = RI^2 \left\{ \begin{array}{l} P_1 = ۳ \times ۰.۵^2 = ۰.۷۵ W \\ P_2 = ۶ \times ۰.۵^2 = ۱.۵ W \\ P_3 = ۴ \times ۰.۵^2 = ۱ W \end{array} \right. \quad \left. \begin{array}{l} ۰.۷۵ + ۱.۵ + ۱ = ۳/۲۵ W \rightarrow P_{\text{مولد}} = P_1 + P_2 + P_3 \end{array} \right. \quad \text{(پ)}$$



تمرین:

در مدار شکل زیر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 25Ω را بباید.



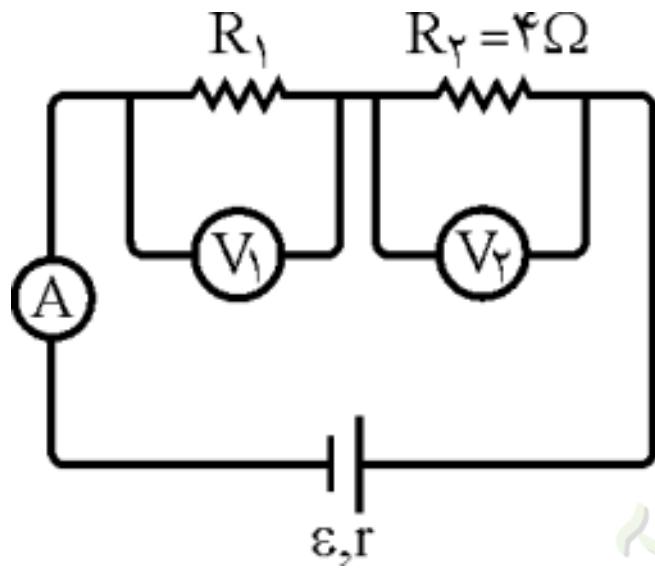
$$V_{25} = 2/5 \text{ V}$$

پاسخ



تمرین:

در مدار شکل زیر، ولتسنج V_1 ، ۳ ولت و آمپرسنج $5\%/\text{آمپر}$ را نشان می‌دهد. الف) مقاومت رسانای R_1 چند اهم است؟ ب) ولتسنج V_2 چند ولت را نشان می‌دهد؟



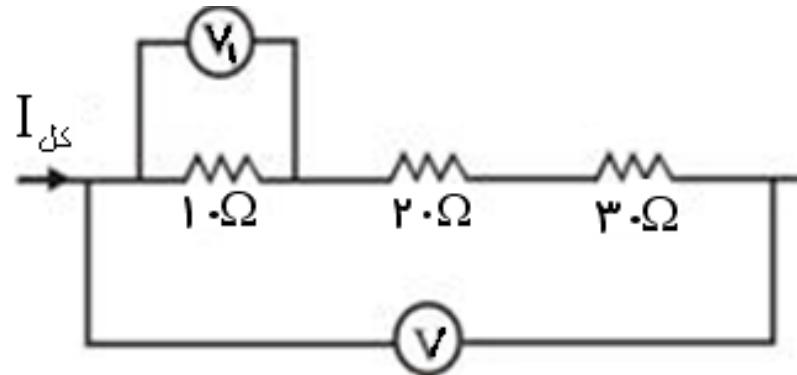
پاسخ

$$R_1 = 6\Omega$$

$$V_2 = 2V$$



در شکل زیر ولت سنج ۱۰۰ مقدار ۱۰ ولت را نشان می‌دهد. ولت سنج ۷ چه عددی را نشان می‌دهد؟



۱) ۱۰۰ V

۲) ۶۰ V

۳) ۴۰ V

۴) ۸۰ V

راه حل:

$$\begin{cases} V_1 = 10 \text{ V} \\ R_1 = 1 \Omega \end{cases} \rightarrow I_1 = \frac{V_1}{R_1} = \frac{10}{1} = 10 \text{ A}$$

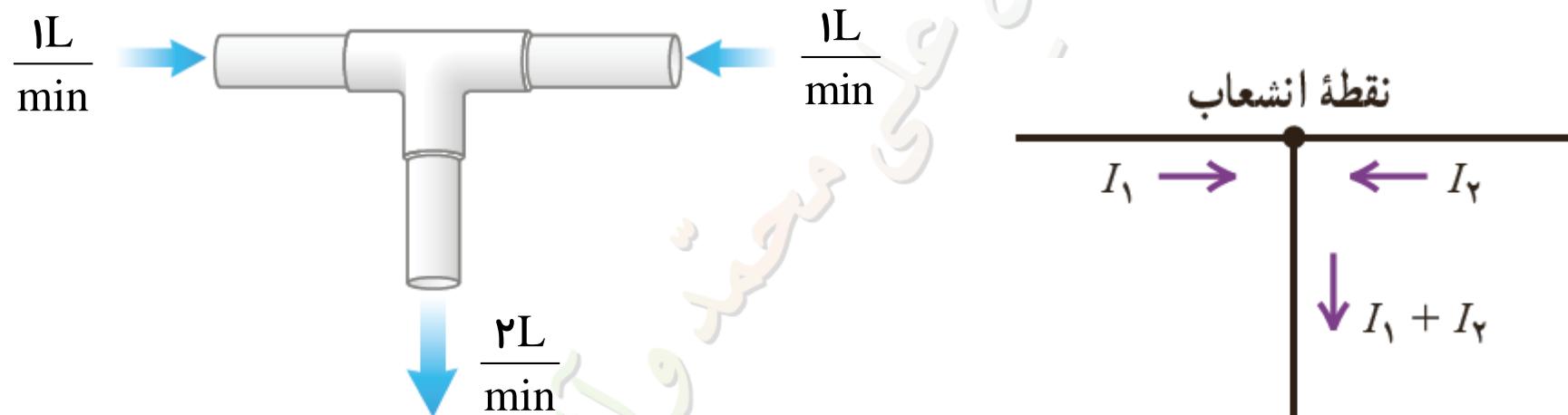
چون ۳ مقاومت سری اند:

$$I_{کل} = I_1 = I_2 = I_3 = 10 \text{ A} \rightarrow V_{کل} = R_{کل} I_{کل} = 6 \times 10 = 60 \text{ V}$$

لذا گزینه ۲ صحیح است.

قاعده انشعاب یا گره:

مجموع جریان هایی که به هر نقطه انشعاب وارد می شود برابر با مجموع جریان هایی باشد که از آن نقطه انشعاب خارج می شود.



اگر یک لیتر آب در هر دقیقه از سمت چپ، و یک لیتر آب در هر دقیقه از سمت راست وارد اتصال شود، واضح است که آب خارج شده در هر دقیقه برابر با ۲ لیتر است.



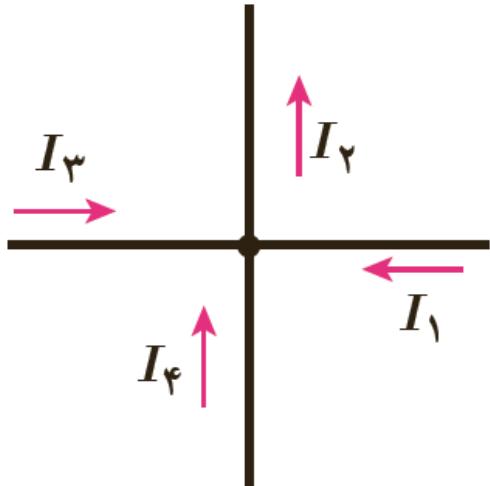
قاعده انشعاب را با توجه به پایستگی بار الکتریکی شرح دهید.

پاسخ:

هیچ باری نمی تواند در یک نقطه انشعاب جمع گردد و بنابراین مجموع بار وارد شده به هر انشعاب در واحد زمان باید برابر با مجموع بار خارج شده از آن انشعاب در واحد زمان باشد



برای نقطه انشعاب نشان داده شده در شکل، رابطه بین جریان ها را بنویسید.



پاسخ:

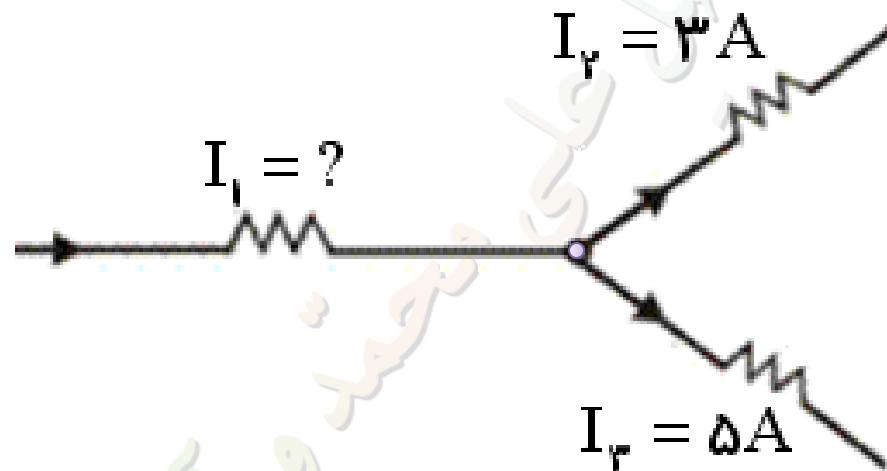
بر اساس قانون گره مجموع جریان های ورودی به گره ($I_1 + I_3 + I_4$) با مجموع جریان های خروجی از گره (I_2) برابر است.

$$I_1 + I_3 + I_4 = I_2$$

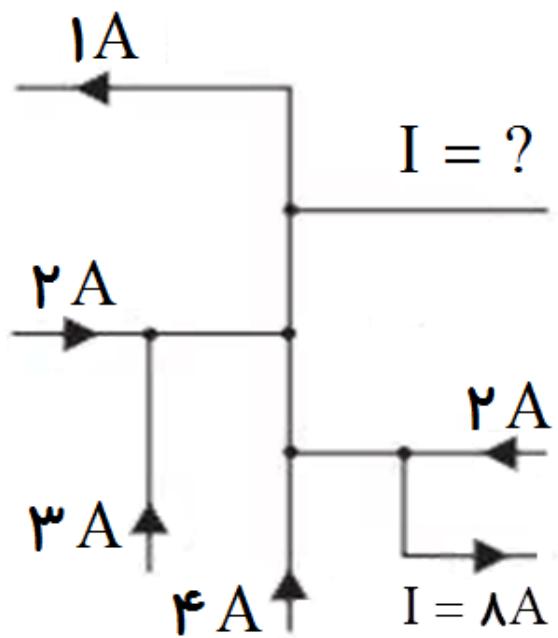


تمرین:

در مدار شکل زیر مقادیر شدت جریان مجهول را بیابید.

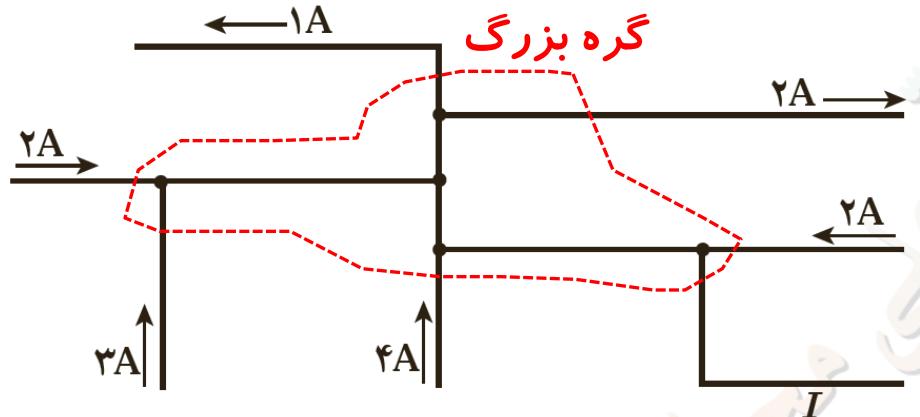


شکل رو به رو بخشی از یک مدار را نشان می‌دهد. بزرگی و جهت جریان در سیم پایین سمت راست چیست؟



پرسش ها و مسئله های فصل ۲:

۱۳- شکل زیر بخشی از یک مدار را نشان می دهد. بزرگی وجهت جریان I در سیم پایین سمت راست چیست؟



پاسخ:

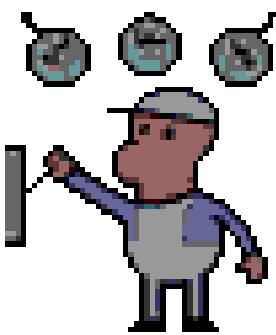
جریان **ورودی** به گره را با علامت مثبت و جریان **خروجی** از گره را با علامت منفی در نظر می گیریم جواب جریان I اگر مثبت بود ورودی به گره بوده و اگر منفی بدست آمد خروجی از گره خواهد بود.

$$(+3) + (+4) + (+2) + (-1) + (-2) + I = 0$$

$$11 - 3 + I = 0$$

جهت جریان به سمت راست می باشد. $I = -8A$





بهم بستن مدار در برق کشی منزل چگونه است؟

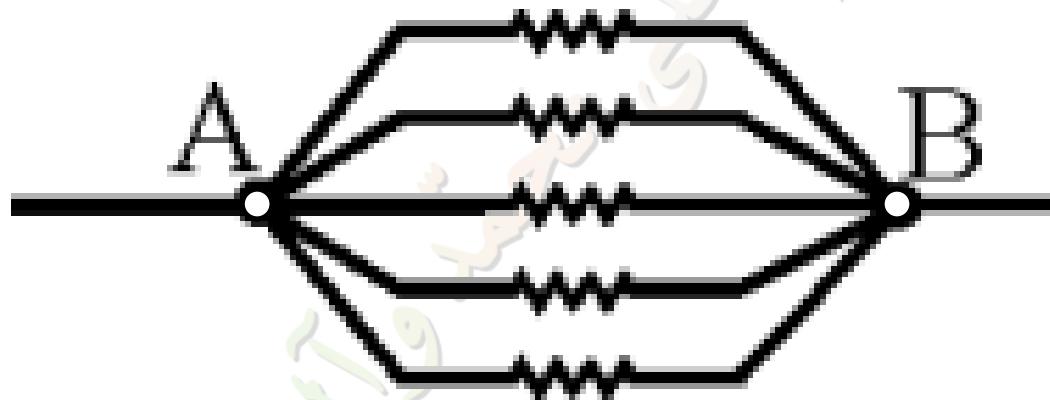


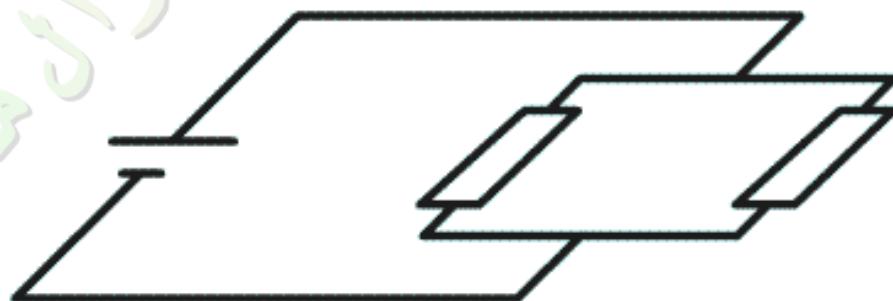
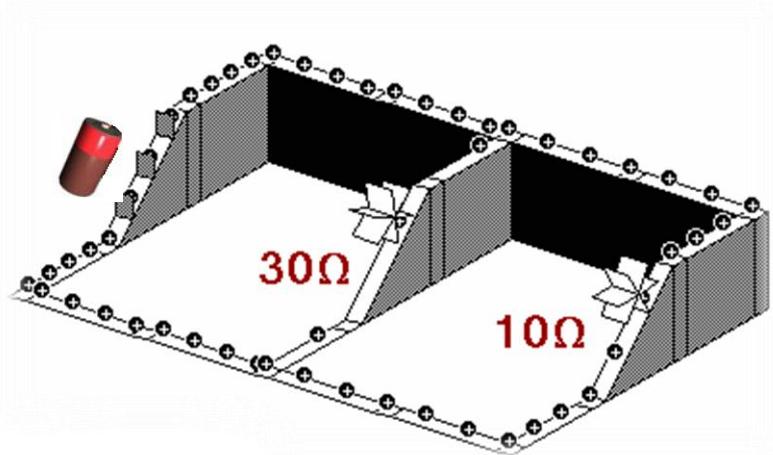
به هم بستن موازی مقاومت ها



به هم بستن موازی مقاومت‌ها

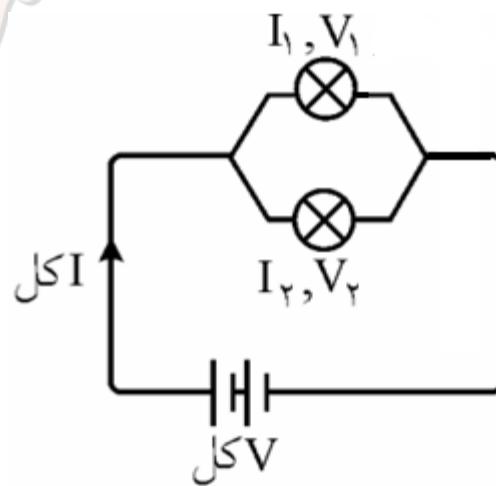
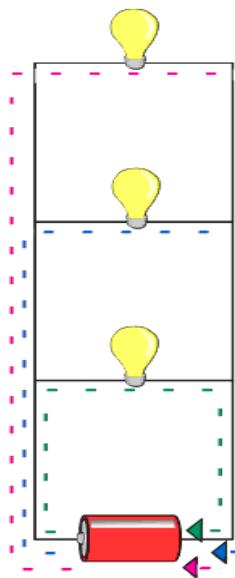
دو سرتامام مقاومت‌های موازی ... به دو نقطه یکسان متصل ... است.

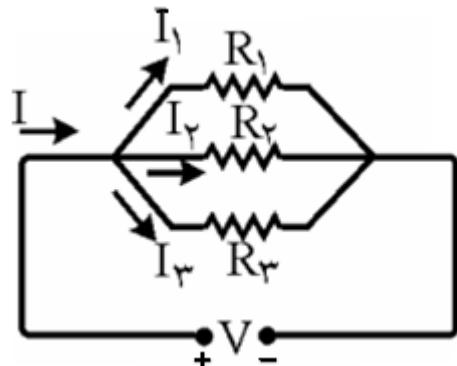




ویژگی های مدار موازی:

- ۱- بیش از یک مسیر برای عبور جریان وجود دارد .
- ۲- اگریکی از وسیله ها بسوزد یا باز شود جریان بقیه شاخه ها قطع نمی شود .





۳- اختلاف پتانسیل تمام اجزای مدار یکسان است.

$$V = V_1 = V_2 = V_3$$

۴- شدت جریان کل برابر با مجموع شدت جریانی که از هر شاخه عبور می‌کند

$$I = I_1 + I_2 + I_3$$

۵- مقاومت معادل بین دو نقطه در این حالت از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\frac{V}{R} = \frac{V}{R_1} + \frac{V}{R_2} + \frac{V}{R_3}$$

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

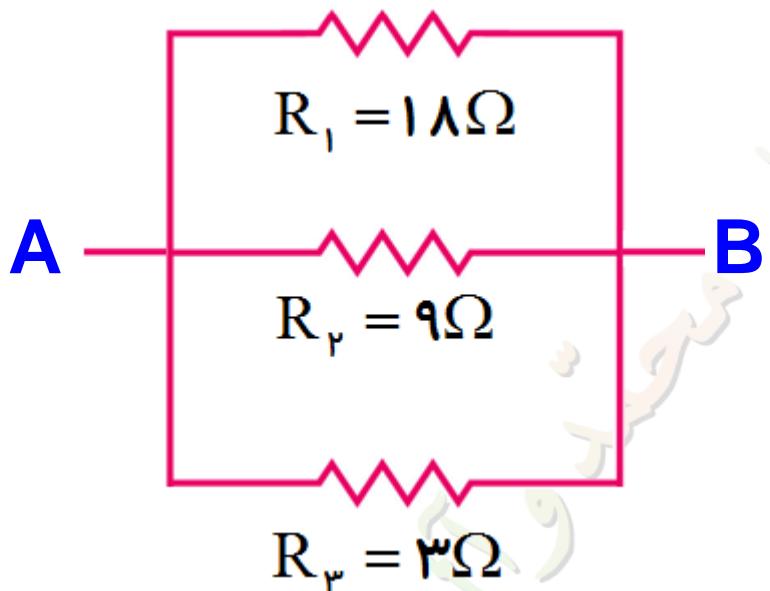


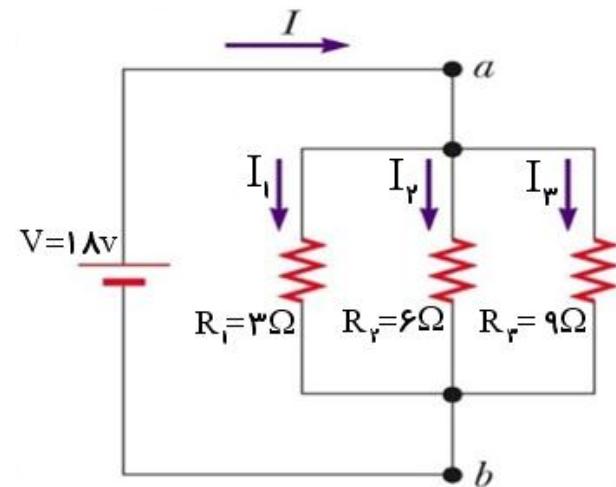
تمرین:

در مدار زیر مقاومت معادل بین دو نقطه A و B را بیابید.

پاسخ

$$R_T = 2\Omega$$





تمرین:

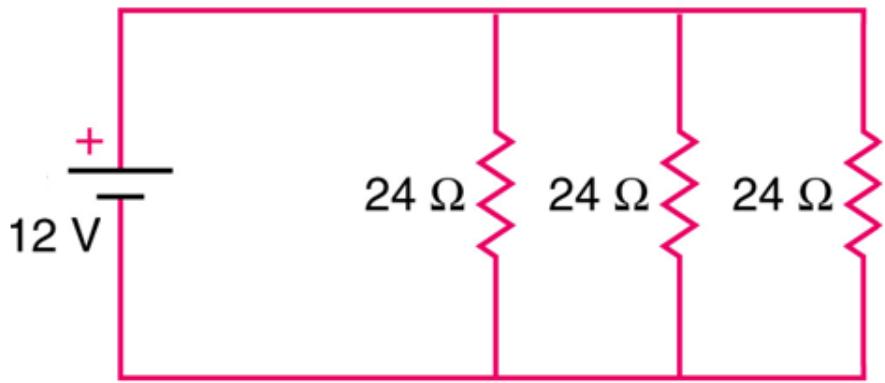
چه جریانی از هر جزء مدار می‌گذرد؟

$$V_1 = V_2 = V_3 = 18V \rightarrow R = \frac{V}{I} \rightarrow I = \frac{V}{R}$$

$$\left. \begin{aligned} I_1 &= \frac{18}{3} = 6A \\ I_2 &= \frac{18}{6} = 3A \\ I_3 &= \frac{18}{9} = 2A \end{aligned} \right\}$$



در مدار شکل زیر جریان عبوری از مقاومت 24Ω را بیابید.



$$I_1 = I_2 = I_3 = ./. 5A$$

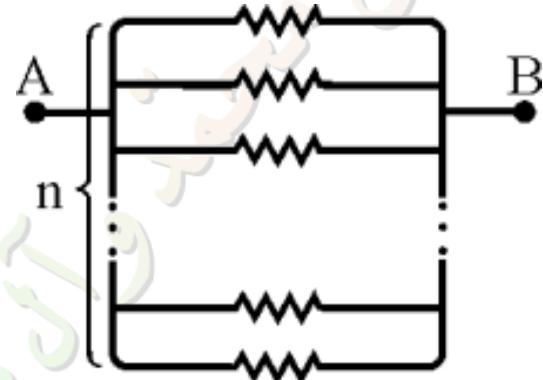
پاسخ



نکات مهم در مقاومت های موازی:

- ۱- مقاومت معادل در مدار موازی باید از تک مقاومتها کوچکتر باشد.
- ۲- اگر n مقاومت مشابه R را به صورت موازی به هم بندیم آنگاه مقاومت معادل از رابطه زیر بدست می آید :

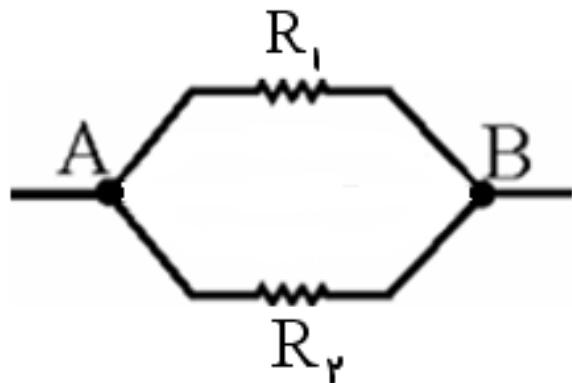
$$R_{\text{کل}} = \frac{R_1}{n}$$



$$\frac{1}{R_T} = \underbrace{\frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \dots + \frac{1}{R}}_n \Rightarrow \frac{1}{R_T} = \frac{n}{R} \Rightarrow R_T = \frac{R}{n}$$



۳- اگر دو مقاومت R_1 و R_2 به صورت موازی به هم بسته شده باشند مقاومت معادل آنها به صورت زیر نیز بدست می آید :

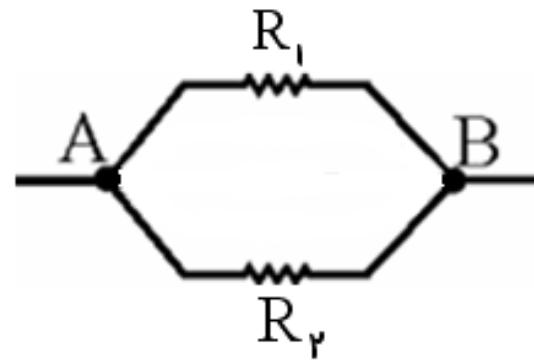
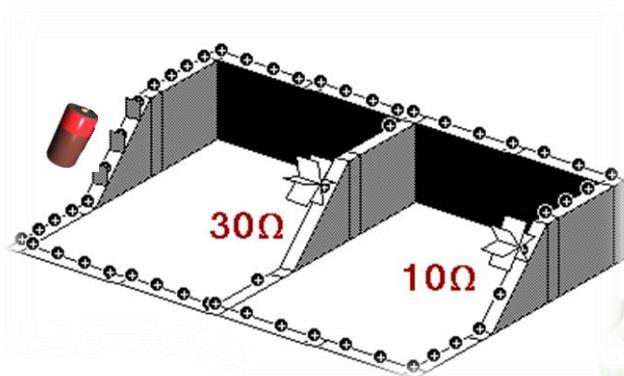


$$R_{\text{کل}} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

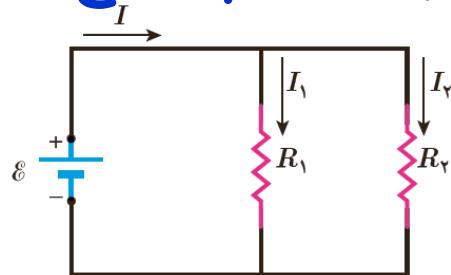


۴- در مقاومتهای موازی، هر مقاومت، رابطه عکس با جریان عبوری از آن دارد.

$$V_1 = V_2 \rightarrow I_1 R_1 = I_2 R_2 \rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{I_1}{I_2} \rightarrow R \propto \frac{1}{I} \text{ یا } I \propto \frac{1}{R}$$



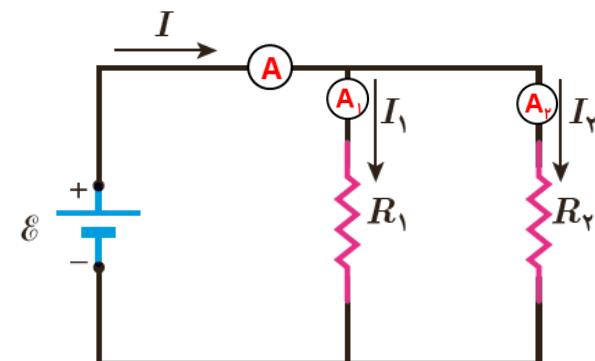
مداری مانند مدار مثال ۲-۸ (در شکل رو به رو، یک باتری آرمانی اختلاف پتانسیل $V = 12V$ به دو سر مقاومت های $R_1 = 4\Omega$ و $R_2 = 6\Omega$ اعمال می کند) بیندید و در هر شاخه آن، یک آمپرسنج قرار دهید. با خواندن آمپرسنج ها، رابطه بین جریان ها را بررسی کنید.



$$R = \frac{V}{I} \rightarrow I = \frac{V}{R} \quad \left\{ \begin{array}{l} I_1 = \frac{12}{4} = 3A \quad \text{آمپرسنج اول} \\ I_2 = \frac{12}{6} = 2A \quad \text{آمپرسنج دوم} \end{array} \right. \quad \rightarrow I_1 + I_2 = 5A$$

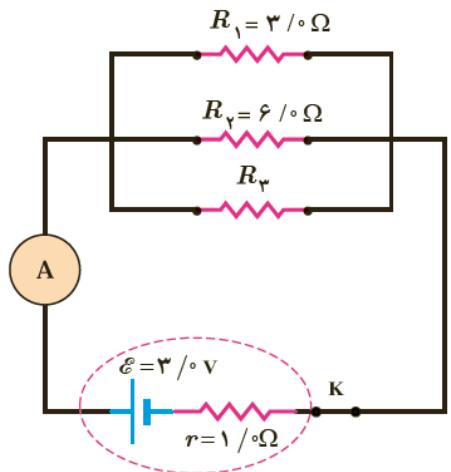
$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{6} + \frac{1}{4} \rightarrow \frac{1}{R_T} = \frac{2+3}{12} \rightarrow R_T = 2.4\Omega$$

$$I_T = \frac{V}{R_T} \rightarrow I_T = \frac{12}{2.4} \rightarrow I_T = 5A \quad \text{آمپرسنج اصلی}$$



پاسخ:

در شکل رو به رو سه مقاومت موازی به همراه یک آمپرسنج آرمانی به دو سر یک باتری وصل شده اند. اگر مقاومت معادل این ترکیب $R_{\text{eq}} = 16\Omega$ باشد،
 (الف) مقاومت R_3 چقدر است؟
 (ب) جریانی که آمپرسنج نشان می دهد را به دست آورید.



پاسخ:

(الف)

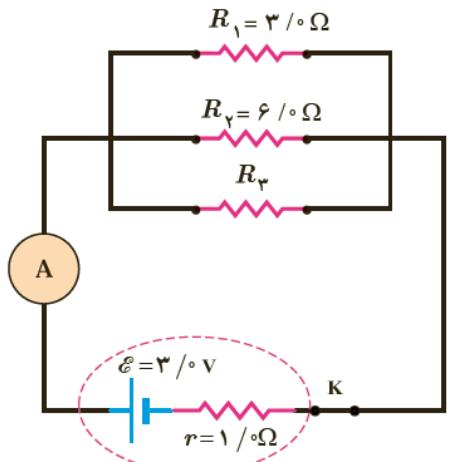
$$\frac{1}{16} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{R_3} \rightarrow \frac{1}{16} = \frac{1}{2} + \frac{1}{R_3} \rightarrow \frac{1}{R_3} = \frac{5}{8} - \frac{4}{8} \rightarrow R_3 = 8\Omega$$

(ب)

$$I = \frac{E}{R_T + r} \rightarrow I = \frac{3}{1/6 + 1} \rightarrow I = 1/15 \text{ A}$$



در شکل رو به رو سه مقاومت موازی به همراه یک آمپرسنج آرمانی به دو سر یک باتری وصل شده اند. اگر مقاومت معادل این ترکیب 16Ω باشد، پ) نشان دهید توان خروجی باتری با مجموع توان های مصرفی مقاومت های R_1 ، R_2 و R_3 برابر است.



$$V = \epsilon - rI = 3 - 1 \times 1 / 15 = 1 / 185 V$$

$$P_{\text{مولد}} = \epsilon I - rI^2 = 3 \times 1 / 15 - 1 \times 1 / 15^2 \approx 2 / 13 W$$

$$P_{\text{مقاومت}} = RI^2 \left\{ \begin{array}{l} P_1 = 3 \times . / 62^2 = 1 / 15 W \\ P_2 = 6 \times . / 3^2 = . / 54 W \\ P_3 = 1 \times . / 23^2 \approx . / 42 W \end{array} \right.$$

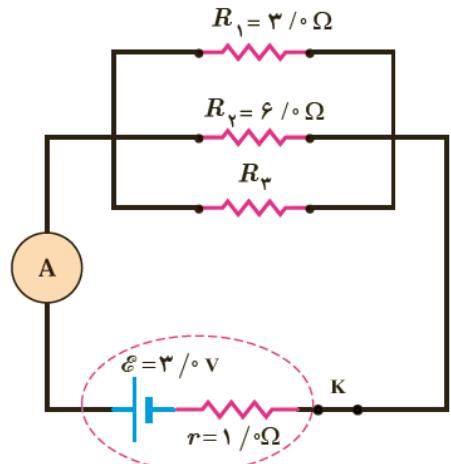
$$\left\{ \begin{array}{l} I_1 = \frac{V_1}{R_1} = \frac{1 / 185}{3} \approx . / 62 A \\ I_2 = \frac{V_2}{R_2} = \frac{1 / 185}{6} \approx . / 3 A \\ I_3 = \frac{V_3}{R_3} = \frac{1 / 185}{1} \approx . / 23 A \end{array} \right.$$

$$1 / 15 + . / 54 + . / 42 = 2 / 11 W \rightarrow P_{\text{مولد}} = P_1 + P_2 + P_3$$

علت بوجود آمدن اختلاف ناچیز، گرد کردن اعداد اعشاری است.



در شکل رو به رو سه مقاومت موازی به همراه یک آمپرسنج آرمانی به دو سر یک باتری وصل شده اند. اگر مقاومت معادل این ترکیب $R_{\parallel} = 6\Omega$ باشد،
 (الف) مقاومت R_{\parallel} چقدر است؟
 (ب) جریانی که آمپرسنج نشان می دهد را به دست آورید.
 (پ) توان خروجی باتری چقدر است؟



پاسخ:

(الف)

$$\frac{1}{16} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{R_{\parallel}} \rightarrow \frac{1}{16} = \frac{1}{2} + \frac{1}{R_{\parallel}} \rightarrow \frac{1}{R_{\parallel}} = \frac{5}{8} - \frac{4}{8} \rightarrow R_{\parallel} = 8\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{\text{T}} + r} \rightarrow I = \frac{3}{1/6 + 1} \rightarrow I = 1/15 \text{A}$$

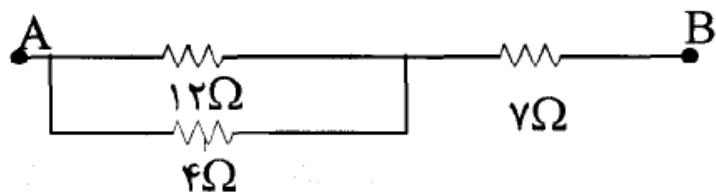
$$P = \varepsilon I - rI^2 = 3 \times 1/15 - 1 \times 1/15^2 \approx 12/3 \text{W}$$

(ب)

(پ)

تمرین:

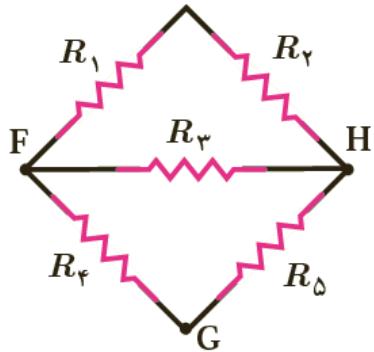
در شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B را حساب کنید.



پاسخ

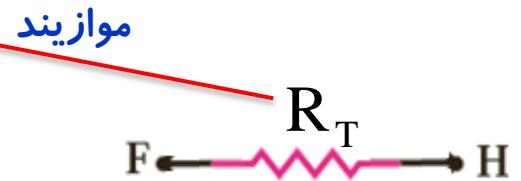
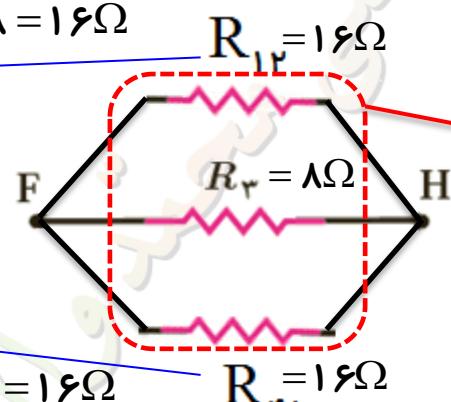
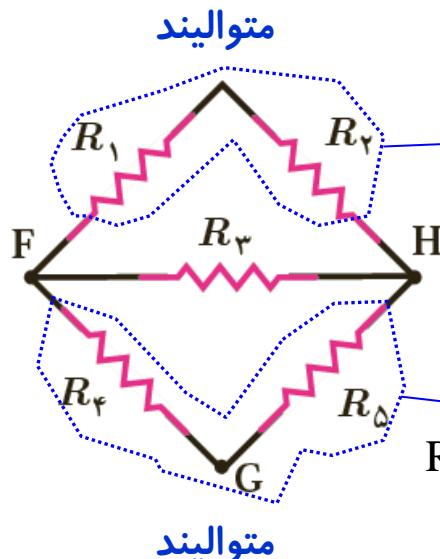
$$R_T = 1.0\Omega$$



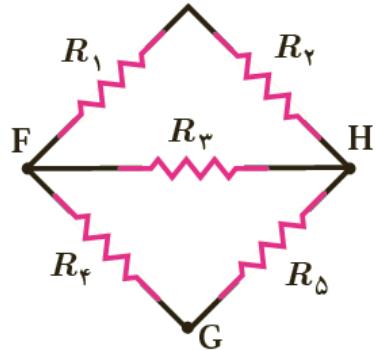


شکل روبرو پنج مقاومت اهمی را نشان می دهد.
الف) مقاومت معادل بین نقطه های F و H چقدر است؟

پاسخ:

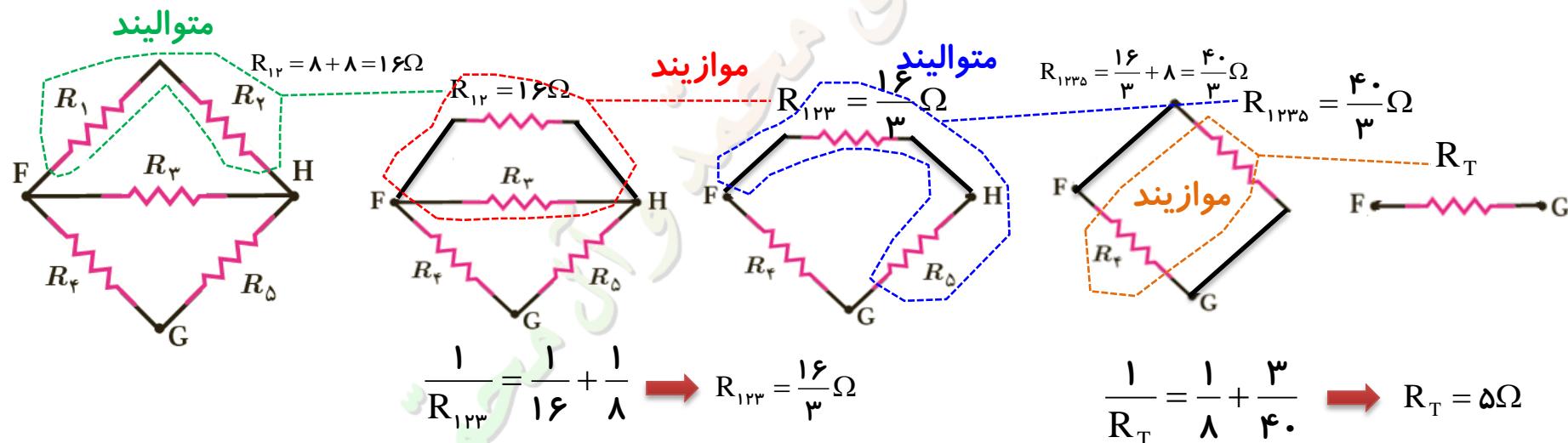


$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{16} + \frac{1}{16} + \frac{1}{\lambda} = \frac{2}{16} + \frac{1}{\lambda} = \frac{2}{\lambda} \rightarrow R_T = 4\Omega$$



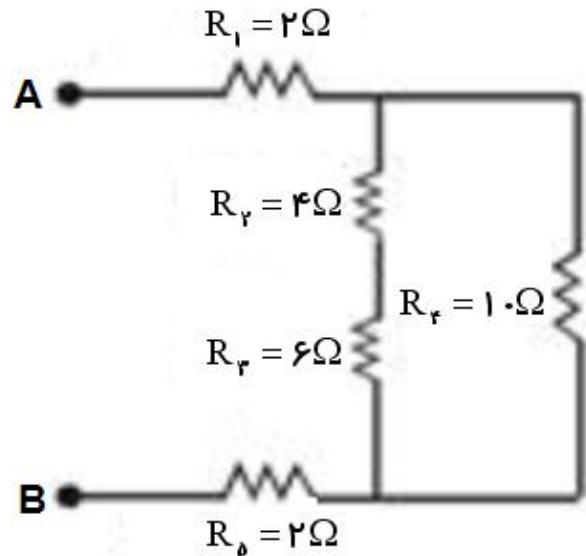
شکل روبرو پنج مقاومت اهمی را نشان می دهد.
ب) مقاومت معادل بین نقطه های F و G چقدر است؟

پاسخ:



تمرین:

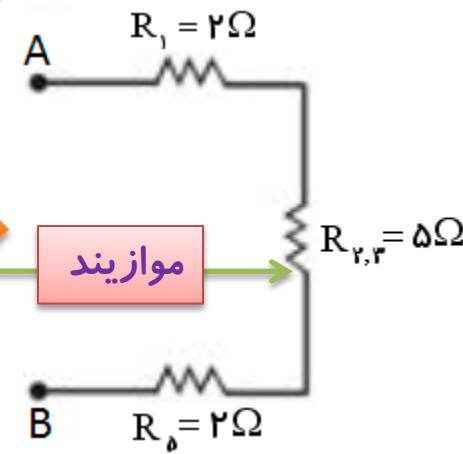
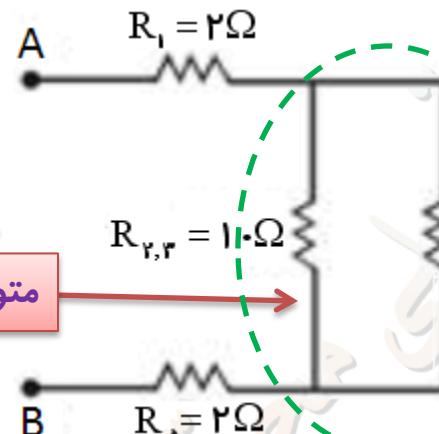
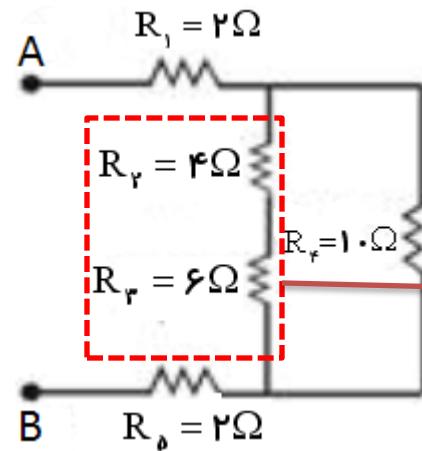
در مدار شکل زیر مقاومت معادل بین A و B را بیابید.



$$R_T = 9\Omega$$



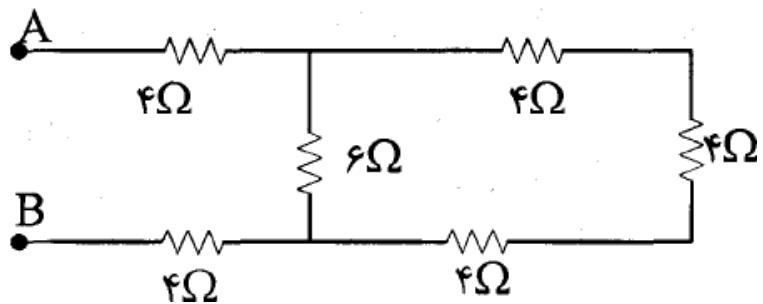
پاسخ:



$$R_T = 2 + 2 + 5 = 9\Omega$$



در شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B را حساب کنید.

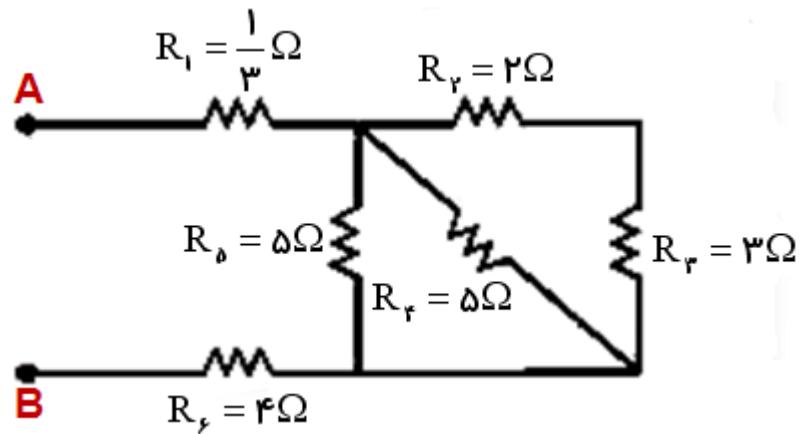


پاسخ

$$R_T = 12\Omega$$



در شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A و B را به دست آورید.



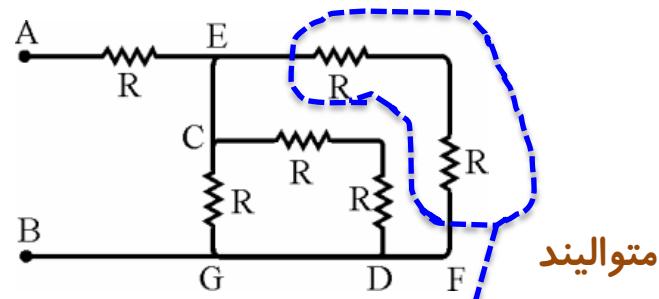
پاسخ

$$R_T = 6\Omega$$



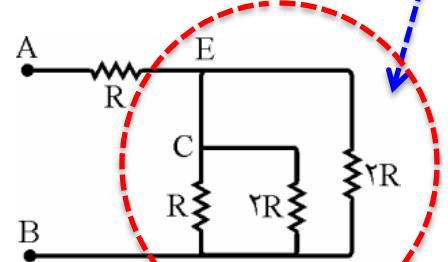
تمرین:

در شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A و B را به دست آورید.



$$\frac{1}{R_{EG}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{2R} + \frac{1}{R}$$

$$R_T = \frac{3}{2}R$$

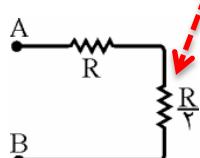


$$\frac{1}{R_{EG}} = \frac{1+1+2}{2R}$$

$$R_{EG} = \frac{R}{2}$$

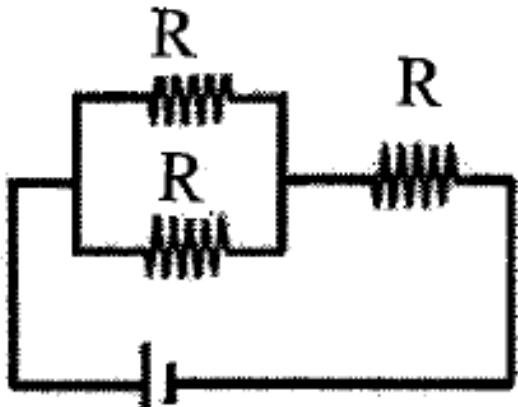
$$R_T = R + \frac{R}{2} = \frac{3R}{2}$$

پاسخ:



تمرین:

$\frac{9}{2}\Omega$ سه مقاومت مشابه مانند شکل به هم بسته شده اند. اگر مقاومت معادل باشد. هر مقاومت چند اهم است؟



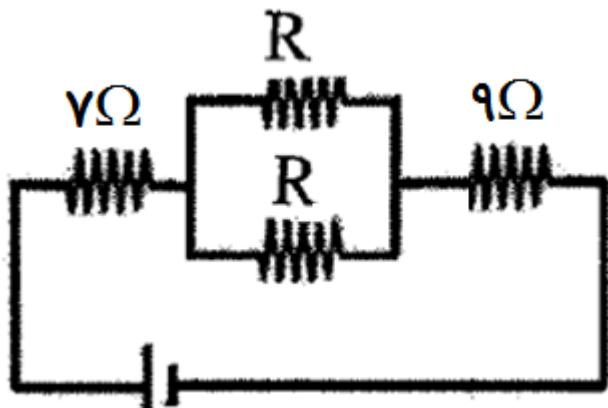
پاسخ

$$R = 3\Omega$$



تمرین:

دو مقاومت مشابه مانند شکل به هم بسته شده اند. اگر مقاومت معادل 20Ω باشد. هر مقاومت چند اهم است؟



پاسخ

$$R = 8\Omega$$

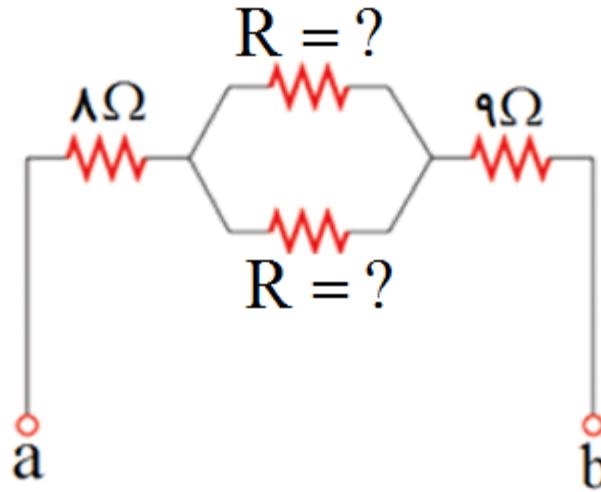


تمرین:

در مدار شکل زیر مقاومت معادل بین a و b برابر 27Ω می باشد مقاومت های مجهول را پیدا کنید. (دو مقاومت مشابه است)

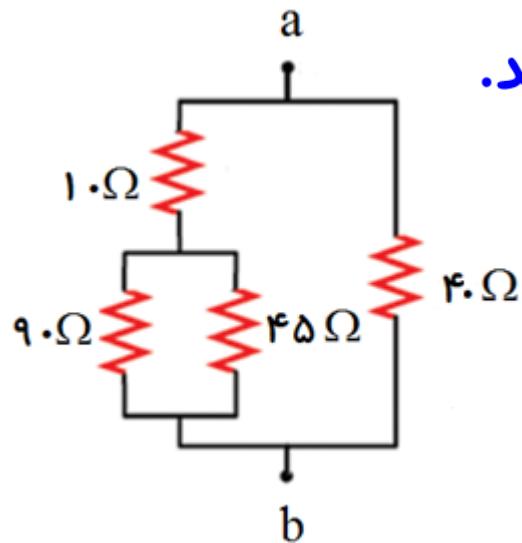
پاسخ

$$R_1 = R_2 = 20\Omega$$



تمرین:

در مدارهای شکل زیر مقاومت معادل بین a و b را بیابید.



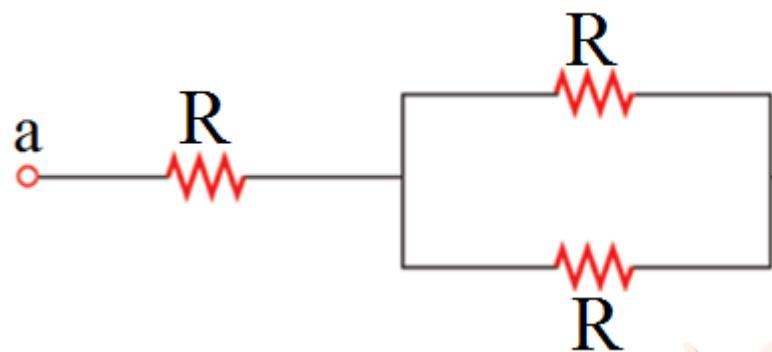
پاسخ

$$R_T = 20\Omega$$



تمرین:

در مدار شکل زیر مقاومت معادل بین a و b برابر 50Ω امی باشد مقاومت های مجهول را پیدا کنید. (سه مقاومت مشابه اند)



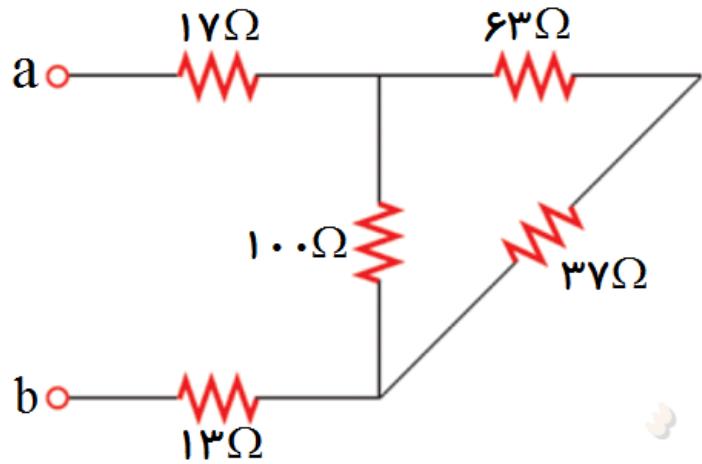
$$R_1 = R_2 = R_3 = 100\Omega$$

پاسخ



تمرین:

در مدارهای شکل زیر مقاومت معادل بین a و b را بیابید.



پاسخ

$$R'_T = 8.0\Omega$$



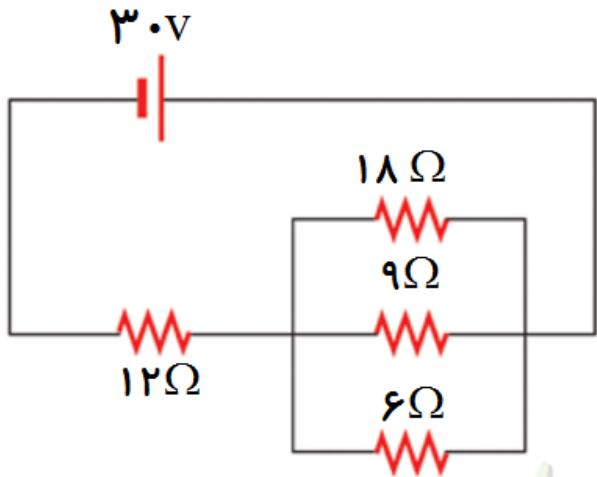
تمرین:

- الف) مقاومت معادل رادرمدار شکل زیر به دست آورید.
- ب) جریانی که از مقاومت ۱۲ اهمی می‌گذرد، چقدر است؟

پاسخ

$$R_T = 15\Omega$$

$$I = 2A$$

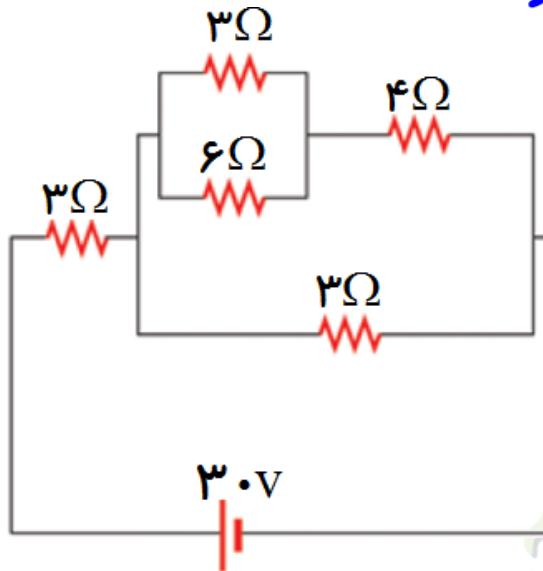


- الف) مقاومت معادل رادرمدار شکل زیر به دست آورید.
- ب) جریانی که از مقاومت 6Ω اهمی می‌گذرد، چقدر است؟

پاسخ

$$R_T = 5\Omega$$

$$I_1 = \frac{2}{3} A$$

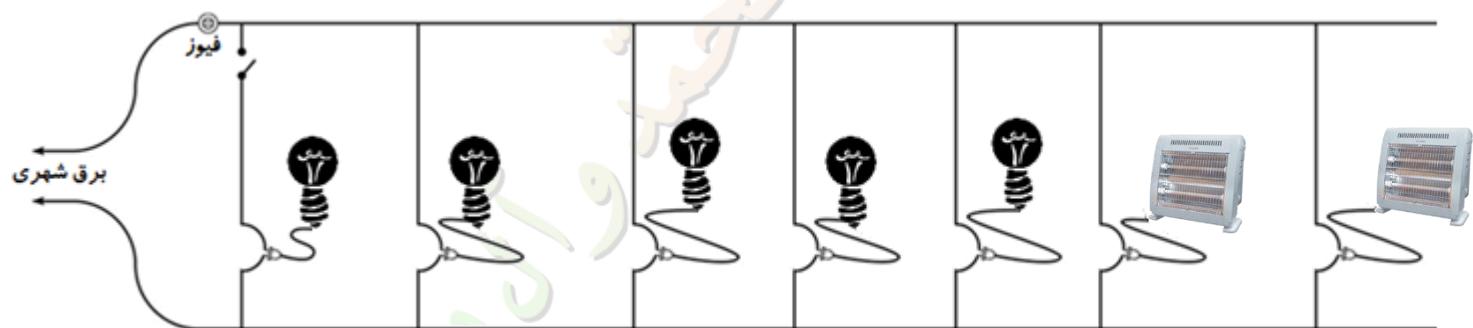


تمرین:

پنج لامپ $W \cdot ٦٠$ عودوبخاری $A \cdot ٣٠$ به پریزهای یک مدار سیم کشی خانگی $١٢٠V$ که حد اکثر می تواند جریان $A \cdot ٢$ را تحمل کند وصل شده اند آیا این ترکیب مصرف کننده هاباعث پریدن فیوز می شود یا خیر؟

پاسخ:

بله



مدار سیم کشی موازی است تنها عاملی که در لامپ ها بخاری ثابت باقی می ماند. ولتاژ است.

$$\left\{ \begin{array}{l} P_1 = 6 \text{W} \\ P_2 = 120 \text{W} \end{array} \right.$$

$$P = \frac{V^2}{R}$$

$$R = \frac{V^2}{P} \quad \left\{ \begin{array}{l} R_1 = \frac{120^2}{6} = 240 \Omega \\ R_2 = \frac{120^2}{120} = 12 \Omega \end{array} \right.$$

$$V_1 = V_2 = 120 \text{V}$$

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{240} + \frac{1}{240} + \frac{1}{240} + \frac{1}{240} + \frac{1}{240} + \frac{1}{12} + \frac{1}{12}$$

$$I_T = 2 \text{A}$$

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1+1+1+1+1+20+20}{240}$$

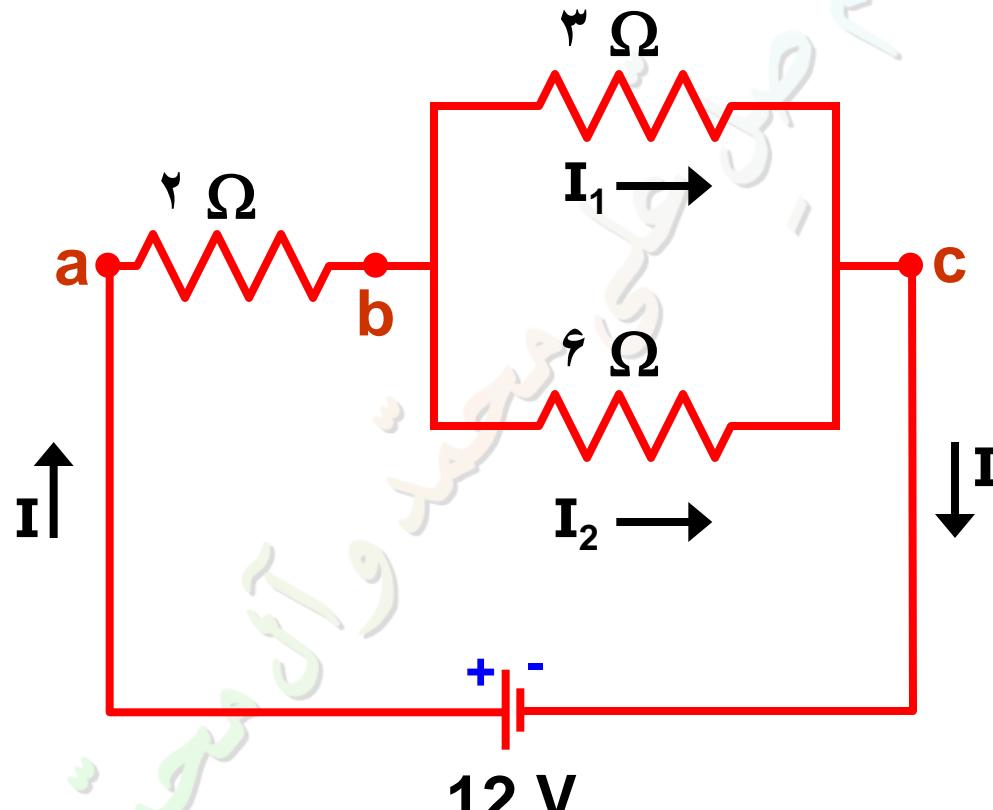
$$R_T = 5.33 \Omega \rightarrow I_T = \frac{V_T}{R_T} = \frac{120}{5.33} \approx 22.5 \text{A}$$

این جریان بزرگتر از بیشینه جریانی است که مدار قادر به تحمل آن است. بنابراین فیوز خواهد پرید.



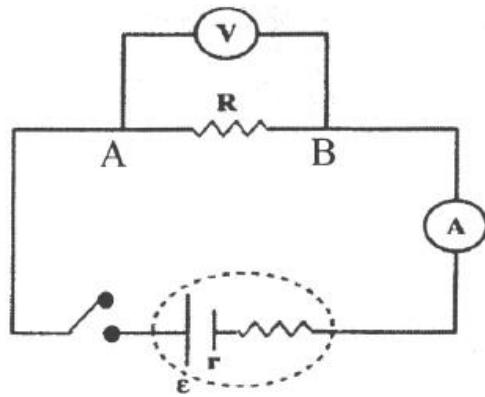
تمرین:

الف) چه جریانی از مدار شکل زیر می گذرد؟ ب) از مقاومت $\underline{3\Omega}$ اهم چه جریانی می گذرد؟



تمرین:

در یک آزمایش، بین دو نقطه‌ی A و B قطعه‌ای با طول معین از سیم تنگستن قرار می‌دهیم. (الف) پس از بستن کلید مقاومت قطعه سیم را چگونه می‌توان اندازه‌گیری کرد؟ (ب) اگر طول سیم بین A و B را کاهش دهیم و سپس کلید را بیندیم در اندازه‌گیری ولت سنج و آمپرسنج چه تغییری به وجود می‌آید؟



پاسخ

(الف)

عددهای ولت سنج و آمپرسنج را بر هم تقسیم می‌کنیم (طبق قانون اهم)

$$I = \frac{\epsilon}{R + r}$$

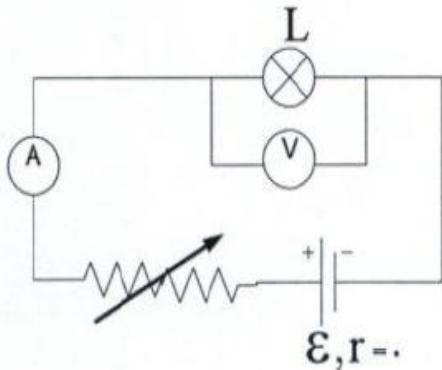
(ب)

مقاومت سیم کاهش می‌یابد، و آمپرسنج طبق رابطه‌روبه رو عدد بزرگتری را نشان می‌دهد.

با افزایش جریان، عددی که ولت سنج نشان می‌دهد مطابق رابطه‌روبه رو کاهش می‌یابد.



در شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا را به تدریج کم کنیم، اختلاف پتانسیل دو سر لامپ و عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد چه تغییری می‌کند؟



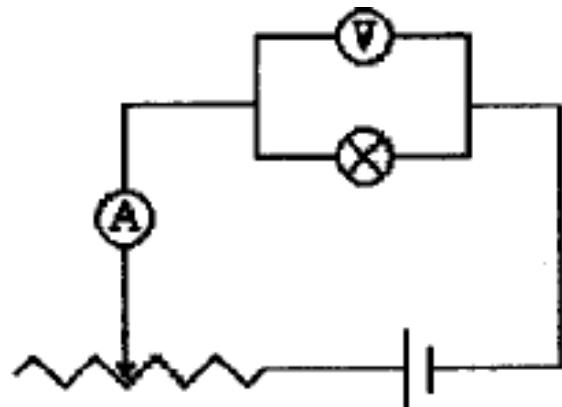
پاسخ

با کاهش مقاومت رئوستا، مقاومت کل مدار سری کاهش می‌یابد و آمپرسنج طبق رابطه $I = \frac{\epsilon}{R + r}$ رو به رو عدد بیشتری را نشان می‌دهد.

ولت سنج نیز مطابق رابطه $V = RI$ رو به رو عدد بیشتری را نشان می‌دهد.



در شکل مقابل، اگر مقاومت رئوستا را به تدریج افزایش دهیم، روشنایی لامپ عددی که ولت سنج نشان می‌دهد، چه تغییری خواهد کرد؟



پاسخ

با افزایش مقاومت رئوستا، جریان ایجاد شده کاهش یافته و نور لامپ، کمتر می‌گردد. و طبق رابطه $V=IR$ ولتاژ دو سر لامپ نیز کاهش می‌یابد.

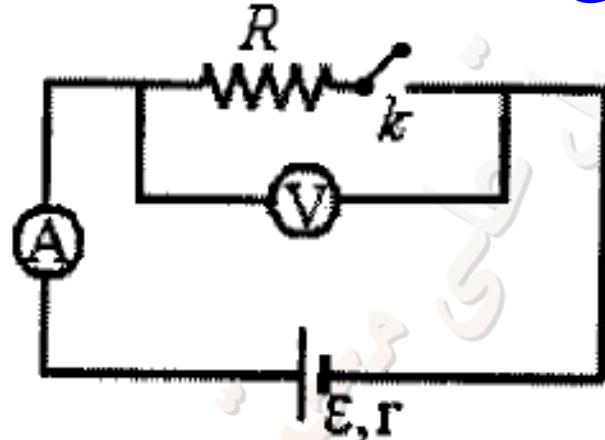
$$\downarrow I = \frac{\varepsilon}{R \uparrow + r}$$

$$\downarrow V = RI \downarrow$$



تمرین:

در مدار شکل مقابل، وقتی کلید را می بندیم، عدد ولت سنج، تغییری محسوسی نمی کند در حالی که آمپرسنج عدد جریان را نشان می دهد، علت را بنویسید.



پاسخ

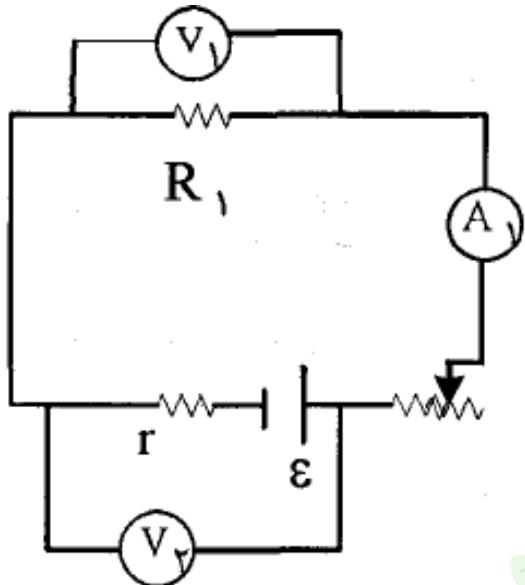
$$V = \epsilon$$

وقتی کلید باز است $V = \epsilon - rI = 0$ و چون $I \neq 0$ است، نتیجه می گیریم مقاومت درونی باتری صفر است.



تمرین:

در مدار الکتریکی شکل مقابل، اگر به تدریج مقادیر مقدار مقاومت متغیر را افزایش دهیم، پیش بینی کنید:
 الف) مقاومت معادل مدار چه تغییری می کند؟
 ب) مقدارهایی را که هر یک از ولت سنج ها و آمپرسنج نشان می دهد، چه تغییری می کند؟



پاسخ

الف) افزایش می یابد.
 ب) آمپرسنج جریان کمتری را نشان می دهد، ولی ولت سنج V_1 مقدار کمتری نشان می دهد و ولت سنج V_2 مقدار بیشتری نشان می دهد.



تست:

با توجه به مدار شکل مقابل مقدار مقاومت درونی مدار چند اهم است؟

۲) ۴

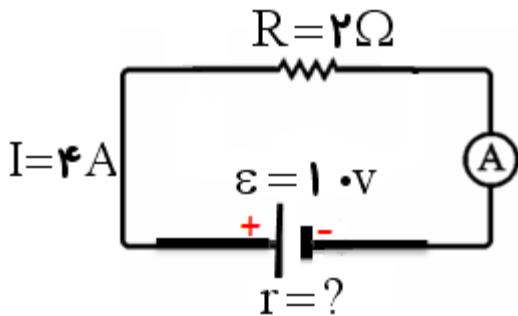
۱/۲۵) ۳

۱) ۲

۱) ۵.

پاسخ

$$r = . / 5\Omega$$



لذا گزینه ۱ صحیح است.

$$I = \frac{\epsilon}{R + r} \rightarrow 4 = \frac{1.0}{2 + r} \rightarrow r = . / 5\Omega$$

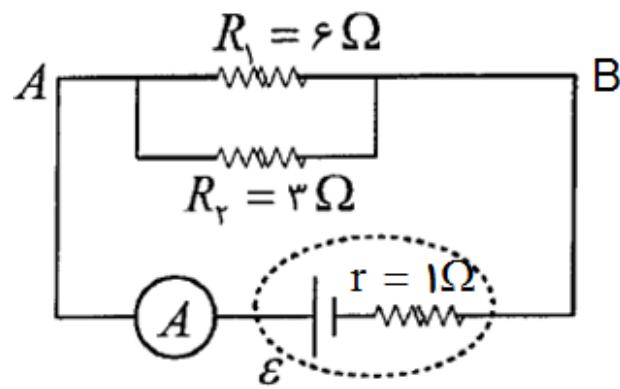


تمرین:

در مدار شکل مقابل، مقاومت درونی باتری $3A$ و آمپرسنچ جریان $3A$ را نشان می‌دهد.

الف) شدت جریان در هر مقاومت را محاسبه کنید.

ب) نیروی محرکه‌ی چند ولت است؟



پاسخ

$$I_1 = 1A$$

$$I_r = 2A$$

$$\mathcal{E} = 9V$$



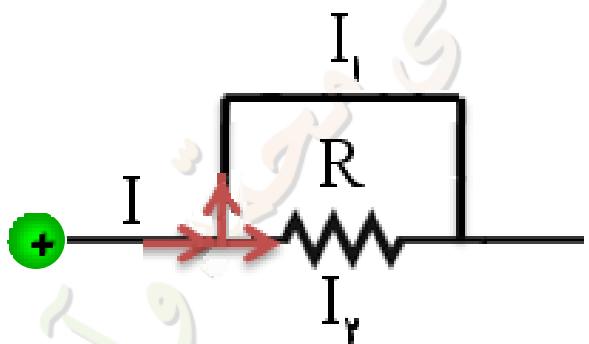
موضوع : اتصال کوتاہ



اتصال کوتاه

هرگاه مطابق شکل دو سر مصرف‌کننده‌ای را با سیم بدون مقاومتی به هم وصل کنیم.

جریان عبوری از مصرف‌کننده $I_2 = 0$ می‌شود (که اصطلاحاً گویند این مصرف‌کننده از مدار حذف می‌گردد).

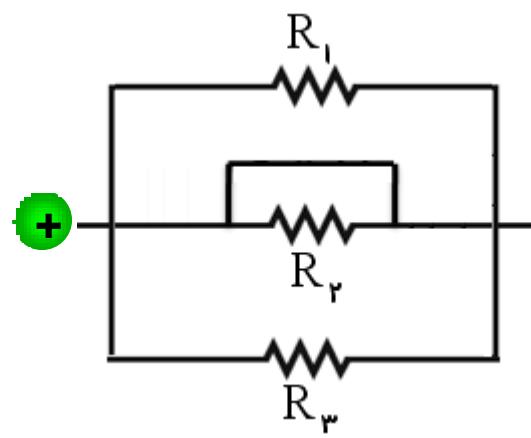


نکات مهم اتصال کوتاه

۱- اگر چند مصرف کننده با هم سری باشند، هر کدام از مقاومتها که دوسرشان اتصال کوتاه باشد. آن مصرف کننده از مدار حذف می شود.



۲- اگر چند مصرف کننده با هم موازی باشند، هر کدام اتصال کوتاه کو شده باشد کل شاخه های موازی با شاخه اتصال کوتاه شده، از مدار خارج می گردد.



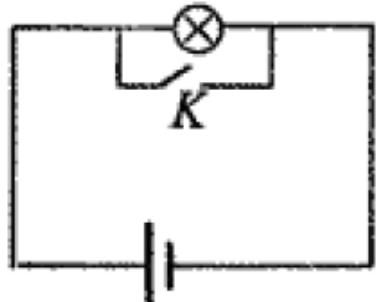
پرسش:

چرا پرنده‌گان که روی سیم کابل برق می‌نشینند چار برق گرفتن نمی‌شوند؟



پرسش:

در مدار شکل مقابل لامپ روشن است، پیش بینی کنید: در صورت بستن کلید نور لامپ چه تغییری می کند؟ علت را توضیح دهید.



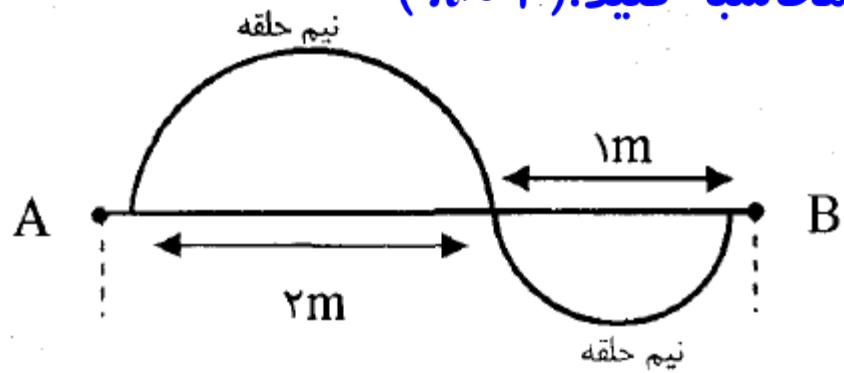
پاسخ

لامپ خاموش می شود، زیرا دوسر آن اتصال کوتاه شده است و جریانی از لامپ عبور نخواهد کرد.



تمرین:

با یک سیم فلزی یکنواخت که مقاومت هر متر آن $20\ \Omega$ است مداری مانند شکل زیر می بندیم. مقاومت معادل بین دو نقطه A و B را محاسبه کنید. ($\pi \approx 3$)



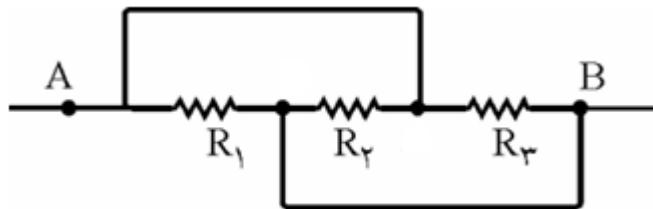
پاسخ

$$R_T = 36\Omega$$



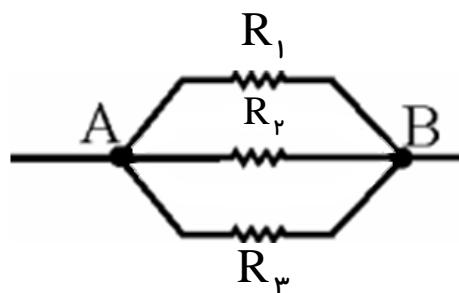
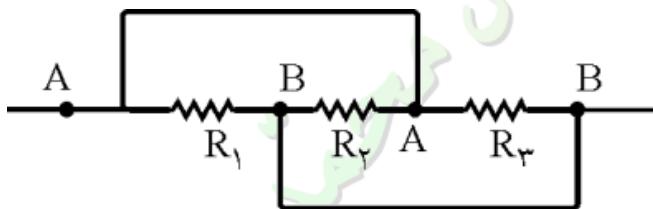
پرسش:

به نظر شما در مدار شکل، مقاومت‌های بین دو نقطه‌ی A و B چگونه بهم بسته شده‌اند؟

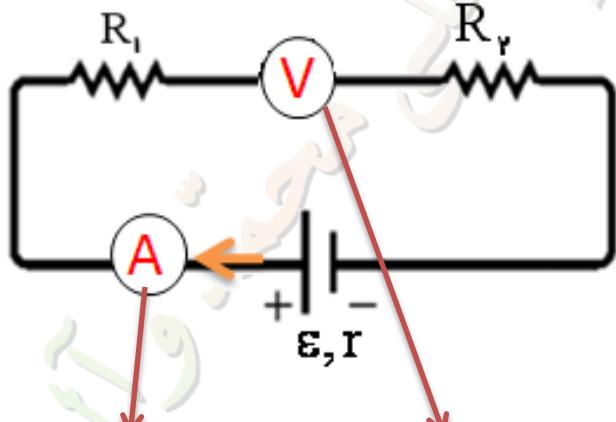


پاسخ

سرهیک از مقاومت‌های بین نقطه‌ی A و سر دیگر آن‌ها به نقطه‌ی B وصل شده است و سه مقاومت موازی هستند.



اگر ولت سنج را اشتباه‌آ در مداری به صورت سری قرار دهیم باعث قطع جریان در مدار شده و در این حالت ولت سنج، نیروی محرکه مولد را نشان می‌دهد.

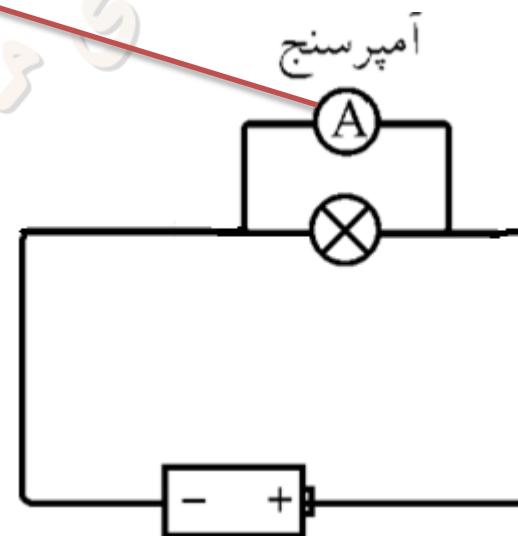


عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد صفر است.

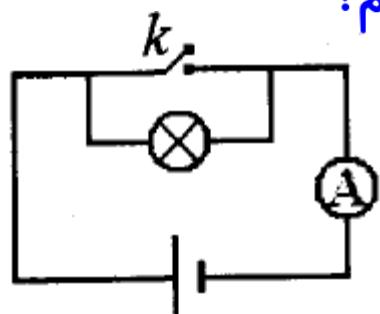
عددی که ولت سنج نشان می‌دهد برابر E است.

اگر آمپرسنج را اشتباهًا در مداری به صورت موازی قرار دهیم مقاومت داخلی آن آسیب می‌بیند و یا دستگاه می‌سوزد. و در نهایت باتری آسیب می‌بیند

حالت اتصال کوتاه پیدا می‌کند.



در مدار مقابل، لامپ روشن است و آمپرسنگ شدت جریان مدار را نشان می‌دهد. اگر کلید k بسته شود: الف) چه تغییری در وضع روشنایی لامپ ایجاد خواهد شد؟
 ب) کدام قسمت مدار ممکن است آسیب ببیند؟
 ج) چگونه به کمک یک رئوستا می‌توانیم از این آسیب جلوگیری کنیم؟



پاسخ

الف) لامپ خاموش می‌شود.

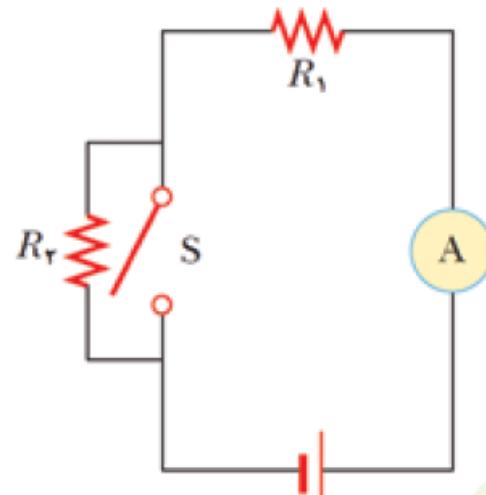
ب) آمپرسنگ

ج) رئوستا را به طور متوالی در مدار می‌بندیم تا از افزایش بیش از حد جریان در مدار، جلوگیری کند.

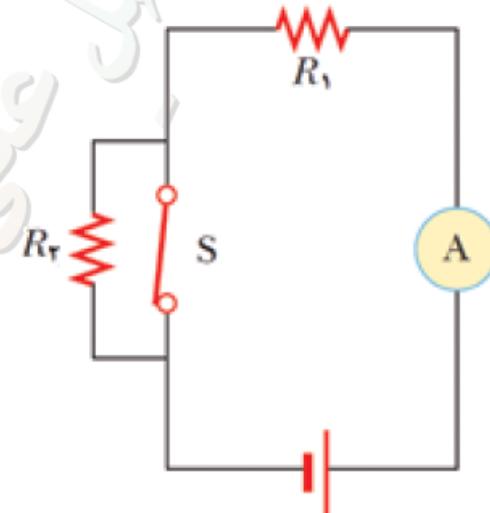


پرسش:

در مدار شکل (الف) جریان توسط آمپرسنج اندازه گیری می شود. وقتی مطابق مدار شکل (ب) کلید S باز شود، جریانی که آمپرسنج می خواند چه تغییری می کند؟ توضیح دهید.



(ب)



(الف)

پاسخ



شناختنامه الکتریسیته جاری

نام کمیت	علامت	یکا (SI)
جریان الکتریکی	I	آمپر (A)
بار الکتریکی	q	کولن (C)
مقاومت الکتریکی	R	اهم (Ω)
مقاومت درونی - مقاومت داخلی	r	اهم (Ω)
مقاومت ویژه سیم رسانا	ρ	اهم متر (Ωm)
پتانسیل - اختلاف پتانسیل	V	ولت (V)
نیروی محرکه	ϵ	ولت (V)
افت پتانسیل	V	ولت (V)
توان الکتریکی	P	وات (W)
انرژی الکتریکی	U	ژول (J)



$$I = \frac{\varepsilon}{\sum R + \sum r}$$

۸- جریان در مدار ساده

۹- اختلاف پتانسیل دو سر مولد

$$V = \varepsilon - rI$$

۱۰- توان تولیدی مولد:

۱۱- توان تلف شده مولد:

۱۲- توان خروجی مفید مولد:

$$R_a = \frac{V}{\varepsilon} = \frac{R_T}{R_T + r}$$

۱۳- بازده مولد:

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3$$

۱۴- مقاومت معادل مدار متواالی

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

۱۵- مقاومت معادل مدار موازی

روابط و فرمولهای فصل جریان الکتریکی

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t}$$

۱- شدت جریان متوسط

$$I = \frac{q}{t}$$

$$R = \frac{V}{I}$$

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

$$R = \overline{ab} \times 10^n \pm$$

۶- انرژی الکتریکی مصرفی در رسانا

$$U = RI^2 t = VIt = \frac{V^2}{R} t$$

۷- توان الکتریکی مصرفی در رسانا

$$P = RI^2 = VI = \frac{V^2}{R}$$



با نظارت جمعی از اساتید و معلمان گروه فیزیک البرز :

عظیم آقچه جلی

افشین کردکتویی

شهریار زینالی

فاطمه زارعی

فتانه باقرزاده

محمد انصاری تبار

تاریخ ویرایش نهایی : آبان ماه ۱۳۹۶

ارتباط تلگرامی : @ansari132



خروج

موفق و پیروز باشید



برگشت

قبلی

الحمد لله رب العالمين

بعدی

خروج

Zainin