

سطح و حجم

حجم : مقدار فضایی که یک جسم اشغال می کند حجم نام دارد و حجم را با حرف **V** نشان می دهند.

۲) حجم غیر هندسی

۱) حجم هندسی

حجم هندسی : دارای شکل ها و خواص مشخص و تعریف شده هستند.

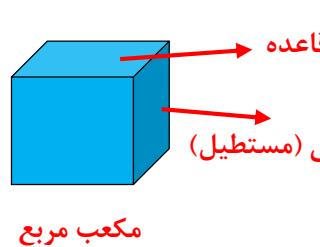
حجم غیر هندسی : دارای شکل ها و خواص مشخص و تعریف شده نیستند.

۳) حجم کروی

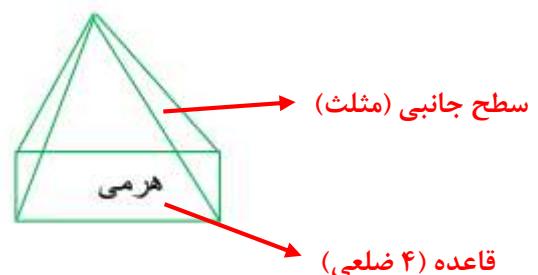
۲) حجم مخروطی و هرمی

۱) حجم منشوری

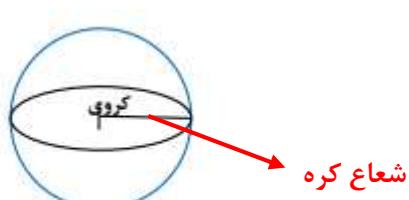
مشخصات حجم منشوری : دارای دو قاعده مساوی و سطح جانبی (کناری) از مستطیل تشکیل شده است :



مشخصات حجم مخروطی و هرمی : دارای یک قاعده (چند ضلعی) و سطح جانبی که از مثلث تشکیل شده در یک راس مشترک هستند:



مشخصات حجم گروی : گرد هستند. قاعده و زاویه ندارند :



سطح و حجم

۱) **قاعده:** دو سطح بالا و پایین را قاعده می‌گویند.

اجزای شکل های منشوری:

۲) **وجه جانبی:** به سطح اطراف (کناری) وجه جانبی می‌گویند.

۳) **یال:** از برخورد هر دو وجه یال به وجود می‌آید.

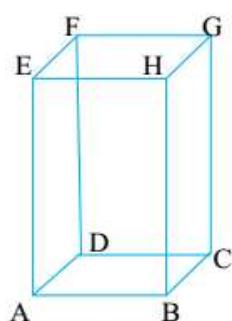
۴) **راس:** محل برخورد هر سه وجه یا محل برخورد یال‌ها را راس می‌گویند.

۵) **ارتفاع:** فاصله بین دو قاعده را ارتفاع می‌گویند.

نکته: برای تعداد یال یک شکل منشوری از رابطه مقابله استفاده می‌کنیم: $3 \times \text{تعداد وجه} = \text{تعداد یال}$

نکته: برای تعداد راس یک شکل منشوری از رابطه مقابله استفاده می‌کنیم: $2 \times \text{تعداد وجه} = \text{تعداد راس}$

مثال: با توجه به شکل داده شده به سوالات پاسخ دهید:



الف) تعداد قاعده و نام هر قاعده: **دارای دو قاعده -** $(ABCD, EFGH)$

ب) تعداد یال و نام دو یال را بنویسید: $4 \times 3 = 12$ = تعداد یال - (EH, HB)

ج) تعداد راس و نام سه راس را بنویسید: $4 \times 2 = 8$ = تعداد راس - (E, B)

د) تعداد کل وجه‌ها و تعداد وجه جانبی: تعداد کل وجه‌ها ۶ وجه - تعداد وجه جانبی ۴ وجه

ه) تعداد ارتفاع و نام دو ارتفاع را بنویسید: **تعداد ارتفاع ۴ تا -** $(AE - HB)$

مثال: در یک منشور ۱۰ پهلو:

$$\text{تعداد یال: } 10 \times 3 = 30 \quad \text{تعداد راس: } 10 \times 2 = 20 \quad \text{تعداد وجه: } 10 \text{ وجه}$$

رابطه حجم منشوری: برای به دست آوردن حجم منشوری از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

رابطه به صورت گلامی: $\text{ارتفاع} \times \text{مساحت قاعده} = \text{حجم منشور}$

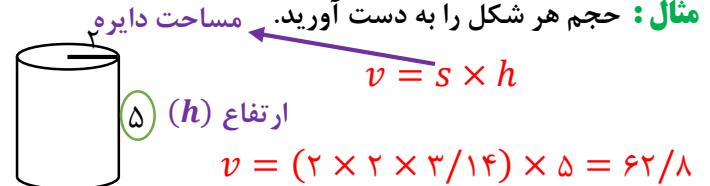
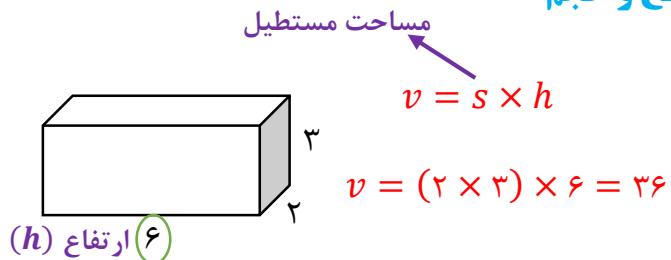
$$V = s \times h \quad \text{رابطه به صورت جبری:}$$

درسنامه و نکات کلیدی

سال هفتم

(فصل ششم)

سطح و حجم



مثال: قاعده یک منشور سه پهلو مثلث قائم الزاویه که اضلاع قائم آن ۳ و ۴ سانتی متر است. اگر ارتفاع منشور ۸ سانتی متر باشد حجم منشور را به دست آورید.

$$v = s \times h \Rightarrow v = \left(\frac{3 \times 4}{2}\right) \times 8 \Rightarrow v = 6 \times 8 = 48 \text{ cm}^3$$

مثال: قاعده هر یک از منشورهای زیر از دید بالا چه شکلی است.

سه پهلو : مثلث

پهلو : ۵ ضلعی

مکعب : مربع

استوانه : دایره

مساحت جانبی منشور : از مجموع سطح های جانبی منشور مساحت جانبی حاصل می شود :

رابطه به صورت کلامی : ارتفاع × محیط قاعده = مساحت جانبی

رابطه به صورت جبری : $s = p \times h$

مثال : مساحت جانبی مکعب مستطیلی را به دست آورید که طول و عرض و ارتفاع آن به ترتیب ۵ و ۳ و ۴ سانتی متر باشد.

محیط مستطیل

$$s = p \times h \Rightarrow s = [(5 + 3) \times 2] \times 4 \Rightarrow s = 64 \text{ cm}^3$$

مساحت کل منشور : از مجموع مساحت جانبی و مساحت دو قاعده مساحت کل منشور حاصل می شود :

رابطه به صورت کلامی : مساحت دو قاعده + مساحت جانبی = مساحت کل

رابطه به صورت جبری : $s_{\text{کل}} = s_{\text{دو قاعده}} + s_{\text{جانبی}}$

مثال : شعاع قاعده استوانه ۳ سانتی متر و ارتفاع آن ۱۰ سانتی متر است. مساحت کل استوانه چند سانتی متر مربع است.

$$s = p \times h$$

$$\text{قاعده } s = \pi r^2$$

$$\text{دو قاعده } + s_{\text{جانبی}} = s_{\text{کل}}$$

$$s = (6 \times 3/14) \times 10 = 188/4$$

$$s_{\text{قاعده}} = 3 \times 3 \times 3/14 = 28/26$$

$$s_{\text{کل}} = 188/4 + 56/52$$

$$s_{\text{جانبی}} = 188/4 \text{ cm}^2$$

$$s_{\text{دو قاعده}} = 28/26 \times 2 = 56/52 \text{ cm}^2$$

$$s_{\text{کل}} = 244/92 \text{ cm}^2$$