

## فصل دوم: کار، انرژی و توان

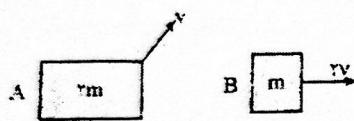
$$K = \frac{1}{2} m V^2 \begin{cases} k : (J) & \text{انرژی جنبشی بر حسب ژول} \\ m : (kg) & \text{جرم بر حسب کیلوگرم} \\ V : \left(\frac{m}{s}\right) & \text{تندی بر حسب متر بر ثانیه} \end{cases}$$

نکته: اگر تندی بر حسب  $\frac{km}{h}$  داده شود باید بر  $3/6$  تقسیم کنیم تا به  $\frac{m}{s}$  تبدیل شود.

$$\frac{k_2}{k_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2$$

نکته: انرژی جنبشی کمیتی نرده‌ای و همواره مثبت است. این کمیت تنها به جرم و تندی جسم بستگی دارد و به جهت حرکت جسم وابسته نیست.

مثال: انرژی جنبشی دو جسم در شکل مقابل را مقایسه کنید.



تمرین 1: در یک سازیری اگر بر تندی یک دوچرخه سوار به اندازه  $\frac{m}{s}$  اضافه شود، انرژی جنبشی آن به  $\frac{9}{4}$  مقدار اولیه می‌رسد. تندی اولیه دوچرخه سوار چند متر بر ثانیه بوده است؟

$$\frac{9}{4} = \left(\frac{V_1 + 4}{V_1}\right)^2 \quad \frac{3}{2} = \frac{V_1 + 4}{V_1} \rightarrow V_1 = 12 \text{ m/s}$$

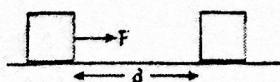
تست 1. از یک قطار که با تندی  $\frac{m}{s}$  18 در حال حرکت است، تعدادی واگن جدا شده به طوری که از جرم قطار 19 درصد کم می‌شود. بر تندی قطرا چند متر ثانیه اضافه شود تا انرژی جنبشی قطار ثابت بماند؟

$$m_2 = m_1 - \frac{19}{100} m_1 = \frac{81}{100} m_1$$

$$1 = \frac{81}{100} \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \sqrt{\frac{10}{9}} \rightarrow V_2 = 20 \quad \Delta V = 2 \text{ m/s}$$

کار انجام شده توسط نیروی ثابت:

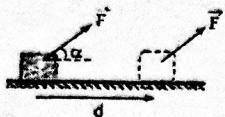
اگر به جسم نیرو اثر کند و جسم در راستای اثر نیرو جابجا شود آن نیرو کار انجام داده است. بنابراین برای انجام کار باید 1- به جسم نیرو وارد شود 2- جسم در راستای اثر نیرو جابجا شود.



$$W = Fd$$

کار کمیت نرده‌ای است و از جنس انرژی بوده و واحد آن در SI ژول (نیوتن متر) است.

## تعريف کامل کار نیروی ثابت



اگر نیرو و جابجایی با یکدیگر زاویه بسانند کار از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\alpha : \text{زاویه بین نیرو و جابجایی است.} \quad W = \vec{F} \cdot \vec{d} = Fd \cos \alpha$$

تذکر 1: اگر  $0 \leq \alpha < 90^\circ$  باشد،  $\cos \alpha > 0$  بوده و کار مشبّت است.

تذکر 2: اگر  $90^\circ < \alpha \leq 180^\circ$  باشد،  $\cos \alpha < 0$  بوده و کار منفی است.

تذکر 3: اگر نیرو بر جابجایی عمود باشد ( $\alpha = 90^\circ \rightarrow \cos 90^\circ = 0$ ) کار انجام شده صفر است. مانند سلطی که در دست گرفته باشیم و به طور افقی جابجا کنیم.

$$W = Fd \cos \alpha \xrightarrow{\cos \alpha = 0} W = 0$$

تعريف: هرگاه نقطه اثر نیروی ثابت یک نیوتون، در راستای نیرو یک متر جابجا شود، یک ژول کار انجام شده است.

نکته مهم: کار کل یعنی جمع جبری کار حاصل از هریک نیروها برابر کار نیروی خالص است.

## بررسی یک موضوع مهم:

در ماهواره‌ها که روی مسیر دایره‌ای به دور زمین می‌چرخند، نیروی وزن ماهواره که همان نیروی جاذبه بین زمین و ماهواره است در هر لحظه بر مسیر حرکت عمود است کار آن در هر جابجایی دلخواه برابر صفر است.

تمرین 2: شخصی جسمی را یکبار با طنابی بلند مطابق شکل (1) و بار دیگر با طنابی کوتاه‌تر مطابق شکل (2) روی سطحی همواره می‌کشد. اگر جابجایی و کار شخص بر روی جسم در دو حالت یکسان باشد، کدام مقایسه در مورد نیروی وارد شده از طرف شخص برسته صحیح است؟



(1) در هر دو حالت یکسان است.

(2) در شکل 1 بیشتر از شکل 2 است.

$$W_1 > W_2 \quad \beta > \alpha \rightarrow \cos \beta < \cos \alpha$$

(3) در شکل 1 کمتر از شکل 2 است.

$$F_1 d \cos \alpha > F_2 d \cos \beta$$

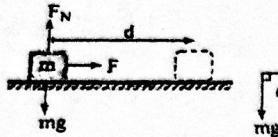
(4) نمی‌توان اظهار نظر کرد.

$$\frac{F_1}{F_2} > \frac{\cos \beta}{\cos \alpha} < 1 \rightarrow F_1 < F_2$$

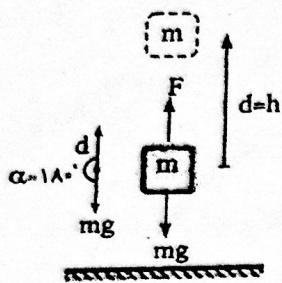
تست 2. مطابق شکل، جسمی به جرم  $3 \text{ kg}$  را با تندی ثابت  $\frac{m}{s} 1/5$  روی سطح افقی می کشیم کار نیروی اصطکاک جنبشی در مدت یک دقیقه چند زول است؟

$$F - f_k = ma \rightarrow F = f_k + a \Delta t = 1/5 \times 60 = 12 \text{ N}$$

$$W_{f_k} = -f_k d = -720 \text{ J}$$



(1) اگر جسم در راستای افقی جابجا شود با توجه به اینکه نیروی وزن برعکس مسیر حرکت عمود است کار انجام شده صفر است.



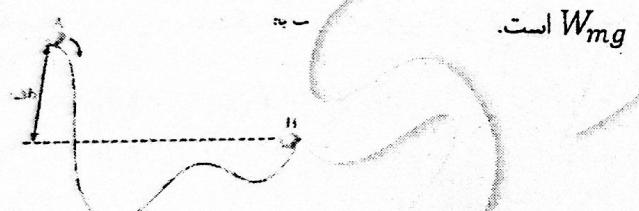
(2) اگر جسم در راستای قائم رو به بالا جابجا شود کار نیروی وزن منفی است.

$$W_{mg} = mgh \cos 180^\circ = -mgh$$

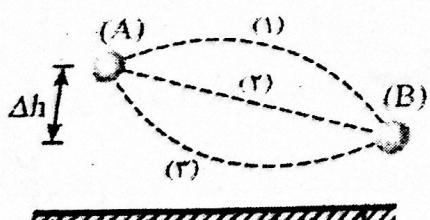
(3) اگر جسم در راستای قائم رو به پایین جابجا شود کار نیروی وزن مثبت است.

$$W_{mg} = mgh \cos 0^\circ = +mgh$$

(4) اگر جسم یک حرکت کلی داشته باشد که در راستای افقی و قائم جابجا شود: جابجایی را به دو صورت افقی و قائم فرض می کنیم. در جابجایی افقی کار وزن بسته (جسم) صفر است و در جابجایی قائم اندازه کار وزن جسم برابر  $|mg\Delta h|$  است که  $\Delta h$  میزان جابجایی قائم است. اگر جسم به سمت پایین جابجا شود و اگر به سمت بالا جابجا شود  $W_{mg} > 0$  است.



$$W_{mg} = +mg\Delta h \quad (\text{جابجایی به سمت بالا}) \quad W_{mg} = -mg\Delta h \quad (\text{جابجایی به سمت پایین})$$



تذکر: کار نیروی وزن مستقل از مسیر حرکت است و تنها به جابجایی جسم در راستای قائم بستگی دارد. همچنین کار نیروی وزن به نوع حرکت جسم در شکل های مقابل بستگی ندارد.

$$W_{mg_1} = W_{mg_2} = W_{mg_3} = +mg\Delta h$$

تست 3. جسمی از سطح زمین با سرعت  $\frac{m}{s} 20$  در راستای قائم رو به بالا پرتاب شده است. اگر اندازه سرعت جسم در لحظه برگشت به نقطه پرتاب  $\frac{m}{s} 10$  باشد کار نیروی وزن در این مسیر چند زول است؟ (جرم جسم

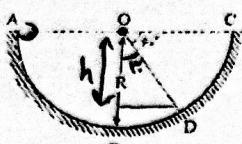
$$(g = 10 \frac{N}{kg}, 4 \text{ kg})$$

600 (4)

(3) صفر

-300 (2)

-600 (1)



تمرین 4: گلوله‌ای به جرم 200 g درون نیم کره‌ای به شعاع 0.5 m می‌لغزد. کار نیروی وزن گلوله را در مسیرهای زیر محاسبه کنید.

(الف) A تا D      (ب) A تا C      (ج) A تا A

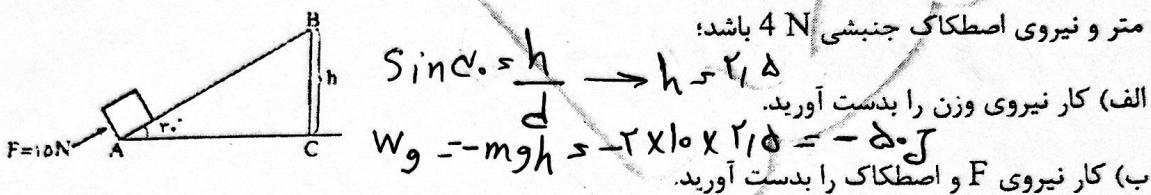
$$W_{AB} = mgR = 2 \times 10 \times 0.5 = 10 \text{ J}$$

$$W_{AC} = W_{AB} + W_{BC} = mgR - mgR = 0$$

$$h = R \cos \alpha = 0.5 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4} \text{ m}$$

$$W_{AD} = mgh = 2 \times 10 \times \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ J}$$

تمرین 5: مطابق شکل جسمی به جرم 2 kg را تا بالای سطح شیبداری می‌رانیم. اگر طول سطح شیبدار 5 متر و نیروی اصطکاک جنبشی 4 N باشد:



$$W_F = F d \cos \theta = 10 \times 2.5 = 25 \text{ J}$$

$$W_{fK} = - f_k d = -20 \text{ J}$$

\* در محاسبه کار نیروی وزن به تغییرات ارتفاع توجه می‌کنیم. اما کار نیروهایی مثل F و  $F_k$  به طول مسیر پیموده شده بستگی دارند.

### کار و انرژی جنبشی:

قضیه کار و انرژی: کار نیروی خالص وارد بر جسم برابر با تغییرات انرژی جنبشی آن است یعنی:

$$W_t = \Delta k = k_2 - k_1$$

نکته 1: قضیه کار و انرژی فقط برای حرکت مستقیم نیست. کار نیروی خالص در هر مسیری و برای هر شتابی (ثابت یا متغیر) برابر با تغییرات انرژی جنبشی است.

نکته 2: مجموع کار نیروها به مسیر حرکت وابسته نیست و فقط به سرعت اول و آخر مسیر بستگی دارد.

تست 4: گلوله‌ای به جرم 0.5 kg را با سرعت اولیه  $\frac{m}{s}$  20 تحت زاویه  $\alpha$  نسبت به افق پرتاب می‌کنیم. اگر سرعت گلوله در بالاترین نقطه مسیر  $\frac{m}{s}$  10 باشد. کار برآیند نیروها از لحظه پرتاب تا بالاترین نقطه مسیر چند رُول است؟

-150 (4)

150 (3)

-75 (2 ✓)

75 (1)

$$W_t = \frac{1}{2} k \left( v^2 - v_0^2 \right) = -V \delta$$

\* اگر کار یک نیرو مثبت باشد انرژی جنبشی افزایش یافته است:  $w_t > 0 \rightarrow k_2 - k_1 > 0 \rightarrow k_2 > k_1$

\* اگر کار یک نیرو منفی باشد انرژی جنبشی کاهش یافته است:  $w_t < 0 \rightarrow k_2 - k_1 < 0 \rightarrow k_2 < k_1$

پرسش: آیا می توانید موردی را بیان کنید که کار نیروی اصطکاک مثبت باشد؟  
 وضتی همچویه نداشت - ممکن می نظرم ناچیه همراه آن جابجا شود، جسم همیل  
 در دستگاه می نماید و به عقب می لغزد اما اصطکاک آن را بجهنم عرضی راند سر اصطکاک هم نمی شود  
 تمرین 5: جسمی به جرم 2 kg بر سطح افقی ساکن است که تحت تأثیر نیروی افقی 10 N شروع به حرکت  
 می کند و پس از 6 m جابجایی، تندی اش به  $4\sqrt{3} \frac{m}{s}$  می رسد. نیروی اصطکاک وارد بر جسم را بدست  
 آورید.

$$W_F + W_{f_K} = K_2 - K_1 \quad Fd - f_K d = \frac{1}{2} m v^2$$

~~$$10 \times 4 - f_K \times 6 = \frac{1}{2} \times 2 \times 48 \rightarrow f_K = 2$$~~

تست 5. انرژی جنبشی جسمی J 20 است. نیروی ثابت F هم راستا و همسو با حرکت بر آن وارد می شود و  
 پس از 10 m جابجایی انرژی جنبشی جسم به J 32 می رسد. F چند نیوتون است؟

16 (4)

12/5 (3)

3/2 (2)

1/2 (1) ✓

~~$$Fd = K_2 - K_1 \quad F \times 10 = 32 - 20 \rightarrow F = 1.2$$~~

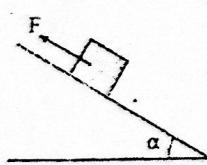
تست 6. در شکل رو برو نیروی F وزنه N 200 را تندی ثابت  $\frac{m}{s}$  روی سطح شیبدار بالا می برد. اگر نیروی  
 اصطکاک در برابر حرکت 30 N باشد. کار نیروی F در مدت 10 s چند ژول است؟ ( $\sin \alpha = 0/6$ )

3000 (4) ✓

2400 (3)

6400 (2)

1100 (1)



~~$$d = v t = 10 \times 2 = 20 \text{ m}$$~~

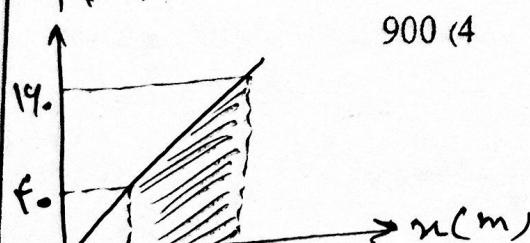
~~$$W_{f_K} + W_{F_N} + W_g + W_F = K_2 - K_1$$~~

~~$$-f_K d + 0 - mgh + W_F = 0$$~~

~~$$-20 \times 30 - 200 \times 12 + W_F \rightarrow W_F = 2000 \text{ J}$$~~

مشکل های مت

تست 7. جسمی تحت تأثیر نیروی  $F = 20x$  قرار گرفته و از حال سکون روی محور Xها شروع به حرکت  
 می کند. تغییر انرژی جنبشی جسم در طی جابجایی جسم از  $x_1 = 2m$  تا  $x_2 = 8m$  چند ژول است؟

 $f_1 (N)$ 

900 (4)

1200 (3)

600 (2) ✓

300 (1)

نتیجه: سطح زیر نمودار  $F$ -  $x$  برابر کار نیروی F است.

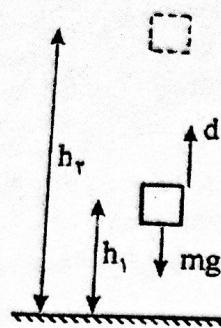
$$W = \frac{(140 + f_0) \times 2}{2} = 900 \text{ J}$$

$$\bar{F} = \frac{f_1 + f_2}{2} \quad \text{را دردم}$$

$$W = K_2 - K_1 = 900$$

$$W = \bar{F} \times \Delta x$$

### انرژی پتانسیل گرانشی



جسمی به جرم  $m$  را از ارتفاع  $h_1$  به ارتفاع  $h_2$  از سطح زمین به سمت بالا می برد. کار نیروی وزن را در این جابجایی حساب می کنیم.

$$W_{\text{وزن}} = mg(h_2 - h_1) \cos 180 = -(mgh_2 - mgh_1)$$

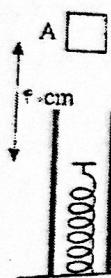
$$W_{\text{گرانشی}} = -\Delta u$$

نتیجه: کار نیروی وزن برابر منفی تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی است.

### انرژی پتانسیل کشسانی:

کار نیروی فنر برابر منفی تغییرات انرژی پتانسیل کشسانی است. کشسانی  $= -\Delta u$  فنر

تمرین 7: مطابق شکل جسمی به جرم  $g$  800 از نقطه A رها می شود و پس از برخورد به فنر آن را حداکثر به اندازه  $20 \text{ cm}$  فشرده می کند. با صرفنظر از اتلاف انرژی:



الف) بیشینه انرژی پتانسیل کشسانی فنر چند زول است؟

ب) در لحظه‌ای که فنر به اندازه  $10 \text{ cm}$  فشرده می شود تندي وزنه  $\frac{m}{s} 2$  می رسد در این حالت انرژی پتانسیل کشسانی چند زول است؟

$$W_e + W_g = \Delta K = 0$$

$$W_e = -mgh = -18 \times 10 \times 0.1 = -1.8 \text{ J}$$

$$\Delta U_e = -W_e = 1.8 \text{ J}$$

$$W_e + \gamma 18 \times 10 \times 0.05 = -1.8 \times 2 \rightarrow W_e = -1.8 \text{ J}$$

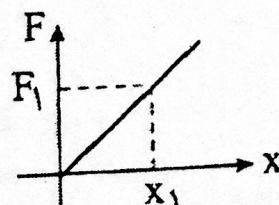
$$\Delta U_e = 1.8 \text{ J}$$

انرژی پتانسیل کشسانی فنر: در صورتی که یک فنر با سختی  $k$  را به اندازه  $x$  فشرده کنیم یا آن را بکشیم در این صورت انرژی صرف شده به صورت انرژی کشسانی در فنر ذخیره می شود که مقدار آن برابر با:

$$\bar{F} = \frac{F_0 + F_1}{2} = \frac{k(0) + kx}{2} = \frac{1}{2} kx$$

$$W = \bar{F} \Delta x \cos 0 = \frac{1}{2} kx \times x = \frac{1}{2} kx^2 \rightarrow u_e = \frac{1}{2} kx^2$$

نکته: می توان انرژی پتانسیل کشسانی را از سطح زیر نمودار  $x - F_e$  بدست آورید.



$$u = s = \frac{F_1 x_1}{2} = \frac{1}{2} kx_1^2$$

نکته: انرژی ذخیره شده در فنر به صورت های زیر نیز قابل محاسبه است.

# P = FV

تذکر: در فیزیک، سریع انجام گرفتن کار بحسب توان توصیف می شود، بنابراین توان یک ماشین معیاری برای توصیف کندری یا سریع تر انجام گرفتن یک کار است.

نکته: اگر یک متحرک با تندی ثابت  $V$  در یک مسیر مستقیم حرکت کند، توان نیروی ثابت  $F$  که بر این متحرک وارد می شود برابر است با:

$$\left\{ \begin{array}{l} W = Fd \cos \theta \\ d = Vt \end{array} \Rightarrow P = \frac{W}{t} = \frac{FVt \cos \theta}{t} \Rightarrow P = FV \cos \theta \right.$$

که  $\theta$  زاویه بین نیروی  $F$  و جهت حرکت متحرک است.

\* بازده:

هر سامانه‌ای فقط بخشی از انرژی ورودی (انرژی مصرفی سامانه) را به انرژی موردنظر ما تبدیل می کند. بنابراین تنها بخشی از انرژی ورودی قابل استفاده است که به آن انرژی خروجی یا کار مفید گفته می شود، نسبت انرژی خروجی به انرژی ورودی را بازده می نامیم.

$$\times 100 = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} = \text{بازده بحسب درصد}$$

تذکر: معمولاً بازده هر سامانه را بحسب درصد بیان می کنند که همواره عددی کوچکتر از 100 است.

نکته: بازده را به صورت نسبت توان مفید به کل کار یا توان ورودی نیز تعریف می کنند.

$$\times 100 = \frac{\frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{ورودی}}}}{\frac{P_{\text{کل}}}{P_{\text{ورودی}}}} = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{کل}}} = \text{بازده بحسب درصد}$$

## تست‌های انرژی جنبشی

60- انرژی جنبشی گلوله‌ای  $J$  و سرعت آن  $\frac{m}{s}$  4 است. سرعت آن را به  $\frac{m}{s}$  برسانیم تا انرژی جنبشی آن  $J$  شود؟ (سراسری تجربی 84)

$$K_2 = \frac{\Delta}{\Delta} = \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^2 \quad V_2 = 4 \times \frac{5\sqrt{2}}{3} = 2\sqrt{5} \quad 10(2) \quad 5(1)$$

61- راننده کامیونی با حذف مقداری بار، 25 درصد جرم کل کامیون را کم کرده و 20 درصد برو سرعت حرکت آن افزوده است، با این عمل انرژی جنبشی کامیون ... درصد ... می یابد. (تجربی 84 خارج)

$$(1) 5. \text{ کاهش} \quad (2) 5. \text{ افزایش} \quad (3) 8. \text{ کاهش} \quad (4) 8. \text{ افزایش}$$

$$K_2 = \frac{\frac{3}{4}m_1}{m_1} \times \left( \frac{1.2V_1}{V_1} \right)^2 = \frac{3}{4} \times 1.44 = 1.08$$

۶۴۵- جسمی به جرم ۶ کیلوگرم روی یک سطح افقی بروز امدادهای سکون از سرعتی افقی  $F = 2N$  وارد می‌شود کار اینه که نیروهای دوام حینه را در ۱۰ ثانیه داری اسے ۹ متر برگرداند خارج ۹۷/۵ متر برگرداند.



$$\Delta x = \frac{1}{2} a (t^2 - t_0^2) = 1/4 a (2t - 1) = 1/4 a (2 \times 10 - 1) = 1/4 a (19) = 1/4 a \times 19/2 = 1/8 a \times 19$$

نکته: دهم

۶۲- جسمی در مسیر مستقیم با سرعت  $V$  در حال حرکت است. اگر سرعت این جسم  $\frac{m}{s}$  ۵ افزایش یابد، انرژی جنبشی آن ۴۴ درصد افزایش می‌یابد.  $V$  چند متر بر ثانیه است؟ (تجربی ۹۳ خارج)

$$1/44 = \left(\frac{V+\Delta}{V}\right)^2 \rightarrow 1/4 = \frac{V+\Delta}{V} \rightarrow 2V = \Delta \rightarrow V = 25$$

۶۳- اگر سرعت متوجهی به جرم  $m$  به اندازه  $\frac{m}{s}$  ۵ افزایش پیدا کند، افزایش انرژی جنبشی آن  $\frac{5}{4}$  انرژی جنبشی اولیه می‌شود. سرعت اولیه متوجه چند  $\frac{m}{s}$  بوده است؟ (سراسری تجربی ۹۵)

$$\frac{9}{4} = \left(\frac{V_1 + \Delta}{V_1}\right)^2 \rightarrow \frac{V_1 + \Delta}{V_1} = \frac{3}{2} \rightarrow V_1 + \Delta = \frac{3}{2} V_1 \rightarrow V_1 = 10$$

### • کار نیروی ثابت

۶۴- در شکل روی نیروی ۴ نیوتنی بسته را روی سطح افقی با سرعت ثابت  $\frac{m}{s}$  ۲ جابجا می‌کند. کار این نیرو، در ۱۰ ثانیه دوم حرکت برابر چند ژول است؟

$$F = 4N \quad 40\sqrt{3}(4) \quad 40(3) \checkmark \quad 4\sqrt{3}(2) \quad 4(1)$$

$$x = V t = 20 m$$

$$W = F d \cos \theta = 4 \times 20 \times \cos 45^\circ = 40$$

۶۵- جسمی به جرم ۳ kg روی سطح افقی به حال سکون قرار دارد. نیروی ثابت  $\vec{F} = 15i + 20j$  (در SI) به جسم وارد می‌شود و جسم بر روی محور  $x$ ، ۱۰ متر جابجا می‌شود، کار نیروی  $F$  در این جابجایی چند ژول است؟ (سراسری ریاضی ۹۳ خارج)

$$90(4) \quad 150(3) \checkmark \quad 200(2) \quad 250(1)$$

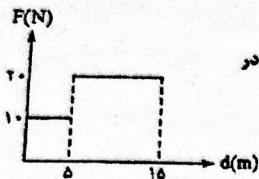
۶۶- با نیروی افقی  $12 N$  ۱۲ جسمی به جرم  $6 kg$  را بر سطح افقی، با تندی ثابت  $\frac{m}{s}$  ۱/۵ می‌کشیم. پس از ۴s کار نیروی واکنش سطح چند ژول می‌شود؟

$$-36(4) \quad -72(3) \checkmark \quad 72(2) \quad 1(صفر)$$

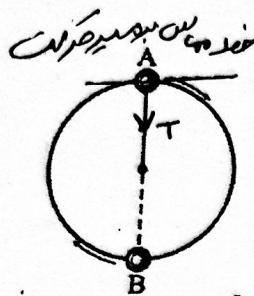
$$F - f_K = 0 \rightarrow f_K = F = 12 N \quad x = V t = 6 m$$

$$W_{f_K} = -f_K d = -12 \times 6 = -72 J$$

67- شکل روی رو نمودار تغییرات نیروی وارد بر جسمی را بر حسب جابجایی آن نشان می دهد. کاری که نیروی F در 15 m جابجایی انجام می دهد چند ژول است؟ (نیروی F هم جهت با جابجایی است).



$$\begin{aligned} W_1 &= 10 \times 5 = 50 \\ W_2 &= 20 \times 10 = 200 \\ W_t &= 250 \end{aligned}$$



$$W = Td \cos 90^\circ$$

~~$$10(3)$$~~

~~$$20(2)$$~~

~~$$5(1)$$~~

68- گلوله‌ای به جرم 1 kg را به نخی به طول 0.5 m می‌بندیم و مانند شکل آن را در سطح قائم می‌چرخانیم. کار نیروی کشش نخ از A تا B چند ژول است؟

~~$$4(\text{صفر})$$~~

~~$$10(3)$$~~

~~$$20(2)$$~~

~~$$5(1)$$~~

69- کار نیروی  $\vec{F} = 2\vec{i} - 2\sqrt{2}\vec{j}$  چند ژول است؟

~~$$20(4)$$~~

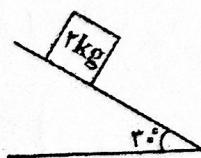
~~$$20\sqrt{2}(3)$$~~

~~$$10\sqrt{2}(2)$$~~

~~$$1(\text{صفر})$$~~

$$W_F = W_{Fx} + W_{Fy} = F_x dx + F_y dy = 2x \sqrt{2} + (-2\sqrt{2}x) = 2\sqrt{2}$$

70- در سطح شیبدار مقابل، بسته با سرعت ثابت  $\frac{m}{s}$  2 بر روی سطح شیبدار به سمت پایین در حال حرکت است. کار نیروی عکس العمل سطح در هر ثانیه برابر چند ژول است؟ (سراسری ریاضی 83 خارج)



~~$$20(4)$$~~

~~$$-20(3)$$~~

~~$$-10(2)$$~~

~~$$10(1)$$~~

$$W_R = W_{fk} + W_N$$

$$W_{fk} = -W_g$$

71- جسمی به جرم 2 kg روی سطح شیبداری که با سطح افقی زاویه  $30^\circ$  می‌سازد به طور آزاد با سرعت ثابت لغزیده و به اندازه 2 m جابجا می‌شود. کار نیروی اصطکاک در این جابجایی در SI کدام است؟ (سراسری ریاضی 94)

$$h = 1m$$

$$94(1)$$

~~$$-10\sqrt{3}(4)$$~~

~~$$-10(3)$$~~

~~$$-20(2)$$~~

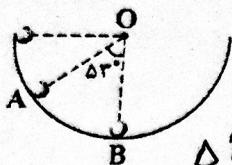
~~$$-20\sqrt{3}(1)$$~~

$$W_g + W_{fk} = \Delta K =$$

$$W_{fk} = -W_g = -mgh = -2 \times 10 \times 1 = -20J$$

## • محاسبه کار نیروی وزن:

-72- جسم m به جرم g 100 درون نیمکره صیقلی به قطر 60 cm به یابین می لغزد. کار نیروی وزن جسم در جابجایی از A تا B چند ژول است؟ (تجربی 78) ( $\sin 37 = 0/6$ )



1/8 (4)

1/2 (3)

0/18 (2)

0/12 (1 ✓)

$$\Delta h = R - R \cos 37^\circ = 0.3 \times 0.8 = 0.24 \text{ m}$$

$$W_g = mg \Delta h = 10 \times 0.24 = 2.4 \text{ J}$$

-73- شخصی درون یک آسانسور قوار دارد، وزنهای به جرم 2 kg را کف دستش نگه داشته است و آسانسور با شتاب  $\frac{m}{s^2} 3$  و حرکت تندشونده تا ارتفاع h بالا می رود. کار نیروی گرانشی برابر W و کاری که دست روی

وزنه انجام می دهد  $W'$  است نسبت  $\frac{W'}{W}$  کدام است؟ (سنیجن 91)

1/3 (4 ✓)

1 (3)

0/7 (2)

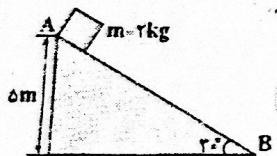
1) صفر

$$W_g = 1mg h = 10mh$$

$$F = m(g + a) = 13m \quad W' = 13mh$$

$$\frac{W'}{W} = 1.3$$

-74- اگر در سطح شیبدار روبرو اندازه نیروی اصطکاک برابر یک دهم نیروی وزن جسم باشد و جسم از نقطه A به B بررسد، کار نیروی جاذبه روی جسم در این جابجایی چند ژول است؟



100 (4 ✓)

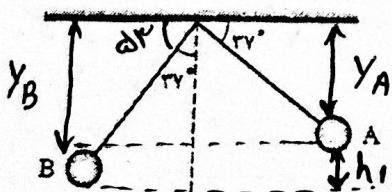
60 (3)

50 (2)

40 (1)

$$W_g = 1 \times 10 \times 0.5 = 5 \text{ N}$$

-75- آونگی به طول 1 m و جرم وزنه 0.5 kg از نقطه A رها می شود و در طرف مقابل تا نقطه B می رود. کار نیروی وزن در جابجایی از A تا B چند ژول است؟



-2 (4)

2 (3)

-1 (2)

1 (1 ✓)

$$\sin \alpha = \frac{y_A}{OA} \rightarrow y_A = 0.8$$

$$\sin \delta = \frac{y_B}{OA} \rightarrow y_B = 0.6$$

$$h_1 = y_A - y_B = 0.2 \text{ m}$$

$$h_2 = 0$$

$$W_{mg} = -\Delta U = -mg \Delta h = -0.5 \times 10 \times (0.2 - 0) = 1 \text{ J}$$

$$\therefore W_{mg} = +mg \Delta h$$

## • قضیه کار و انرژی:

سرعت کوپلر این مسیره بدهایم  $K_2 = K_1 + \text{برابرها}$ .

76- جسمی با سرعت  $\frac{m}{s} 10$  درجهت مشبٰت محور  $X$  حرکت می کند و انرژی جنبشی آن  $J = 100$  است. پس از مدتی سرعت این جسم تغییر کرده و درجهت منفی محور  $X$  به  $\frac{m}{s} 20$  می رسد. کار برآیند نیروهای وارد بر جسم در این مدت چند ژول است؟ (تجربی 80)

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \rightarrow m = \frac{4 \text{ kg}}{v^2}$$

$$100 = \frac{1}{2} m \times 10^2 \rightarrow m = \frac{200}{10} = 20 \text{ kg}$$

$$300 (3) \checkmark$$

$$-300 (2)$$

$$-500 (1)$$

$$W = 400 - 100 = 300$$

77- گلوله‌ای به جرم  $g = 100$  با سرعت  $\frac{m}{s} 20$  به یک دیوار برخورد می کند و با  $10 \text{ cm}$  فرو رفتن در آن متوقف می شود. متوسط نیرویی که دیوار بر گلوله وارد می کند چند نیوتون است؟

$$100 (4)$$

$$200 (3) \checkmark$$

$$400 (2)$$

$$800 (1)$$

$$\cdot F d = 100 \times 10 = -\frac{1}{2} m v^2 \rightarrow F = 200$$

$$F \times (-1) = -\frac{1}{2} \times 20^2 = -200$$

78- جسمی به جرم  $4 \text{ kg}$  از ارتفاع  $20$  متری رها می شود و با تندا  $\frac{m}{s} 15$  به سطح زمین می رسد. کار نیروی مقاومت هوا در این حرکت بر حسب ژول کدام است؟

$$W_f + mgh = \frac{1}{2} m v^2$$

$$350 (3)$$

$$-350 (2) \checkmark$$

$$-450 (1)$$

$$W_f = \frac{1}{2} \times 1 \times 20 + \frac{1}{2} \times 4 \times 15^2 = -350$$

79- نیروی افقی  $100 \text{ N}$  جسمی به جرم  $50 \text{ kg}$  را روی یک سطح افقی از حال سکون به حرکت در می آورد. اگر نیروی اصطکاک در مقابل حرکت  $N = 50$  باشد کار نیروی خالص وارد بر جسم در مدت  $8 \text{ s}$  چند ژول است؟

$$1600 (4) \checkmark$$

$$800 (3)$$

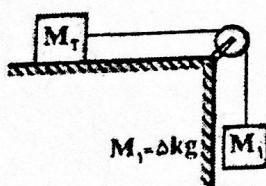
$$400 (2)$$

$$1200 (1)$$

$$F - f_k = ma \rightarrow a = \frac{F}{m} = 1 \text{ m/s}^2$$

$$V = at + V_0 = 1 \text{ m} \quad W_t = \frac{1}{2} \times a \times t^2 = 1400$$

80- در شکل رویرو، جرم نخ و قرقره و اصطکاک ناچیز است. دستگاه از حال سکون به حرکت در می آید و پس از  $0.8 \text{ m}$  جابجایی انرژی جنبشی وزنه  $m_1$  به  $J = 10 \text{ J}$  می رسد. جرم وزنه  $m_2$  چند کیلوگرم است؟



$$20 (4)$$

$$15 (3) \checkmark$$

$$10 (2)$$

$$5 (1)$$

$$W_{m_1 g} = m_1 g h = 5 \times 10 \times 0.8 = 40 \text{ J}$$

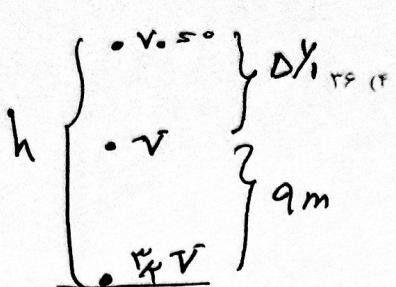
$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1$$

$$W_{m_1 g} = K_1 + K_2 \leftarrow 0 = 10 + K_2 \rightarrow K_2 = 10 \text{ J}$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1}$$

$$\frac{10}{10} = \frac{m_2}{1} \rightarrow m_2 = 1 \text{ kg}$$

گلوله‌ای از ارتفاع  $h$  رها می‌شود. این گلوله با سرعت  $v$  از ارتفاع  $9$  متری زمین عبور می‌کند و با سرعت  $\frac{3}{2}v$  به



$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \quad \text{از مقاومت هوا صرف نظر شود و}$$

$$22,4 (3) \quad 18,2 \quad 16,2 \checkmark$$

$$\frac{9}{4} v^2 - v^2 = 29 \times 9 \rightarrow v = 12$$

$$12^2 = 2 \times 10 \times 5.5 \rightarrow 5.5 = 12^2 / 20$$

$$h = 7.2 + 9 = 16.2 \text{ m}$$

جسمی به جرم  $2$  کیلوگرم روی سطح شبیدار با اصطکاک ناچیز به سمت پایین می‌لغد و با سرعت  $\frac{m}{s}$  از نقطه

A عبور کرده و در نقطه B به فنر برخورد می‌کند. اگر حداقل فشردگی فنر  $x$  و بیشینه انرژی ذخیره شده در فنر

84

$$10 \text{ زول باشد، } \Delta \text{ چند سانتی‌متر است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

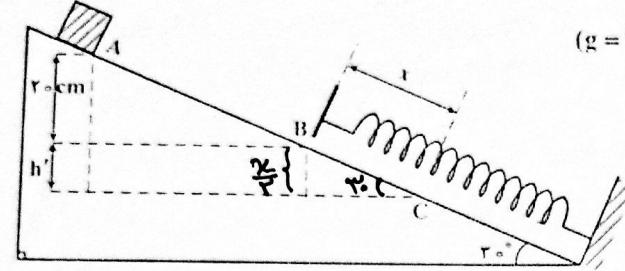
$$E_C = E_A \quad 10 (1)$$

$$U_e = mgh + \frac{1}{2}mv^2 \quad 20 (2) \checkmark$$

40 (4)

$$10 = 20(7.2 + x) + \frac{1}{2} \times 2 \times 4$$

$$x = 4.2 \text{ m} = 420 \text{ cm}$$



$$h = h' + x = 7.2 + x$$

- گلوله‌ای به جرم  $200$  نئون از ارتفاع  $h$  رها می‌شود. اگر کل کار انجام شده روی گلوله در ثانیه آخر حرکت برابر

95

$$70 \text{ J} \text{ باشد، } h \text{ چند متر است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

$$5 \text{ m} \quad 80 (4) \checkmark \quad 60 (3) \quad 45 (2) \quad 35 (1)$$

$$18 \text{ m} \quad W_{ng} = +mgh$$

$$45 \text{ m} \quad v_0 = \sqrt{2gh} \rightarrow h = 5 \text{ m}$$

$$38 \text{ m}$$

یک بمب آب در هر ساعت  $252$  تن آب را تا ارتفاع  $12$  متر بالا می‌کشد. اگر بازده بمب  $80$  درصد باشد، توان پنبه

105

$$\text{چند کیلووات است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

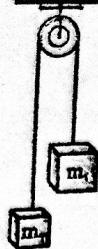
$$10,5 (4) \checkmark \quad 8,4 (3) \quad 8 (2) \quad 7,5 (1)$$

$$P_{out} = \frac{mgh}{t} = \frac{252 \times 10 \times 10 \times 12}{3400} = 1400$$

$$R_a = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100$$

$$80 = \frac{1400}{P_{in}} \rightarrow P_{in} = 100 \text{ KW}$$

81- در شکل دستگاه از حال سکون شروع به حرکت می کند. پس از این که هریک از وزنهای به اندازه cm 40 جابجا شده‌اند، انرژی جنبشی دستگاه چند ژول می شود؟ ( $m_1 = 4 \text{ kg}, m_2 = 3 \text{ kg}$ )



12 (4)      16 (3)      8 (2)      4 (1) ✓ (92) سنجش

$$W_t = \Delta K$$

$$W_{m_1 g} + W_{m_2 g} = \Delta K$$

$$m_1 g h - m_2 g h = \Delta K \quad (4-3) \times 10 \rightarrow \Delta K = 4$$

82- در واسطای قائم جسمی به جرم m را از نقطه A به نقطه B می ببریم و کار نیروی جاذبه در این جابجایی

A-20J است. اگر انرژی پتانسیل گرانشی جسم در نقطه B برابر J 30 باشد، انرژی پتانسیل آن در نقطه A

چند ژول است؟ 70 (4)      50 (3)      10 (2) ✓ (1) -10

$$\Delta U = -W_{m g} \rightarrow 30 - U_A = 10 \rightarrow U_A = 20$$

83- شخصی با طناب سبکی، جسمی به جرم m را با شتاب ثابت  $\frac{g}{4}$  از حال سکون از سطح زمین بالا می برد. هنگامی که جسم به ارتفاع h می رسد کاری که شخص انجام داده است، چند برابر انرژی پتانسیل گرانشی جسم در آن ارتفاع است؟ (ریاضی 76)

$$\frac{4}{3} (4)$$

$$\frac{4}{5} (3)$$

$$\frac{5}{4} (2)$$

$$\frac{3}{2} (1)$$

$$F - m g = m a \quad a = \frac{g}{4} \rightarrow F = \frac{5}{4} m g$$

$$W_F = F h \cos \alpha = \frac{5}{4} m g h$$

$$\frac{W_F}{U_A} = \frac{\Delta / 4 m g h}{m g h} = \frac{5}{4}$$

84- طول عادی فنر 35 cm است. با اعمال نیرویی به انتهای فنر طول آن به 40 cm می رسد. اگر انرژی

پتانسیل کشسانی فنر  $J = 0.5$  باشد، ثابت فنر چند  $\frac{N}{m}$  است؟

$$580 (4)$$

$$500 (3)$$

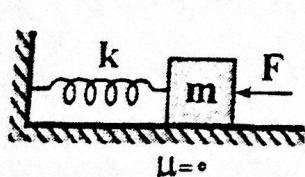
$$480 (2)$$

$$400 (1) \checkmark$$

$$U = \frac{1}{2} K \Delta x^2$$

$$\therefore \Delta = \sqrt{K} \times \sqrt{0.5} \rightarrow K = 400$$

85- در شکل زیر نیروی F را به تدریج افزایش داده‌ایم و مقدار آن را از صفر به P می رسانیم. در این عمل فنر به اندازه  $\Delta$  نسبت به وضعیت عادی تغییر طول می دهد، کار نیروی F برابر ((ریاضی 80 خارج))



$$P \Delta (4)$$

$$\frac{1}{2} P \Delta (3) \checkmark$$

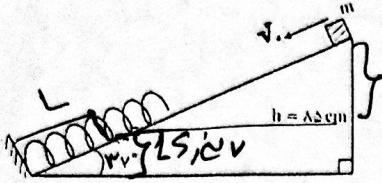
$$k \Delta (2)$$

$$\frac{1}{2} k \Delta (1)$$

$$\bar{F} = F_1 + F_2 = \frac{0 + P}{2} = \frac{P}{2}$$

$$W_F = \bar{F} \Delta x \cos \alpha = \bar{F} \Delta = \frac{P \Delta}{2}$$

در شکل زیر وزنه ای به جرم  $m$  با سرعت اولیه  $V_0 = 4 \text{ m/s}$  مماس با سطح بدون اصطکاک رو به پایین پرتاب می شود. اگر بیشترین انرژی پتانسیل کشناسانی فنر در این برخورد  $1/8$  انرژی جنبشی اولیه وزنه باشد حداقل طول فنر به چند cm میرسد؟ (ریاضی 97)



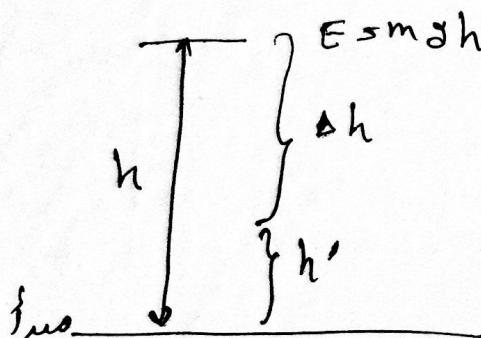
$$U_f = K_0 + U_0 \quad 35(4) \checkmark \quad 30(3) \quad 25(2) \quad 20(1)$$

$$1/8 K_0 = K_0 + mgh \quad 1/8 \times 1/2 m \times 145 \text{ m} \times 10 \times (\frac{8}{100} - L \sin 37^\circ)$$

$$44.515 - 7.6L \rightarrow L = \frac{21}{4} = 5.25 \text{ cm}$$

اطول ممکن نهاده می شود

85- گلوله ای بدون سرعت اولیه از ارتفاع  $h$  رها می شود و پس از طی ارتفاع  $\Delta h$ ، انرژی جنبشی آن با  $\frac{1}{4}$  انرژی پتانسیل گرانشی آن برابر می شود.  $\frac{\Delta h}{h}$  چقدر است؟ (مبدأ پتانسیل سطح زمین است و مقاومت هوا ناچیز است).



$$E = mgh \quad \text{ریاضی 97 خارج}$$

$$U' = K_0 + U_0 = 1/4 U_0 + 1/2 U' = \frac{5}{4} U' = \frac{5}{4} mgh' \quad \frac{4}{5}(4) \quad \frac{3}{4}(3) \quad \frac{1}{4}(2) \quad \frac{1}{5}(1) \checkmark$$

$$mgh = 5/4 mgh' \rightarrow h' = \frac{4}{5} h$$

$$\frac{\Delta h}{h} = \frac{h - h'}{h} = 1/5$$

105- گلوله ای به جرم  $200 \text{ g}$  با سرعت اولیه  $30 \text{ m/s}$  در راستای قائم رو به بالا پرتاب می شود. مقاومت هوا باعث می شود  $10 \text{ J}$  از انرژی گلوله تا رسیدن به اوج تلف شود. اگر مقاومت هوا وجود نمی داشت گلوله چند متر

$$g = 10 \text{ m/s}^2 \quad \text{تجربی 97}$$

$$E_1 = 1/2 m V^2 = 1/2 \times 200 \times 900 = 90000. \quad 20(4) \quad 15(3) \quad 10(2) \quad \underline{15(1)}$$

$$E_2 = E_1 - 10 = 89000 \quad E_2 = mgh \quad h_0 = 20 \times 10 \times h \rightarrow h = 89000 / 2000 = 44.5 \text{ m}$$

$$h' = \frac{20}{20} = 89000 / 2000 = 44.5 \text{ m} \quad \Delta h = 89000 / 2000 = 44.5 \text{ m}$$

پایستگی انرژی مکانیکی:

- 86- وزنهای به جرم  $g = 500$  نسبت به افق از سطح زمین پرتاب می شود. اگر سرعت اولیه پرتاب  $\frac{m}{s} = 10$  باشد، انرژی مکانیکی وزنه در بالاترین نقطه از مسیر چند ژول است؟ ( $g = \frac{m}{s^2} = 10$ )

$$\cos 37 = 0/8$$

$$E_2 = E_1, \Delta K_{\text{مکانیکی}} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 10 = 25$$

- 87- گلولهای در شرایط خلا از سطح زمین با سرعت اولیه  $\frac{m}{s} = 30$  در امتداد قائم رو به بالا پرتاب می شود. در چند متری سطح زمین انرژی جنبشی گلوله نصف انرژی پتانسیل گرانشی است؟ (تجربی 89)

$$K_{\text{مکانیکی}} = U_2 + \frac{1}{2} U_1 \quad \frac{1}{2} m v^2 = \frac{3}{2} m g h$$

$$h = ?$$

- 88- گلولهای از ارتفاع 20 متری سطح زمین با سرعت اولیه  $\frac{m}{s} = 4$  در راستای قائم رو به پایین پرتاب می شود. انرژی جنبشی این گلوله بعد از 4 m چند برابر می شود؟ ( مقاومت هوا ناچیز ) (تجربی 92 خارج)

$$\sqrt{v_2^2 + 2gh} = 4 \quad (4) \checkmark$$

$$v_2^2 - v_1^2 = +2gh \rightarrow v_2^2 - 4^2 = 2 \times 10 \times 4 \quad v_2 = \sqrt{96}$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{v_2^2}{v_1^2} = \left( \frac{\sqrt{96}}{4} \right)^2 = \frac{96}{16} = 6$$

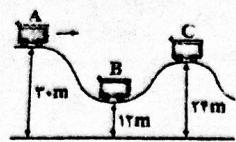
\* از پارهی از زیر نیز میتوان  $A$  به رسمی آنرا

- 89- جسم A به جرم 10 kg از ارتفاع 20 m زمین و جسم B به جرم 2 kg از ارتفاع 10 m زمین رها می شوند انرژی جنبشی جسم B در لحظه رسیدن به زمین چند برابر انرژی جنبشی جسم A در لحظه رسیدن به زمین است؟ (از مقاومت هوا صرفنظر شود) ( ریاضی 88 خارج )

$$\frac{1}{4} (4) \quad 4 (3) \checkmark \quad 2 (2) \quad 1 (1)$$

$$\frac{K_B}{K_A} = \frac{U_B}{U_A} = \left( \frac{2m}{10m} \right) \times \left( \frac{20}{10} \right) = 4$$

90- در شکل زیر، اصطکاک ناچیز است و ارابه بدون سرعت اولیه از A رها می شود نسبت سرعت ارابه در حالت B به سرعت آن در حالت C کدام است؟ (ریاضی 91)



$$\sqrt{3} \quad (4\checkmark) \quad \sqrt{2} \quad (3\cancel{\checkmark})$$

3 (2)

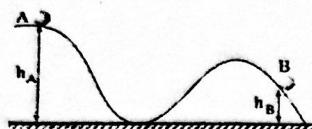
2 (1)

$$V = \sqrt{V_0^2 + 2gh}$$

$$\begin{cases} V_B = \sqrt{29 \times 18} \\ V_C = \sqrt{29 \times 6} \end{cases}$$

$$\frac{V_B}{V_C} = \sqrt{3}$$

91- جسمی به جرم g 200 مطابق شکل از A رها می شود و با سرعت  $\frac{m}{s}$  از B عبور می کند انرژی پتانسیل گرانشی جسم در B چند برابر کمتر از انرژی پتانسیل آن در A است؟ (سطح بدون اصطکاک) (سنجهش 88)



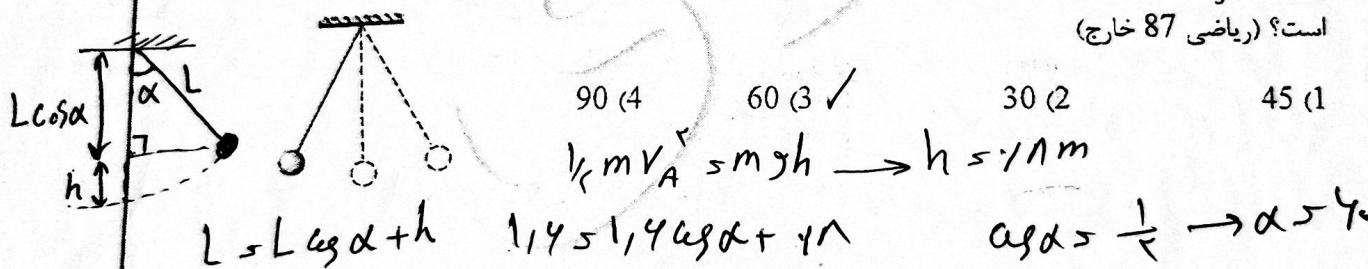
$$h_B \quad (4) \quad 4 (3) \quad 1/6 (2\checkmark) \quad 0/4 (1)$$

$h_B$  و باید معلوم باشد.

$$\text{مقدار حداکثر انرژی پتانسیل برابر مقدار افزایش انرژی جنبشی است}$$

$$1/2 \Delta K = 1/2 \times 2 \times 10 \times 1/2 \times 10 = 100$$

92- آونگی به طول  $1/6$  m در حال توسان است. وقتی گلوله آونگ از پایین ترین نقطه مسیره می گذرد، سرعتش  $\frac{m}{s}$  4 است. زاویه راستای نخ با خط قائم وقتی گلوله به بالاترین نقطه مسیر می رسد چند درجه است؟ (ریاضی 87 خارج)

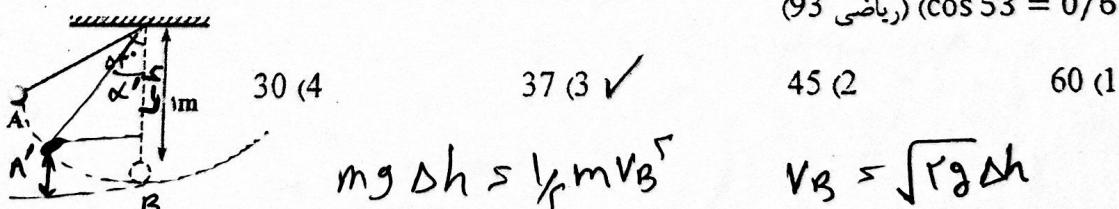


$$90 (4) \quad 60 (3\checkmark) \quad 30 (2) \quad 45 (1)$$

$$1/2 m V_A^2 = mgh \rightarrow h = 1/1 m$$

$$L = L \cos \alpha + h \quad 1/4 = 1/6 \cos \alpha + 1/1 \quad \cos \alpha = 1/2 \rightarrow \alpha = 60^\circ$$

93- گلوله آونگ از نقطه A رها می شود و با سرعت V از پایین ترین نقطه مسیره می گذرد. هنگامی که سرعت گلوله به  $\frac{\sqrt{2}}{2} V$  می رسد، زاویه نخ با راستای قائم چند درجه است؟ (از مقاومت هوا صرفنظر شود  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>) (ریاضی 93) ( $\cos 53 = 0/6$ )



$$mg \Delta h = 1/2 m V_B^2 \quad V_B = \sqrt{2g \Delta h}$$

$$\sqrt{V_B} = \sqrt{2g L (1 - \cos \alpha)} = \sqrt{2 \times 10 \times 1 (1 - \cos \alpha)} = 2\sqrt{5} \text{ m/s}$$

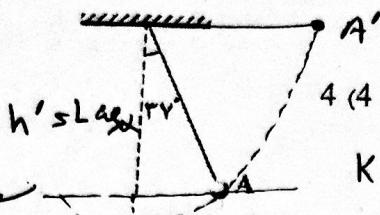
$$V_A' = \sqrt{1/2} V_B = \sqrt{1/2} \times 2\sqrt{5} = 2$$

$$K_{A'} + U_{A'} = K_B \quad 1/2 \times 2^2 + 10 \times 1 = 1/2 \times (2\sqrt{5})^2 \rightarrow h = 1/10$$

$$\cos \alpha' = \frac{L-h}{L} = \frac{1-1/10}{1} = 4/5 = 0.8$$

در لامپریو سرعت A را بقایه همین پیدا نموده رُزگار صفر باشد

- 94- مطابق شکل آونگی به طول 1/25 متر با سرعت V از وضعیت نشان داده ( نقطه A ) عبور می کند. کمترین مقدار  $V$  چند  $\frac{m}{s}$  باشد تا ریسمان بتواند به وضعیت افقی برسد؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود) (تجربی 93)  $\sin 37 = 0/6$



$$K_A + U_A = K_{A'} + U_{A'}$$

$$\sqrt{5} (3)$$

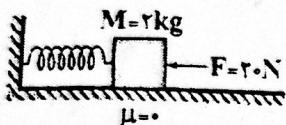
$$2\sqrt{5} (2)$$

$$2 (1)$$

$$\frac{1}{2} m V_A^2 = m g h'$$

$$V_A = \sqrt{2 g h'} = \sqrt{2 g L \sin 37} = \sqrt{2 \times 10 \times 1/25 \times 0.6} = \sqrt{2.4}$$

- 95- در شکل نشان داده شده، فنر به اندازه 5 cm فشرده شده و وزنه روی سطح افقی بدون اصطکاک در حال سکون است. اگر در یک لحظه نیروی F حذف شود بیشترین سرعت وزنه چقدر است؟ (تجربی 80)



$$2 (4)$$

$$\sqrt{2} (3)$$

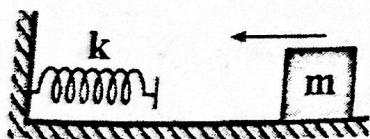
$$\frac{1}{2} (2)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (1)$$

$$F = Kx \rightarrow 20 = K \times 0.05 \rightarrow K = 400 \text{ N/m}$$

$$\frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} K x^2 \quad 20^2 = 400 (0.05)^2 \quad V = \sqrt{10}$$

- 96- بسته‌ای با سرعت  $\frac{m}{s}$  20 به فنری با جرم ناجیز برخورد کرده و آن را حداقل  $x$  سانتی‌متر فشرده می کند زمانی که فنر نیمی از فشردگی حداقل خود را دارد سرعت بسته به چند  $\frac{m}{s}$  می رسد؟ (تجربی 83 خارج)



$$5\sqrt{3} (4)$$

$$5 (3)$$

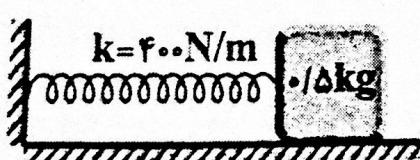
$$10\sqrt{3} (2)$$

$$10 (1)$$

$$\frac{1}{2} K x^2 = \frac{1}{2} m V^2$$

$$\frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} K x^2 + \frac{1}{2} m V'^2 \rightarrow \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} (1/2 m V^2) + \frac{1}{2} m V'^2 \rightarrow V'^2 = V^2 - \frac{1}{2} m V^2 \rightarrow V' = \sqrt{V^2 - \frac{1}{2} m V^2} = \sqrt{20^2 - \frac{1}{2} \times 400 \times 10^2} = \sqrt{2000} = 20\sqrt{5}$$

- 97- در شکل سطح بدون اصطکاک و طول عادی فنر 30 cm و جرم آن ناجیز است. وزنه را به فنر تکیه داده و فشار می دهیم تا طول فنر به 20 cm برسد. اگر در این حالت بدون سرعت اولیه وزنه را رها کنیم، بیشترین سرعت وزنه تا لحظه جدا شدن از فنر چند  $\frac{m}{s}$  است؟ (تجربی 94)



$$4\sqrt{2} (4)$$

$$4 (3)$$

$$2 (2)$$

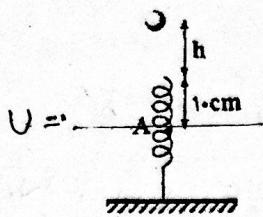
$$2\sqrt{2} (1)$$

$$\frac{1}{2} K (\Delta x)^2 = \frac{1}{2} m V^2$$

$$\frac{1}{2} \times 400 \times 10^2 = \frac{1}{2} \times 1.5 \times V^2 \rightarrow V^2 = 1000 \rightarrow V = \sqrt{1000} = 31.6 \text{ m/s}$$



98- گلوله‌ای به جرم  $200\text{g}$  از ارتفاع  $h$  بالای یک فنر قائم که ثابت آن  $\frac{N}{m} = 440$  است، رها می‌شود و پس از برخورد به فنر و فشرده کردن آن، تا نقطه A پایین می‌آید. اگر گلوله از ارتفاع  $2h$  از بالای فنر رها شود، سرعتش در همان نقطه A چند  $\frac{m}{s^2}$  خواهد شد؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ ) (ریاضی 94)



20 (4)

2 (3)

 $2\sqrt{5}$  $2\sqrt{2}$ 

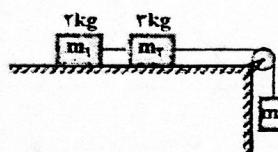
$$mg(h+u) = \frac{1}{2}Ku^2$$

$$\rightarrow h+u = \frac{2}{K} \times 40 \rightarrow h = 1\text{m}$$

$$mg(2h+u) = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}Ku^2 \rightarrow v = 2\sqrt{5}$$

را درم گردد و عوایر از  $h$  افت ندازند از اولیه بینهایم، از زیر مکانیکی آن به انداز  $mgh$  افزایش می‌باید  
که این افزایش از زیر مکانیکی شدید باشد به از زیر مکانیکی در (۲) این فقره  
 $mg(h+u) = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow v = \sqrt{2K(1+u)} = \sqrt{2 \times 10 \times 1} = \sqrt{20}$

99- در شکل مقابل وزنه  $m_3$  از حال سکون رها می‌شود. اگر تا لحظه‌ای که وزنه  $m_3$   $90\text{cm}$  پایین می‌آید مجموع انرژی جنبشی دو وزنه  $m_1$  و  $m_2$  روی سطح افقی به  $J = 22/5$  برسد  $m_3$  چند کیلوگرم است؟



$g = 10 \text{m/s}^2$  و کلیه اصطکاک‌ها و جرم نخ و قرقره ناجیز است. (تجربی 95)

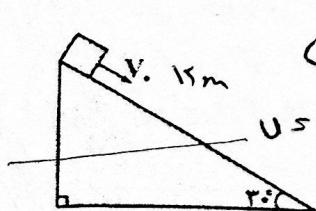
$$\frac{10}{5} \times (\frac{4}{5})V = 2 \times 10 \rightarrow V = 5\text{m/s}$$

$$\frac{1}{2}Ku^2 + \frac{1}{2}mv^2 = 22/5 \rightarrow u = 2\text{m}$$

$$100 \times 10 \times 1 = \frac{1}{2}Ku^2 \rightarrow m_3 = 2\text{kg}$$

• تغییر انرژی مکانیکی در اثر نیروهای تلفکننده:

100- جسمی به جرم  $2\text{kg}$  مطابق شکل با سرعت اولیه  $\frac{m}{s}$  مماس بر سطح روبه پایین پرتاب می‌کنیم اگر سرعت جسم پس از  $12\text{m}$  جابجایی روی سطح به  $\frac{m}{s}$  8 برسد، کار نیروی اصطکاک چند ژول است؟



$$(ریاضی 85- تجربی 92) \rightarrow \text{راهنمای ساده} - \text{بدان از زیر}$$

$$-81 (4) \quad -63 (3) \quad -45 (2) \quad -42 (1)$$

$$W_{fk} + W_{mg} = \frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2)$$

$$\Delta h = d \sin 30^\circ = 12 \times \frac{1}{2} = 6\text{m}$$

$$W_{fk} + 2 \times 10 \times 6 = \frac{1}{2} \times 2(8^2 - 0^2) \rightarrow W_{fk} = 39 - 120 = -81\text{J}$$

$$W_{fk} = E_f - E_i \rightarrow \text{لاردم}$$

$$W_{fk} = K_f - (K_i + U_i) = 8^2 - (0^2 + 2 \times 10 \times 6) = -81$$

$$W_f = E_r - E_i \quad \text{فتنگ} \quad W_f = 2(-5) = -10$$

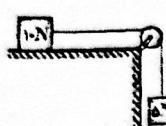
101- جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  را از بین سطح شیبداری که با افق زاویه  $30^\circ$  می سازد با سرعت اولیه  $\frac{5}{s} m$  مماس با سطح روی بالا پرتاب می کنیم. جسم روی سطح به اندازه  $2\text{ m}$  بالا می رود و سپس به نقطه پرتاب بر می گردد. کار نیروی اصطکاک در این مسیر رفت و برگشت چند زول است؟ (ریاضی 86 خارج)

$$\Delta h = d \sin 30^\circ$$

$$W_f + W_{mg} = K_m(v^2 - v_0^2) \quad -20(4) \quad -10(3) \quad -5(2) \quad 1(\text{صف})$$

$$W_{fk} - 2 \times 10 \times 1 = -\frac{1}{2} K_m v^2 \rightarrow W_{fk} = -5 \quad W_f = 2(-5) = -10$$

~~حروف نیروی اصطکاک را بخواهیم~~ ~~فرصت و برگشت~~ \*

102- در شکل مقابل سیستم از حال سکون رها می شود و بعد از  $2\text{ m}$  جابجایی مجموع انرژی جنبشی وزنهای به  $8\text{ J}$  می رسد. ضریب اصطکاک سطح افقی چقدر است؟ ( $\frac{m}{s^2} = 10$ )  $g$  و جرم نخ و قرقه و اصطکاک آنها ناچیز است) (ریاضی 85 خارج) 

$$W_{fk} = (K_2 + U_1) - (K_1 + U_0) \quad 0/4(4) \quad 0/3(3) \quad 0/2(2) \quad 0/1(1) \checkmark$$

$$W_{fk} + W_{mg} = K_2 - K_1 \quad K_2 = 8, K_1 = 0$$

$$f_k d \cos 110^\circ + m g d \cos 0^\circ = 8 \rightarrow f_k \times 2(-1) + 8 \times 2 = 8 \rightarrow f_k = 1\text{ N}$$

$$f_k = \mu_k m g \quad \mu_k = 1 \quad \mu_k = 1/5$$

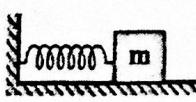
103- گلوله ای به جرم  $200\text{ g}$  از نقطه A رها می شود و پس از برخورد به فنری در سطح افقی آن را متراکم می کند. اگر کار نیروی اصطکاک در مسیر AB برابر  $2\text{ J}$  باشد و سطح افقی بدون اصطکاک باشد. حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی فنر چند زول خواهد شد؟ (تجربی 86)

$$12(4) \quad 10(3) \quad 8(2) \quad 1(1)$$

$$W_{fk} = E_r - E_i = (K_2 + U_1) - (K_1 + U_0) \quad (\text{فنر} \rightarrow K_2 + U_1 - K_1 - U_0)$$

$$-2 = 12 - 2 \rightarrow 10 \quad -2 = 12 - 2 \rightarrow 10$$

104- جسمی به جرم یک کیلوگرم را به فنری با ضریب سختی  $\frac{N}{m} = 500$  متصل کرده و فنر را در سطح افقی به اندازه  $10\text{ cm}$  فشرده می کنیم و از آن نقطه بدون سرعت اولیه جسم را رها می کنیم سرعت جسم در لحظه عبور از نقطه های که فنر طول عادی خود را دارد چند  $\frac{m}{s}$  است؟ ( $\mu_k = 0/5, g = 10$ ) (ریاضی 87)



$$2\sqrt{6}(4) \quad 2\sqrt{2}(3) \quad 6(2) \quad 2(1) \checkmark$$

$$W_f = E_r - E_i = (K_2 + U_1) - (K_1 + U_0) \quad (\text{فنر} \rightarrow K_2 + U_1 - K_1 - U_0)$$

$$\mu_k m g x_{eq}/10 = K_m V^2 - K_m K_n^2$$

$$-\frac{1}{2} K_m V^2 = 10 \times 0.1 \times (-1) = K_m V^2 - \frac{1}{2} K_m K_n^2$$

$$V = 2\text{ m/s}$$

# ۲۰۰۹ - کاربری های ساده

محاسبه توان:

- ۱۰۸- اتومبیلی به جرم ۹۰۰ kg در یک جاده افقی روی خط راست از حال سکون شروع به حرکت می کند و پس از ۱۰ s سرعت آن به  $\frac{km}{h}$  ۷۲ می رسد. توان متوسط اتومبیل چند kW است؟ (نیروی مقاوم در مقابل حرکت اتومبیل را نادیده بگیرید) (ریاضی ۸۱)

$$W_F = \frac{1}{2} m(v_f^2 - v_i^2) = 18000 \quad 36(4) \quad 30(3) \quad 18(2) \checkmark \quad 9(1)$$

$$\bar{P} = \frac{W}{t} = 1800 \quad \text{راه روم } v = at + v_0 \rightarrow 9 = 2$$

$$F = ma = 1800 \quad P = FV = 1800 \times 20 = 36000$$

- ۱۰۹- پمپ یک ماشین آتش نشانی در در دقیقه ۷۵ آب را با سرعت  $\frac{m}{s}$  ۲۰ از دهانه لوله به خارج می فرسند. توان مفید پمپ بر حسب kW برابر با:

$$W = \frac{1}{2} m(V_f^2 - V_i^2) = \frac{1}{2} \times 75 \times 20^2 = 15000 \quad 3(4) \quad 2/5(3) \quad 1/5(2) \quad 0/25(1) \checkmark$$

$$P = W/t = 15000 / 75 = 200 \text{ kW}$$

- ۱۰۱- اتومبیلی به جرم ۹۰۰ kg در یک جاده افقی روی خط راست از حال سکون شروع به حرکت می کند و پس از ۰.۵ s تندی آن به ۷۲ km/h می رسد. توان متوسط آن چند کیلووات است؟ (نیروی مقاوم ناچیز است) (ریاضی ۸۱)

تعداد

- ۱۰۸- آسانسوری با تندی ثابت گنفر مسافر را در ۲ دقیقه تا ارتفاع ۳۰m بالا می برد. اگر جرم متوسط هر مسافر 70kg باشد و جرم آسانسور 1050kg باشد توان متوسط موتور آسانسور چند کیلووات است؟

$$2/8(4) \quad 420(3) \quad 3/5(2) \quad 0/875(1)$$

$$\dot{m} = \Delta V \cdot t = 1050 \cdot 2 = 2100$$

$$P = \frac{\dot{m} \cdot g \cdot h}{t} = \frac{2100 \times 10 \times 30}{2} = 315000$$

109- کامیونی به جرم 2 تن با تندی ثابت 20m/s در یک جاده افقی در حرکت است. اگر توان مصرفی کامیون بر علیه نیروهای مقاوم 12kW باشد کل نیروهای مقاوم در برابر حرکت کامیون چند نیوتون است؟

$$600(4) \checkmark \quad 480(3) \quad 240(2) \quad 120(1)$$

$$P = FV \quad 12000 = F \times 20 \rightarrow F = 600 \text{ N}$$

جواب سرعت ثابت نیروی مقاوم برابر 600 N است

بازده:

110- توان مصرفی یک موتور الکتریکی W 400 و بازده آن 75% است. در هر دقیقه چند کیلوژول انرژی الکتریکی در آن به افزایش گرمایی تبدیل می شود؟ (ریاضی 73)

$$6(4) \checkmark \quad 4/32(3) \quad 4(2) \quad 1/44(1)$$

$$Ra = \frac{P_{مصرف}}{P_{ورود}} \times 100 \quad \frac{75}{100} = \frac{P_{مصرف}}{400} \quad P_{مصرف} = 300 \text{ W}$$

$$P_{مصرف} = \frac{E}{t} \quad E = \text{تلفیض} \quad t = \text{تلفیض} \quad E = 100 \times 60 \times 300 = 180000 \text{ J}$$

111- توان یک تلمبه برقی 2 kW و بازده آن 95% است. این تلمبه در هر دقیقه چند کیلوگرم آب را از عمق 9.5 m بالا می آورد؟ (تجربی 73)

$$20(4) \quad 200(3) \quad 1/2 \times 10^3(2) \checkmark \quad 1/2 \times 10^4(1)$$

$$\frac{95}{100} = \frac{P_{مصرف}}{2000} \rightarrow P_{مصرف} = 1900 \text{ W}$$

$$1900 = m \times 10 \times 9.8 \rightarrow m = 190 \text{ kg}$$

112- یک ماشین برای بالا بردن یک جسم 2 kg از سطح زمین به ارتفاع معین J 100 انرژی مصرف کرده است. اگر جسم از این ارتفاع در شرایط خلا سقوط کند و سرعت آن هنگام رسیدن به زمین  $4\sqrt{5} \frac{m}{s}$  باشد، بازده ماشین کدام است؟ (ریاضی 76)

$$0.85(4) \quad \rightarrow 0.8(3) \checkmark \quad 0.75(2) \quad 0.7(1)$$

حرارتی انجام شده برابر انرژی حنبیب است  
نه انرژی زیستی است

$$Ra = \frac{W_{مصرف}}{W_{کار}} \times 100 = \frac{100}{100} \times 100 = 100 = 100\%$$