

## ٨ هندسه (٨/٢)

تمام پیشرفت های عالم گیر خود را مدیون: تفکر منظم و یاد داشت برداری دقیق هستم (ادیسون)

۱- محیط مستطیلی ۴۴ و اندازه عرض آن ۸ می باشد مساحت آن چقدر است؟

۱۲۱

ج) ۱۱۲

ب) ۱۸

الف) ۱۴

۲- کدام دسته از اعداد نمی توانند اضلاع مثلثی باشند.

د) ۳ و ۴ و ۶

ج) ۳ و ۴ و ۶

ب) ۳ و ۵ و ۵

الف) ۳ و ۵ و ۵

۳- مساحت مستطیلی که طول آن ۱۲ و قطر آن ۱۳ باشد کدام است؟

۶۰

ج) ۳۰

ب) ۳۴

الف) ۱۵۶

۴- مساحت یک مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین  $36\text{ cm}^2$  است. اندازه ارتفاع وارد بر وتر چند سانتی متر است؟

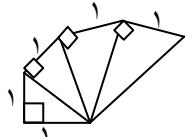
د) ۱

ج) ۶

ب) ۲

الف) ۸

۵- مساحت شکل مقابل کدام است؟

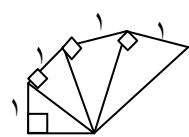


۲

ج)  $5 + \sqrt{5}$

(الف)  $\frac{3 + \sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$

(ب)  $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$



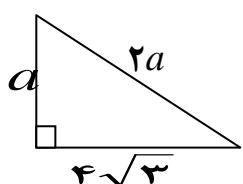
۲

ج)  $5 + \sqrt{5}$

(الف)  $\frac{3 + \sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$

(ب)  $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$

۷- در شکل مقابل مقدار  $a$  چند است؟



د)  $2\sqrt{3}$

ج)  $\sqrt{7}$

ب) ۵

الف) ۴

۸- مساحت مثلثی به اضلاع ۴ و ۶ و ۸ سانتیمتر برابر است با:

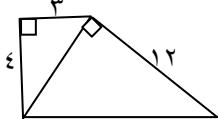
د)  $3\sqrt{15}$

ج)  $6\sqrt{15}$

ب)  $4\sqrt{15}$

الف) ۱۲

۹- محیط ۴ ضلعی مقابل چند است؟ (تیزهوشان ۹۱)



۷۲) ۵

ج) ۶۴

ب) ۳۲

الف) ۳۶

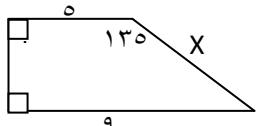
۱۰- مساحت مثلثی به اضلاع ۱۰ و ۸ و ۶ کدام است؟

۲۴) ۵

ج) ۳۶

ب) ۴۸

الف) ۱۰



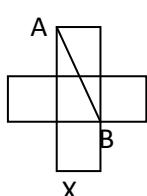
۸) ۵

ج) ۴

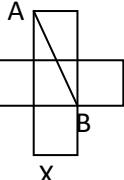
۱۱- در شکل مقابل مقادیر  $x$  چقدر است؟

ب) ۵

الف)  $4\sqrt{2}$



۱۲- در شکل مقابل مقابله  $AB = 10\text{cm}$  باشد مساحت هر مربع کوچک چند سانتی متر مربع است؟

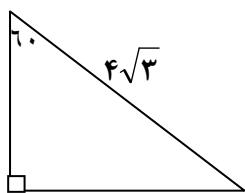


۲۰) ۵

ج) ۳۰

ب) ۲۵

الف) ۱۰



$2\sqrt{3}$

۵

$6\sqrt{3}$

۱۳- مساحت مثلث مقابل چقدر است؟

ب)  $\sqrt{12}$

الف) ۶

۱۴- اگر ضلع مکعبی را  $m^3$  برابر کنیم حجم آن چند برابر می شود؟

د)  $2m^3$  برابر

ج)  $m^3$

ب)  $m^3$  برابر

الف)  $m^3$  برابر

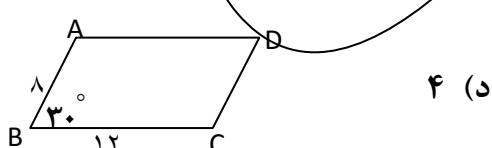
۱۵- اضلاع مثلث قائم الزاویه ای سه عدد زوج متولی است مساحت این مثلث چقدر است؟

د) ۴۸

ج) ۲۴

ب) -۳۰

الف) ۸۰



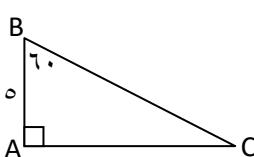
۴

ج) ۶

ب) ۱۰

الف) ۸

۱۶- با توجه به شکل مقابل اندازه ارتفاع وارد بر ضلع  $CD$  کدام است؟



۸/۶

ج) ۸/۵

ب)  $5\sqrt{5}$

الف)  $5\sqrt{3}$

۱۷- با توجه به شکل مقابل اندازه  $AC$  چقدر است؟

ج) ۸/۵

ب)  $5\sqrt{5}$

الف)  $5\sqrt{3}$

۱۸- در یک مثلث متساوی الساقین ارتفاع وارد بر قاعده برابر ۸ سانتی متر و محیط مثلث برابر ۳۲ سانتی متر باشد، مساحت مثلث کدام است؟

۴۲) ۵

ج) ۶۴

ب) ۳۲

الف) ۴۸

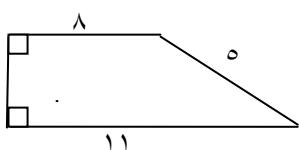
۱۹- مساحت یک زمین مربعی شکل ۲۲۵ متر مربع است. اگر بخواهیم دور این زمین را ۳ ردیف سیم خار دار بکشیم، چند متر سیم نیاز داریم؟ (تیزه‌وشان ۹۲)

۲۷۰۰) ۵

ج) ۶۷۵

ب) ۱۸۰

الف) ۷۵



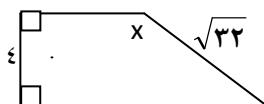
۳۸) ۵

ج) ۹۵

۲۰- مساحت چهار ضلعی مقابله چند است؟

ب) ۴۷۵

الف) ۷۶

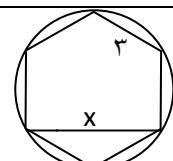


۱۵۰ °) ۵

ج) ۱۳۵ °

ب) ۱۲۰ °

الف) ۱۰۵ °



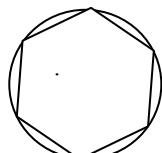
۵) ۵

۲۱- در شکل مقابله مقدار زاویه x چقدر است؟

ب) ۶۷۵

الف) ۲۷۳

۲۲- در شکل مقابله شش ضلعی منتظم است مقدار x کدام است

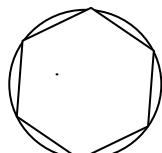


ج)  $\frac{2\sqrt{2}}{\pi}$

ب)  $\frac{\pi}{3}$

الف)  $\frac{3}{\pi}$

۲۳- شش ضلعی منتظم مقابله در دایره محاط است نسبت طول یک کمان به ضلع شش ضلعی منتظم برابر است با:

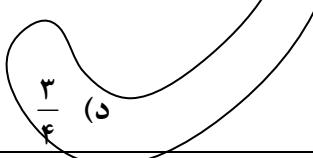


ج)  $\frac{2\sqrt{2}}{\pi}$

ب)  $\frac{\pi}{3}$

الف)  $\frac{3}{\pi}$

۲۴- قطرهای دو دایره به ترتیب ۸ و ۱۶ سانتی متر است، نسبت تفاضل مساحت دو دایره به مساحت دایره بزرگتر چه قدر است؟



ج)  $\frac{2}{3}$

ب)  $\frac{4}{9}$

الف)  $\frac{9}{4}$

۲۵- در مثلث PQR نقطه N وسط PQ و نقطه M وسط PR و نقطه S = ۲SM وسط QR می باشد.

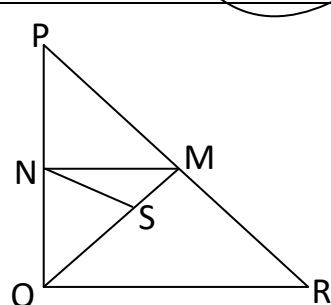
نسبت مساحت مثلث NSM به مثلث PQR کدام است؟

ب)  $\frac{1}{12}$

الف)  $\frac{1}{4}$

د)  $\frac{1}{8}$

ج)  $\frac{2}{9}$



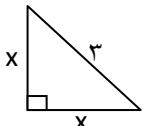
۲۶- مساحت مثلث قائم الزاويه متساوي الساقينی را حساب کنید که طول وتر آن ۱۲ می باشد.

۷۲

ج) ۴۸

ب) ۱۸

الف) ۳۶



د) ۱/۵

ج) ۴/۲

۲۷- در شکل مقابل مقدار  $x$  کدام است؟

ب)  $\sqrt{4/5}$

الف)  $\sqrt{3}$

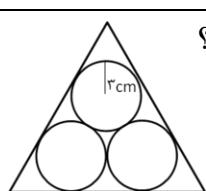
۲۸- اگر اضلاع قائم مثلث قائم الزاويه ای ۸ و ۶ و اندازه وتر آن ۱۰ سانتی متر باشد اندازه ارتفاع وارد بر وتر چند است؟

۲/۵

ج) ۱/۶

ب) ۲/۴

الف) ۴/۸



۹۶

ج) ۶۴

ب) ۴۸

الف) ۳۶

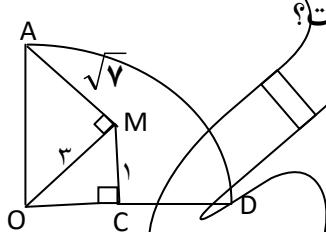
۲۹- در مثلث  $ABC$  داریم  $\hat{B} = 30^\circ$  و  $BC = 12$  و  $AB = 16$  مساحت مثلث برابر است با:

ب)  $12 + 12\sqrt{3}$

د)  $18 + 18\sqrt{3}$

الف)  $12 + 12\sqrt{3}$

ج)  $18 + 18\sqrt{3}$



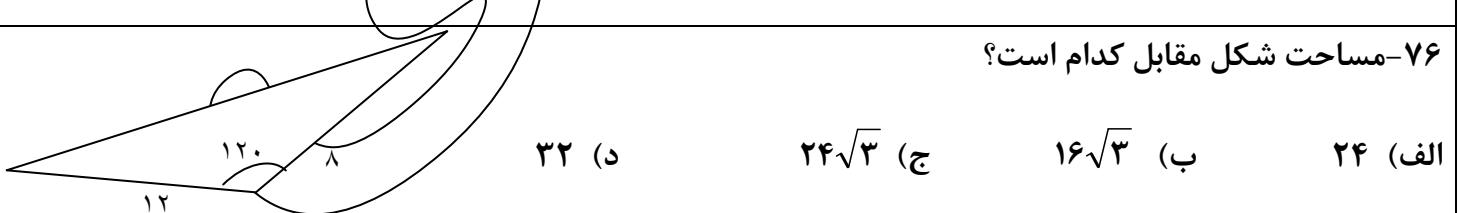
به مرکز  $O$  و به شعاع  $OA$  کمانی زده ایم، طول پاره خط  $CD$  کدام است؟

ب)  $4 - \sqrt{10}$

الف)  $2\sqrt{2}$

د)  $4 - 2\sqrt{2}$

ج)  $4 + \sqrt{8}$



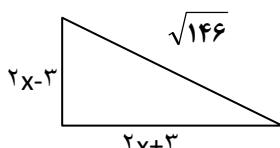
۷۶- مساحت شکل مقابل کدام است؟

ج)  $24\sqrt{3}$

ب)  $16\sqrt{3}$

الف)  $24$

د) ۳۲



د) ۲

ج) ۴

ب) ۸

الف) ۱۶

۳۲- در مثلث قائم الزاويه مقابل مقدار  $x$  کدام است؟

ب)  $\sqrt{3}$

الف) ۱

ج)  $\sqrt{2}$

د) ۲

۳۳- اندازه زاويه راس مثلث متساوي الساقينی  $120^\circ$  و قاعده آن  $12\sqrt{3}$  است طول هر ساق آن چقدر است؟

۳۴- مساحت مثلث قائم الزاویه‌ای که وتر آن  $8$  باشد و یک زاویه آن  $60^\circ$  باشد کدام است؟

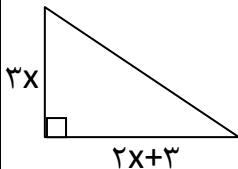
د)  $4$

ج)  $4\sqrt{3}$

ب)  $8\sqrt{3}$

الف)  $12$

۳۵- محیط مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین مقابله چند است؟



د)  $12$

ج)  $3\sqrt{2}$

ب)  $18(2 + \sqrt{2})$

الف)  $9(2 + \sqrt{2})$

۳۶- مساحت یک مثلث قائم الزاویه متساوی الساقینی  $36$  سانتی مترمربع است. اندازه ارتفاع واردبیر وتر آن چندسانتی متر است؟

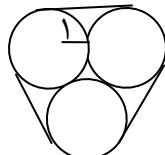
د)  $3$

ج)  $3\sqrt{2}$

ب)  $6\sqrt{2}$

الف)  $6$

۳۷- در شکل زیر شعاع هر سه دایره مماس بهم متساوی  $1$  سانتی متر است. محیط نخ دور سه دایره کدام است؟

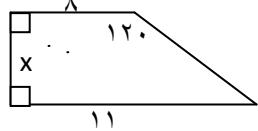


ب)  $12 + 12\pi$

الف)  $6 + 2\pi$

ج)  $6 + 6\sqrt{3}$

۳۸- در شکل مقابله مقدار  $x$  چقدر است؟



د)  $4$

ج)  $\sqrt{27}$

ب)  $5$

الف)  $\sqrt{45}$

۳۹- مساحت مثلث قائم الزاویه‌ای که وتر آن  $12$  باشد و یک زاویه آن  $60^\circ$  باشد کدام است؟

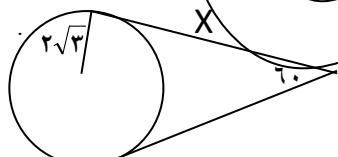
د)  $24$

ج)  $18\sqrt{3}$

ب)  $8\sqrt{3}$

الف)  $12$

۴۰- در شکل مقابله مقدار  $x$  چقدر است؟



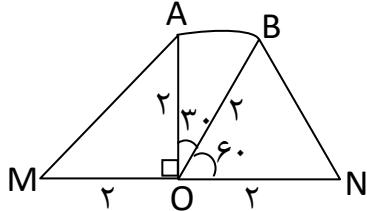
د)  $12$

ج)  $3\sqrt{2}$

ب)  $6$

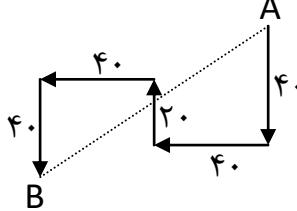
الف)  $3\sqrt{5}$

۴۱- در شکل مقابل کمان  $AB$  قسمتی از دایره است به مرکز  $O$  و شعاع  $2$  سانتی متر محیط شکل چه قدر است؟  
 $(\pi \approx 3)$



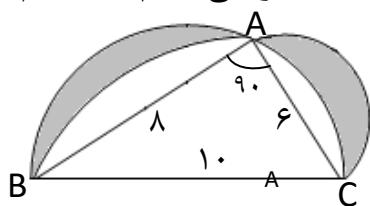
- الف)  $7 + 2\sqrt{2}$       ب)  $11 + 2\sqrt{2}$       ج)  $9 + 2\sqrt{2}$       د)  $3 + 2\sqrt{2}$

۴۲- مورچه ای از نقطه  $A$  تا نقطه  $B$  طبق مسیر رسم شده حرکت کرده است. فاصله مستقیم دو نقطه  $A$  و  $B$  کدام است؟



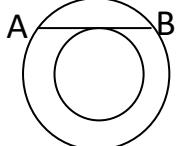
- الف) ۶۰      ب) ۴۰      ج) ۸۰      د) ۱۰۰

۴۳- سه نیم دایره به قطر های اضلاع مثلث، مطابق شکل زیر رسم شده است. مساحت قسمت رنگی کدام است؟ (م)



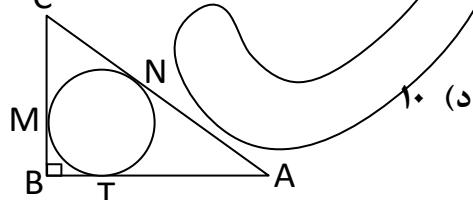
- الف) ۴۸      ب) ۱۲      ج) ۲۴      د) ۳۱۴

۴۴- دو دایره هم مرکز به شعاع های  $10$  و  $6$  سانتی متر داریم، و تر  $AB$  از دایره بزرگ که بر دایره کوچک مماس است چند سانتی متر است؟



- الف) ۸      ب)  $2\sqrt{2}$       ج)  $8 + 2\sqrt{2}$       د) ۱۶

۴۵- در شکل مقابل مساحت مثلث  $24$  سانتی متر مربع واندازه  $AN = 6$  و  $BT = 2$  باشد، آنگاه مماس  $BC = 6$  کدام است؟



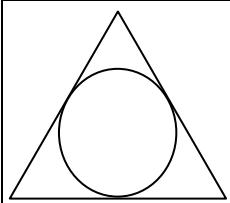
- الف) ۶      ب) ۴      ج) ۸      د) ۱۰

۴۶- مساحت متوازی الاضلاعی که دوضلع آن  $8$  و یک زاویه اش  $30$  درجه باشد چیست؟

- الف) ۹۶      ب) ۴۸      ج) ۷۲      د) ۲۴

	- در شکل مقابل $O$ مرکز دایره و مختصات نقطه $A = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$ باشد اندازه زاویه $\hat{B}$ کدام است؟ (الف) $30^\circ$ (ب) $45^\circ$ (ج) $60^\circ$ (د) $22/5^\circ$			
	- در مثلث قائم الزاویه $ABC$ مقابل $BC = 8$ و $M$ وسط $BC$ است ارتفاع $AH$ کدام است؟ ((توجه)) $C = 15^\circ$ (الف) $2$ (ب) $4$ (ج) $6$			
	- در شکل مقابل قطر دایره $EF = 5$ ووتر عمود بر آن $CD = 4$ طول $OH$ چند است؟ (الف) $2/5$ (ب) $1/5$ (ج) $1/25$ (د) $2/25$			
	- در شکل مقابل قطر دایره $EF = 10$ ووتر عمود بر آن $CD = 8$ طول $OH$ چند است؟ (الف) $2/5$ (ب) $3/5$ (ج) $3$ (د) $5$			
- در یک دایره وتری به طول $24$ سانتی متر رسم کرده ایم، اگر فاصله مرکز دایره تا وتر $5$ سانتی متر باشد نسبت مساحت دایره به محیط آن کدام است؟ (تیزهوشان ۹۲)				
	(الف) $\frac{13}{2}$ (ب) $2$ (ج) $4$ (د) $\frac{13}{4}$			
- شعاع دایره محیطی مثلث متساوی الاضلاعی به ضلع $2a$ برابر است با:				
	(الف) $\frac{a}{\sqrt{3}}$ (ب) $\frac{2a}{\sqrt{3}}$ (ج) $a + 2\sqrt{3}$ (د) $a\sqrt{3}$			
- در شکل زیر $O$ مرکز دایره بزرگ و $m$ مرکز دایره کوچک است. اگر $OA = \sqrt{3} + 1$ و $Am = \sqrt{3} - 1$ باشد، اندازه زاویه $\angle OAm$ کدام است؟				
	(الف) $120^\circ$ (ب) $100^\circ$ (ج) $110^\circ$ (د) $90^\circ$			

۵۴- در شکل مقابل مثلث  $ACB$  متساوی الاضلاع است و شعاع دایره  $3$  سانتی متر است.  
اندازه هر ضلع مثلث کدام است؟



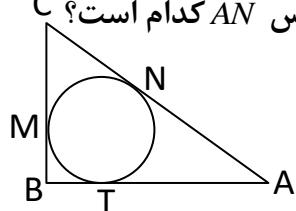
۵)  $3\sqrt{3}$

ج)  $2\sqrt{3}$

ب)  $\sqrt{3}$

الف)  $6\sqrt{3}$

۵۵- در شکل مقابل محیط مثلث  $ABC$  سانتی متر و اندازه  $BC = 10$  می باشد، آنگاه طول مماس  $AN$  کدام است؟

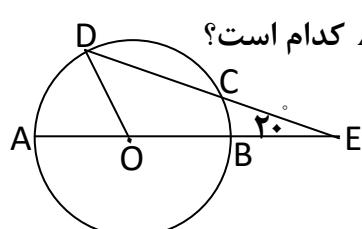


۵)

ج) ۸

ب) ۴

الف) ۶



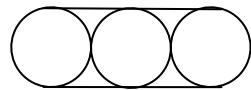
۵)  $6^\circ$

ج)  $50^\circ$

ب)  $40^\circ$

الف)  $30^\circ$

۵۷- مطابق شکل نخی را به دور دایره های زیر بسته ایم. اگر شعاع هر یک از دایره ها یک باشد طول نخ چه قدر است؟ (تیزهوشان ۹۱)



۵)

ج)  $2\pi r + 12$

ب)  $16\pi r$

الف)  $2\pi r + 8$

۵۸- مساحت مثلث قائم الزاویه متساوی الساقینی که وتر آن  $18$  باشد. چند برابر ارتفاع وارد بر وتر آن است؟

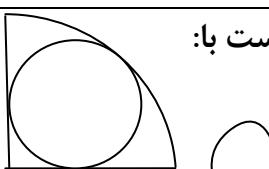
۵)

ج) ۳۶

ب) ۲۷

الف) ۹

۵۹- دایره ای را مطابق شکل در ربع دایره ای به شعاع  $R$  محاط می کنیم شعاع این دایره برابر است با:



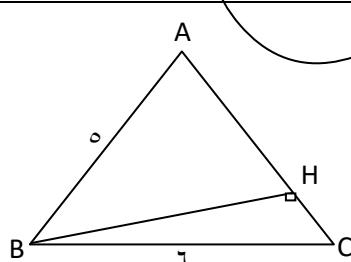
۵)

ج)  $\frac{R}{\sqrt{2}-1}$

ب)  $R\sqrt{2}$

الف)  $R(\sqrt{2}+1)$

۶۰- مثلث  $ABC$  متساوی الساقین است  $AB = AC$ . اندازه ارتفاع  $BH$  برابر است با:

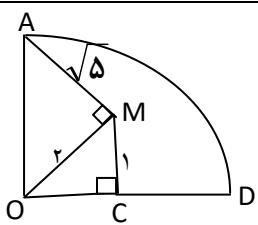


۵)

ج)  $3/6$

ب)  $2/4$

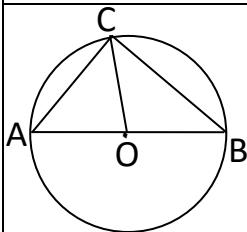
الف)  $4/8$



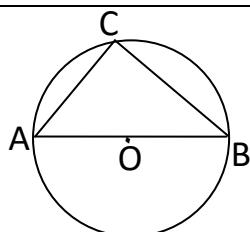
- ۶۱- اگر  $O$  مرکز ربع دایره باشد، اندازه پاره خط  $CD$  برابر است با:
- د)  $\sqrt{5}$       ج) ۳      ب)  $3 - \sqrt{3}$       الف)  $3 + \sqrt{3}$

۶۲- نسبت شعاع دایره محاطی مثلث متساوی الاضلاع به شعاع دایره محیطی آن کدام است؟

- د)  $\frac{1}{2}$       ج) ۲      ب)  $\sqrt{3}$       الف)  $\frac{3}{2}$



- ۶۳- در شکل مقابل و  $O$  مرکز دایره است و  $R = 1$  طول  $BC$  برابر است با:
- د)  $\sqrt{3}$       ج) ۲      ب) ۳      الف)  $\sqrt{2}$



- ۶۴- در شکل مقابل  $O$  مرکز دایره است . مقدار  $BC$  برابر است با:
- د)  $4\sqrt{3}$       ج) ۴      ب) ۳      الف)  $4\sqrt{2}$

۶۵- نردبانی به طول  $x$  بر روی دیواری قرار دارد که سایه آن روی زمین ۳ متر است. اگر نردبان ۱ متر لیز بخورد سایه آن ۵ متر می شود . ارتفاع دیوار برابر است با:

- د)  $\frac{9}{5}$  متر      ج) ۹ متر      ب)  $\frac{8}{5}$  متر      الف) ۸ متر

۶۶- مساحت مثلث متساوی الاضلاعی به ضلع ۸ سانتی متر کدام است؟

- د)  $4\sqrt{3}$       ج) ۲۲      ب)  $24\sqrt{3}$       الف)  $16\sqrt{3}$

۶۷- در یک دایره وتری به طول ۴۸ سانتی متر رسم کرده ایم ، اگر فاصله مرکز دایره تا وتر ۷ سانتی متر باشد قطر دایره چند سانتی متر است؟ (تیزهوشان ۹۲)

- د) ۲۴      ج) ۵۰      ب) ۲۵      الف) ۵۴

۶۸- نسبت حجم به قطر مکعب مستطیلی به ابعاد ۵ و ۴ و ۳ کدام است؟

- د) ۱۲      ج)  $6\sqrt{2}$       ب)  $5\sqrt{2}$       الف) ۶

۶۹- در مثلث  $ABC$  اندازه  $AB = \sqrt{17}$  و  $AC = 5$  وارتفاع وارد بر ضلع  $BC$  برابر ۴ می باشد، محیط مثلث  $ABC$  به کدام عدد نزدیک تر است؟ (تیزهوشان ۹۱)

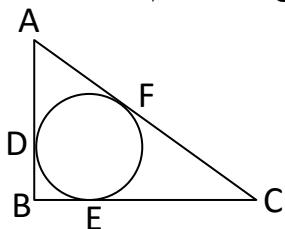
۱۵) د

۱۴) ج

۱۳) ب

۱۲) الف

۷۰- در شکل مقابل محیط مثلث ۸ سانتی متر و اندازه  $BC = 15$  می باشد، آنگاه طول مماس  $AD$  کدام است؟ (تیزهوشان ۹۱)



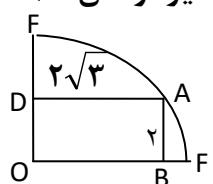
۱۸) د

۱۶) ج

۱۲) ب

۹) الف

۷۱- در شکل مقابل ربع دایره است اگر  $AF = 2\sqrt{3}$  و  $AB = 2$  باشد کمان  $AF$  چه قدر است؟ (تیزهوشان ۹۲)



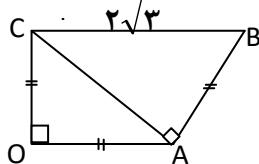
$\frac{\sqrt{3}\pi}{4}$  د

$\frac{\pi}{4}$  ج

$\frac{\pi}{6}$  ب

$\frac{2\pi}{3}$  الف

۷۲- مساحت چهار ضلعی مقابل چند است؟



۲(۱ + \sqrt{2}) ب

$2(\sqrt{2} + \sqrt{4})$  الف

۱۲) ۵

$4(\sqrt{2} + 2)$  ج

۷۳- در شکل زیر عرض مستطیل با ضلع ۶ ضلعی منتظم برابر است. اگر مساحت ۶ ضلعی نصف مساحت مستطیل باشد، نسبت طول به عرض مستطیل کدام است؟ (تیزهوشان ۹۱)

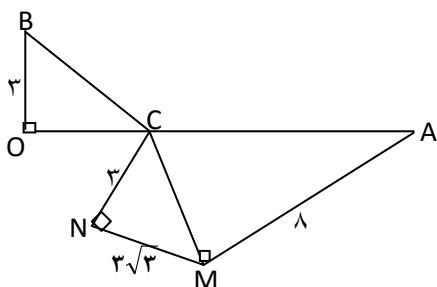


$\frac{\sqrt{3}}{3}$  ج

$\frac{3\sqrt{3}}{2}$  ب

$\frac{\sqrt{3}}{2}$  الف

۷۴- در شکل مقابل اندازه پاره خط  $Ao$  چقدر است؟ (تیزهوشان ۹۱)



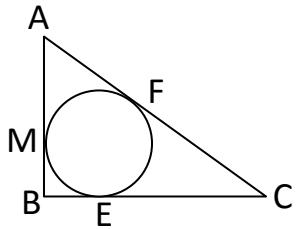
۱۲) ب

$4 + \sqrt{3}$  الف

۱۴) د

$4 + \sqrt{10}$  ج

۷۵- در شکل مقابل محیط مثلث ۳۰ سانتی متر و اندازه  $AM = 6$  می باشد، آنگاه ضلع  $BC$  کدام است؟ (تیزهوشان ۹۱)



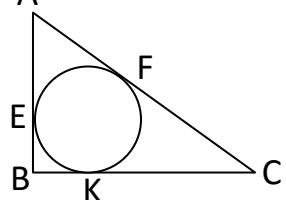
۱۸) ۵

ج) ۸

ب) ۹

الف) ۷/۵

۷۶- در شکل مقابل اضلاع مثلث بر دایره مماس است. اگر  $BC = 8$  و  $AC + AB = 12$  باشد اندازه  $AE$  برابر است



با: (تیزهوشان ۹۲)

الف) ۱/۵

ج) ۲/۵

