

۱- می خواهیم با یک قطعه سیم به طول ۵۶ متر، زمینی به شکل مستطیل، که یک طرف آن دیوار است محصور شود.
بیش ترین مساحت زمین محصور شده، کدام است؟



- (۱) ۳۶۴
(۲) ۳۷۸
(۳) ۳۹۲
(۴) ۴۰۶

۲- حاصل جمع مساحتهای مربعی به ضلع X و مثلث قائم الزاویه متساوی الساقینی که اندازه وتر آن X است برابر ۴۵ می باشد. مساحت دایره ای به شعاع X ، کدام است؟

- (۱) 16π
(۲) 25π
(۳) 36π
(۴) 49π

۳- سن پدری سه برابر سن فرزند بزرگتر و چهار برابر سن فرزند کوچکتر است. ۱۶ سال دیگر، سن فرزند بزرگتر، نصف سن پدر خواهد شد. مجموع سن پدر و دو فرزند کدام است؟

- (۱) ۶۸
(۲) ۷۲
(۳) ۷۶
(۴) ۸۰

۴- در اتاقی مستطیل شکل به مساحت ۲۴ متر مربع، فرشی به مساحت ۱۵ متر مربع، چنان قرار گرفته است که فاصله هر طرف فرش تا دیوار برابر $\frac{1}{5}$ متر است. محیط فرش، چند متر است؟

- (۱) ۱۵
(۲) ۱۶
(۳) ۱۸
(۴) ۲۰

۵- علی در یک بازی، عددی را در ذهن خود درنظر گرفت. دوستان او برای حدس این عدد از او راهنمایی خواستند. علی گفت پنج برابر این عدد به علاوه یک، برابر سه برابر همان عدد منهای پنج است. کدام یک از دوستان علی این عدد را درست تشخیص داده است؟

- (۱) جواد: $\frac{1}{3}$
(۲) محمد: $-\frac{1}{3}$
(۳) رضا: ۳
(۴) اکبر: -۳

۶- در یک کارگاه عمرانی، حقوق سرکارگر، ۲ برابر حقوق کارگر و $\frac{2}{3}$ برابر حقوق مهندس است. در یک ساختمان ۳ مهندس، ۵ سرکارگر و ۲۹ کارگر برای مالک مشغول کار هستند. اگر مالک ساختمان ماهیانه ۴۸ میلیون تومان حقوق پرداخت نماید، حقوق یک کارگر ماهیانه چند میلیون تومان است؟

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۱/۴
(۴) ۲/۴

۷- مجموع سه عدد طبیعی متولی برابر $\frac{4}{3}$ مربع عدد کوچکتر است. مربع عدد متوسط کدام است؟

- (۱) ۹
(۲) ۱۶
(۳) ۲۵
(۴) ۳۶

۸- مورچه در هر دقیقه ۳۰ سانتی متر حرکت می کند. این مورچه از یکی از رأس های مربع شروع به حرکت می کند و بعد از ۱۵۰ ثانیه به وسط ضلع دوم می رسد. مساحت این مربع کدام است؟

- (۱) ۲۵۰۰
(۲) ۱۲۵۰
(۳) ۹۰۰
(۴) ۱۸۰۰

۹- در یک کارخانه، هزینه تولید X واحد کالا از رابطه $C(x) = 100 + 20x - x^2$ به دست می آید. اگر تابع درآمد کارخانه به صورت $R(x) = -3x^2 + 44x + 1000$ باشد، ماکزیمم مقدار سود کارخانه، کدام است؟

- (۱) ۹۱۴
(۲) ۹۵۰
(۳) ۹۷۲
(۴) ۱۰۲۲

۱۰- در یک کارخانه تولید لباس کودک، اگر هزینه بهازای x^2 تعداد لباس برابر $20 - x + 7x$ و درآمد بهازای x تعداد لباس برایر $9x^2 - 8x$ باشد، این کارگاه چه تعداد لباس باید تولید کند تا به نقطه سربه سر خود برسد؟

۵ (۴) ۱۰ (۳) ۲ (۲) ۲۰ (۱)

۱۱- در حل معادله $0 = 25 - 24 - 2x + 2x^2$ به روش مربع کامل به عبارت $(x + a)^2 = 25$ رسیده ایم. مقدار a کدام است؟

۴ (۴) ۴ (۳) ۱ (۲) ۱ (۱)

۱۲- اگر $a = x(2x - 3)$ دارای ریشه مضاعف باشد، مقدار a کدام است؟

$\frac{9}{8}$ (۴) $-\frac{8}{9}$ (۳) $-\frac{9}{8}$ (۲) $\frac{9}{8}$ (۱)

۱۳- اگر معادله $0 = mx^2 + (2m - 1)x + m - 2$ ریشه مضاعف داشته باشد، آن ریشه کدام است؟

-۶ (۴) ۶ (۳) -۳ (۲) ۳ (۱)

۱۴- اگر مربع کامل شده معادله $0 = ax^2 + 2x + c$ ، برابر $3(x - 2)^2$ باشد، حاصل $a + c$ کدام است؟

-۲ (۴) ۱ (۳) ۱ (۲) ۱ (۱) صفر

۱۵- معادله درجه دومی که ریشه هایش $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2$ و $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^2$ باشد، کدام است؟

$x^2 - 10\sqrt{2}x + 1 = 0$ (۴) $x^2 - 10x + 1 = 0$ (۳) $x^2 - 6x + 3 = 0$ (۲) $x^2 + 5x + 1 = 0$ (۱)

۱۶- مجدور مجموع دو عدد اول از ۱۰ برابر حاصل ضرب شان ۲۱ کمتر است. عدد بزرگتر کدام است؟

۱۳ (۴) ۱۷ (۳) ۱۹ (۲) ۲۳ (۱)

۱۷- به ازای کدام مقادیر m ، معادله $0 = x^2 + (2m - 1)x + m^2 - m$ ، دو ریشه های متمايز دارد؟

۴ (۴) هیچ مقدار m نداشته باشد $m < -\frac{1}{8}$ (۲) $m > \frac{1}{8}$ (۱)

۱۸- بیشترین مساحت از بین مستطیل هایی که محیط آنها ۲۴ واحد است، کدام است؟

۱۴۴ (۴) ۷۲ (۳) ۳۶ (۲) ۱۸ (۱)

۱۹- عبارت $a^2 - 4x + \frac{1}{3} - \frac{1}{3}x^2$ به ازای چه مقدار از a به صورت مربع دو جمله ای می شود؟

$-\frac{1}{3}$ (۴) $\frac{1}{3}$ (۳) -۱ (۲) ۱ (۱)

۲۰- نقطه $(-1, S)$ ، رأس سهمی به معادله $1 = bx + ax^2$ است. مقدار b کدام است؟

۲ (۴) -۲ (۳) ۱ (۲) -۱ (۱)

۲۱- برای یک واحد تولیدی، تابع هزینه به صورت $C(x) = 360000 + 120x^2$ و تابع درآمد به صورت $R(x) = 6000x^2$ تعریف شده است. مقدار سود این واحد تولیدی هنگامی که ۲۰۰۰ واحد کالا تولید شود، چند تومان است؟

- (۱) ۷,۰۴۰,۰۰۰ (۲) ۷,۴۰۰,۰۰۰ (۳) ۷,۶۰۰,۰۰۰ (۴) ۷,۷۶۰,۰۰۰

۲۲- معادله درجه دوم $a + 2 = 2ax^2 - (a + 4)x + 2 = 0$ دارای ریشه مضاعف است. حاصل جمع ریشه مضاعف معادله با مقدار a ، کدام است؟

- (۱) $\frac{11}{2}$ (۲) $\frac{11}{4}$ (۳) $\frac{9}{2}$ (۴) $\frac{9}{4}$

۲۳- مجموع ریشه‌های معادله درجه دوم $1 = 5x^2 - 8x - 1 = 0$ کدام است؟

- (۱) $-1/6$ (۲) $0/2$ (۳) $1/6$ (۴) $-1/0$

۲۴- علی تصمیم دارد برای دوستانش هدیه بخرد. اگر هدیه‌های او ۳۰۰ تومانی باشد، ۷۰۰ تومان کم می‌آورد و اگر هدیه ۲۰۰ تومانی بخرد، ۲۰۰ تومان زیاد می‌آورد، تعداد دوستان او چند نفرند؟

- (۱) ۸ (۲) ۹ (۳) ۱۰ (۴) ۱۱

۲۵- مجموع سه عدد فرد متوالی برابر ۱۲۹ است. عدد بزرگ‌تر کدام است؟

- (۱) ۴۳ (۲) ۴۴ (۳) ۴۱ (۴) ۴۵

۲۶- اگر ۱ و ۱- ریشه‌های معادله $a + b - 2 = x^2 + (3 + a)x + b = 0$ باشند، کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) -۱ (۳) ۲ (۴) ۲

۲۷- اگر تابع درآمد به صورت $y = -\frac{1}{3}x^2 + 28x + 55$ و تابع هزینه $y = 16x + 55$ باشد، ماکسیمم مقدار سود، کدام است؟

- (۱) ۴۵ (۲) ۴۸ (۳) ۵۳ (۴) ۵۷

۲۸- برای یک کارگاه تولیدی، تابع درآمد به صورت $R(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 40x$ و تابع هزینه به صورت $C(x) = 24x + 30$ تعریف شده است. که در آن x تعداد واحد کالای تولید شده روزانه این کارگاه است. این کارگاه روزانه چند واحد کالا تولید کند تا سود کارگاه ماکزیمم شود؟

- (۱) ۱۶ (۲) ۳۲ (۳) ۹۸ (۴) ۲۵۶

۲۹- دو کارگر یکی با تجربه دیگری کم تجربه، کاری را با هم شروع و در مدت ۴ روز به پایان می‌رسانند. اگر هر کدام به تنها یی همین کار را انجام می‌دادند، کارگر کم تجربه ۶ روز دیرتر کار را به پایان می‌رساند. در این صورت کارگر با تجربه به تنها یی کار را چند روزه تمام می‌کند؟

- (۱) ۸ (۲) ۷ (۳) ۶ (۴) ۵

-۳۰- برای راهاندازی یک کارخانه تولید لوازم خانگی مبلغ $800,000$ تومن هزینه شده است. اگر برای ساخت هر واحد کالا $1,200,000$ تومن هزینه شود، و 5000 واحد از این کالا به قیمت هر واحد $1,500,000$ تومن به فروش برسد. سود کارخانه چند تومن است؟

$$1) 1,000,000 \quad 2) 700,000,000 \quad 3) 500,000,000 \quad 4) 300,000,000$$

-۳۱- ریشه‌های کدام معادله -2 و 3 می‌باشد؟

$$1) x^2 - 5x + 6 = 0 \quad 2) x^2 + 5x - 6 = 0 \quad 3) x^2 - x - 6 = 0 \quad 4) x^2 + x - 6 = 0$$

-۳۲- اگر یکی از ریشه‌های معادله $x^2 + (a+1)x + 3a = 0$ باشد، ریشه دیگر آن کدام است؟

$$1) 1 \quad 2) -2 \quad 3) -1 \quad 4) 1$$

-۳۳- به ازای کدام مقدار a ، معادله $\frac{4}{a-2x} + \frac{a}{x+1} = \frac{a}{x}$ دارای جواب 1 است؟

$$1) -4, 2 \quad 2) -2, 4 \quad 3) 2, 4 \quad 4) -2, 3$$

-۳۴- اگر $x = \frac{1}{2}$ یک ریشه معادله $\frac{x}{x-a} - \frac{x-a}{x+a} = \frac{-2}{4a^2-1}$ باشد، مقدار a کدام است؟

$$1) \frac{1}{4} \quad 2) \frac{1}{2} \quad 3) -\frac{1}{4} \quad 4) \frac{1}{2}$$

-۳۵- عبارت گویا $\frac{x+2}{x-16}$ در کدام نقاط تعریف نشده است؟

$$1) 2 \quad 2) -2 \quad 3) -2, 2 \quad 4) -4, -2, 2$$

-۳۶- عبارت گویا $y = P(x) = \frac{2x+b}{x+2a}$ به ازای $x = \sqrt{2}$ تعریف نشده است. اگر نمودار $y = P(x)$ محور عرض‌ها را در

نقطه‌ای به عرض -2 قطع کند، $a + b$ کدام است؟

$$1) 2 \quad 2) 3 \quad 3) 4 \quad 4) 5$$

-۳۷- به ازای چه مقدار از t جواب معادله $\frac{t}{x-1} - \frac{tx-2}{2} = \frac{t-x^2}{1-t}$ است؟

$$1) 3 \quad 2) 2 \quad 3) 1 \quad 4) \text{نشدنی}$$

-۳۸- مجموعه جواب‌های معادله $x + 3 = 1$ کدام است؟

$$1) \text{همه اعداد حقیقی به جز صفر} \quad 2) \text{همه اعداد حقیقی} \quad 3) \text{همه اعداد حقیقی تهی}$$

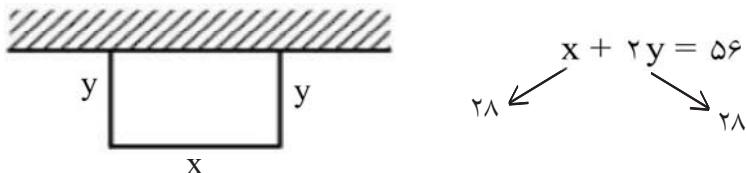
-۳۹- به ازای چه مقدار از k ، $\frac{2k-x}{x+k} - \frac{x}{x-k} = \frac{2}{x-1}$ دارای جواب $2 = x$ است؟

$$1) 2 \quad 2) 3 \quad 3) 4 \quad 4) 5$$

۴۰- مخرج مشترک عبارت $\frac{1}{x-5} - \frac{1}{x-2}$ کدام است؟

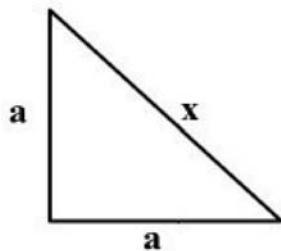
(۴) $x^2 + 10$ (۳) $x^2 - vx + 10$ (۲) $x^2 - vx - 10$ (۱)

- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.



$$\begin{cases} x = 28 \\ y = 14 \end{cases} \Rightarrow S = xy = 28 \times 14 = 392$$

- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



$$x^2 = a^2 + a^2 = 2a^2 \Rightarrow a^2 = \frac{x^2}{2}$$

$$\text{مساحت مربع، } \frac{a^2}{2} = \frac{x^2}{4} = x^2$$

در نتیجه:

$$x^2 + \frac{x^2}{4} = 45 \Rightarrow 5x^2 = 180 \Rightarrow x^2 = 36 \Rightarrow x = 6$$

$$x^2 = \pi x^2 \Rightarrow \text{مساحت دایره به شعاع } x = 36\pi$$

- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

فرض: $z = \text{سن پدر}$, $y = \text{سن فرزند بزرگتر}$ و $x = \text{سن فرزند کوچکتر}$

$$z = 3y$$

$$z = 4x$$

$$z + 16 = 2(y + 16) \Rightarrow 3y + 16 = 2y + 32 \Rightarrow y = 16 \quad \text{سال}$$

$$z = 3 \times 16 = 48 \quad \text{سال} \quad \text{سال} \quad x = \frac{48}{4} = 12 \quad \text{سال} \quad \text{سن فرزند بزرگتر:}$$

$$x + y + z = 12 + 16 + 48 = 76 \quad \text{سال} \quad \text{سن فرزند کوچکتر:}$$

$$x \cdot y = 24$$

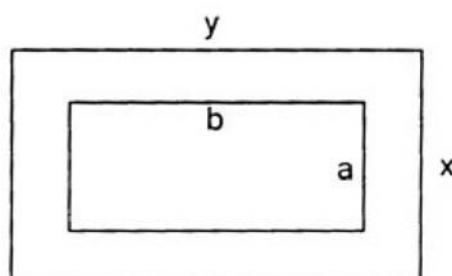
$$(a+1)(b+1) = 24 \Rightarrow ab + a + b + 1 = 24$$

$$a \cdot b = 15$$

$$15 + a + b + 1 = 24 \Rightarrow a + b = 8$$

$$\text{محیط فرش} = 2(a+b) = 2 \times 8 = 16$$

- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اگر عدد موردنظر را x درنظر بگیریم، پنج برابر این عدد به علاوه یک معادل $5x + 1$ و سه برابر این عدد منهای پنج معادل $3x - 5$ است که باید با یکدیگر برابر باشند؛ یعنی:

$$5x + 1 = 3x - 5 \Rightarrow 5x - 3x = -1 - 5 \Rightarrow 2x = -6 \Rightarrow x = -\frac{6}{2} = -3$$

بنابراین اکبر درست تشخیص داده است.

۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. اگر حقوق کارگر، سرکارگر و مهندس را به ترتیب x ، y و z درنظر بگیریم، داریم:

$$\begin{cases} y = 2x \\ y = \frac{2}{3}z \Rightarrow \frac{2}{3}z = 2x \Rightarrow z = 3x \end{cases}$$

بنابراین حقوق مهندس، ۳ برابر کارگر است. اکنون حقوق ماهانه را بر اساس حقوق کارگر (x) برای کارگاه محاسبه می‌کنیم:

$$5x + 3 \times (3x) + 29 \times (x) = 48 \Rightarrow 48x = 48 \Rightarrow x = \frac{48}{48} = 1$$

۷- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$x + x + 1 + x + 2 = \frac{4}{3}x^2$$

$$3x + 3 = \frac{4}{3}x^2$$

$$\frac{4}{3}x^2 - 3x - 3 = 0 \quad \Delta = 9 - 4 \left(\frac{4}{3}\right)(-3) = 25$$

$$x = \frac{+3 \pm \sqrt{25}}{\frac{8}{3}} \Rightarrow \begin{array}{l} x = 3 \text{ (ق ق)} \\ x = -\frac{3}{4} \text{ (غ ق ق)} \end{array} \Rightarrow 4^2 = 16 \text{ مربع عدد وسط}$$

۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$150 \div 60 = 2/5 \text{ دقیقه}$$

$$\text{سانتی متر} = 2/5 \times 30 = 75 = \text{مقدار جایه جایی مورچه}$$

$$1/5x = 75 \Rightarrow x = 50$$

$$50 \times 50 = 2500 \text{ مساحت مربع}$$

۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$p(x) = R(x) - c(x) = -3x^2 + 44x + 1000 - (-x^2 + 20x + 100)$$

$$p(x) = -2x^2 + 24x + 900 \quad (\text{ماکزیمم دارد} \Rightarrow a = -2 < 0 \Rightarrow \text{تابع درجه دوم (سهمی)})$$

$$x_* = \frac{-b}{2a} = \frac{-24}{-4} = 6 \quad (\text{طول نقطه رأس سهمی})$$

$$p(6) = -2(6^2 - 12(6) - 450) = -2(36 - 72 - 450) = -2(-486) = 972$$

۱۰- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

نکته: در هر مسئله اقتصادی اگر X مقدار یا تعداد محصول باشد، سه تابع مهم زیر تعریف می‌شود:
 تابع هزینه که با $C(x)$ نشان می‌دهند، هزینه تولید X واحد کالا است.

تابع سود که با $P(x)$ نشان می‌دهند، سود حاصل از فروش X واحد کالا است.
 تابع درآمد که با $R(x)$ نشان می‌دهند، درآمد حاصل از فروش X واحد کالا است.
 رابطه بین این سه تابع به صورت $P(x) = R(x) - C(x)$ است.

$$C(x) = 7x^2 - x + 20$$

با توجه به نکته داریم:

مطابق فرض می‌خواهیم این کارخانه نه سود کند نه ضرر. پس باید سود آن صفر باشد. بنابراین:

$$\begin{aligned} P(x) = R(x) - C(x) \Rightarrow 0 &= 8x^2 - 9x - (7x^2 - x + 20) \Rightarrow x^2 - 8x - 20 = 0 \\ \Rightarrow (x - 10)(x + 2) &= 0 \Rightarrow x = 10 \text{ یا } x = -2 \end{aligned}$$

چون تولید کالا نمی‌تواند منفی باشد، پس این کارگاه اگر بخواهد نه سود کند نه ضرر، باید ۱۰ عدد لباس تولید کند.

۱۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2 \quad \text{بنکته (اتحاد مربع دو جمله‌ای)}$$

ابتدا قرینه عدد ثابت معادله را به دو طرف معادله اضافه می‌کنیم، چون ضریب x^2 برابر ۱ است، مربع نصف ضریب x
 $\left(-\frac{b}{2}\right)^2$ را که برابر ۱ است، به طرفین اضافه می‌کنیم، داریم:

$$x^2 + 2x = 24 \Rightarrow x^2 + 2x + 1 = 24 + 1 \Rightarrow (x + 1)^2 = 25$$

بنابراین مقدار a برابر ۱ است.

۱۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

نکته: در معادله درجه دوم $ax^2 + bx + c = 0$ عبارت $b^2 - 4ac$ را می‌بینیم معادله می‌نامیم و با نماد Δ نشان می‌دهیم. اگر $\Delta = 0$ معادله دارای ریشه مضاعف $x = -\frac{b}{2a}$ می‌باشد.

با توجه به نکته: باید می‌بینیم این معادله صفر باشد، پس:

$$\begin{aligned} x(2x - 3) &= a \Rightarrow 2x^2 - 3x = a \Rightarrow 2x^2 - 3x - a = 0 : \Delta = 0 \Rightarrow (-3)^2 - 4 \times (2) \times (-a) = 0 \\ \Rightarrow 9 + 8a &= 0 \Rightarrow a = -\frac{9}{8} \end{aligned}$$

۱۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} \Delta &= (2m - 1)^2 - 4(m)(m - 2) = 4m^2 - 4m + 1 - 4m^2 + 8m = 4m + 1 = 0 \\ m &= -\frac{1}{4} \end{aligned}$$

$$x = -\frac{b}{2a} = -\frac{2\left(-\frac{1}{4}\right) - 1}{-\frac{1}{2}} = -3$$

۱۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$x^2 + \frac{1}{a}x + \frac{c}{a} = 0$$

$$\left(x + \frac{1}{a}\right)^2 = \frac{-c}{a} + \frac{1}{a}$$

$$a + c = -1$$

۱۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} & \left[x - (\sqrt{3} + \sqrt{2})\right] \left[x - (\sqrt{3} - \sqrt{2})\right] = 0 \\ & \left[x - (3 + 2 + 2\sqrt{6})\right] \left[x - (3 + 2 - 2\sqrt{6})\right] = 0 \Rightarrow [(x - 5) - 2\sqrt{6}] [(x - 5) + 2\sqrt{6}] \\ & = 0 \end{aligned}$$

$$(x - 5)^2 - 24 = 0 \Rightarrow x^2 - 10x + 25 - 24 = 0 \Rightarrow x^2 - 10x + 1 = 0 \quad \text{در نتیجه:}$$

۱۶- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

سمت راست معادله بالا عددی فرد است در نتیجه سمت چپ نیز باید فرد باشد در نتیجه $x + y = 2k + 1$ و چون مجموع دو فرد باشد باید یکی از آنها زوج باشد و تنها عدد زوج اول ۲ است پس $y = 2$ میباشد.

$$(x + 2)^2 = 20x + 21$$

$$x^2 + 4x + 4 = 20x + 21$$

$$x^2 - 16x - 17 = 0$$

$$(x - 17)(x + 1) = 0$$

$$x = 17$$

۱۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\Delta > 0$$

$$4m^4 - 4m^2 + 1 - 4m^4 + 4m^2 = 1 > 0$$

چون رابطه بالا به ازای همه مقادیر m برقرار است پس برای همه مقادیر m معادله مذکور ۲ ریشه متمایز دارد.

۱۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$x + y = 12 \Rightarrow y = 12 - x$$

$$\text{مساحت} = x(12 - x) = 12x - x^2$$

$$x = -\frac{12}{-2} = 6 \quad \text{ماکزیمم}$$

$$\text{بیشترین مساحت} = 72 - 36 = 36$$

- ۱۹- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$9x^2 - 4x + \frac{1}{3} - \frac{1}{3}a = \left(3x - \frac{2}{3}\right)^2$$

$$9x^2 - 4x + \frac{1}{3} - \frac{1}{3}a = 9x^2 - 4x + \frac{4}{9}$$

- ۲۰- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\begin{cases} \frac{-b}{2a} = -1 \\ (-1, 0) : y = ax^2 + bx + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2a + b = 0 \\ a - b = -1 \\ -a = -1 \end{cases}$$

$$a = 1, b = 2$$

- ۲۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$P(x) = R(x) - C(xx) = 6000x - x^2 - (360000 + 120x)$$

$$= 6000x - x^2 - 360000 - 120x = -x^2 + 5880x - 360000$$

$$P(2000) = -4,000,000 + 11,760,000 - 360,000 = 7,400,000$$

- ۲۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\Delta = [-(a+4)]^2 - 4(2a)(2) = 0 \Rightarrow a^2 + 8a + 16 - 16a = 0$$

$$a^2 - 8a + 16 = 0 \Rightarrow (a-4)^2 = 0 \Rightarrow a = 4$$

$$ax^2 - 8x + 2 = 0 \Rightarrow x = \frac{8 \pm \sqrt{16 - 16}}{8} = \frac{1}{2}$$

$$4 + \frac{1}{2} = \frac{9}{2}$$

- ۲۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

راه حل اول: نکته: مجموع ریشه‌های معادله درجه دوم $\Delta > 0$ برابر $\frac{b}{a}$ است.

با توجه به نکته بالا، چون در این معادله $\Delta = 84 > 0$ ، پس مجموع ریشه‌ها برابر با $\frac{b}{a} = \frac{-8}{5} = \frac{8}{5} = 1/6$ است.

راه حل دوم: معادله را از روش کلی حل می‌کنیم:

$$\Delta = 84 \Rightarrow x = \frac{-8 \pm \sqrt{84}}{10}$$

$$\Rightarrow x_1 + x_2 = \frac{8 + \sqrt{84}}{10} + \frac{8 - \sqrt{84}}{10} = \frac{8 + \sqrt{84} + 8 - \sqrt{84}}{10} = \frac{16}{10} = 1/6$$

- ۲۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$300x - 700 = 200x + 200$$

$$100x = 900 \Rightarrow x = 9$$

- ۲۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$x - 2, x, x + 2$$

$$3x = 129 \Rightarrow x = \frac{129}{3} = 43$$

در نتیجه عدد بزرگتر برابر ۴۵ می‌باشد.

- ۲۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$x^2 - 1 = x^2 + (3 + a)x + b - 2$$

$$\begin{aligned} 3 + a &= 0 & a &= -3 \\ b - 2 &= -1 & b &= 1 \end{aligned} \Rightarrow a + b = -2$$

- ۲۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

هزینه - درآمد = سود

$$\frac{1}{3}x^2 + 28x - 16x - 55 = -\frac{1}{3}x^2 + 12x - 55 \Rightarrow x = -\frac{b}{2a} = -\frac{12}{2\left(-\frac{1}{3}\right)}$$

$$\text{جایگذاری در تابع سود} \quad x = 18 \longrightarrow -\frac{1}{3}(18)^2 + 12(18) - 55 = 53$$

- ۲۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$p(x) = R(x) - C(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 40x - 24x - 30$$

$$\text{تابع درجه دوم است. چون } a < 0, \text{ بنابراین ماکزیمم دارد}$$

$$x_{\text{ماکزیمم}} = \frac{-b}{2a} = \frac{-16}{2\left(-\frac{1}{2}\right)} = 16$$

- ۲۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{x+6} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{x+6+x}{x(x+6)} = \frac{1}{4} \Rightarrow 4(2x+6) = x^2 + 6x$$

$$x^2 - 2x - 24 = 0 \Rightarrow (x-6)(x+4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 6 \\ x = -4 \end{cases}$$

- ۳۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$C(x) = ۸۰۰,۰۰۰,۰۰۰ + ۵,۰۰۰ \times ۱,۲۰۰,۰۰۰ = ۸۰۰,۰۰۰,۰۰۰ + ۶,۰۰۰,۰۰۰,۰۰۰$$

$$C(x) = ۸,۶۰۰,۰۰۰,۰۰۰$$

$$R(x) = ۵,۰۰۰ \times ۱,۵۰۰,۰۰۰ = ۷,۵۰۰,۰۰۰,۰۰۰$$

(سود)

تومان

- ۳۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$(x + ۲)(x - ۳) = ۰$$

$$x^2 - x - ۶ = ۰$$

- ۳۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$x = -1 \Rightarrow ۳(-1)^2 + (a+1)(-1) + ۳a = ۰$$

$$۳a + ۲ = ۰ \Rightarrow a = -1 ; ۳x^2 - ۳ = ۰ \Rightarrow x = \pm 1$$

- ۳۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا در معادله به جای x عدد ۱ را قرار می‌دهیم.

$$\frac{۴}{a-۲} + \frac{a}{۲} = a$$

با امتحان کردن گزینه‌ها می‌بینیم که گزینه ۲ صحیح است. یعنی ۴ و ۲- صدق می‌کنند.

- ۳۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\frac{-\frac{1}{2}}{\frac{1}{4}-a} - \frac{-\frac{1}{2}-a}{\frac{1}{4}+a} = \frac{-2}{4a^2-1}$$

$$\frac{\frac{1}{4}-\frac{1}{2}a-\left(\frac{1}{4}+a^2+a\right)}{\frac{1}{4}-a^2} = \frac{-2}{-4\left(\frac{1}{4}-a^2\right)} + 1 = \frac{1}{2\left(\frac{1}{4}-a^2\right)} + 1$$

$$\frac{\cancel{\frac{1}{4}-\frac{1}{2}a}-\cancel{\frac{1}{4}-a^2}-a}{2\left(\frac{1}{4}-a^2\right)} = 1 + 2\left(\frac{1}{4}-a^2\right) = \frac{1+\frac{1}{2}-2a^2}{2\left(\frac{1}{4}-a^2\right)} = \frac{\frac{3}{2}-2a^2}{2\left(\frac{1}{4}-a^2\right)} = \frac{3}{4}-a^2$$

$$\Rightarrow \cancel{-a} - \frac{3}{4}a = \frac{3}{4}-\cancel{a} \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$

- ۳۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$x^4 - ۱۶ = (x^2 - ۴)(x^2 + ۴) = (x - ۲)(x + ۲)(x^2 + ۴)$$

پس در نقاط ۲ و ۲- تعریف نشده است.

-۳۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$x = \sqrt{2} \Rightarrow 2 + 2a = 0 \Rightarrow a = -1$$

$$x = 0 \Rightarrow P(0) = \frac{b}{-2} = -2 \Rightarrow b = 4 \Rightarrow b + a = 2$$

-۳۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\frac{t}{-2} + \frac{t+2}{2} = \frac{t-1}{1-t} \Rightarrow \frac{t-t-2}{2} = 1$$

جواب ندارد

-۳۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

نکته: برای حل معادله‌های شامل عبارت‌های گویا، ابتدا با توجه به خاصیت‌های معادله و مخرج مشترک‌گیری، معادله‌ای مانند $\frac{P(x)}{Q(x)} = 0$ به دست می‌آید. به شرط اینکه $P(x) \neq Q(x)$ ، معادله در صورتی دارای جواب است که $P(x) = 0$.

از بین ریشه‌های به دست آمده، آن‌هایی قابل قبول‌اند که مخرج کسر $\frac{P(x)}{Q(x)}$ را صفر نکنند.

ابتدا دو طرف را با (-1) جمع می‌کیم، سپس با مخرج مشترک‌گیری، داریم:

$$\frac{x+3}{x+3} - 1 = 0 \Rightarrow \frac{x+3-x-3}{x+3} = 0$$

يعنی همه اعداد حقیقی جواب معادله است. $\Rightarrow 0 = 0 \Rightarrow 0 = 0$

اما با توجه به اینکه جواب‌های معادله نباید مخرج را صفر کنند، همه اعداد حقیقی به جز ۳- جواب‌های معادله می‌باشند.

-۳۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\frac{x=2}{\longrightarrow} \frac{2k-2}{2+k} = 2 + \frac{2}{2-k} \Rightarrow 12 - 4k + 4 = 0 \Rightarrow k = 4$$

-۴۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون $(5-x)$ و $(2-x)$ هیچ‌کدام تجزیه نمی‌شوند، پس مخرج مشترک عبارت داده شده برابر حاصل ضرب این دو عبارت در یکدیگر می‌باشد، بنابراین داریم:

$$(x-5)(x-2) = x^2 - 7x + 10$$

۱	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۲	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۳	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۴	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۵	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۶	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۷	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۸	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۹	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۰	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۱	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۱۲	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۳	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۴	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۵	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۶	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۷	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۸	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۱۹	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۰	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۱	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۲	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۳	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۲۴	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۵	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۲۶	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۷	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۲۸	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۲۹	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۳۰	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۳۱	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۳۲	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۳۳	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۳۴	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۳۵	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۳۶	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۳۷	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۳۸	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
۳۹	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
۴۰	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>